

2021年12月23日19:46:58

- 按照一定次数排列的一系列数: $u_1, u_2, \dots, u_n, \dots$, 其中 u_n 叫做通项.
- 对于数列 u_n , 如果当 n 无限增大时, 其项无限接近于一个常数 A , 则称该数列以 A 为极限或称数列收敛于 A , 否则数列发散.

$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = A$, 或 $u_n \rightarrow A (n \rightarrow \infty)$

- $x \rightarrow \infty$, 当 $|x|$ 无限增大时.
- $x \rightarrow +\infty$, 当 x 无限增大时.
- $x \rightarrow -\infty$, 当 x 无限减少时.
- $x \rightarrow x_0$, 当 x 无限从 x_0 的两侧无限接近于 x_0 时.
- $x \rightarrow x_0^+$, 当 x 从 x_0 的右侧无限接近于 x_0 时.
- $x \rightarrow x_0^-$, 当 x 从 x_0 的左侧无限接近于 x_0 时.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} e^{-x} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} = 0$$

极限: 函数在 x_0 的邻域内有定义, $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A$, 或 $f(x) \rightarrow A (x \rightarrow x_0)$. **左右极限:** 函数在左半邻域/右半邻域有定义 $(x_0, x_0 + \delta), (x_0 - \delta, x_0)$. $\lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = A$, 或 $f(x) \rightarrow A (x \rightarrow x_0^+)$ 或 $f(x_0+0) = A$ $\lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = A$, 或 $f(x) \rightarrow A (x \rightarrow x_0^-)$ 或 $f(x_0-0) = A$ **$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A$ 极限存在的充要条件是 $\lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = A$**