

迷宫问题

一. 需求设计: 以一个 $m \times n$ 的长方阵表示迷宫, 0和1分别表示迷宫中的通路和障碍。设计一个程序, 对任意设定的迷宫, 求出一条从入口的通道, 或得出没有通路的结论。

二. 概要设计:

存储结构:

采用了数组以及结构体来存储数据, 在探索迷宫的过程中用到的栈, 属于顺序存储结构。

```
//八个方向的数组表示形式
int move[8][2]={0,1},{1,1},{1,0},{1,-1},{0,-1},{-1,-1},{-1,0},{-1,1}};

//用结构体表示位置
struct position
{
    int x,y;
};
position stack[m*m+1];
```

基本算法:

走迷宫的过程可以模拟为一个搜索的过程: 每到一处, 总让它按东、东南、南、西南、西、西北、北、东北8个方向顺序试探下一个位置; 如果某方向可以通过, 并且不曾到达, 则前进一步, 在新位置上继续进行搜索; 如果8个方向都走不通或曾经到达过, 则退回一步, 在原来的位置上继续试探下一位置。

每前进或后退一步, 都要进行判断: 若前进到了出口处, 则说明找到了一条通路; 若退回到了入口处, 则说明不存在通路。

用一个字符类型的二维数组表示迷宫, 数组中每个元素取值“0”(表示通路)或“1”(表示墙壁)。迷宫的入口点在位置(1,1)处, 出口点在位置(m,m)处。设计一个模拟走迷宫的算法, 为其寻找一条从入口点到出口点的通路。

二维数组的第0行、第 $m+1$ 行、第0列、第 $m+1$ 列元素全置成“1”, 表示迷宫的边界; 第1行第1列元素和第 m 行第 m 列元素置成“0”, 表示迷宫的入口和出口; 其余元素值用随机函数产生。

假设当前所在位置是(x,y)。沿某个方向前进一步, 它可能到达的位置最多有8个。

如果用二维数组move记录8个方向上行下标增量和列下标增量, 则沿第i个方向前进一步, 可能到达的新位置坐标可利用move数组确定:

```
x=x+move[i][0]
y=y+move[i][1]
```

从迷宫的入口位置开始, 沿图示方向顺序依次进行搜索。

在搜索过程中, 每前进一步, 在所到位置处做标记“?”

(表示这个位置在通路上), 并将该位置的坐标压入栈中。

每次后退的时候, 先将当前所在位置处的通路标记“?”改成死路标记“×”(表示这个位置曾到达过但走不通, 以后不要重复进入), 然后将该位置的坐标从栈顶弹出。

搜索到出口位置时, 数组中那些值为“?”的元素形成一条通路。

三. 详细设计:

源程序:

```
/*
```

迷宫问题

走迷宫的过程可以模拟为一个搜索的过程: 每到一

处，总让它按东、东南、南、西南、西、西北、北、东北个方向顺序试探下一个位置；如果某方向可以通过，并且不曾到达，则前进一步，在新位置上继续进行搜索；如果个方向都走不通或曾经到达过，则退回一步，在原来的位置上继续试探下一位置。

每前进或后退一步，都要进行判断：若前进到了出口处，则说明找到了一条通路；若退回到了入口处，则说明不存在通路。

用一个字符类型的二维数组表示迷宫，数组中每个元素取值“0”（表示通路）或“1”（表示墙壁）。迷宫的入口点在位置（1，1）处，出口点在位置（m,m）处。这个算法，为其寻找一条从入口点到出口点的通路。

```
*/
#include<iostream>
#include<stdlib.h>
#include<time.h>

int main()
{
    //设定m=10
    const int m=10;

    //数组的形式表示八个方向
    int move[8][2]={ {0, 1}, {1, 1}, {1, 0},
                     {1, -1}, {0, -1}, {-1, -1}, {-1, 0},
                     {-1, 1}};

    //用结构体表示位置
    struct position
    {
        int x,y;
    };

    //用于记录和输出迷宫探路中相关符号，包括1 .
    char maze[m+2][m+2];
    //用栈来存储探路过程中的数据
    position stack[m*m+1];
    int top;//栈顶
    int i,x,y,ok;
    position p;
    //二维数组的第0行、第m+1行、第0列、第m+1列元素全
    //置成“1”，表示迷宫的边界；第1行第1列元素和第m行第m列
    //元素置成“0”，表示迷宫的入口和出口；其余元素值用随机
    //函数产生。
    srand(time(0));
    for(x=1;x<=m;x++)
        for(y=1;y<=m;y++)
```

```

        maze[x][y]=48+rand()%2;
maze[1][1]='0';maze[m][m]='0';
for(x=0;x<=m+1;x++)
{
    maze[x][0]='1';maze[x][m+1]='1';
}
for(y=0;y<=m+1;y++)
{
    maze[0][y]='1';maze[m+1][y]='1';
}
p.x=1;p.y=1;
top=1;stack[top]=p;
maze[1][1]='.';
//开始探路
//走迷宫的过程可以模拟为一个搜索的过程：每到一
//处，总让它按东、东南、南、西南、西、西北、北、东北
//个方向顺序试探下一个位置；如果某方向可以通过，并且不
//曾到达，则前进一步，在新位置上继续进行搜索；如果个
//方向都走不通或曾经到达过，则退回一步，在原来的位置上
//继续试探下一位置。
//    每前进或后退一步，都要进行判断：若前进到了出
//口处，则说明找到了一条通路；若退回到了入口处，则说明
//不存在通路。
do{
    p=stack[top];
    ok=0;i=0;
    while((ok==0)&&(i<8))
    {
        x=p.x+move[i][0];
        y=p.y+move[i][1];
        if(maze[x][y]=='0')
        {
            p.x=x;p.y=y;
            stack[++top]=p;
            maze[x][y]='.';
            ok=1;
        }
        i++;
    }
    if(i==8)
    {
        maze[p.x][p.y]='*';
        top--;
    }
}while((top>0)&&((p.x!=m)|| (p.y!=m)));
//输出探路结果
if(top==0) printf("没有路径\n");

```

```

else printf("有路径\n");
//输出探路迷宫留下的踪迹
for(x=1;x<=m;x++)
{
    printf("\n");
    for(y=1;y<=m;y++)
        printf("%c ",maze[x][y]);

    }
    printf("\n");
system("pause");
}

```

四. 调试分析:

测试数据和结果:

当设定迷宫为10*10:

当设定迷宫为5*5:

算法时间复杂度:

$O(m^2)$

对相关问题的思考:

这个迷宫问题的算法中，要在开始设置迷宫的大小。在探索迷宫路线的过程中，是通过不断的尝试来得到最终的结果，由于不能对已经设定为可走路径进行返回，所以在这个算法中有时候可能不能得到走出迷宫的路径。如下: