# 3.A Comparison of Energy-Efficient HARQ Protocols for M2M Communication in the Finite Block-Length Regime

。 作者:Marco Centenaro, Student Member , IEEE, Giulio Ministeri, Student Member , IEEE,

and Lorenzo V angelista, Senior Member, IEEE

- 期刊:
- 摘要:摘要混合自动重传请求(HARQ)技术主要用于无线通信系统的上下文中,尤其是在最近几年中,被用于最新的蜂窝系统,包括长期演进(LTE)标准。此类方案已在文献中得到广泛研究;然而,在本文中,我们感兴趣的是将PolyanskiyPoor-Verdú的结果应用于有限块长度方案,比较绿色通信环境下(即,在能效是关键性能指标的情况下)类型和类型II HARQ方案的性能。

这方面的一个突出例子是机器对机器(M2M)通信,预计它将作为物联网(IoT)范式的推动者发挥根本作用。我们推导了一种新的、最优的功率分配策略,并提供了仿真结果,表明如果我们在接收器侧启用分组合并,可以实现至少40%的节能

。 关键词

## 系统模型

。 假设从字母表M中取出每个发送的符号,并且将b个信息符号编码为属于集合 $M^L$ 的码字,使用L个信道的码字来发送,码字速率为

$$R = \frac{\log_2 |\mathcal{M}|^b}{L} = \frac{b}{L} bpcu \tag{1}$$

h服从瑞利分布,衰落过程在每个传输码字上是平坦的,并且衰落实现在不同块之间是独立的。  $g=|h|^2$ 均值 $\lambda=1$ ,噪声功率 $\sigma_w^2=1$ ,由可知传输速率、香农容量和错误概率之间的关系由下式

$$R = C - \sqrt{\frac{V}{L}} \cdot Q^{-1}(\epsilon) + \frac{1}{2} \cdot \frac{\log_2 L}{L} + \mathcal{O}(1)$$
 (2)

其中 $C=rac{1}{2}\log_2(1+\Gamma)$ ,信道色散为

通带信道香农容量和信道色散必须乘以2,

 $\circ$  给定L, R, P, g可得解码错误概率为

$$\phi \approx \mathbb{E}_g \left[ Q \left( \frac{\sqrt{L} \log_2(1 + gP) + \frac{1}{2} \cdot \frac{\log_2 L}{L} - R}{\sqrt{1 - \frac{1}{(1 + gP)^2}} \log_2 e} \right) \right]$$
(4)

设M为重传最大次数, $P_m$ 为表示第M次传输中使用的传输功率, $\Phi_m$ 表示直到第M次尝试传输才正确解码数据的概率, $\Phi_0=1$ 。平均消耗能量定义为

$$\bar{\xi} = L \cdot \sum_{m=1}^{M} P_m \cdot \Phi_{m-1} \tag{5}$$

信道使用的预期数量,即平均延迟为

$$\bar{\tau} = L \cdot \sum_{m=1}^{M} \Phi_{m-1} \tag{6}$$

使用**更新奖励理论**获得平均传输功率

$$\bar{P} = \frac{\bar{\xi}}{\bar{\tau}} = \frac{\sum_{m=1}^{M} P_m \cdot \Phi_{m-1}}{\sum_{m=1}^{M} \Phi_{m-1}}$$
 (7)

。 设计了一个类似的优化问题来研究 I型 - HARQ, CC-HARQ和 IR-HARQ进程之间的件能差距

$$\min_{P_m} \Phi_M \tag{8}$$

subject to 
$$\bar{\xi} = J$$
 (8)

$$P_{\min} \le P_m \le P_{\max} \tag{8}$$

在间隔 $[P_{\min},\ P_{\max}]$ 中强制发送功率 $P_m$ ,这是真实设备的常见约束。这样得到了平均消耗能量 $\bar{\mathcal{E}}$ 上下界

$$\bar{\xi} = L \cdot \sum_{m=1}^{M} P_m \cdot \Phi_{m-1} \ge L \cdot \sum_{m=1}^{M} P_{\min} \cdot \Phi_{m-1} \ge L \cdot P_{\min} \triangleq J_{\min}$$
(9)

$$\bar{\xi} = L \cdot \sum_{m=1}^{M} P_m \cdot \Phi_{m-1} \le L \cdot \sum_{m=1}^{M} P_{\text{max}} \cdot \Phi_{m-1} \le L \cdot P_{\text{max}} \cdot M \triangleq J_{\text{max}}$$
 (10)

## Type-I HARQ

接收端尝试只解码最后接收到的包,丢弃之前接收到的信息,得到

$$\Phi_m^{(TI)} = \begin{cases} \prod_{j=1}^m \phi_j & m \neq 0 \\ 1 & m = 0 \end{cases}$$
 (11)

其中, $\phi_j$ 是在第j次传输尝试中数据未被解码的概率, $\phi_j=\mathbb{E}_g[\epsilon(L,R,gP_j)]$ 

#### **CC-HARQ**

。 接收到的包使用利用最大比率组合(MRC)完成分组的组合,第j次传输尝试后的有效SNR为

$$\Gamma_j^{(CC)} = \sum_{\alpha=1}^j \Gamma_\alpha = \sum_{\alpha=1}^j \frac{g_\alpha P_a}{\sigma_w^2} \tag{12}$$

第j次传输尝试时的解码错误概率 $\phi_{j}^{(CC)}$ 表示

$$\phi_{j}^{(CC)} = \mathbb{E}_{g_{1}, \dots, g_{j}} \left[ \epsilon \left( L, R, \sum_{\alpha=1}^{j} g_{\alpha} P_{\alpha} \right) \right]$$

$$= \int_{0}^{+\infty} \dots \int_{0}^{+\infty} \epsilon \left( L, R, \sum_{\alpha=1}^{j} g_{\alpha} P_{\alpha} \right) e^{-\sum_{\alpha=1}^{j} g_{\alpha}} dg$$

$$(13)$$

这里利用了独立块衰落过程的假设

$$f_{g_1,\cdots,g_j}(g_1,\cdots,g_j) = f_{g_1}(g_1)\cdots f_{g_m}(g_m) = \exp(-\sum_{i=1}^m g_i)$$
 (14)

因此, 第m次传输尝试的中断概率为

$$\Phi_m^{(CC)} = \begin{cases} \prod_{j=1}^m \phi_j^{(CC)} & m \neq 0\\ 1 & m = 0 \end{cases}$$
 (15)

#### **IR-HARQ**

。 采用L个信道用于传输的原始码字被划分为L/M个子码字,其中M是传输尝试的最大次数。 我们可以使用具有瑞利衰落的M并行AWGN信道[14]来模拟这种情况。公式(29)可得

$$R_j = C_j - \sqrt{\frac{V_j}{L/M}} \cdot Q^{-1}(\epsilon) + \frac{1}{2} \cdot \frac{\log_2 L/M}{L/M} + \mathcal{O}(1)$$
 (16)

其中累计信道容量 $C_i$ 为

$$C_j = \sum_{\alpha=1}^j C(g_\alpha P_\alpha) \tag{17}$$

累积信道色散 $V_i$ 为

$$V_j = \sum_{\alpha=1}^j V(g_\alpha P_\alpha) \tag{18}$$

其中 $P_1, \cdots, P_j$ 为发射功率, $g_1 \cdots g_j$ 为信道增益。

 $\circ$  假设FEC码的母码率为R=b/L,第i次传输尝试后的信息速率为

$$R_j = \frac{b}{j \cdot \frac{L}{M}} = R \cdot \frac{M}{L} \tag{19}$$

而 $R_M \equiv R$ , 因此误差概率为

$$\epsilon_{j}^{(IR)} pprox Q \Biggl( rac{C_{j} + 0.5 rac{\log_{2} L/M}{L/M} - R_{j}}{\sqrt{V_{j} / rac{L}{M}}} \Biggr)$$

因此在第 j次传输尝试的解码错误概率表示为

$$\phi_{j}^{(IR)} = \mathbb{E}_{g_{1},\dots,g_{j}} \left[ \epsilon_{j}^{(IR)} \right]$$

$$= \int_{0}^{+\infty} \dots \int_{0}^{+\infty} \epsilon_{j}^{(IR)} e^{-\sum_{\alpha=1}^{j} g_{\alpha}} dg$$
(21)

$$\Phi_m^{(IR)} = egin{cases} \prod_{j=1}^m \phi_j^{(IR)} & m 
eq 0 \ 1 & m = 0 \end{cases}$$

## 性能评估

### 中断概率

。 为了减少支持数据重传所需的缓冲量,成本和延迟敏感的机器类型设备来说是一个非常重要的限制,取 $L\in\{50,200\},M=2$ ,如下图展示了中断概率 $\Phi_M$ 和平均消耗能量 $\xi$ 的比较。

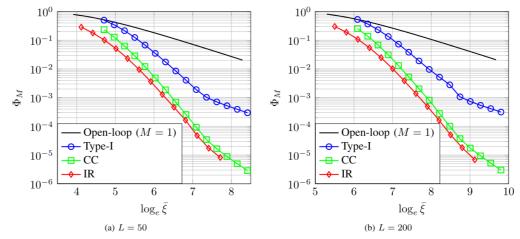


Fig. 2: Outage probability  $\Phi_M$  vs average consumed energy  $\bar{\xi}$  for  $L \in \{50, 200\}$ . Note that  $\bar{\xi}$  is represented in logarithmic scale.

可知IR-HARQ具有最佳性能, $ar{\xi}$ 在对数尺度变化是 $\ln(200/50) \approx 1.4$ 

### 功率分配

 $\circ$  下图展示了M次传输尝试的功率分配与L=50时的平均消耗能量 $\overline{\xi}$ 

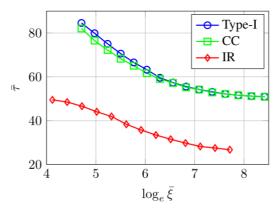


Fig. 4: Average number of channel uses  $\bar{\tau}$  for Type-I, CC, and IR HARQ vs average consumed energy  $\bar{\xi}$ , when L=50.

对于两种TypeII-HARQ过程,当能量预算 $\bar{\xi}$ 较低时,最好的做法是在第一次传输尝试时分配更多的功率,即 $P_1>P_2$ 。当可用能量较高时,特别是使用CC当 $\ln \bar{\xi}>5$ 和使用IR当  $\ln \bar{\xi}>5.3$ 时,更优的方案是在第二次传输尝试上分配更多的功率即 $P_1< P_2$ 。

#### 交付延时

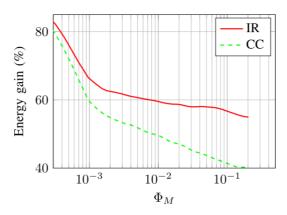


Fig. 5: Energy gap of CC HARQ and IR HARQ with respect to Type-I HARQ vs outage probability  $\Phi_M$  for L=50.

# 能效

结论: IR-HARQ在节能方面总是优于CC-HARQ。