作业 5

提交时间: 3月29日

- 1. 习题四的4,19,23.
- 2. 假设X和Y独立,且分别服从参数为p和q的几何分布,求下列值。
 - a) $E[\max(X,Y)]$. (至少用两种不同方法)
 - b) $E[X|X \leq Y]$.
- 3. 设 π 为[n] = {1,2,3,...,n}的一个置换。若 π (i) = i,则称i为置换 π 的一个不动点。从n!个置换中任取一个置换,求不动点个数的方差。
- 4. 不停地抛一枚均匀的骰子,直至出现一双连续的6。求所抛次数的期望值。
- 5. 在我国股票市场,每支正常的股票价格单日变动幅度控制在10%以内,即每天的涨幅、跌幅均不超过10%. 考虑这样的一个简单模型:某只股票每天的股票以p的概率变成原来的r>1倍,以r=1-p的概率变成原来的r>16。假定股票的初始价格为r=17元每股,计算r=17元后股票价格的期望与方差.
- 6. 假设我们抛了n次一枚均匀硬币从而获得了n个随机比特。考虑这些比特可构成的n(n-1)/2个比特对。对每一个比特对进行异或操作,记结果为 Y_i , i=1,2,...,n(n-1)/2. 定义Y为 $Y_i=1$ 的个数。
 - a) 求 Y_i 的分布律。
 - b) 证明 Y_i , i = 1, 2, ..., n(n-1)/2并不是相互独立。
 - c) 证明 $E(Y_iY_i) = E(Y_i)E(Y_i)$ 。
 - d) 计算D(Y)。
 - e) 为 $P(|Y E(Y)| \ge n)$ 建立一个上界。