

归并排序

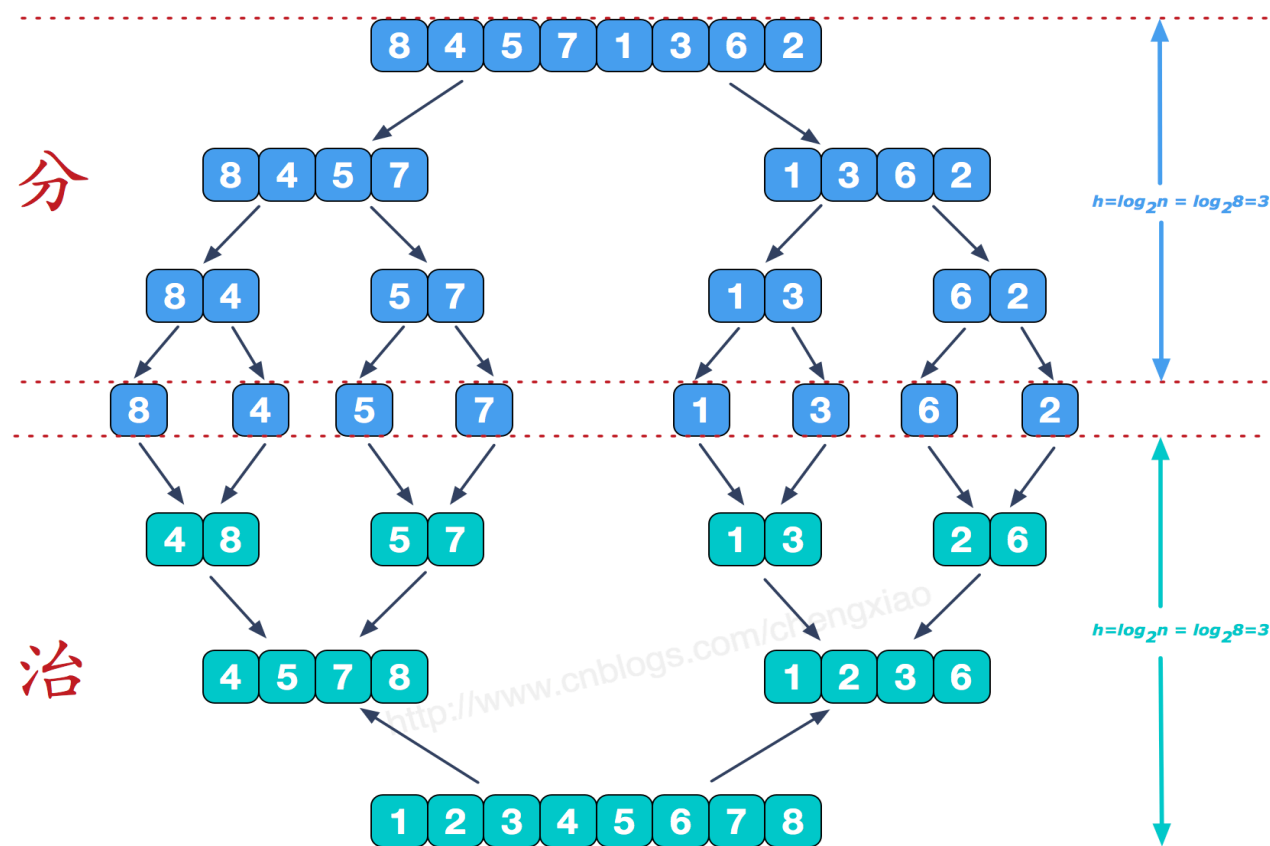
2015年6月7日

16:00

基本思想

归并排序 (MERGE-SORT) 是利用**归并**的思想实现的排序方法，该算法采用经典的**分治** (divide-and-conquer) 策略 (分治法将问题**分** (divide) 成一些小的问题然后递归求解，而**治** (conquer) 的阶段则将分的阶段得到的各答案"修补"在一起，即分而治之)。

分而治之

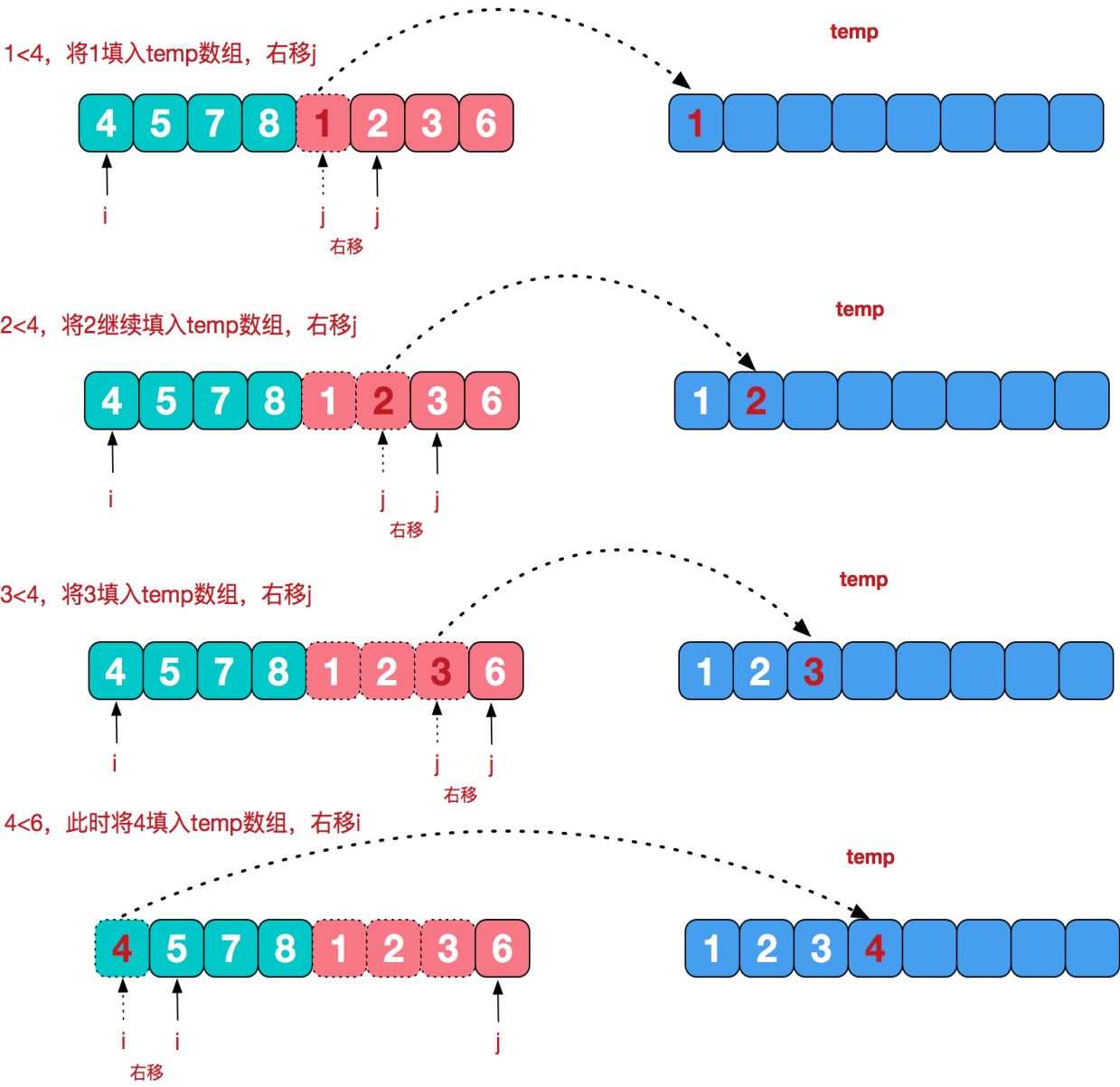


可以看到这种结构很像一棵完全二叉树，本文的归并排序我们采用递归去实现（也可采用迭代的方式去实现）。**分**阶段可以理解为就是递归

拆分子序列的过程，递归深度为 $\log_2 n$ 。

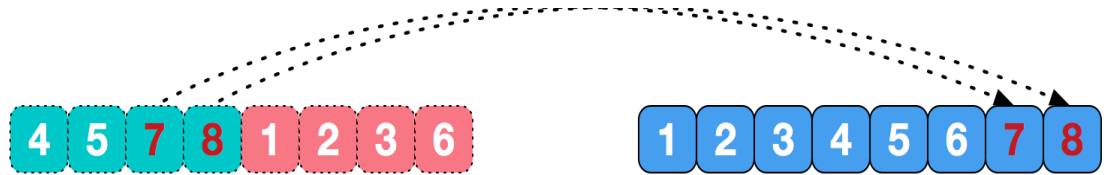
合并相邻有序子序列

再来看看治阶段，我们需要将两个已经有序的子序列合并成一个有序序列，比如上图中的最后一次合并，要将 $[4,5,7,8]$ 和 $[1,2,3,6]$ 两个已经有序的子序列，合并为最终序列 $[1,2,3,4,5,6,7,8]$ ，来看下实现步骤。

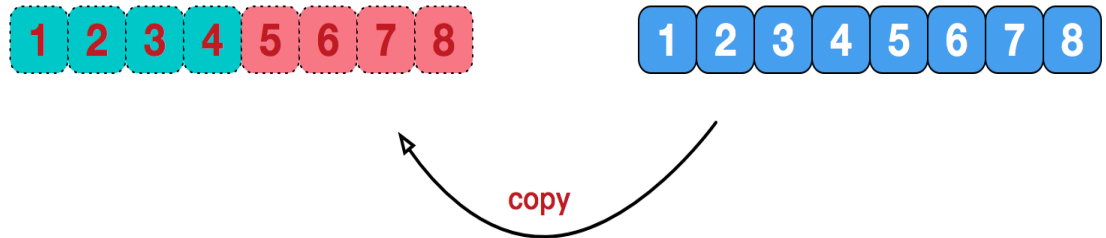


继续重复这种比较+填入的步骤，直到右子序列已经填完，这时将左边剩余的7和8依次填入

temp



最后，将temp中的内容全部拷到原数组中去，排序完成



代码实现



```
package sortdemo;
import java.util.Arrays;
/**
 * Created by chengxiao on 2016/12/8.
 */
public class MergeSort {
    public static void main(String []args){
        int []arr = {9,8,7,6,5,4,3,2,1};
        sort(arr);
        System.out.println(Arrays.toString(arr));
    }
    public static void sort(int []arr){
        int []temp = new int[arr.length]; //在排序前，先建好一个长度等于原
        //数组长度的临时数组，避免递归中频繁开辟空间
        sort(arr,0,arr.length-1,temp);
    }
    private static void sort(int[] arr,int left,int right,int []temp)
    {
        if(left<right){
            int mid = (left+right)/2;
            sort(arr,left,mid,temp); //左边归并排序，使得左子序列有序
            sort(arr,mid+1,right,temp); //右边归并排序，使得右子序列有序
            merge(arr,left,mid,right,temp); //将两个有序子数组合并操作
        }
    }
    private static void merge(int[] arr,int left,int mid,int
    right,int[] temp){
        //将左子序列复制到临时数组中
        for(int i=left;i<=mid;i++){
            temp[i]=arr[i];
        }
        //将右子序列复制到临时数组中
        for(int i=mid+1;i<=right;i++){
            temp[i]=arr[i];
        }
        //合并两个有序子序列
        int i=left,j=mid+1,k=left;
        while(i<=mid & j<=right){
            if(temp[i]<temp[j]){
                arr[k]=temp[i];
                i++;
            }else{
                arr[k]=temp[j];
                j++;
            }
            k++;
        }
        //将剩余的左子序列复制到原数组中
        while(i<=mid){
            arr[k]=temp[i];
            i++;
            k++;
        }
        //将剩余的右子序列复制到原数组中
        while(j<=right){
            arr[k]=temp[j];
            j++;
            k++;
        }
    }
}
```

```

int i = left; //左序列指针
int j = mid+1; //右序列指针
int t = 0; //临时数组指针
while (i<=mid && j<=right){
    if(arr[i]<=arr[j]){
        temp[t++] = arr[i++];
    }else {
        temp[t++] = arr[j++];
    }
}
while(i<=mid){ //将左边剩余元素填充进temp中
    temp[t++] = arr[i++];
}
while(j<=right){ //将右序列剩余元素填充进temp中
    temp[t++] = arr[j++];
}
t = 0;
//将temp中的元素全部拷贝到原数组中
while(left <= right){
    arr[left++] = temp[t++];
}
}
}

```



执行结果

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]

最后

归并排序是稳定排序，它也是一种十分高效的排序，能利用完全二叉树特性的排序一般性能都不会太差。java中Arrays.sort()采用了一种名为TimSort的排序算法，就是归并排序的优化版本。从上文的图中可看出，每次合并操作的平均时间复杂度为 $O(n)$ ，而完全二叉树的深度为 $|\log_2 n|$ 。总的平均时间复杂度为 $O(n \log n)$ 。而且，归并排序的最好，最坏，平均时间复杂度均为 $O(n \log n)$ 。