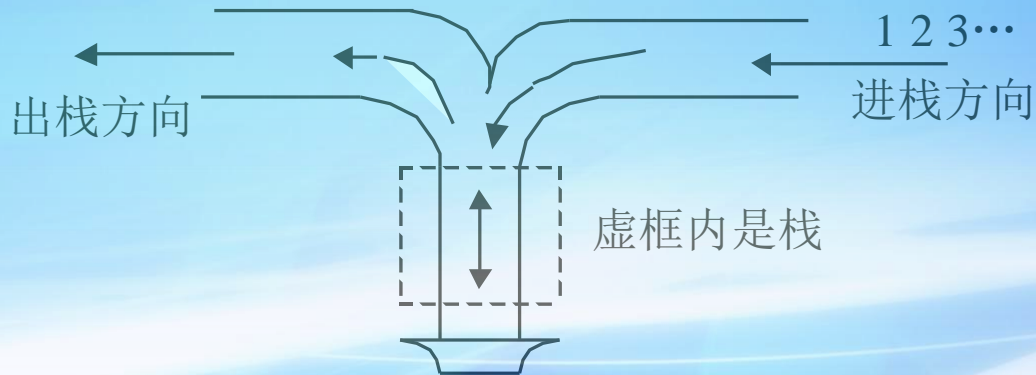




## 《数据结构》

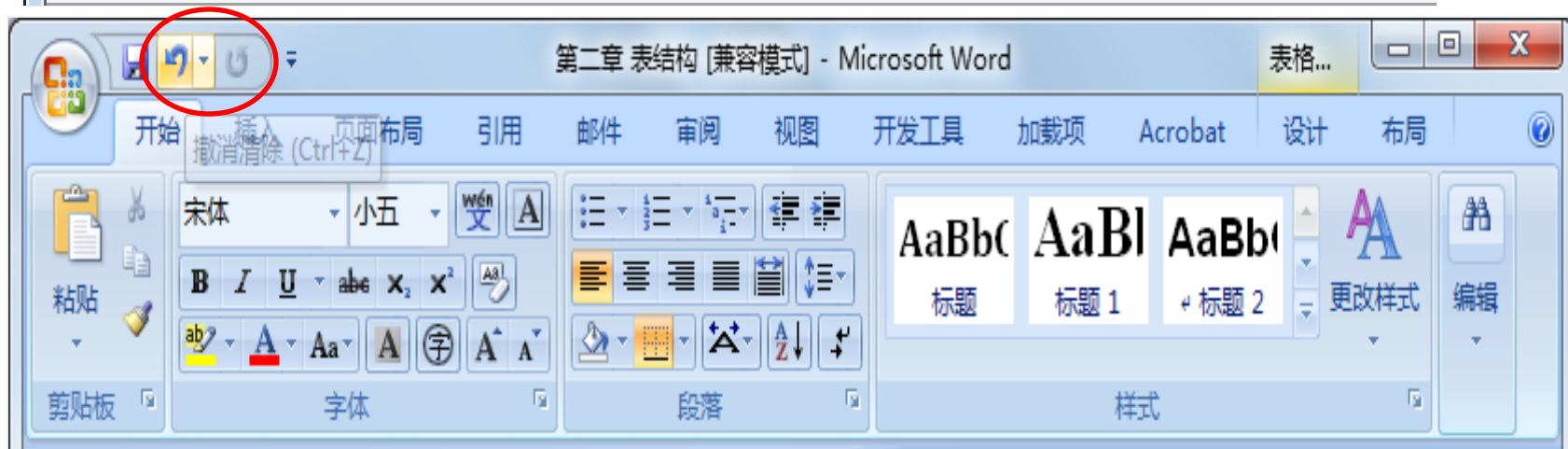
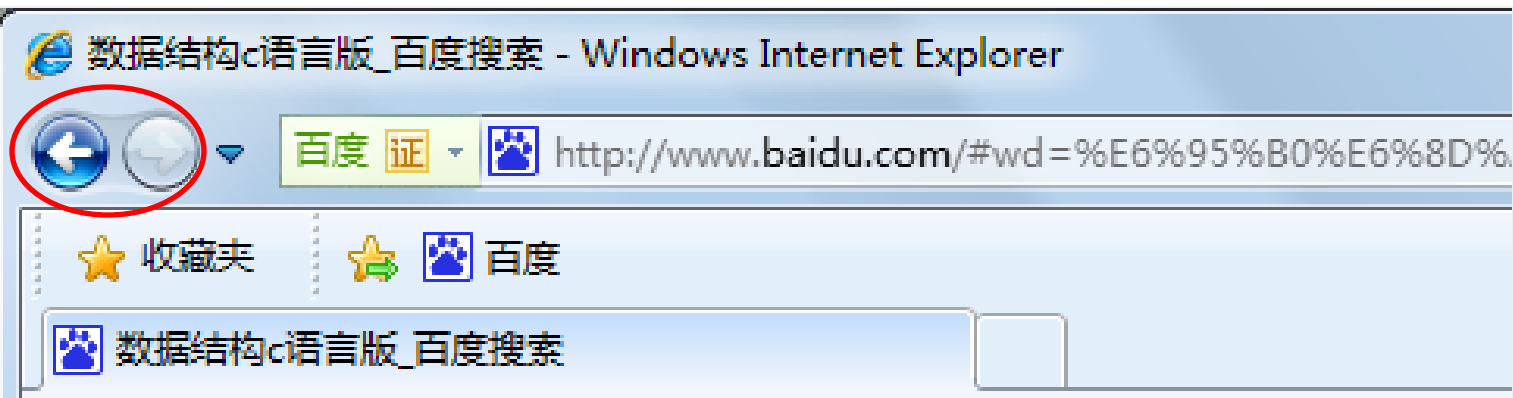
# 栈

网络工程教研中心 陈卫卫





# 应用举例





```
#include <stdio.h>
typedef struct node
{ int data;
  struct node * next;
}snode ,*ptr;
ptr creatlinked( )
{ int x;
  ptr head, p;
  head=NULL;
  scanf("%d", &x);
  while(x!=0)
  { .....;
    scanf("%d", &x);
  }
  return(head);
}
ptr reverse(ptr h)
{ .....
  return g; }
```

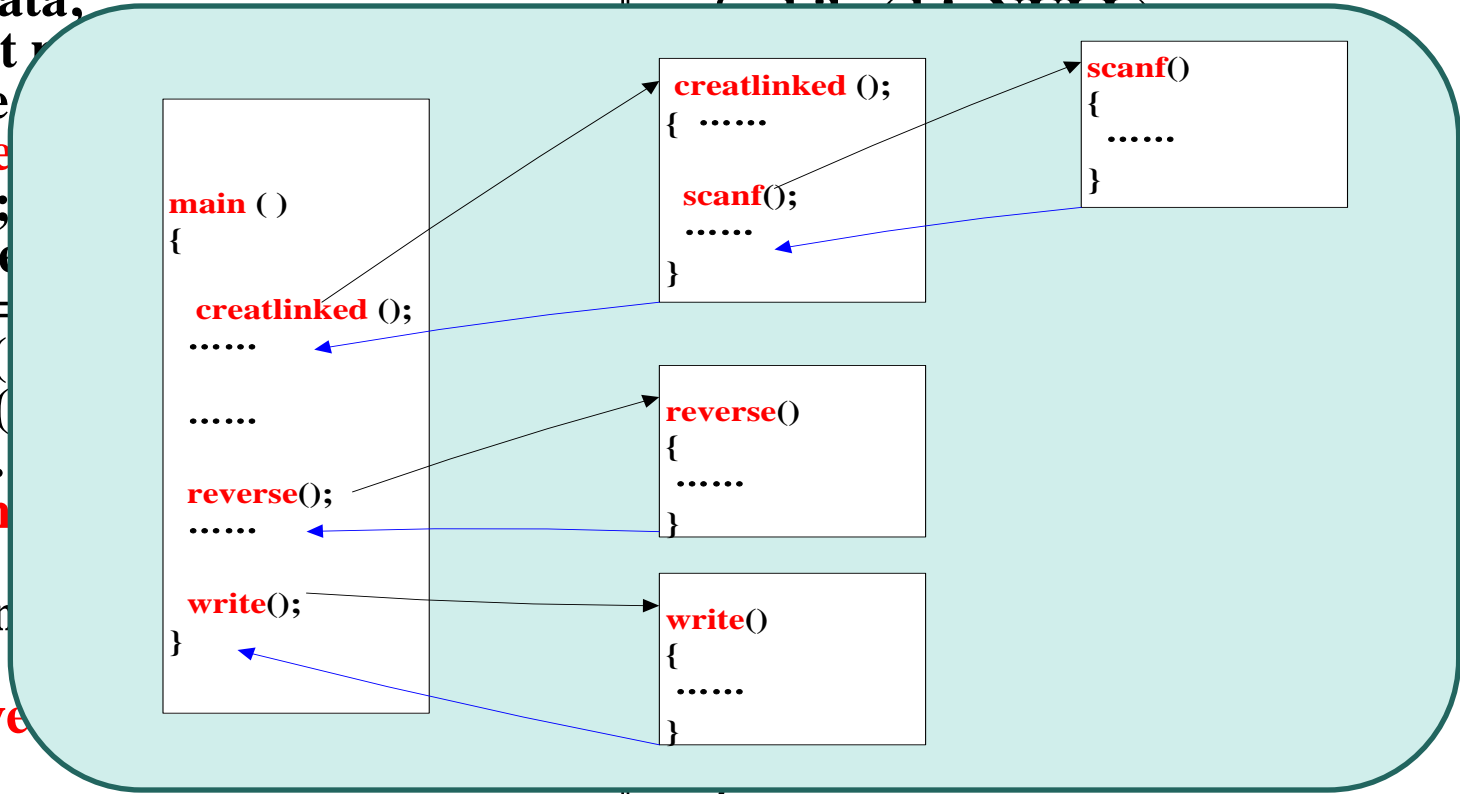
```
void write (ptr h)
{ while ( h!=NULL)
  { printf("%5d",h->data);
    h=h->next;
  }
  printf("\n");
}
void main ( )
{ ptr head;
  head= creatlinked ();
  write(head);
  head=reverse(head);
  write(head);
}
```



```
#include <stdio.h>
typedef struct node
```

```
void write (ptr h)
```

```
{ int data;
  struct node *next;
}
struct node *creatlinked ();
ptr creatlinked ();
{ int x;
  ptr head;
  head = creatlinked ();
  scanf ("%d", &x);
  while (x != -1)
  { .....
    scanf ("%d", &x);
  }
  return head;
}
ptr reverse (ptr h)
{ .....
  return g; }
```





# 栈的基本操作

## 学习目标和要求

- 1.能够准确描述**栈**的特点；
- 2.能够写出顺序栈的**入栈**和**出栈**算法；
- 3.能够写出链栈的**入栈**和**出栈**算法；



# 1. 栈的概念

## ❖ (1) 栈的术语和图示

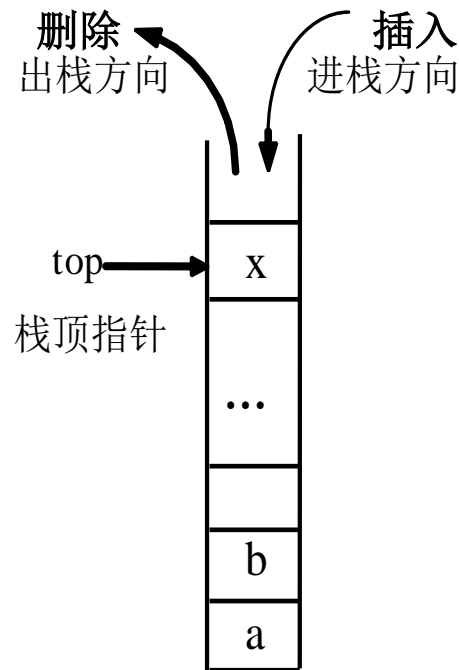
只允许在同一个端点处进行插入或删除的表结构称为**栈** (stack)

栈顶 (top)

栈底 (bottom)

进栈 (push)

出栈 (pop)



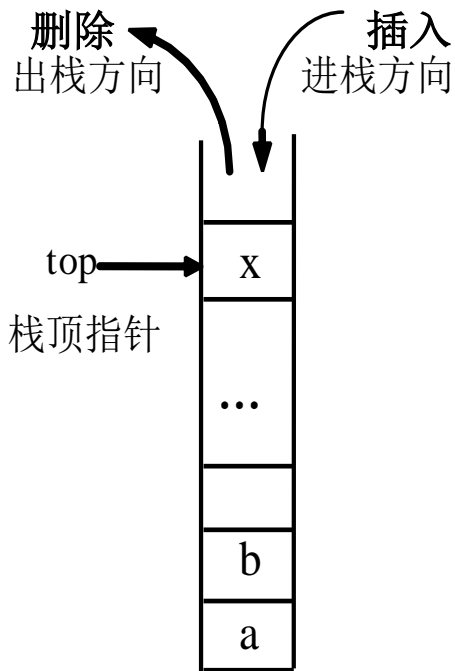


## 2. 栈的特点

栈结构，像开口向上的圆桶  
结点像编了号的木块

先放的在下边  
后放的在上边  
后进先出表

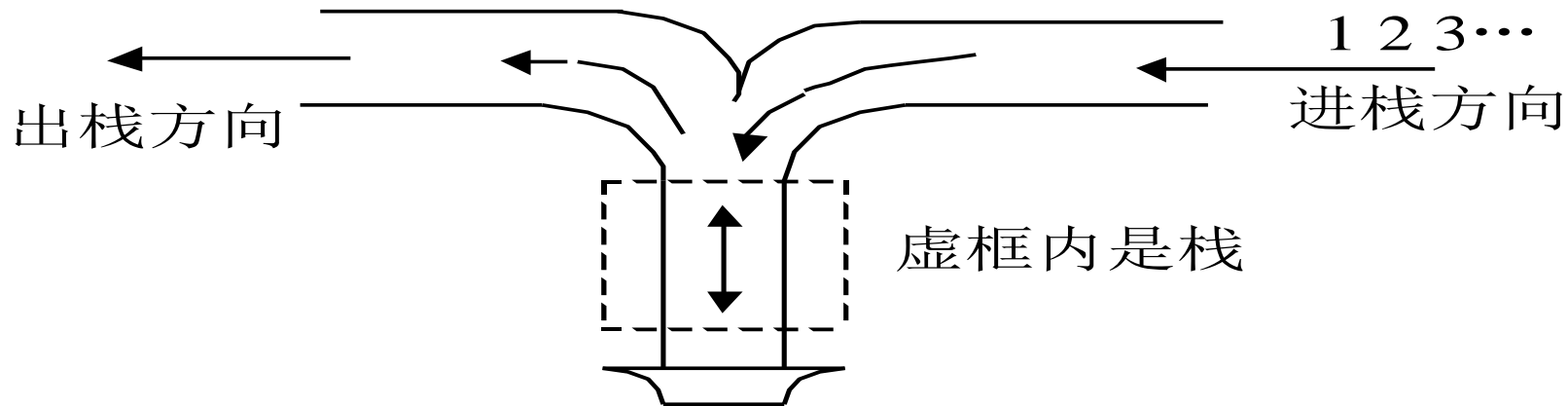
**LIFO表**





### 3. 栈的实例

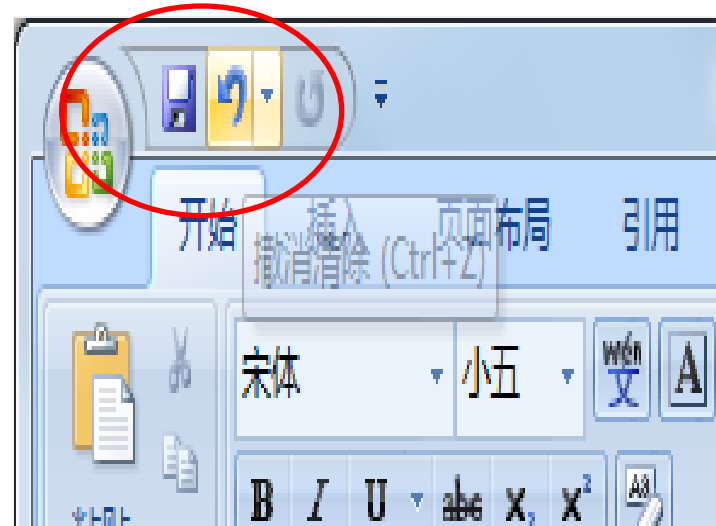
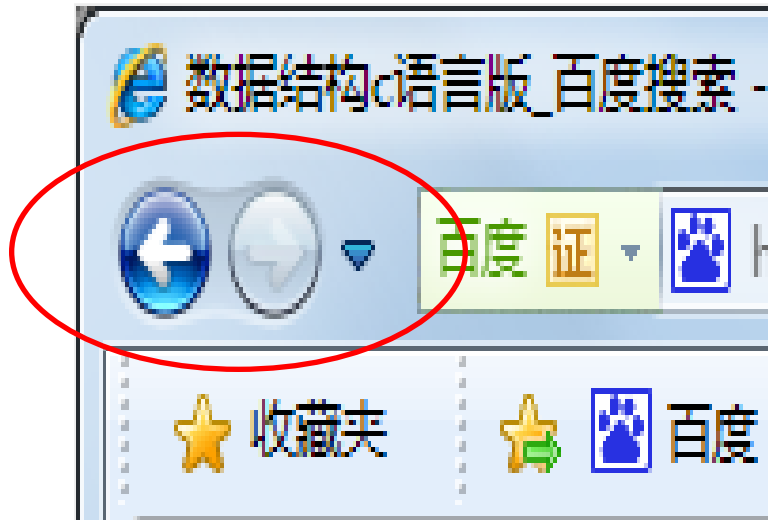
#### 火车道岔——典型的栈结构







### 3. 栈的实例





## 4.顺序栈的定义

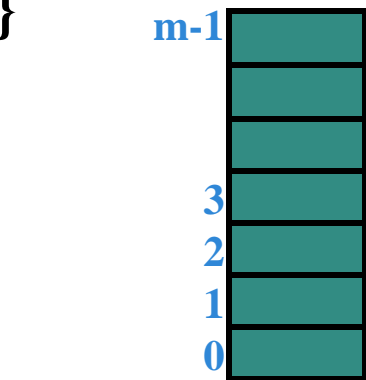
```
#define EMPTY -1 //空栈的栈顶指针  
const int m=1000; //预定的栈空间大小  
int s[m]; //定义顺序栈
```

程序执行期间，将**不定期的进栈、出栈**  
开始时，栈空，指针top的值等于EMPTY  
进出栈算法**需能够配合**

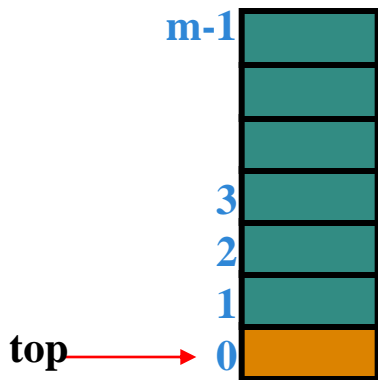


## 5. 顺序栈的进栈算法

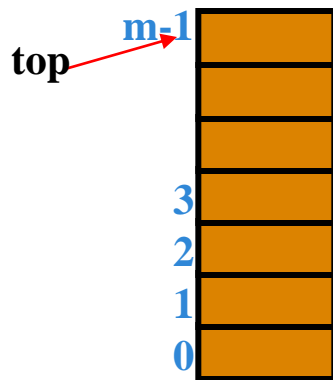
```
int push(int s[ ],int &top, int x) //进栈函数
{
    if(top==m-1)return 0; //表示栈满,不能进栈
    s[++top]=x;
    return 1; //表示进栈成功
}
```



栈空状态



进栈状态



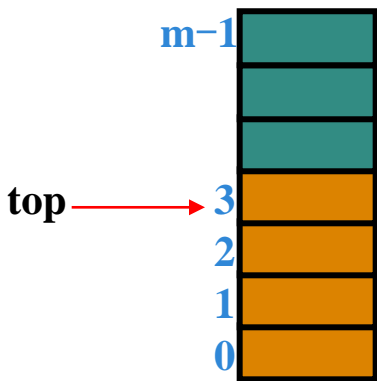
栈满状态



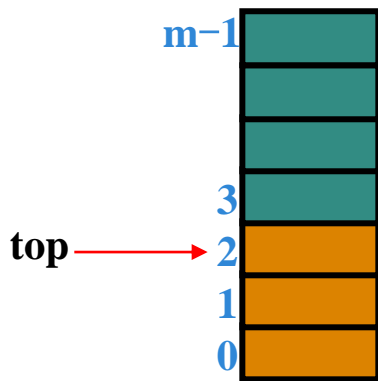
## 6. 顺序栈的出栈算法

```
int pop(int s[ ],int &top, int &x) //退栈函数
{ if(top==EMPTY )return 0; //表示栈空,不能出栈
  x=s[top--];
  return 1; //表示出栈成功
}
```

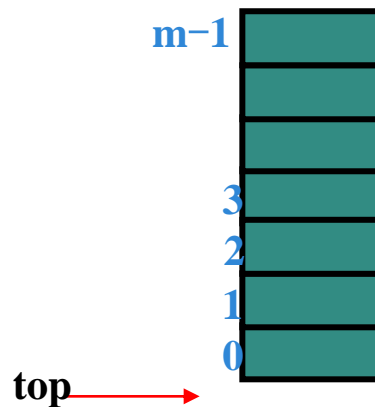
时间复杂性:  $T(n)=O(1)$



当前状态



出栈状态



栈空状态



# 注意

## 进退栈算法要能够配合

```
int push(int s[ ],int &top, int x) //进栈函数
```

```
{ if(top==m-1) return FAIL;
```

```
  s[++top]=x;
```

```
  return SUCC;
```

```
}
```

```
int pop(int s[ ],int &top, int &x) //退栈函数
```

```
{ if(top==EMPTY) return FAIL;
```

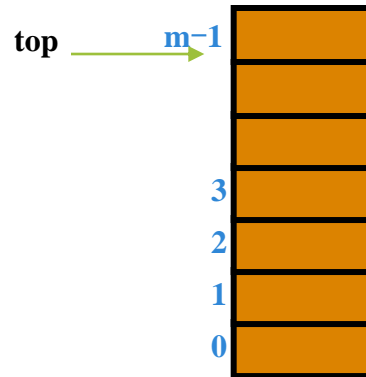
```
  x=s[top- -];
```

```
  return SUCC;
```

```
}
```



栈空状态



栈满状态



## 7. 两个堆栈利用空间

```
typedef struct stack  
{  
    int a[N];  
    int top1, top2;  
} stack;  
stack s;
```



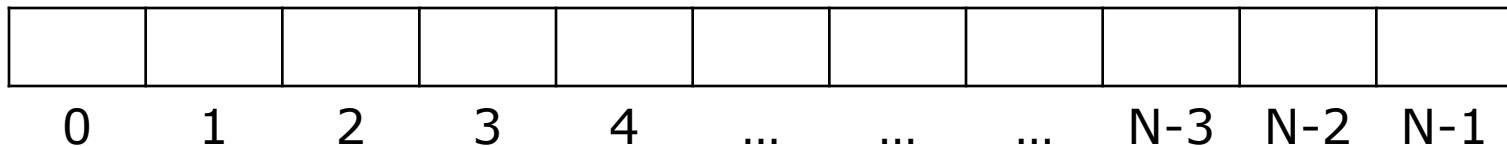
栈空状态  $s.top1 = -1$

栈空状态  $s.top2 = N$



## 7. 两个堆栈利用空间

```
typedef struct stack
{
    int a[N];
    int top1, top2;
} stack;
stack s;
```



栈满状态  
 $s.top1 + 1 == s.top2$



## 8. 链栈的进栈算法

```
int push(ptr &top,int x)
{   ptr p;
  1. p=new snode;           //申请结点
  2. if(p==NULL)return 0;   //申请失败
  3. p->data=x;             //x进栈
  4. p->next=top;          //表头插入法
  5. top=p;                //修改表头指针
  6. return 1;             //进栈成功
}
```





## 9. 链栈的出栈算法

```
int pop(ptr &top,int &x)
{ ptr p;
  if(top==NULL)return 0; //退栈不成功
  x=top->data;
  p=top;                //表头删除法
  top=top->next;
  free(p);
  return 1;             //退栈成功
}
```



# 栈的应用

## 学习目标和要求

- 1.能够准确描述栈在程序中断中的作用
- 2.掌握简单算术表达式求值的方法



# 1.栈的应用——程序中中断

## (1) 程序中中断 (interrupt)

**中断：**一个程序执行期间，被其他程序所打断

**断点：**被打断的地方

**现场：**被打断的程序当前执行情况

保护现场和恢复现场

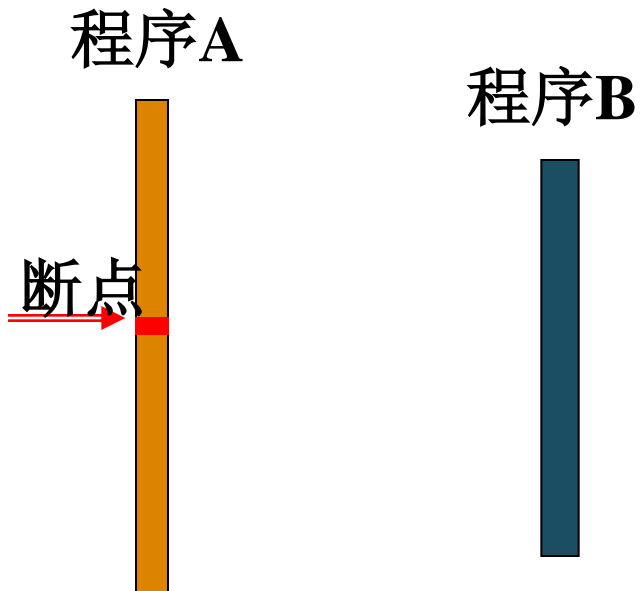
嵌套中断的现场需要层层保护

必须“后进先出”——栈

一个现场——栈架 (stack frame)

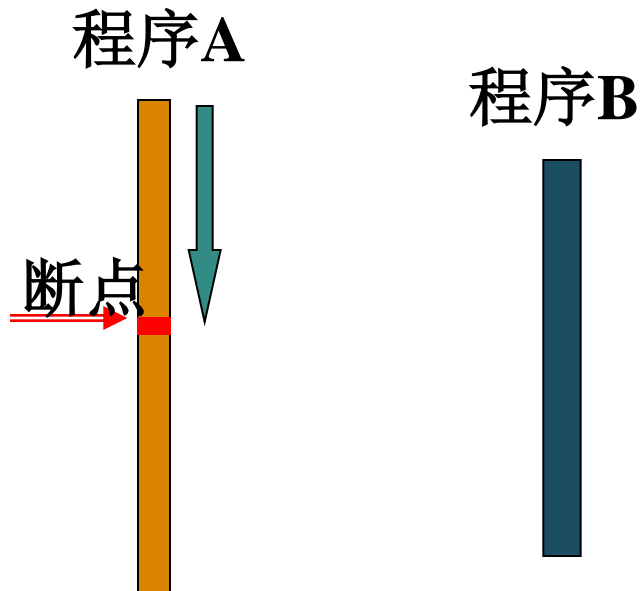


# 1. 栈的应用—程序中中断



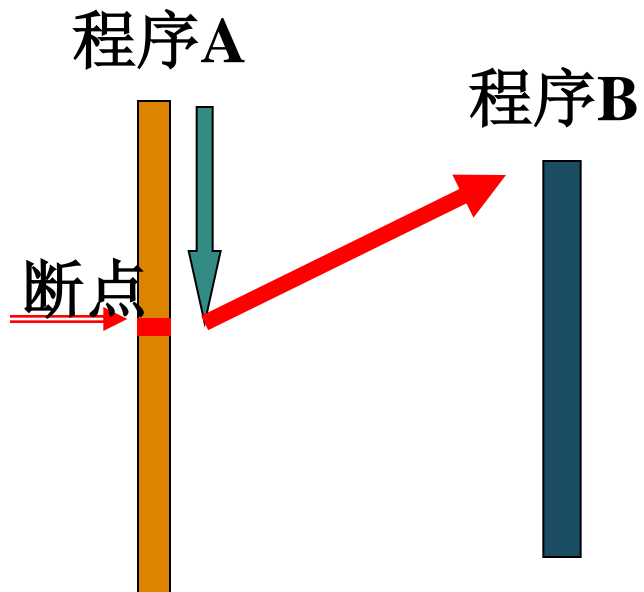


# 1. 栈的应用—程序中中断



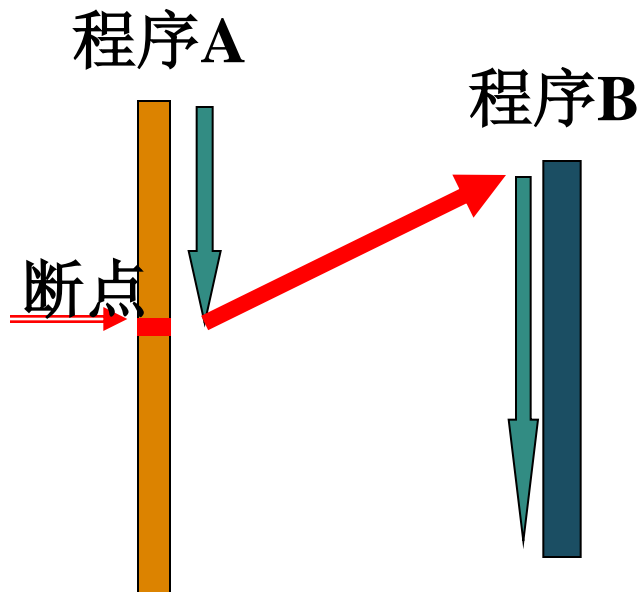


# 1. 栈的应用—程序中中断



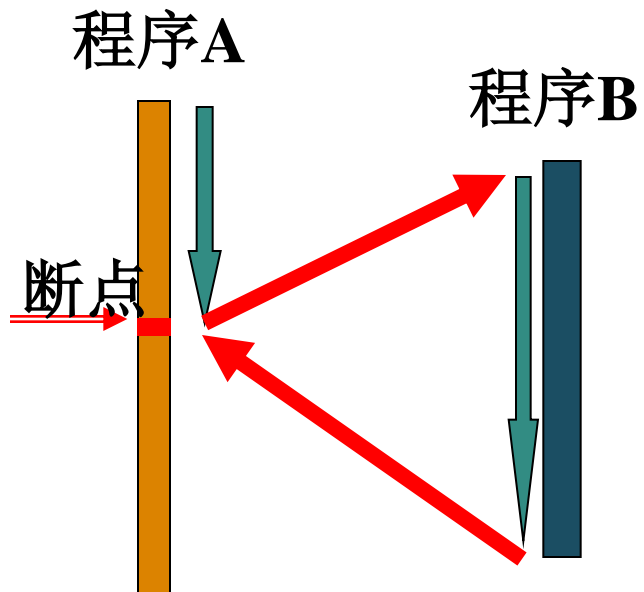


# 1. 栈的应用—程序中中断





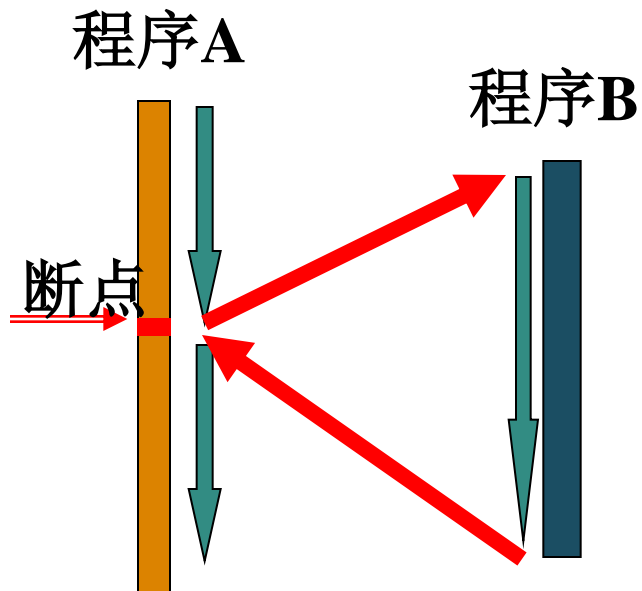
# 1. 栈的应用—程序中中断







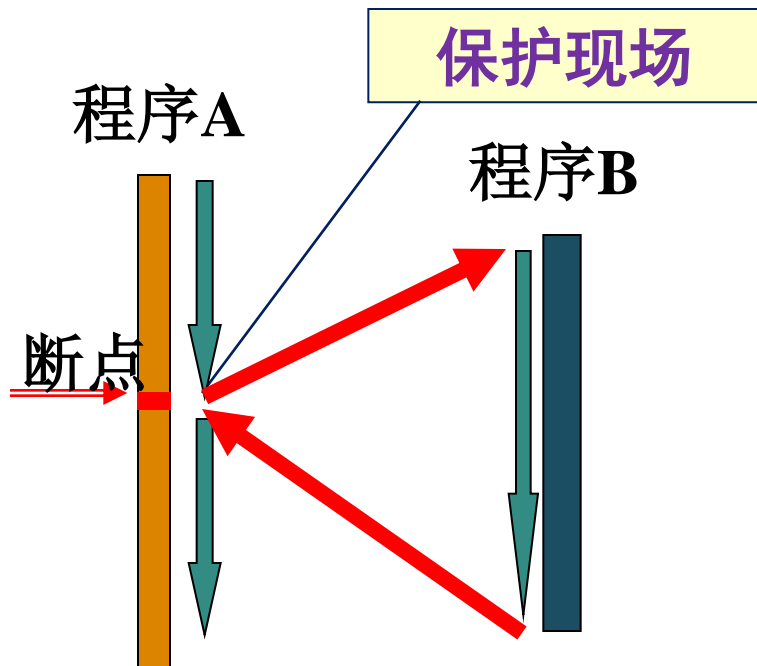
# 1. 栈的应用—程序中中断



断点处的执行状态：现场  
先**保护现场**，再执行B  
B执行完后，要**恢复现场**  
才能继续执行A的剩余部分



# 1. 栈的应用—程序中中断



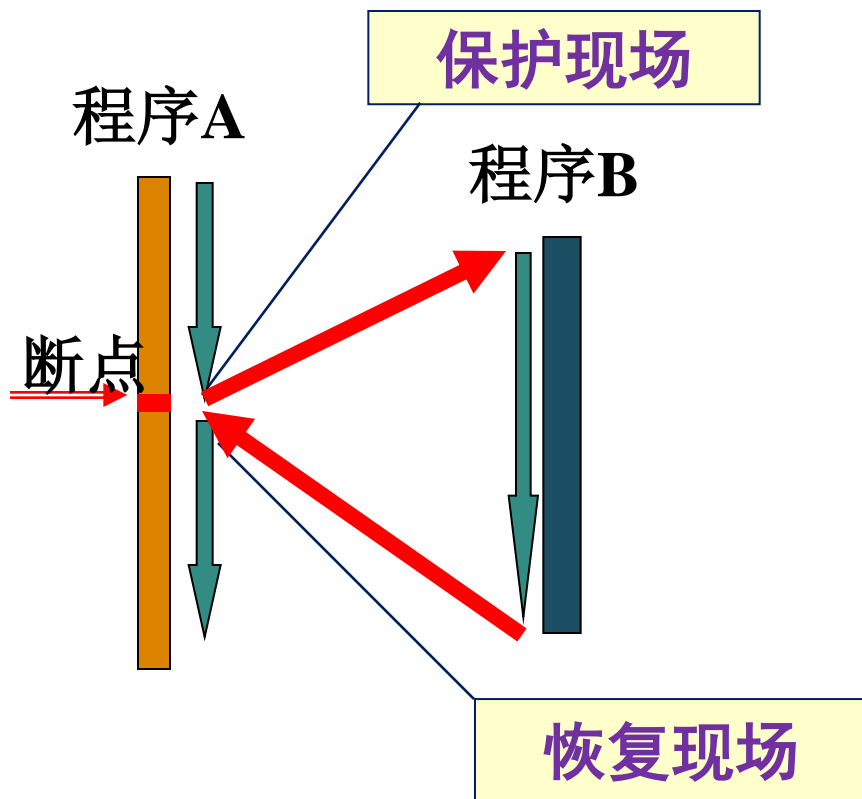
现场内容保存方式：

保护现场时

将现场内容（各寄存器当前值）保存在栈中



# 1. 栈的应用—程序中中断



现场内容保存方式：

保护现场时

将现场内容（各寄存器当前值）保存在栈中

恢复现场时

将栈中内容还原到原来的寄存器中



# 1. 栈的应用—程序中中断

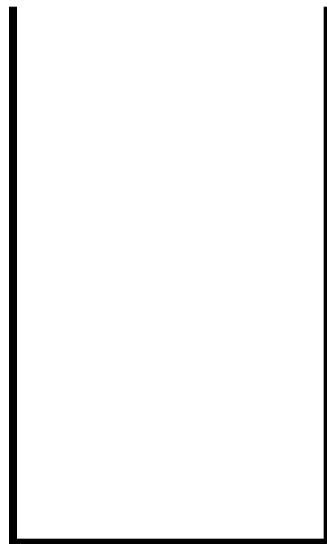
程序A



程序B



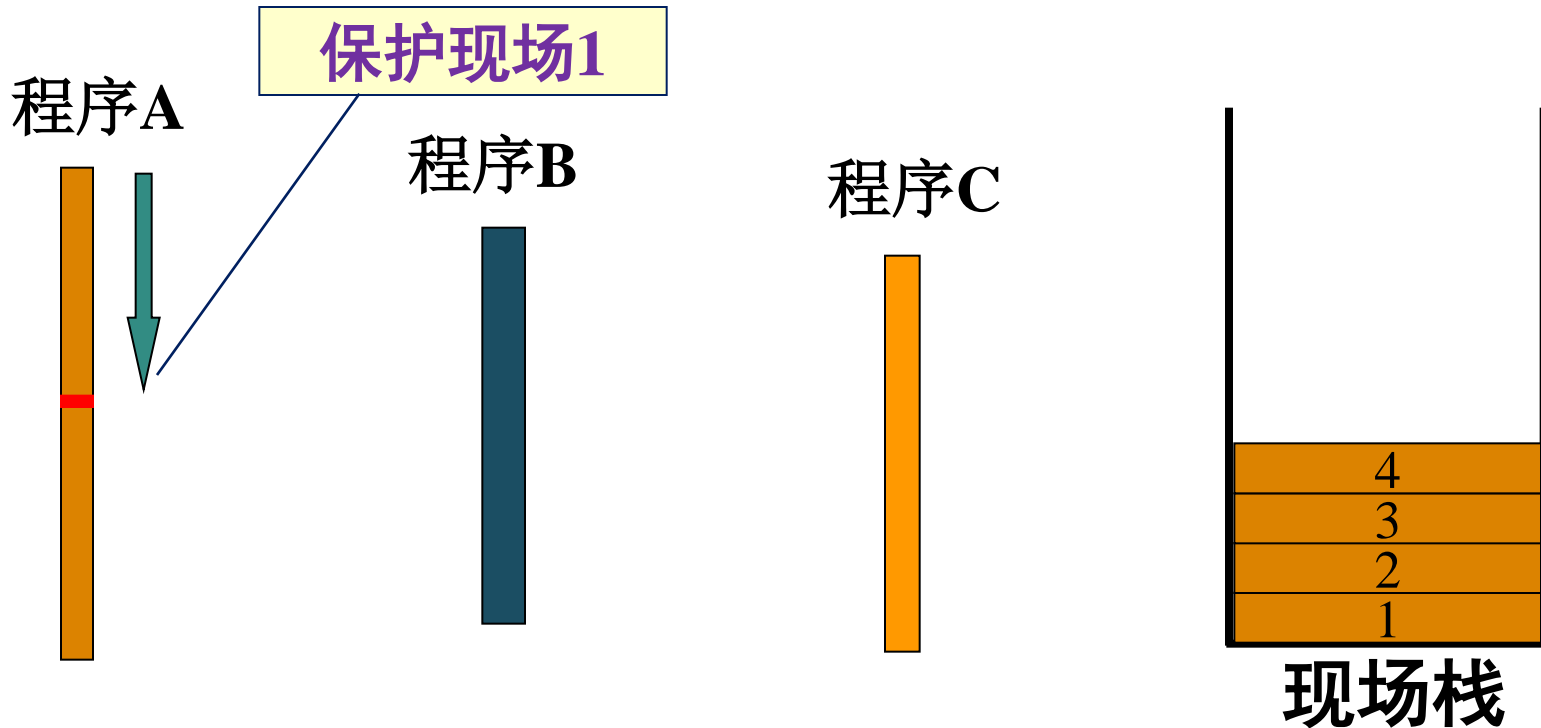
程序C



现场栈

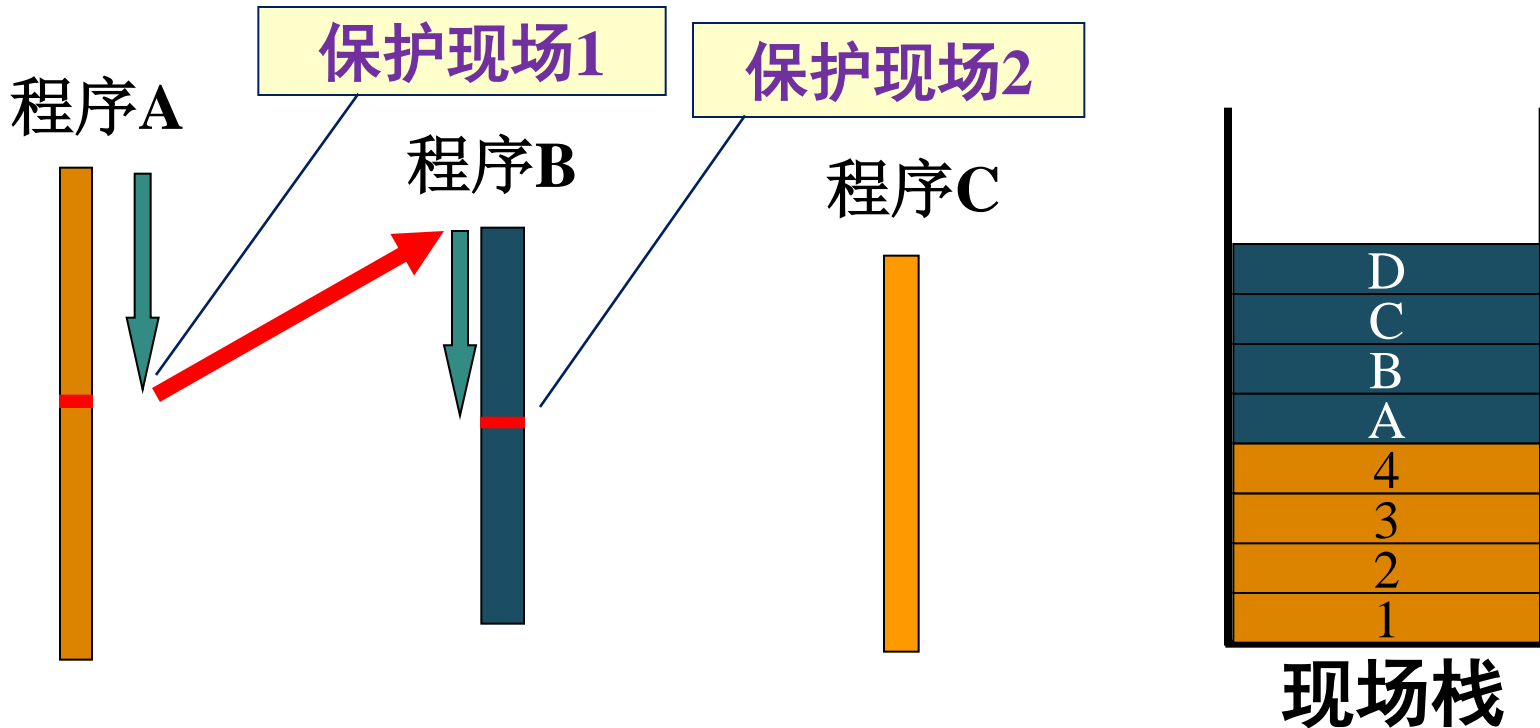


# 1. 栈的应用—程序中中断



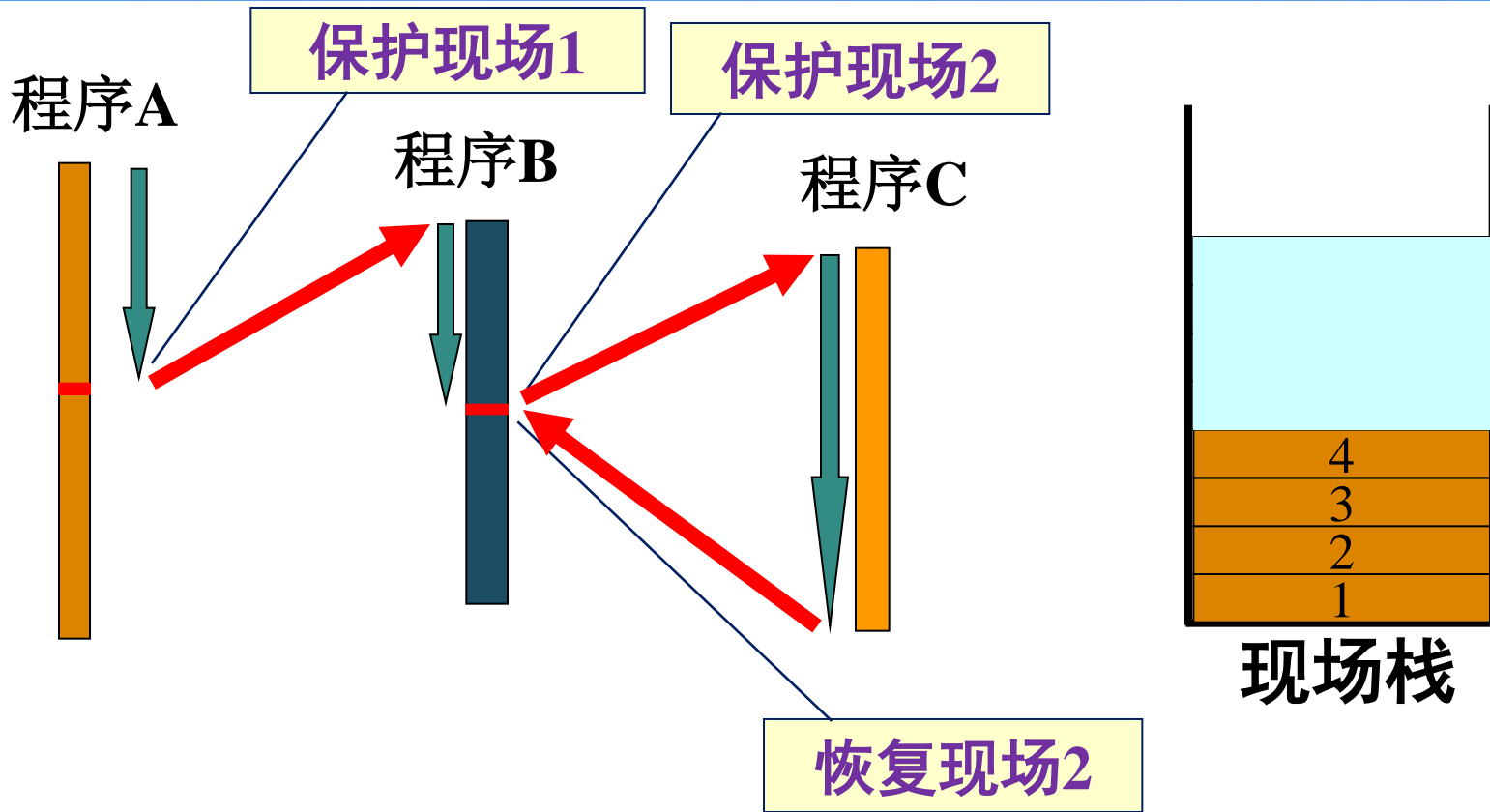


# 1. 栈的应用—程序中中断



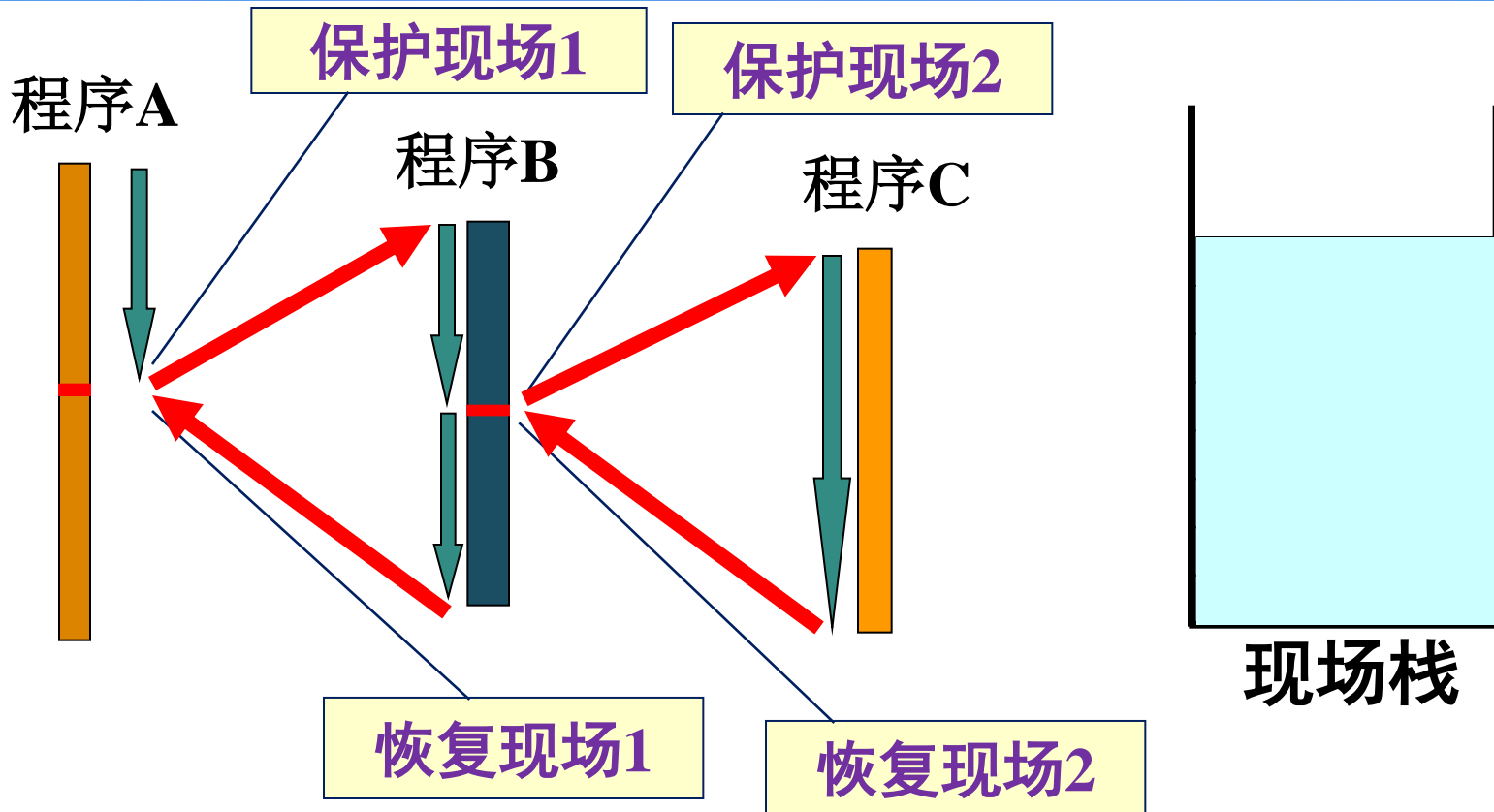


# 1. 栈的应用—程序中中断





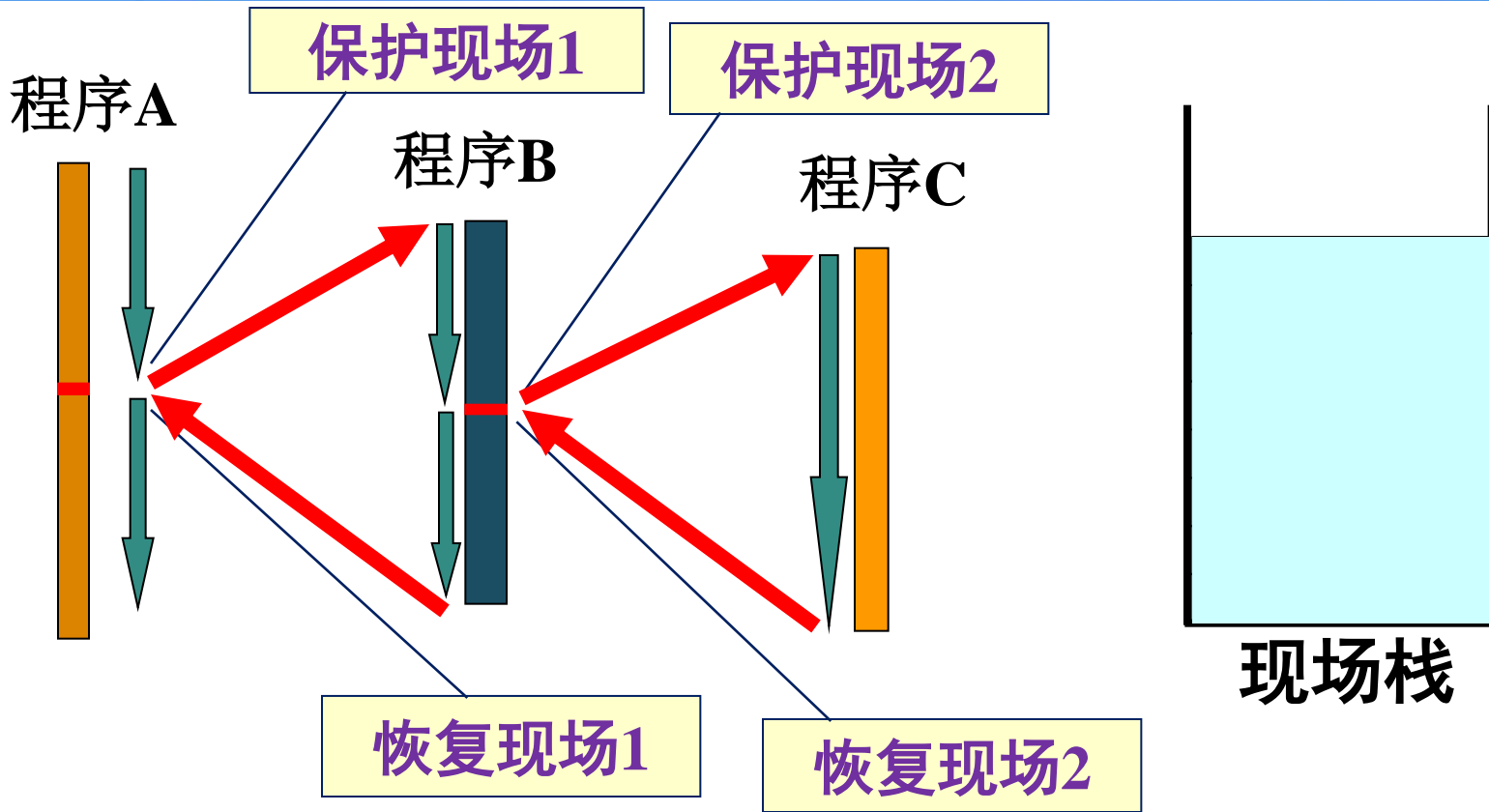
# 1. 栈的应用—程序中中断







# 1. 栈的应用—程序中中断





## 2. 表达式求值

### ❖ 简单算术表达式计算

算术表达式的组成：操作符、操作数、运算规则（算符优先级）

例：求 $a+b*c^d-e/f\#$

计算步骤：

(1)  $t1=c^d$

(2)  $t2=b*t1$

(3)  $t3=a+t2$

(4)  $t4=e/f$

(5)  $t5=t3-t4$



## 2. 表达式求值

例：求 $a+b*c^d-e/f\#$

算符优先函数表

$\wedge$	$*$	$/$	$+$	$-$	$\#$
3	2	2	1	1	0

数越大，优先级越高

计算步骤：

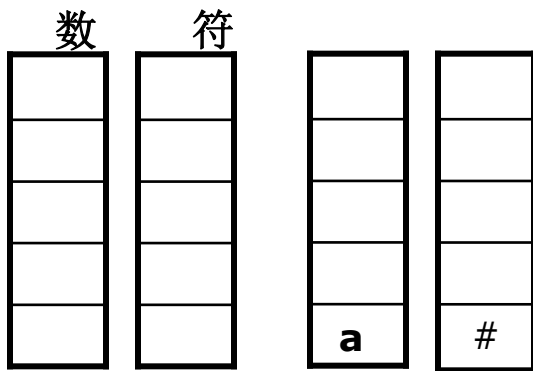
- (1)  $t1=c^d$
- (2)  $t2=b*t1$
- (3)  $t3=a+t2$
- (4)  $t4=e/f$
- (5)  $t5=t3-t4$

❖ 实现时：两个栈（操作符栈、操作数栈），一张算符优先级表。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$



规则:

当前输入若为数, 则数进栈;

若为符, 则需与符栈顶符比较,

优先级高于顶符则进栈,

否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



输入:  $a + b * c^d - e / f \#$

数	符		
			+
		a	#

## 规则：

当前输入若为数，则数进栈；

若为符，则需与符栈顶符比较，

优先级高于顶符则进栈，

否则做栈顶符运算，符、数出栈。



输入:  $a + b * c^d - e / f$  #

数	符

<b>b</b>	<b>+</b>
<b>a</b>	<b>#</b>

## 规则：

当前输入若为数，则数进栈；

若为符，则需与符栈顶符比较，

优先级高于顶符则进栈，

否则做栈顶符运算，符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$

数	符
	*
b	+
a	#

规则:

当前输入若为数, 则数进栈;

若为符, 则需与符栈顶符比较,

优先级高于顶符则进栈,

否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



输入:  $a+b*c^d-e/f$  #

数	符		
		c	*
		b	+
		a	#

## 规则：

当前输入若为数，则数进栈；

若为符，则需与符栈顶符比较，

优先级高于顶符则进栈，

否则做栈顶符运算，符、数出栈。





# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^{\wedge}d-e/f \#$

数	符
c	^
b	*
a	+
	#

规则:

当前输入若为数, 则数进栈;  
若为符, 则需与符栈顶符比较,  
优先级高于顶符则进栈,  
否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$

数	符
	d
	c
	b
	a

规则:

当前输入若为数, 则数进栈;

若为符, 则需与符栈顶符比较,

优先级高于顶符则进栈,

否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$

数	符

d	^
c	*
b	+
a	#

t1=c^d	
t1	*
b	+
a	#

规则:

当前输入若为数, 则数进栈;

若为符, 则需与符栈顶符比较,

优先级高于顶符则进栈,

否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$

数	符

d	^
c	*
b	+
a	#

t1=c^d

t1	*
b	+
a	#

t2=b\*t1

t2	+
a	#

规则:

当前输入若为数, 则数进栈;

若为符, 则需与符栈顶符比较,

优先级高于顶符则进栈,

否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$

数	符

d	^
c	*
b	+
a	#

$t1=c^d$

t1	*
b	+
a	#

$t2=b*t1$

t2	+
a	#

$t3=a+t2$

t3	#

规则:

当前输入若为数, 则数进栈;

若为符, 则需与符栈顶符比较,

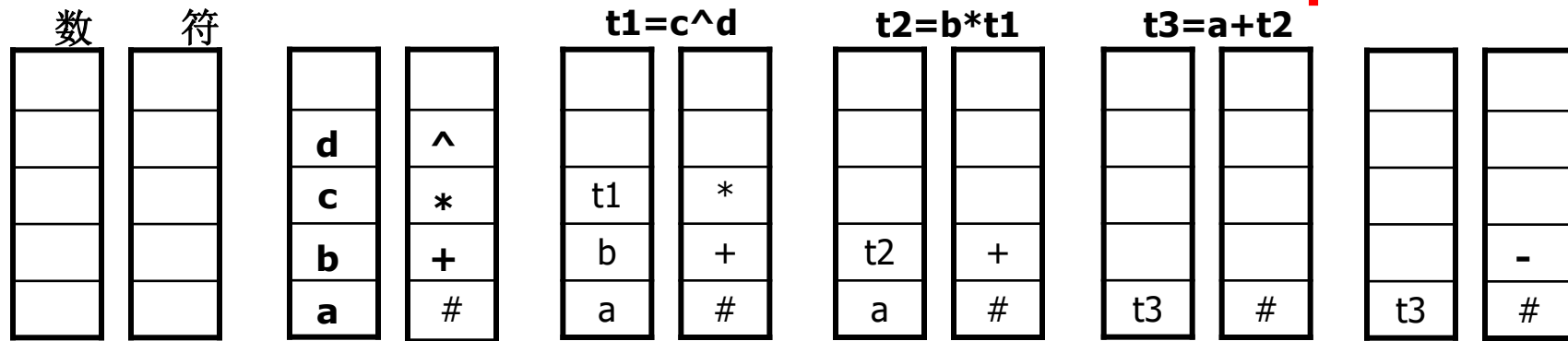
优先级高于顶符则进栈,

否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$



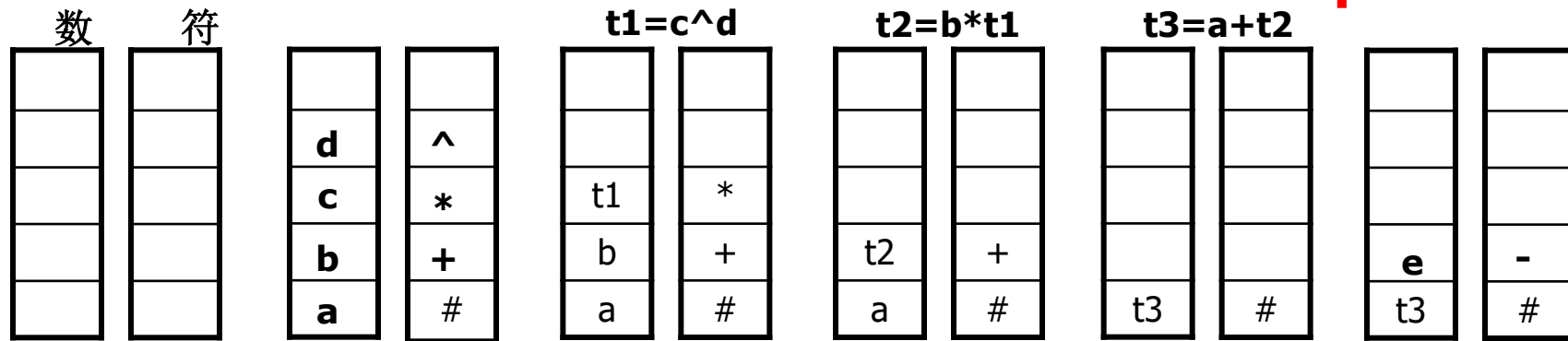
规则:

当前输入若为数, 则数进栈;  
若为符, 则需与符栈顶符比较,  
优先级高于顶符则进栈,  
否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$



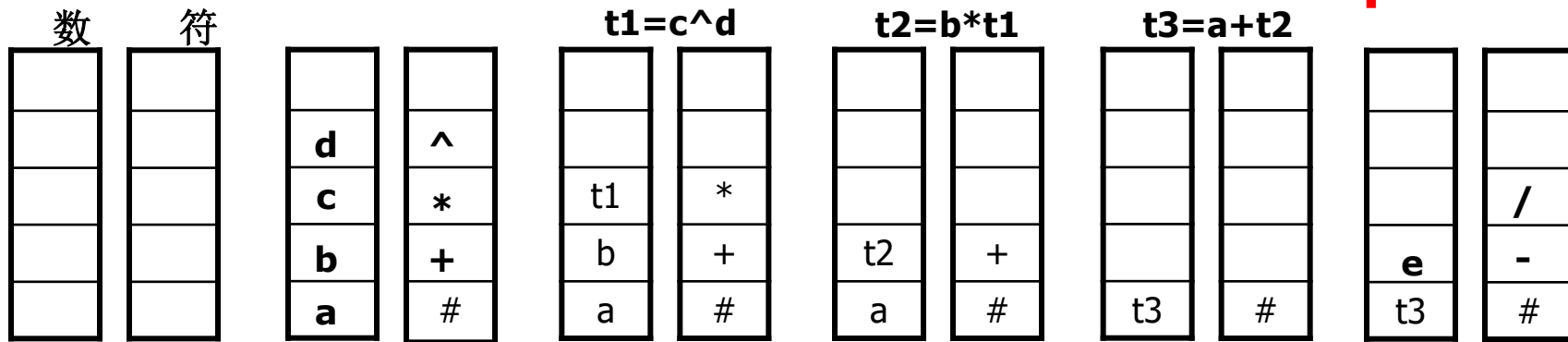
规则:

当前输入若为数, 则数进栈;  
若为符, 则需与符栈顶符比较,  
优先级高于顶符则进栈,  
否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$



规则:

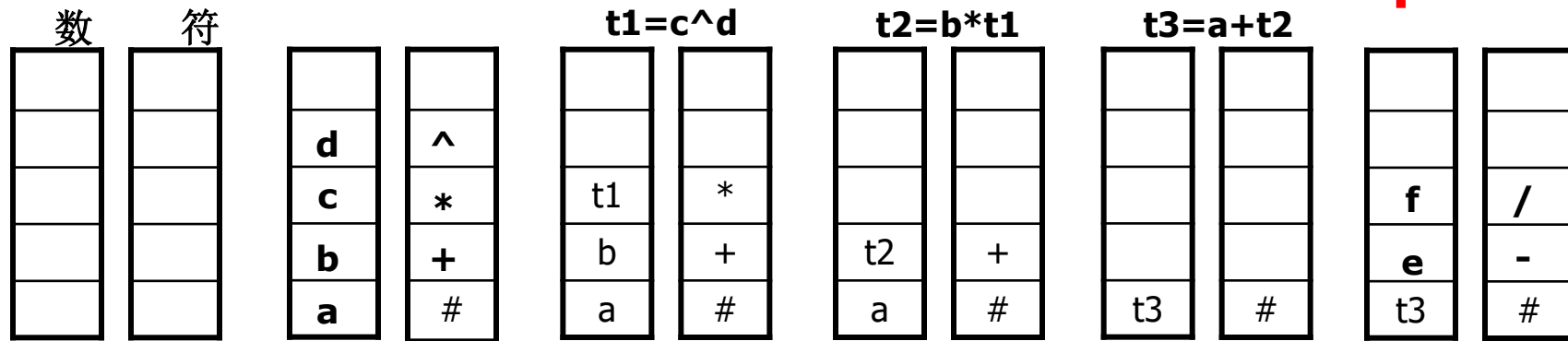
当前输入若为数, 则数进栈;  
若为符, 则需与符栈顶符比较,  
优先级高于顶符则进栈,  
否则做栈顶符运算, 符、数出栈。





# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$



规则:

当前输入若为数, 则数进栈;  
若为符, 则需与符栈顶符比较,  
优先级高于顶符则进栈,  
否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$

数	符

d	^
c	*
b	+
a	#

$t1=c^d$

t1	*
b	+
a	#

$t2=b*t1$

t2	+
a	#

$t3=a+t2$

t3	#

f	/
e	-
t3	#

$t4=e/f$

t4	-
t3	#

规则:

当前输入若为数, 则数进栈;  
若为符, 则需与符栈顶符比较,  
优先级高于顶符则进栈,  
否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$

数	符

d	^
c	*
b	+
a	#

t1=c^d	
t1	*
b	+
a	#

t2=b*t1	
t2	+
a	#

t3=a+t2	
t3	#

f	/
e	-
t3	#

t4=e/f	
t4	-
t3	#

t5=t3-t4	
t5	#

t5为最后结果

规则:

当前输入若为数, 则数进栈;  
若为符, 则需与符栈顶符比较,  
优先级高于顶符则进栈,  
否则做栈顶符运算, 符、数出栈。



# 1. 表达式求值

输入:  $a+b*c^d-e/f \#$

数	符

d	^
c	*
b	+
a	#

t1	*
b	+
a	#

t2	+
a	#

t3	#

f	/
e	-
t3	#

t4	-
t3	#

t5	#

t5为最后结果

计算步骤:

- (1)  $t1=c^d$
- (2)  $t2=b*t1$
- (3)  $t3=a+t2$
- (4)  $t4=e/f$
- (5)  $t5=t3-t4$



## 2. 表达式求值算法

$\Delta$ : 当前运算符

$\oplus$ : 栈顶运算符

步骤1) 扫描表达式的当前元素

步骤2) 如果当前元素是操作数，使其进s栈，转步骤1

步骤3) 如果当前元素是运算符 $\Delta$ ，则反复执行步骤4~8

步骤4) 若f栈空，转步骤9终止循环；否则，进行下一步

步骤5) 使 $\Delta$ 与f的栈顶运算符 $\oplus$ 比较优先级

步骤6) 若 $\Delta$ 的优先级高于 $\oplus$ 的优先级，转步骤9；否则

( $\Delta$ 的优先级不高于 $\oplus$ 的优先级) 进行下一步

步骤7) 从s栈中依次退出两个操作数 $x_2$ 和 $x_1$ ，从f栈退出一个运算符 $\oplus$ ，进行一次运算 $x_3 = x_1 \oplus x_2$ ，使 $x_3$ 进入栈s

步骤8) 转步骤4

步骤9) 若 $\Delta$ 是结束符“#”，则算法结束，此时s栈中只有一个元素，即是计算的结果；否则，使 $\Delta$ 进f栈，转步骤1



## 2. 表达式求值算法

当前运算符

$\Delta \oplus$							
	+	-	*	/	(	)	=
+	>	>	<	<	<	>	>
-	>	>	<	<	<	>	>
*	>	>	>	>	<	>	>
/	>	>	>	>	<	>	>
(	<	<	<	<	<	=	<b>e</b>
)	>	>	>	>	<b>e</b>	>	>
=	<	<	<	<	<	<b>e</b>	=

栈顶运算符



# 小结

- ❖ 栈是最常用的表结构
- ❖ 从根本上认识栈的基本原理和操作方法，对于认识程序的嵌套和递归调用，在程序设计中自觉地使用栈具有重要的意义
- ❖ 在应用方面，借助中缀表达式求值算法的原理，进一步理解栈在算法设计中的应用，是非常必要的。