

# 1 檔案 HW4.py

- 利用影像的亮度程度來判斷該位置是否有人臉

## 實驗步驟

1. 對正負樣本進行預處理
2. 畫出正負樣本的機率分布模型
3. 畫出正負樣本的高斯分布模型
4. 對模型進行測試

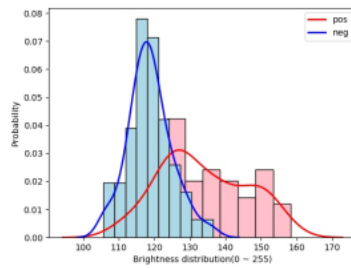
### 1. 對正負樣本進行預處理

- 分別將200張正負樣本resize成(10\*10)的大小，並轉成灰階，然後做平均得到正負樣本的平均影像



## 2. 畫出正負樣本的機率分布模型

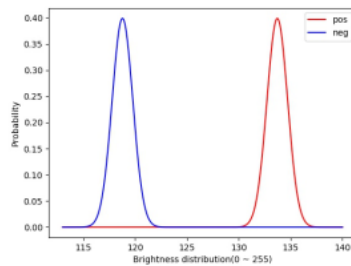
- 將正負樣本的平均影像分別以直方圖和曲線圖畫出機率分布模型



5

## 3. 畫出正負樣本的高斯分布模型

- 以正負樣本平均影像的亮度平均值作為高斯分布模型的平均



6

## 4. 測試模型

- 輸入測試影像，將其轉成灰階，然後每(10\*10)的大小進行一次判斷，並計算範圍內的亮度平均值，若平均較接近正樣本的亮度平均值，則判斷該範圍內有人臉，並用綠框標示



測試圖1



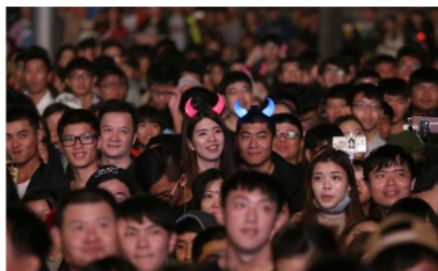
8

圖1測試結果



9

測試圖2



## 圖2測試結果



11

## 問題

- Q. 為什麼會選擇用亮度程度來進行判斷?
- A. 因為將正負樣本轉成灰階後，影像內矩陣的**值**只代表了該影像每個**pixel**的亮度程度，沒有想到其他可以使用的資訊
- Q. 為什麼正負樣本的高斯分布模型沒有交集?
- A. 因為負樣本的影像偏暗，所以平均影像的平均**值**也較低，離正樣本的平均**值**也較遠，因此沒有交集
- Q. 為什麼會框到很多不是人臉的地方?
- A. 因為我們是使用亮度來進行判斷，所以綠框的地方會是影像中較亮的區域，並不是人臉所在區域

12

## 問題

- Q. 為什麼高斯分布的參數是用平均影像的平均**值**，而不是直接使用平均影像
- A. 因為平均影像是一個矩陣，而矩陣並不能直接比大小
- Q. 為什麼在做測試的時候要用**(10\*10)**的大小，不用大一點?
- A. 因為我們在進行訓練時是用**(10\*10)**的大小，因此在測試時也應該用相同的大小進行測試
- Q. 如果用其他大小來進行訓練和測試會不會比較好? (例如: **5\*5**, **20\*20**, **50\*50**)
- A. 測試結果如下:

圖1 (5\*5)



14

圖2 (5\*5)

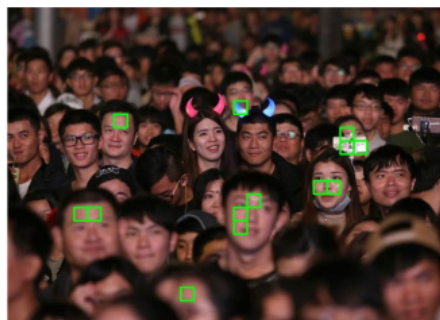


15

圖1 (20\*20)



圖2 (20\*20)



17

圖1 (50\*50)



18

圖2 (50\*50)



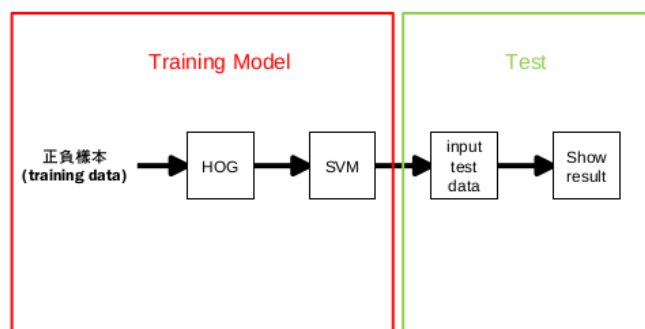
## 2 檔案 HW5.py

利用HOG特徵來判斷人臉位置

### 實驗方法

- 利用**histogram of Gradients (HOG)** 來提取特徵
- 訓練 **Support Vector Machines (SVM)** 分類器
- 建立滑動視窗來偵測人臉位置

### 實驗步驟



### 實作重點及理由

1. **Training data**的數量會影響判斷的準確度，特別是負樣本，負樣本如果太少，訓練的結果就會有限
2. 進行測試時，偵測的框大小會影響判斷的準確度，若太大會選取到過多的雜訊，若太小則會選取的資訊量不夠

### 3 Phase retrieval problem

#### 1. 相位還原

將Phase retrieval problem寫成矩陣的形式，對於測量矩陣 $A$ (通常包含傅立葉轉換) 和未知向量 $\xi$ ， $\xi$  通常為一訊號或圖片； $b$  代表 $A\xi$  的強度(magnitude)，滿足關係式:

$$b = |A\xi| \quad (1.1)$$

式(1.1) 如果能找到 $A\xi$  的相位 $u$  (phase) 跟 $b$  做點乘(以 $\odot$ 代表) 取代 $A\xi$  的絕對值，則能寫成式(1.2)

$$A\xi = b \odot u \quad (1.2)$$

從式(1.2) 知道: 已知的只有 $b$  如果能還原 $u$  則能透過乘上 $A^{-1}$ 得到 $\xi$ 。

#### 2. Fourier ptychography

Fourier ptychography 是一種在光學顯微鏡中的計算成像技術，可視為一個 Phase retrieval problem 目的為使用 Fourier transform 強度的量測經過 ptychography 的排列。為了避免演算法停滯，在 Fourier transform 中，引進 Fannjiang 提出的，隨機產生的 mask(遮罩) 以  $\mu$  來表示， $\mu = e^{i\theta}$



### 3. 二維 Fourier ptychography

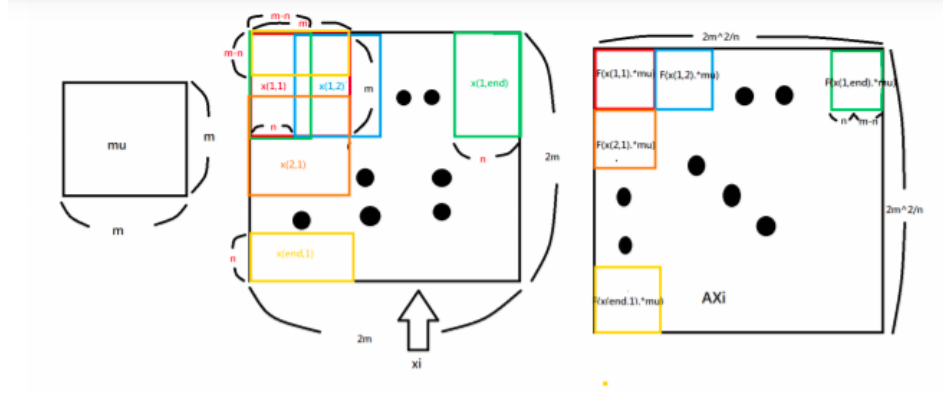


Figure 1.4: 2 dim Fourier ptychography

$\xi$  : 二維時  $\xi \in \mathbb{R}^{2m \times 2m}$  使用matlab 的phantom 的指令, 為真解。

$A\xi \in \mathbb{C}^{\frac{2m^2}{n} \times \frac{2m^2}{n}}$  本實驗一種經過特別運算出來的矩陣。為  $\xi$  與  $\mu$  的做點乘經過傅立業轉換,再經過ptychography 的排列。如Fig 1.5。

$\mu$  : 二維時  $\mu = e^{i \cdot 2 \cdot \pi \cdot \text{rand}((m), (m))} \in \mathbb{C}^{(m) \times (m)}$ , 為隨機製造的遮罩使用matlab 的rand的指令。

$u \in \mathbb{C}^{\frac{2m^2}{n} \times \frac{2m^2}{n}}$  為相位(phase)。

$B \in \mathbb{C}^{\frac{2m^2}{n} \times \frac{2m^2}{n}}$ , 為二維測量結果, 代表強度。

$\odot$  : matlab 中的點乘運算符號。

$m \in \mathbb{N}^+$ 。

$n \in \mathbb{N}^+$ ,  $n$  為shift的長度, 建議  $n$  為  $m$  的因數方便計算。

#### 4. Blind ptychography

根據 Fourier ptychography 中利用  $\mu$  隨機遮罩避免演算法停滯，在遮罩資訊不完整時，Fourier ptychography 的問題稱為 Blind ptychography。遮罩資訊不完整的定義: 假設我們不知道  $\mu$ ，我們知道  $\delta$  和  $\mu_i$ ， $\mu_i$  為  $\mu$  的猜測解，滿足關係式： $-\delta < \frac{\mu}{\mu_i} < \delta$

#### 5. Alternating projection 以數值最佳化方式解

在Phase retrieval problem  $B \odot u = F(\mu \odot x)$  情境中B 和 $\mu$  的訊息為已知的。Alternating projection 利用 $x, u$  的相互迭代, 使得 $\frac{\|B - |Ax|\|}{\|B\|}$  趨近0, 以達到還原的效果。

---

**Algorithm 3** Alternating projection (AP)[4] [5]

---

**Input:** B為測量結果,  $x \in \mathbb{C}^{m \times m}$  為初始猜測解。

**Output:**  $x_{k+1}$

1: For  $k = 0, 1, 2, \dots$

2:  $z_k = Ax$

3:  $u_k = \frac{z_k}{\|z_k\|}$

4:  $x_{k+1} = A^{-1} * B \odot u_k$

---