

# 计算机组成原理

# 第三章 运算方法与运算器

3.1 定点数运算及溢出检测

#### 1 定点数加法运算

$$[X]_{\lambda} + [Y]_{\lambda} = [X + Y]_{\lambda} \mod 2^{n+1}$$

• 算法理解

解: 
$$[X]_{\stackrel{?}{\nmid h}} = 010010$$
  $[Y]_{\stackrel{?}{\nmid h}} = 101011$   $[X+Y]_{\stackrel{?}{\nmid h}} = [X]_{\stackrel{?}{\nmid h}} + [Y]_{\stackrel{?}{\nmid h}} = 010010 + 101011$   $= 111101$ 

所以: X+Y= - 00011

#### 2 定点数减法运算

$$[X-Y]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} = [X]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} - [Y]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} = [X]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} + [-Y]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}}$$

• 算法理解

解: [Y]<sub>ネト</sub> =10011

$$\therefore Y = -1101 - Y = 1101$$

∴ 
$$[-Y]_{\lambda} = 01101$$
 ✓

可知 : 通过右向左扫描 $[Y]_{i}$  在遇到数字1及之前 , 直接输出遇到的数字 , 遇到1之后 , 取反输出 , 即可得到 $[-Y]_{i}$  , 反之亦然 !

# 2 定点减法运算

解: 
$$[X]_{\stackrel{}{\nmid}} = 010101$$
 ,  $[Y]_{\stackrel{}{\nmid}} = 010010$  ,  $[-Y]_{\stackrel{}{\nmid}} = 101110$   $[X-Y]_{\stackrel{}{\nmid}} = [X]_{\stackrel{}{\nmid}} + [-Y]_{\stackrel{}{\nmid}} = 010101 + 101110$   $= 1000011$  所以:  $X - Y = +000011$ 

# 3

#### 数溢出的概念及其判断方法

#### 1)溢出的概念

运算结果超出了某种数据类型的表示范围。

解: 
$$[X]_{\stackrel{?}{\nmid h}} = 010010$$
  $[Y]_{\stackrel{?}{\nmid h}} = 010101$   $[X+Y]_{\stackrel{?}{\nmid h}} = [X]_{\stackrel{?}{\nmid h}} + [Y]_{\stackrel{?}{\nmid h}} = 010010 + 010101$   $= 100111$ 

所以: X+Y= - 11001

两个正数之和为负数!

### 3 溢出的概念及其判断方法

例5 已知 X=- 10010 Y= -10101 求X+Y

解: 
$$[X]_{\lambda h} = 101110$$
  $[Y]_{\lambda h} = 101011$   $[X+Y]_{\lambda h} = [X]_{\lambda h} + [Y]_{\lambda h} = 101110$  + 101011 = 1010001

所以: X+Y= + 010001

两个负数之和为正数!

# 3 溢出的概念及其判断方法

- 2) 溢出的检测方法
- 溢出只可能发生在同符号数相加时,包括[X]<sub>¾</sub>与[Y]<sub>¾</sub>; [X]<sub>¾</sub>与[-Y]同号;
- (1) 方法1:对操作数和运算结果的符号位进行检测 当结果的符号位与操作数的符号不相同时就表明发生了溢出 (设X0, Y0) 为参加运算数的符号位, S0 为结果的符号位)

$$\mathbf{V} = \mathbf{X}_0 \mathbf{Y}_0 \mathbf{\overline{S}}_0 + \mathbf{\overline{X}}_0 \mathbf{\overline{Y}}_0 \mathbf{S}_0$$

当V=1时,运算结果溢出,根据该逻辑表达式,容易画出相应电路。

3

#### 溢出的概念及其判断方法

- (2)方法2:对最高数据位进位和符号进位进行检测
- •设运算时最高数据位产生的进位为 $C_1$ ,符号位产生的进位为 $C_0$ ,

溢出检测电路为: 
$$V = C_0 \oplus C_1$$
  $\checkmark$ 

$$0.X_{1}$$

$$+ 0.Y_1$$

此时: C<sub>0</sub> = 0,若C<sub>1</sub> = 1 则改

变了结果符号位,发生溢出。

此时:C<sub>0</sub> = 1,若C<sub>1</sub> = 0 则改

变了结果符号位,发生溢出。

#### 3 溢出的概念及其判断方法

(3)方法3:用变型补码

$$[X]_{k} = X_{f1}X_{f2}. X_1X_2X_3...Xn$$
 mod  $2^{n+2}$ 

溢出的判断: V= X<sub>f1</sub> ⊕ X<sub>f2</sub>

例6 已知 X=- 10010 Y= -10101 求X+Y

解:  $[X]_{ih} = 1101110$   $[Y]_{ih} = 1101011$ 

$$[X+Y]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} = [X]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} + [Y]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} = 1101110 + 1101011$$
  
= 1 10 10001

V= 1 ⊕ 0 = 1 故发生溢出!

上述三种方法可基于逻辑表达式画出相应电路,

在后面的运算器部分,还将具体讲解

#### 3.1 定点数运算及溢出检测

3 溢出的概念及其判断方法

(4) 溢出判断的软件方法

```
int tadd_ok(int x,int y) {
  int sum=x+y;
  int neg_over=x<0&&y<0&&sum>=0;
  int pos_over=x>=0&&y>=0&&sum<0;
  return !neg_over&&!pos_over; }

体会软/硬件功能的等效性和差异性!
  体会软/硬协同的系统观!
```

- 4 无符号数运算的溢出判断
  - ●无符号数加法的溢出可用ALU的进位表示
  - ●无符号数减法的溢出也可用带加/减功能的ALU的进位取反后表示。