

# 数据结构与算法设计



- 2.1 基本数据结构(栈)
- 2.2 基本数据结构(队列)



## 栈和队列

引言:对线性表  $L=(a_1, a_2, \ldots, a_n)$ ,

可在任意第i(i=1,2,...,n,n+1)个位置插入

新元素,或删除任意第i(i=1,2,...,n)个元素

受限数据结构---- 插入和删除受限制的线性表。

- 1. 栈(stack)
- 2. 队列 (queue)

都属于插入和删除受限制的线性表。



- 2.1 栈(stack)
- 2.1.1 栈的定义和操作
  - 1. 定义和术语

栈: 限定在表尾作插入、删除操作的线性表。

$$(a_1, a_2, \dots, (a_n))$$

←插入元素(进栈)

↘删除元素(出栈)

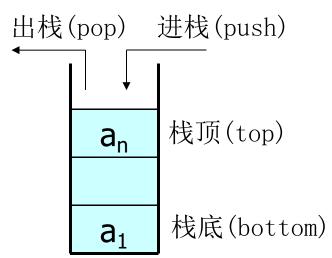
表头

表尾

(栈底)

(栈顶)





栈的示意图



理解:一摞盘子 放/取盘子

进栈:插入一个元素到栈中。

或称:入栈、推入、压入、push。

出栈: 从栈删除一个元素。

或称:退栈、上托、弹出、pop。

栈顶:允许插入、删除元素的一端(表尾)。

栈顶元素:处在栈顶位置的元素。

栈底: 表中不允许插入、删除元素的一端。

空栈:不含元素的栈。

#### 栈的元素的进出原则:

"后进先出", "Last In First Out"。

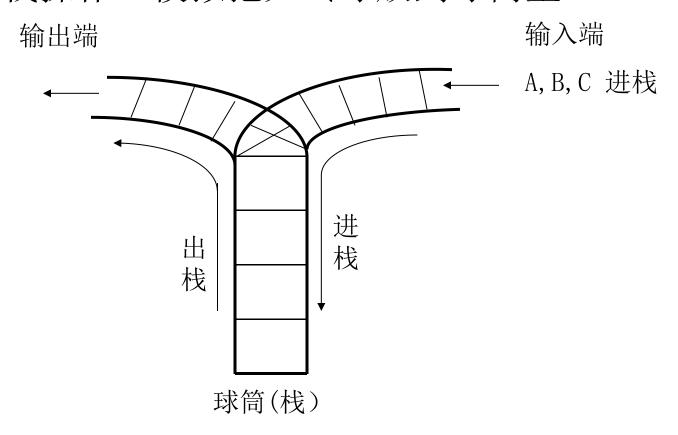


#### 2. 栈的基本操作

- (1) Initstack(s): 置s为空栈。
- (2) Push(s, e): 元素e进栈s。 若s已满,则发生溢出。 若不能解决溢出,重新分配空间失败,则插入失败。
- (3) **Pop**(s, e): 删除栈s的顶元素,并送入e。 若s为空栈,发生"下溢"(underflow);
- (4) **Gettop**(s, e): 栈s的顶元素拷贝到e。 若s为空栈,则结束拷贝。
- (5) Empty(s): 判断s是否为空栈。 若s为空栈,则Empty(s)为TRUE; 否则为FALSE。



### 3. 理解栈操作(模拟把乒乓球放到球筒里)



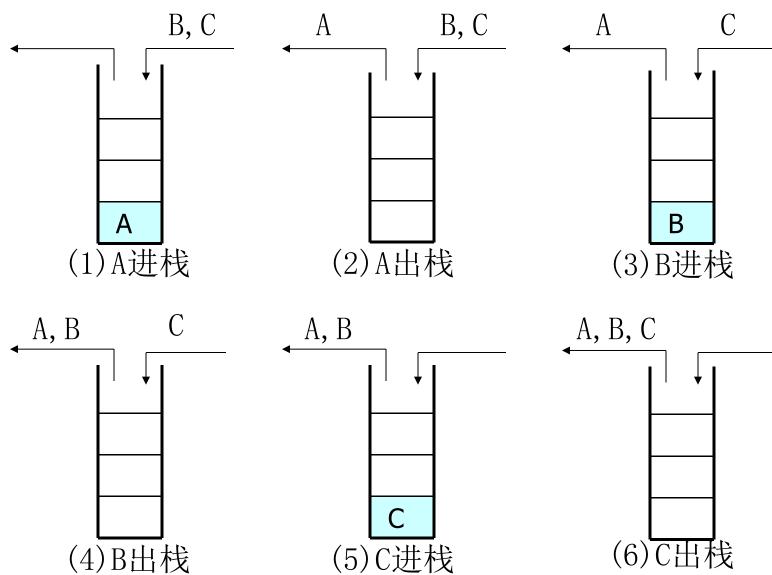
讨论:

假设依次输入3个元素(乒乓球)A,B,C到栈(球筒)中,可得到哪几种不同输出?

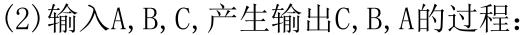


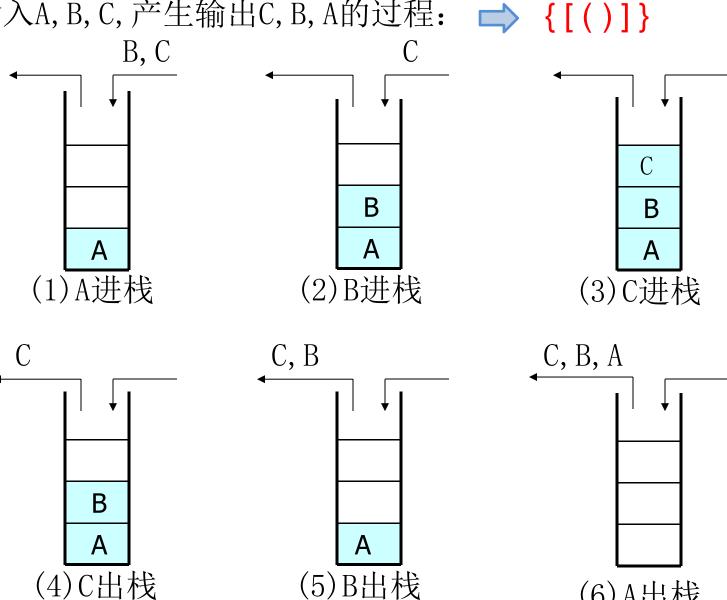
(1)输入A, B, C, 产生输出A, B, C的过程: ⇒ {}[]()











(6) A出栈



(3)输入A, B, C, 产生输出B, C, A的过程: ⇒ {[]()} B, C В Α A Α (1) A进栈 (2)B进栈 (3)B出栈 В, С, А B, C (4) C进栈 (5)C出栈 (6)A出栈



(4)输入A, B, C能否产生输出C, A, B??? → {[()]]
A, B, C
C
B
A
A

当A, B, C依次进栈, C出栈后, 由于栈顶元素是B, 栈底元素是A, 而A不能先于B出栈, 所以不能在输出序列中, 使A成为C的直接后继, 即不可能由输入A, B, C产生输出C, A, B。

(2) A, B, C进栈

(3)C出栈

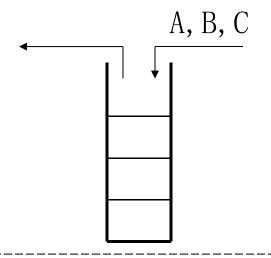
(1)初始状态

一般地,输入序列(...,<u>ai,...,aj</u>,...,ak,...)到 栈中,不能得到输出序列(...,ak,...,<u>ai,...,aj</u>,...)。



### 设依次输入元素A,B,C到栈中,可得哪几种输出?

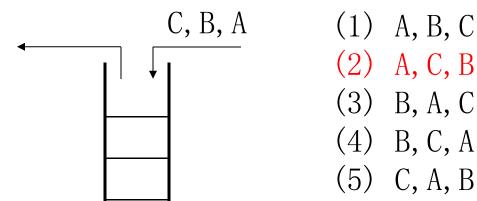




- (1) A, B, C
- (2) A, C, B
- (3) B, A, C
- (4) B, C, A
- (5) C, A, B
- (6) C, B, A

(6) C, B, A

设依次输入元素C, B, A到栈中, 可得哪几种输出?







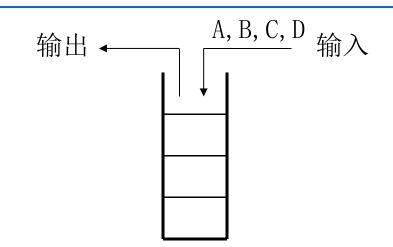




### ○○○讨论:

共5+5+3+1=14种

假定输入元素 A, B, C, D 到栈中, 能得到哪几种输出? 不能得到哪几种输出序列?

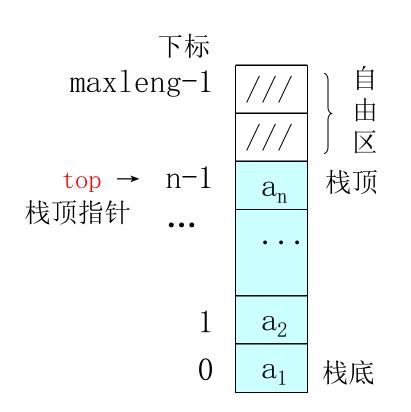




### 2.1.2 栈的存储表示和操作实现

- 1. 顺序栈: 用顺序空间表示的栈。 设计实现方案时需要考虑的因素:
- ➤ 如何分配存储空间 动态分配或静态分配 栈空间范围,如:s[0..maxleng-1]
- ➤如何设置进栈和出栈的标志top 如top指向栈顶元素或指向栈顶元素上一空单元 等,作为进栈与出栈的依据。
- >分析满栈的条件,用于进栈操作。
- >分析空栈的条件,用于出栈操作。





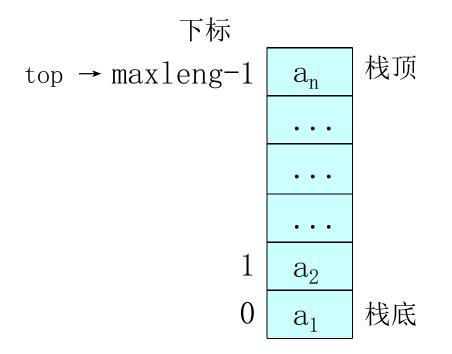
进栈操作: 先对top加1,指向下一空位置,将新数据送入top指向的位置,完成进栈操作。结束时top指向新栈顶元素所在位置。

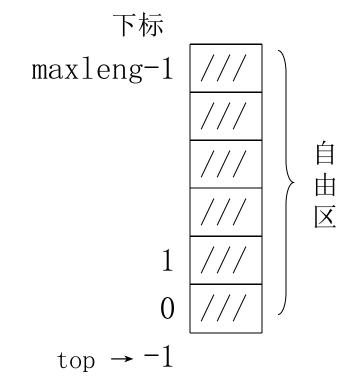
出栈操作: 先根据top指向,取出栈顶数据元素; 再对top减1。完成出栈操作。结束时top指向去掉原栈顶元素后的新栈顶元素所在位置。

(a) 非空栈示意图 top>=0 顶元素=s[top]

(b) 进出栈说明







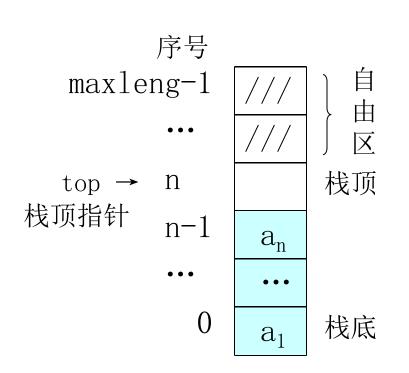
### (c)满栈条件

top==maxleng-1 若插入元素, 将发生"溢出""Overflow" (d) 空栈条件

top==-1 若删除元素,将发生"下溢""Underflow"



(2) 方案2: 栈空间范围为: s[0...maxleng-1] 顶指针指向顶元素上的一空位置:



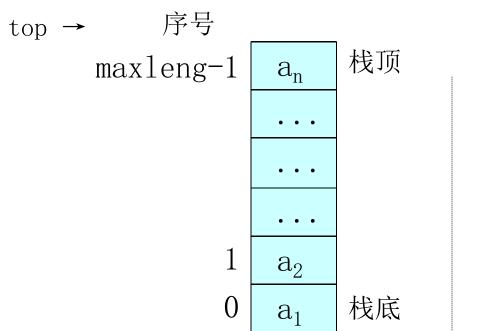
进栈操作:先将新数据送入 top指向的位置,再对top加1, 指向下一空位置,完成进栈操 作。结束时top正好指向新栈 顶元素所在位置的上一空位置。

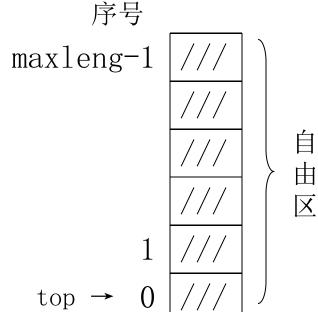
出栈操作: 先对top减1,根据 top指向取出栈顶数据元素。 完成出栈操作。结束时top指 向去掉原栈顶元素后的新栈顶 元素所在位置的上一空位置。

(a) 非空栈示意图 top>=1 顶元素=s[top-1]

(b)进出栈说明







(c)满栈条件: top==maxleng 若插入元素,将发生"溢出"

(d) 空栈条件: top==0 若删除元素,将发生"下溢"



#### 2. 顺序栈的描述

```
栈元素与顶指针合并定义为一个记录(结构)
```

约定: 栈元素空间[0.. maxleng-1]

top指向栈顶元素上一空位置。

\*\* top是栈顶标志,根据约定由top找栈顶元素。

存储空间分配方案:

与一般线性表区别?

#### (a) 静态分配

typedef struct

```
{ ElemType elem[maxleng]; //栈元素空间 int top; //顶指针 //sqstack; //sqstack为结构类型 sqstack s; //s为结构类型变量
```

其中: s. top---顶指针; s. elem[s. top-1]---顶元素



### (b) 动态分配

```
与静态分配的区别?
                      100
#define STACK INIT SIZE
                            elem[maxleng]
#define STACKINCREMENT
typedef struct
 { ElemType(*base;
                    //指向栈元素空间
                    //顶指针
  int top;
                     //当前分配的栈空间大小
  int stacksize;
                    // SqStack为结构类型
 SqStack;
                    //s为结构类型变量
SqStack s;
其中: s. top--顶指针; s. base[s. top-1]--顶元素
```

#### 3. 顺序栈算法

ElemType \*base;

(1)初始化栈(动态分配)

```
void InitStack (SqStack &S)
{S. base=(ElemType *) malloc(STACK INIT SIZE*sizeof(ElemType));
 S. top=0;
 S. stacksize= STACK INIT SIZE;
void main(void)
{SqStack S1, S2;
 InitStack(S1); /////第一种分配方法
 S2. base=(ElemType *) malloc(STACK INIT SIZE*sizeof(ElemType));
 S2. top=0;
 S2. stacksize= STACK INIT SIZE;
                                            第二种分配方法
```

```
(2) 进栈算法 (约定: top指向栈顶元素的上一个位置)
int push (SqStack &S, ElemType x)
  if (S. top)=S. stacksize) //发生溢出,扩充
    { newbase=(ElemType *)realloc(S.base,
           (S. stacksize+STACKINCREMENT)*sizeof(ElemType));
     if (!newbase) {
         printf("Overflow");
         return ERROR;}
     S. base=newbase;
     S. stacksize+=STACKINCREMENT;
  S. base [S. top] = x;
                         //装入元素x
                          //修改顶指针
  S. top++;
  return OK;
```

#### (3) 出栈算法

```
约定: top指向栈顶元
int pop(SqStack &S, ElemType &x)
//空栈
    return ERROR;
 else
   \{ S. top --; 
                              //修改顶指针
                              //取走栈顶元素
     x = S. base[S. top];
                              //成功退栈,返回0K
     return OK;
```

```
main()
SqStack
        S;
                       push(SqStack &S, ElemType x)
ElemType
        е:
InitStack(S);
push (S, 10);
 if (push(S, 20) == ERROR)
                           //最好能判断其返回值,
                           //做出相应处理
    printf("进栈失败!");
                         pop(SqStack &S, ElemType &x)
 if (pop(S, e) == 0K)
      {退栈成功,处理e的值}
else {退栈失败,提示错误信息}
```



### 4. 链式栈:

### 使用不带表头结点的单链表时:

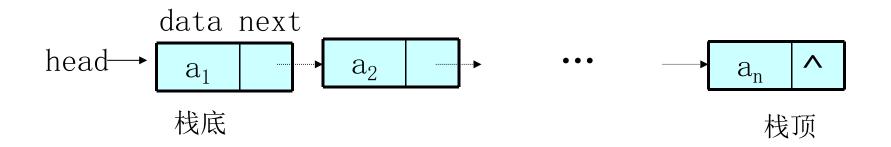
(1)结点和指针的定义

```
struct node
```

```
{ ElemType data; //data为抽象元素类型 struct node *next; //next为指针类型 } *top=NULL; //初始化,置top为空
```



(2) 非空链式栈的一般形式 假定元素进栈次序为: a<sub>1</sub>、a<sub>2</sub>、···a<sub>n</sub>。 用**不带表头**结点的单链表时:



进栈需要找到最后一个结点。

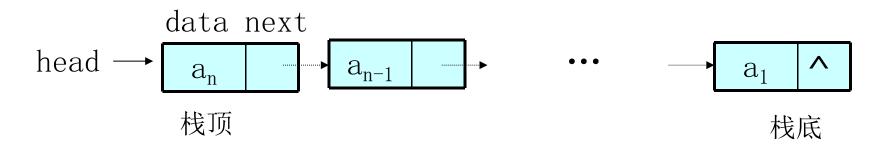
出栈时删除最后一个结点。

缺点: 进出栈时间开销大: O(n)





(2)非空链式栈的一般形式(续)解决方案:将指针次序颠倒过来,head指向a<sub>n</sub>。



进栈将新结点作为首结点。

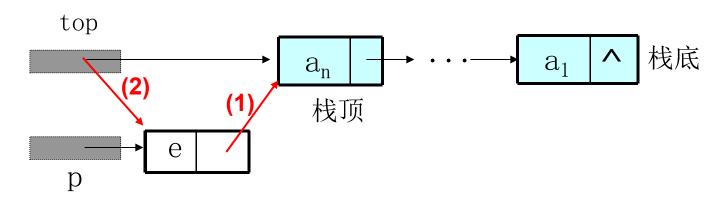
出栈时删除首结点。

优点: 进出栈时间为常数: O(1)



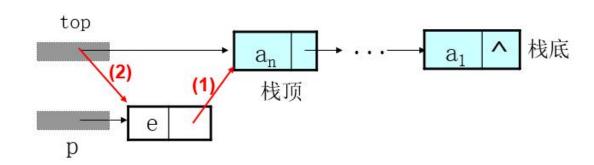
### (3)链式栈的进栈:

压入元素e到top为顶指针的链式栈



```
p=(struct node *)malloc(sizeof(struct node));
p->data=e;
p->next=top;
top=p;
```



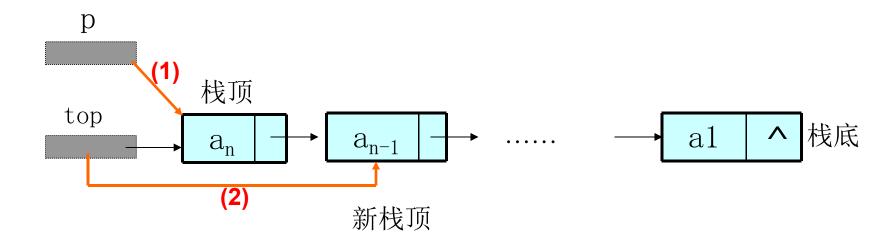


#### 进栈算法:

```
struct node *push link(struct node *top, Elemtype e)
 struct node *p;
 int leng=sizeof(struct node); //确定新结点空间的大小
 p=(struct node *)malloc(leng); //生成新结点
                              //装入元素e
 p->data=e;
                              //插入新结点
 p- next=top;
                              //top指向新结点
 top=p;
                              //返回指针top
 return top;
```



### (4)链式栈的退栈



```
p=top;
top=top->next;
free(p);
```

#### 退栈算法

```
struct node *pop(struct node *top, Elemtype *e)
{ struct node *p;
 if (top==NULL) return NULL; //空栈,返回NULL
                              //p指向原栈的顶结点
 p=top;
  (*e) = p \rightarrow data;
                         //取出原栈的顶元素送(*e)
                         //删除原栈的顶结点
 top=top->next;
 free(p):
                         //释放原栈顶结点的空间
                         //返回新的栈顶指针top
 return top;
        p
              栈顶
       top
                                             栈底
                                       a1
               (2)
```



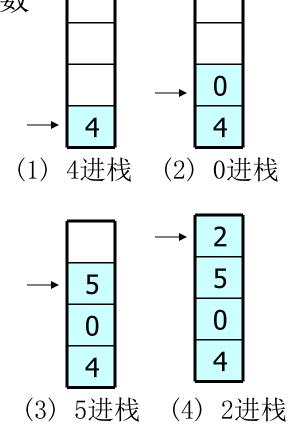
### 2.1.3 栈的应用举例

栈的基本用途----保存暂时不用的数或存储地址。

#### [1] 数制转换

例. 给定十进制数 N=1348, 转换为八进制数

1. 依次求余数,并送入栈中,直到商为0。



2. 依次退栈, 得R=2504



### [2] 判定表达式中的括号匹配

1. 括号匹配的表达式

```
例. {...()...)...}
[...{...()...()....}...]
```

2. 括号不匹配的表达式

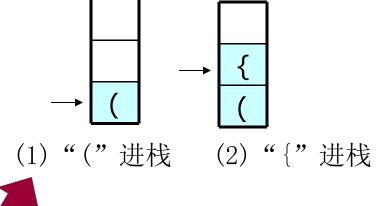
```
例. {...[ }...]
[...(...( )...)
```

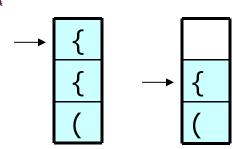
3. 判定括号不匹配的方法

```
例. ( .... { .... } .... ]

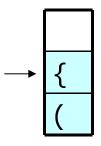
↑ ↑ ↑ ↑ ↑

(1) (2) (3) (4) (5)
```





(3)"{"进栈 (4)"{"退栈



(5)"]"与"{"不匹配



- 2.1 基本数据结构(栈)
- 2.2 基本数据结构(队列)



### 2.2 队列 (排队, queue)

#### 2.2.1 队列及其操作

- 1. 定义和术语
- ▶ 队列-----只允许在表的一端删除元素,在另一端插入元素
- 的线性表。
- ▶ 空队列----不含元素的队列。
- ▶ 队首----队列中只允许删除元素的一端。head, front
- ▶ 队尾----队列中只允许插入元素的一端。rear, tai1
- ▶ 队首元素----处于队首的元素。
- ▶ 队尾元素----处于队尾的元素。
- ▶ 进队----插入一个元素到队列中。又称:入队。
- ▶ 出队----从队列删除一个元素。
  - 2. 队列进出原则: "先进先出", "First In First Out" 队列的别名: "先进先出"表, "FIFO" 表, queue



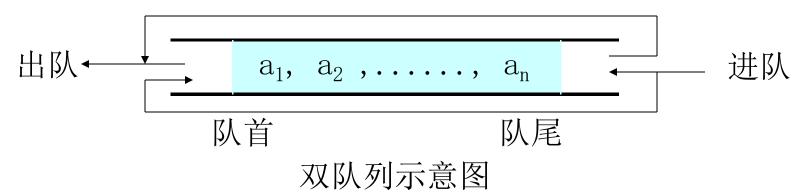


#### 3. 队列的基本操作:

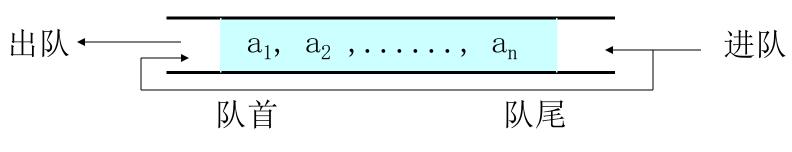
- (1) Init Queue (q) ---- 初始化, 构造一个空队列q。
- (2) Queue Empty (q) ----判断q是否为空队列。
- (3) EnQueue (q, e) ---- 将e插入队列q的尾端。
- (4) DeQueue (q, e) ---- 取走队列q的首元素, 送e。
- (5) GetHead(q, e)---- 读取队列q的首元素,送e。
- (6) QueueClear (q) ----置q为空队列。



- 4. 双队列(双端队列,deque----double ended queue)
- (1)双队列----允许在表的两端插入、删除元素的线性表。



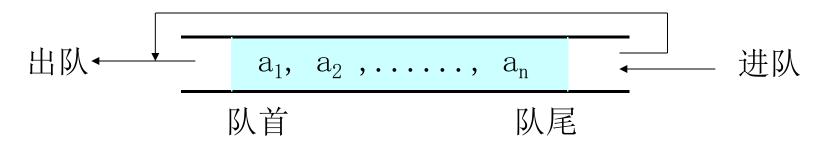
(2)输出受限双队列-----只许在表的两端插入、在一端删除 元素的线性表。



输出受限双队列示意图



(3)输入受限双队列-----只允许在表的一端插入、在两端删除 元素的线性表。

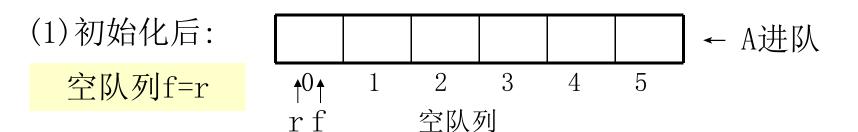


输入受限双队列示意图

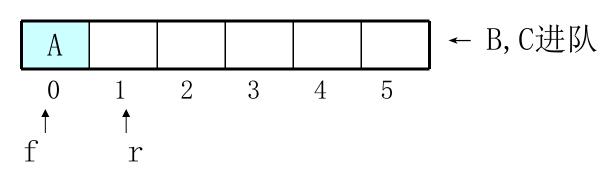
## 2.2.2 队列的顺序表示和实现

假设用一维数组Q[0..5]表示顺序队列

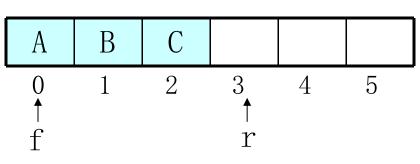
1. 顺序队列与"假溢出" 设f指向队头元素, r指向队尾元素后一空单元



(2)A进队后:

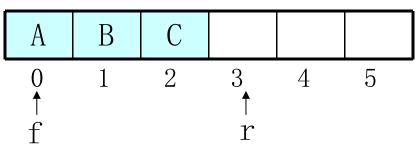


(3)B,C进队后:

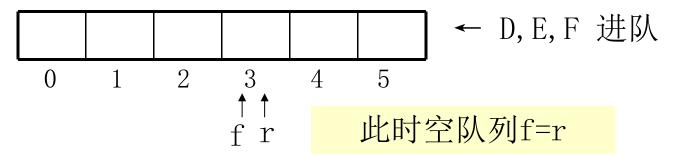




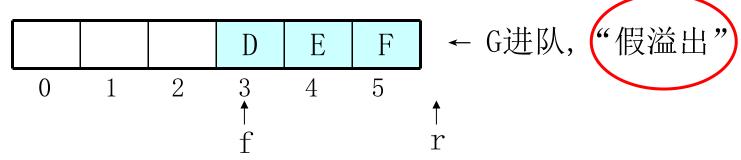
(3)B,C进队后:



(4) A, B, C 出队之后:



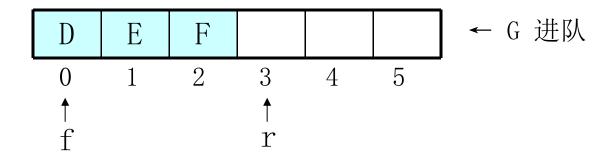
(5) D, E, F 依次进队之后:





解决假溢出的方法一: 移动元素。

(6) D, E, F移到前端后:

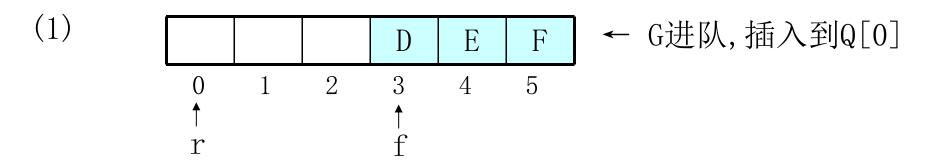


(7)G进队之后:

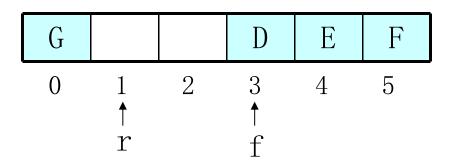
D	Е	F	G		
0	1	2	3	4	5
<b>†</b>				<b>†</b>	
f				r	



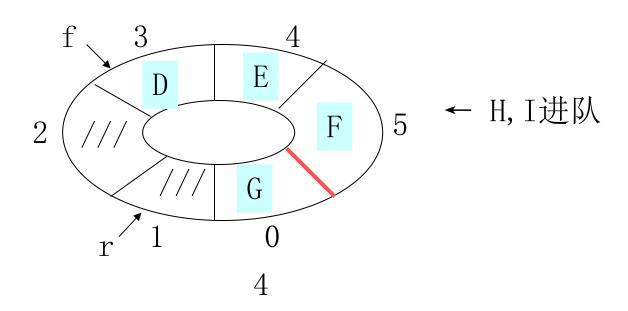
2. 解决假溢出的方法二: 将Q当循环表使用(循环队列):



(2) G进Q[0]之后:





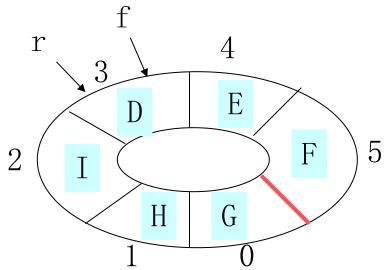


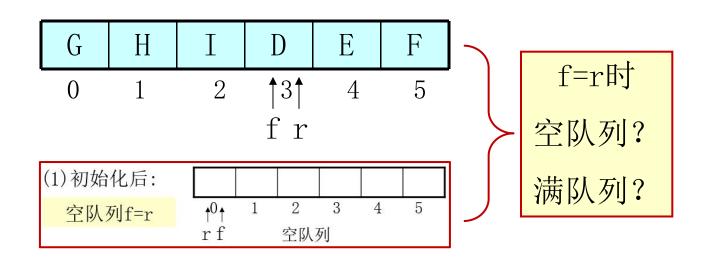
将Q[0..5]解释为循环队列的示意图



(3) H, I进队之后

"满队列:



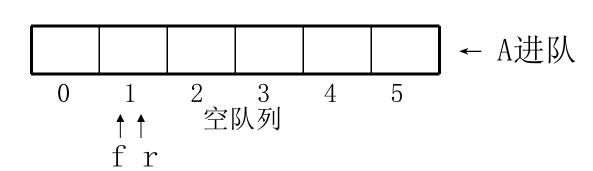




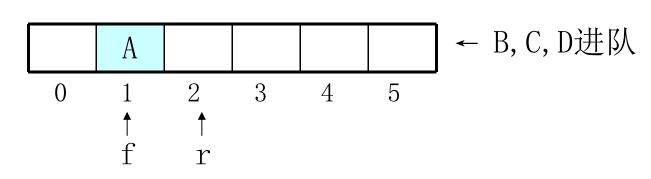
### 3. 方法二的实现方法:

设f指向队头元素; r指向队尾元素后一空单元。Q[0..5]为循环队列。

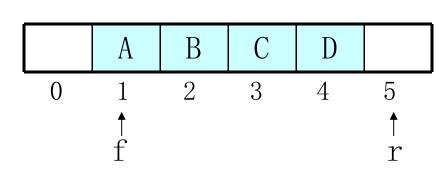
(1)初始化 f=r=1; (只要在0到5的 范围内相等即可)



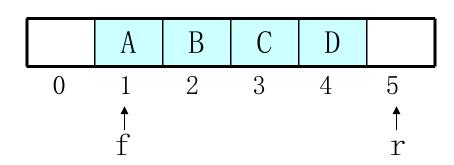
(2)A进队 Q[r]=A; ++r;

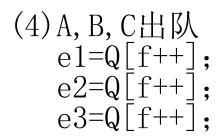


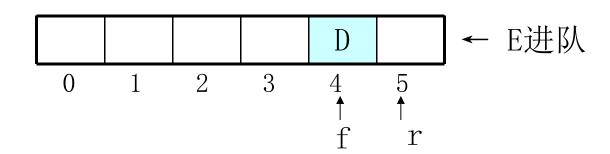
(3) B, C, D进队 Q[r++]=B; Q[r++]=C; Q[r++]=D;

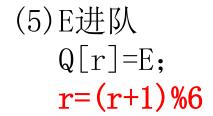


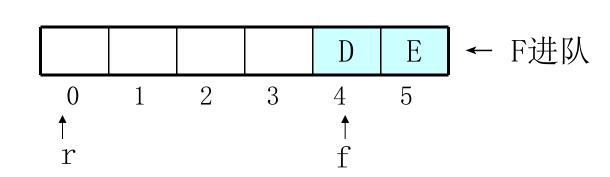






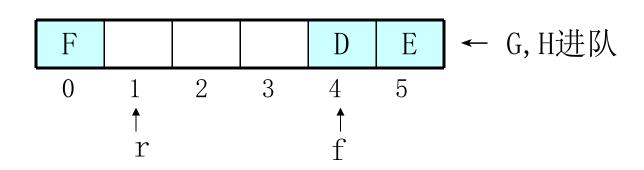




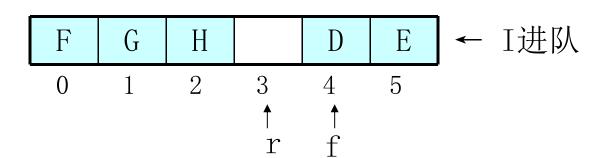




(6)F进队 Q[r++]=F;



(7)G,H进队后:



(8) I进队后,导致r=f,产生二义性。

F	G	Н	Ι	D	Е		
0	1	2	3	4	5		
			<b>↑ ↑</b>				
			r f				



## 解决方案:

1、方案一:增加一标识变量。

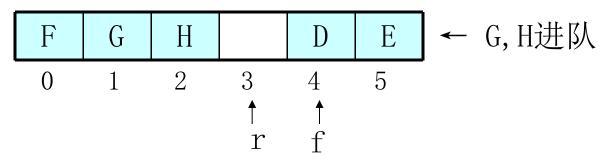
2、方案二:还剩最后一个单元不使用,可避免满队列时出现的二义性,即:进队前测试:若r+1==f,表明还剩最后一个单元,认为此时就是满队列。

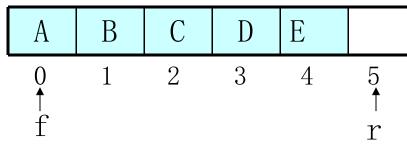
若队列为Q[0..maxleng-1],则共有maxleng-1个元素



## 方案二的空,满队列条件:

(1) **满队列条件:** 若A, B, C, D, E 依次进队后:





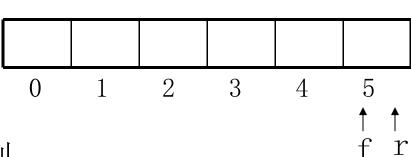
当 r+1==f 或 (f==0)&&(r==maxleng-1)

即: (r+1)% maxleng==f 为满队列

(2)空队列条件:

A, B, C, D, E 依次出队后:

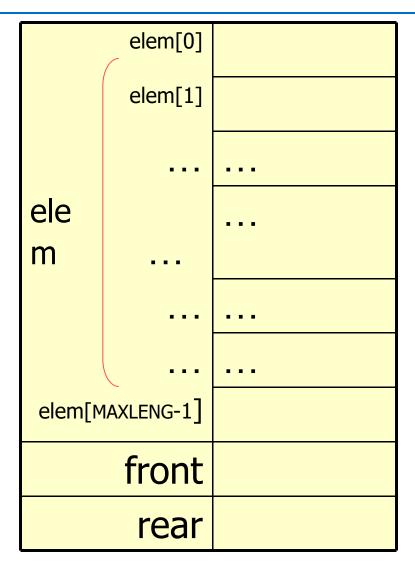
当(f==r)为空队列





# 4. 顺序队列算法举例

```
定义队列的C类型
#define MAXLENG 100
Typedef struct
  ElemType elem[MAXLENG];
        front, rear;
  int
  } SeQueue;
//定义结构变量Q表示队列
SeQueue Q:
```



队列Q的存储结构示意图

#### (1) 进队算法:

front

假设用Q表示顺序队列,头指针front指向队头元素,rear指向 尾元素的后一个空位,e为进队元素。

```
int En Queue (SeQueue &Q, Elemtype e)
{ if ((Q. rear+1)% MAXLENG==Q. front) //若Q已满,退出
     return ERROR;
 Q.elem[Q.rear]=e:
                               //装入新元素e
                               //尾指针后移一个位置
 Q. rear++;
                          //为循环队列
 Q. rear = Q. rear % MAXLENG;
 return OK;
                            Q「0.. MAXLENG-1]已满
  Q[0..MAXLENG-1]已满
                                             MAXLENG-1
                  MAXLENG-1
```

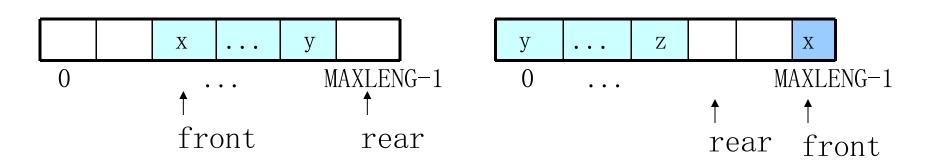
rear

rear front



### (2) 出队算法

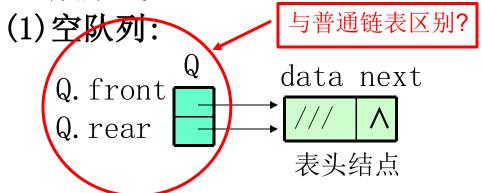
```
int De Queue (SeQueue &Q, Elemtype &e)
                               //Q为空队列,退出
  if (Q. front==Q. rear)
    return ERROR;
                               //取走队头元素,送e
  e=Q. elem[Q. front];
  Q. front=(Q. front+1)% MAXLENG; //循环后移到下一个位置
  return OK;
```



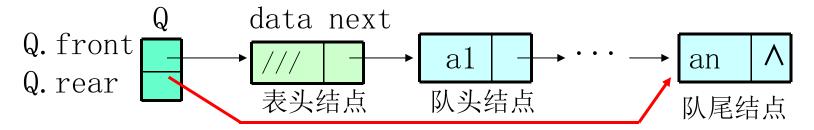


# 2.2.3 链式队列:用带表头结点的单链表表示队列

## 1. 一般形式



### (2) 非空队列:



- 其中: Q. front----队头(首)指针,指向表头结点。
  - Q. rear----队尾指针,指向队尾结点。
  - Q. front->data 不放元素。
  - Q. front->next 指向队首结点a1。



## 2. 定义结点类型

## (1) 存放元素的结点类型

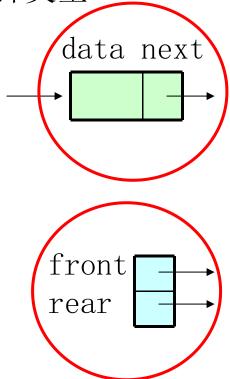
```
typedef struct Qnode
{ ElemType data; //data为抽象元素类型 struct Qnode *next; //next为指针类型 } Qnode, *QueuePtr; //结点类型, 指针类型
```

其中: Qnode----结点类型

QueuePtr---指向Qnode的指针类型

# (2) 由头、尾指针组成的结点类型

```
typedef struct
{ Qnode *front; //头指针
 Qnode *rear; //尾指针
}LinkQueue; //链式队列类型
```



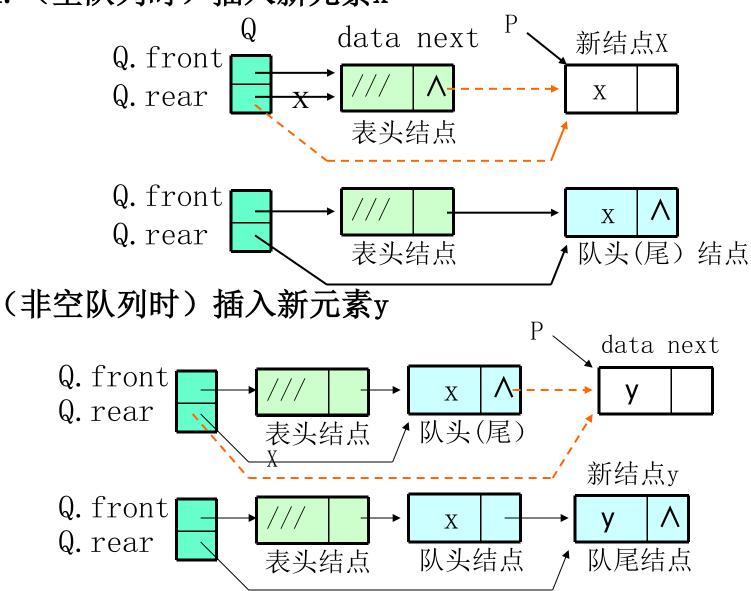


## 3. 生成空队列算法

```
#define LENG sizeof(Qnode) //求结点所占的单元数
                         //生成仅带表头结点的空队列Q
LinkQueue InitQueue()
                         //说明变量Q
{ LinkQueue Q:
 Q. front=Q. rear=(QueuePtr)malloc(LENG); //生成表头结点
                      //表头结点的next为空指针
 Q. front->next=NULL;
                         //返回Q的值
 return Q;
                            typedef struct
                             Qnode *front; //头指针
main()
                             Qnode *rear; //尾指针
                                     //链式队列类型
                     /*定义一个队列*/
LinkQueue que;
                      /*初始化队列*/
que=InitQueue();
```



## 4. (空队列时)插入新元素x





## 插入新元素e的的算法(1)

#define <u>LENG</u> sizeof(Qnode)

```
LinkQueue EnQueue (LinkQueue Q, ElemType e)
                           //说明变量p
 { Qnode *p;
                          //生成新元素结点
  p=(Qnode *) malloc(LENG);
                           //装入元素e
  p->data=e;
                          //为队尾结点
  p->next=NULL;
                           //插入新结点
  Q. rear->next=p;
                           //修改尾指针
  Q. rear=p;
                           //返回Q的新值
  return Q;
main()
                    /*定义一个队列*/
LinkQueue que;
                     /*初始化队列*/
que=InitQueue();
                   /*插入新元素*/
que=EnQueue (que, 10);
```



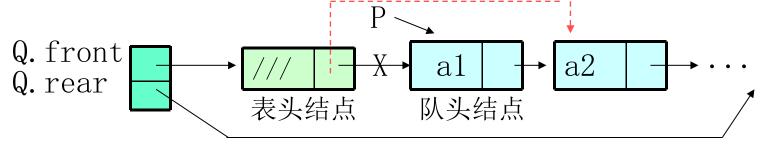
# 插入新元素e的的算法(2)

```
int EnQueue (LinkQueue *Q, ElemType e)
 { Qnode *p;
                              //说明变量p
  p=(Qnode *)malloc(LENG); //生成新元素结点
  if (!p) {printf("OVERFLOW"); //新结点生成失败
           return ERROR;}
                              //装入元素e
  p->data=e;
                              //为队尾结点
  p->next=NULL;
                              //插入新结点
  Q->rear->next=p;
                              //修改尾指针
  Q->rear=p;
                              //成功返回
  return OK;
main()
{ LinkQueue que;
                    /*定义一个队列*/
                    /*初始化队列*/
 que=InitQueue();
 EnQueue (&que, 10);
                 /*插入新元素*/
```

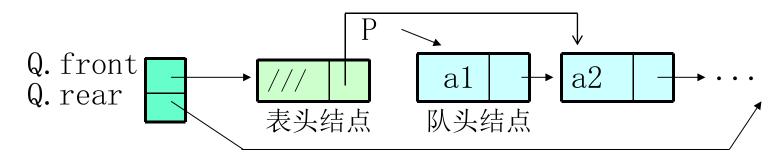


## 5. 出队-----删除队头结点

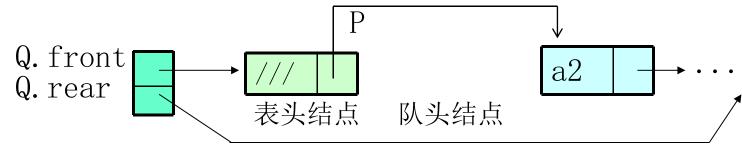
(1) 若原队列有2个或2个以上的结点



(a)执行: Q. front->next=p->next;

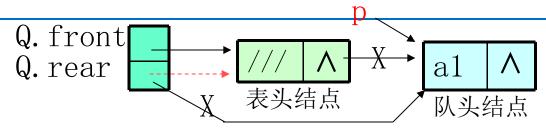


(b)执行: free(p);

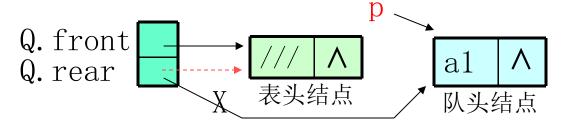




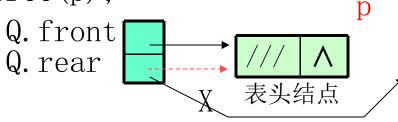
(2) 若原队列只有1个结点



(a)执行: Q. front->next=p->next; //p->next = NULL;



(b)执行: free(p);



(c)执行: Q. rear=Q. front;



### 出队算法:

```
Status DelQueue (LinkQueue &Q, ElemType &e)
                              //说明变量p
{ Qnode *p;
                             //若原队列为空
  if (Q. front==Q. rear)
     {printf("Empty queue"); //空队列
     return Q; }
                            //P指向队头结点
 p = Q. front \rightarrow next;
                            //取出元素, e指向它
 e = p- data;
                            //删除队头结点
 Q. front-\ranglenext=p-\ranglenext;
                            //若原队列只有1个结点
 if (Q. rear==p)
                            //修改尾指针
    Q. rear=Q. front;
 free(p);
                            //释放被删除结点的空间
 return OK;
```



## Homework:

- **>**10.1-1, 10.1-3
- >理解堆栈和队列的算法及实现代码



# Thank You! Q&A