

第七章 内排序

任课教员:张铭、赵海燕、冯梅萍、王腾蛟 http://db.pku.edu.cn/mzhang/DS/ 北京大学信息科学与技术学院 ⑥版权所有,转载或翻印必究

大纲

- 7.1 基本概念
- 7.2 三种O(n²)的简单排序
 - ■插入排序
 - ■直接插入排序
 - 二分法插入排序
 - ■冒泡排序
 - ■选择排序
- 7.3 Shell排序

Page 2



大纲(续)

- 7.4 基于分治法的排序
 - 快速排序
 - 归并排序
- 7.5 堆排序
- 7.6 分配排序和基数排序
- 7.7 各种排序算法的理论和实验时间代价
- 7.8 排序问题的下限

北京大学信息学院

有,转載或關印必究

7.1基本概念

- 记录(Record):结点,进行排序的基本单位
- 关键码(Key):唯一确定记录的一个 或多个域
- 排序码(Sort Key):作为排序运算依据的一个 或多个域
- 序列(Sequence):线性表,由记录组成的集合

北京大学信息学院

○版权所有,转载或翻印必究

Page 4



7.1基本概念(续)

■ 排序(Sorting) — 将序列中的记录按照排序码特定的顺序排列起来,即排序码域的值具有不减(或不增)的顺序。

北京大学信息学院

©版权所有,转载或**翻**印必究

Page 5

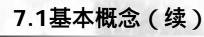
排序问题

- 给定一个序列R = { r₁, r₂, ..., r_n}, 其 排序码分别为k = {k₁, k₂, ..., k_n}
- 排序的目的就是将R中的记录按照特定的顺序重新排列,形成一个新的有序序列 R'= {r'₁, r'₂, ..., r'_n}
 - 相应排序码为k' = {k'₁, k'₂, ..., k'n}
 - 其中k'₁ k'₂ ... k'_n或 k'₁ k'₂ ... k'_n或 k'₁ k'₂ ... k'_n,前者称为不减序,后者 称为不增序。

北京大学信息学院

©版权所有,转载或**翻**印必究

Page 6



- 内排序(Internal Sorting):整个 排序过程中所有的记录都可以直 接存放在内存中
- 外排序(External Sorting): 内存 无法容纳所有记录,排序过程中 还需要访问外存

北京大学信息学院

○防权所有 . 装载或器印必究

Page 7

7.1基本概念(续)

- "正序"序列 :待排序序列正好 符合排序要求
- ■"逆序"序列 : 把待排序序列逆 转过来,正好符合排序要求

北京大学信息学

©版权所有,转载或翻印必

Dago 9

7.1基本概念(续)

■"稳定的"(stable)排序算法 : 如果存在多个具有相同排序码的记录,经过排序后这些记录的相对次序仍然保持不变。

北京大学信息学院

版权所有,转载或翻印必究

Page 9

排序算法的分类

- ■简单排序
 - ■插入排序(Insert sort)
 - ■直接选择排序(Selection sort)
 - 冒泡排序(Bubble sort)
- Shell排序(Shell sort)

北京大学信息学

斯权所有 . 转载或圈印必束

Page 10

排序算法的分类(续)

- 分治排序
 - ■快速排序(Quicksort)
 - ■归并排序(Mergesort)
- 堆排序(Heapsort)
- 分配排序 (Binsort)

北京大学信息学

○新叔所有 转载或翻印必束

Page 11

排序算法的衡量标准

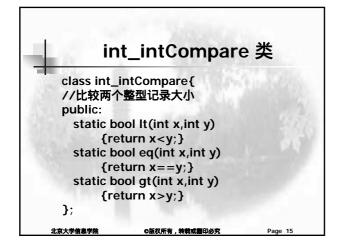
- 时间代价:记录的比较和交换次 数
- ■空间代价
- ■算法的复杂度

北京大学信息学院

版权所有,转载或翻印必究

Page 12







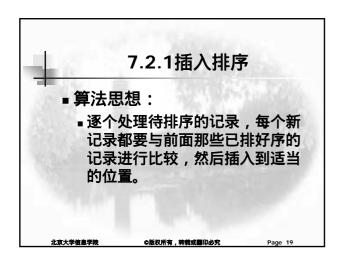
```
PrintArray函数

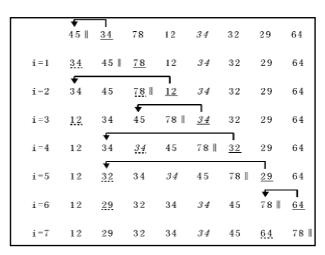
template <class Record,class Compare>
void Sorter<Record,Compare>::
PrintArray(Record Array[], int n)
{ //输出数组内容
for(int i=0;i<n;i++)
    cout<<Array[i]<<" ";
    cout<<endl;
}

北京大学信息学院

Page 17
```

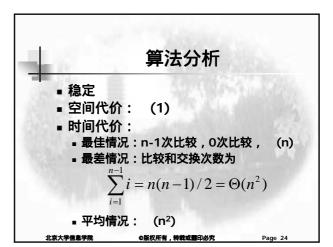








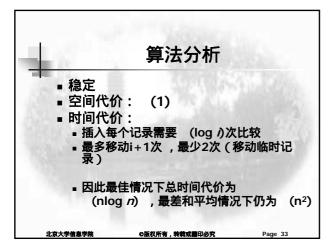


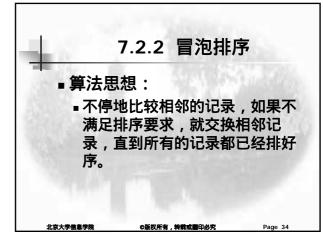


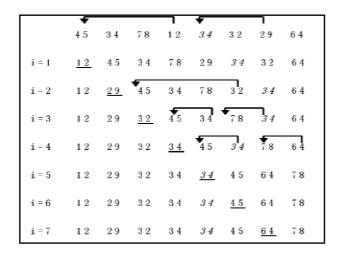
```
二分法插入排序
■算法思想:
■在插入第i个记录时,前面的记录已经是有序的了,可以用二分法查找第i个记录的正确位置。
```

```
//记录已排好序序列的左右位置
left = 0; right = i-1;
//开始查找待插入记录的正确位置
while(left <= right)
{
    //中间位置
    middle = (left+right)/2;
    //如果待插入记录比中间记录小,
    // 就在左一半中查找
    if
    (Compare::It(TempRecord,Array[middle]))
        right = middle-1;

#意大學信息学務    e版权所有,特殊或圖印必究    Page 31
```









```
    算法分析
    稳定
    空间代价: (1)
    时间代价: n-1
    比较次数: n-1
    (n-i) = n(n-1)/2 = Θ(n²)
    交换次数最多为 (n²),最少为0,平均为 (n²)。
    最大,最小,平均时间代价均为 (n²)。
```

优化的冒泡排序

- 改进:检查每次冒泡过程中是否 发生过交换,如果没有,则表明 整个数组已经排好序了,排序结 束。
- 避免不必要的比较

北京大学信息学院

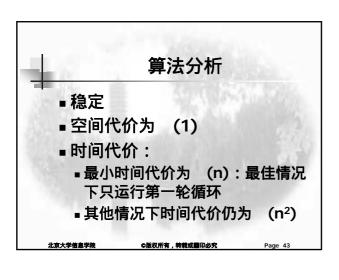
©版权所有 , 转载或翻印必究

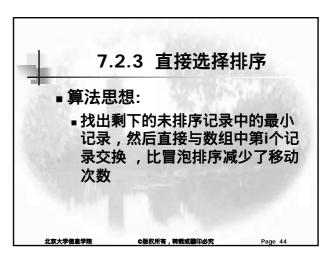
Page 39

```
template <class Record,class Compare>
class ImprovedBubbleSorter:public Sorter<Record,Compare>
{ //优化的冒泡排序类 public:
   void Sort(Record Array[],int n);
};
```

```
template <class Record,class Compare>
void
ImprovedBubbleSorter<Record,Compare
>::
Sort(Record Array[], int n)
{ //Array[]为待排序数组,n为数组长度
bool NoSwap; //是否发生交换的标志
for (int i=1; i<n; i++)
{
NoSwap = true; //标志初始为真
for (int j=n-1; j>=i; j--)

北京大学信息学院 Page 41
```



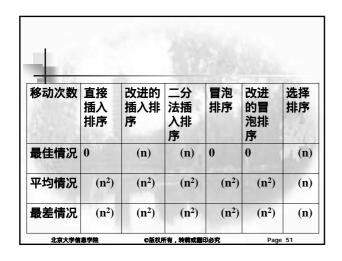


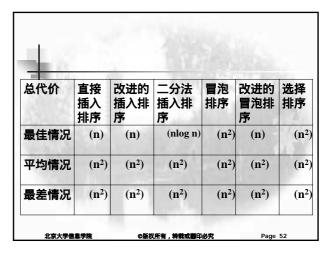
```
12
                    78
                                34
                                      32
                                            29
                                                  64
              34
                    7.8
        12
                          4.5
                                      32
i = 0
                                34
                                                  64
                                      32
              29
                    7.8
                          4.5
                                34
                                            3 4
i = 1
         12
                                                  64
              29
                    32
                                            3 4
         12
                                4 5<sup>♣</sup>
i = 3
         12
              29
                    32
                          34
                                      78
                                                  64
                                34
i = 4
         12
              29
                    32
                          34
i = 5
         12
              29
                    32
                          34
                                34
                                      45
i = 6
         12
              29
                    32
                          34
                                34
                                      45
                                            64
                                                  78
```

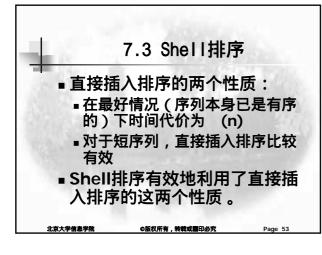
```
// 如果发现更小的记录,记录它的位置
if (Compare::lt(Array[j],
Array[Smallest]))
Smallest = j;
//将第i小的记录放在数组中第i个位置
swap(Array, i, Smallest);
}
}
```

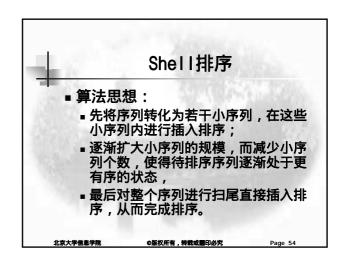


1	.2.4	简!	单排序 价对		的时间	时代
比较次数	直接插入排序	改进 的插 入排 序	二分法插 入排序	冒泡排序	改进的 冒泡排 序	选择排序
最佳情况	(n)	(n)	(nlog n)	(n ²)	(n)	(n ²)
平均情况	(n ²)	(n ²)	(nlog n)	(n ²)	(n ²)	(n ²)
最差情况	(n ²)	(n ²)	(nlog n)	(n ²)	(n ²)	(n ²)

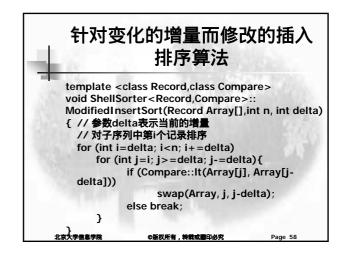


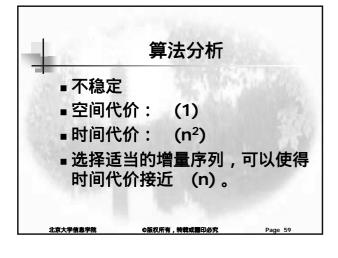


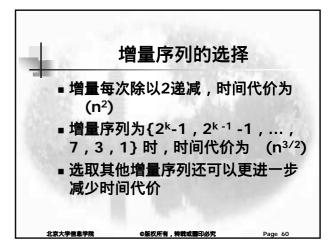


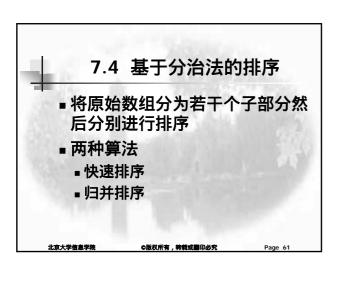


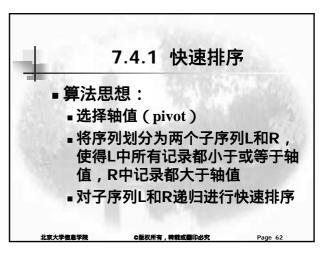
```
34
                       12
                             34 32
d=4
                                            64
             32
                       12
                                 3\overline{4}
d=2
                             45
                                       78
d=1
                            45.
                                 ^{34}
        12
            29
                 32
                      34 34
                                 45
                                       64
                                            78
```

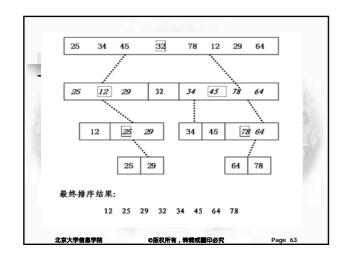


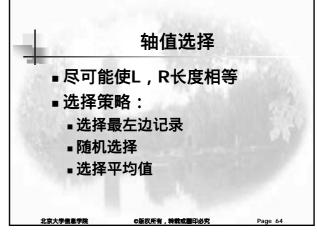




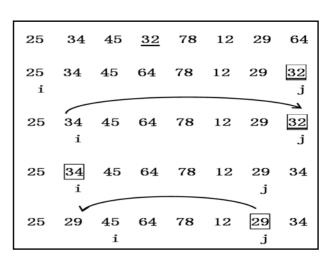












```
45
25
     29
                64
                      78
                           12
                                 45
                                      34
                             j
                           12
25
     29
           12
                64
                      78
                                 45
                                      34
                i
                            j
                      78
25
     29
           12
                64
                                      34
                           64
                                 45
                ij
25
     29
           12
                32
                      78
                           64
                                 45
                                      34
```

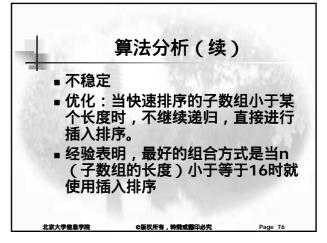








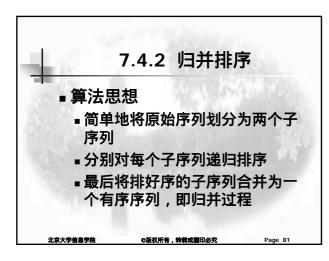


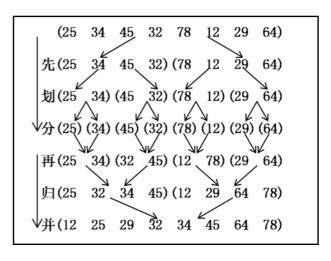


```
#define THRESHOLD 16
template <class Record,class Compare>
class ImprovedQuickSorter:public
Sorter<Record,Compare>
{ //优化的快速排序类
private:
    //选择轴值,返回轴值下标
    int SelectPivot(int left, int right);
    //分割,返回轴值位置
    int Partition(Record Array[], int left, int right);
    void DoSort(Record Array[],int left,int right);
public:
    void Sort(Record Array[],int left,int right);
};

*ki文字值是学務

**E&EMPTR**
**EARTH**
```

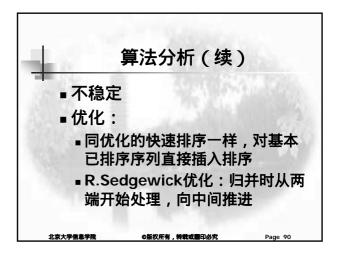




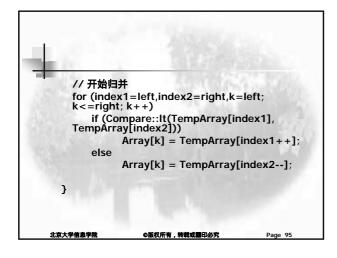
```
//对左边一半进行递归
Sort(Array, TempArray,left,middle);
//对右边一半进行递归
Sort(Array, TempArray,middle+1,right);
// 进行归并
Merge(Array, TempArray,left,right,middle);
}
}
```

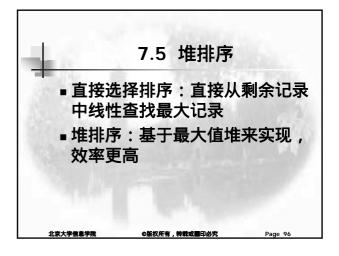
```
int index1=left; //左边子序列的起始位置 int index2=middle+1;//右子序列起始位置 int i=left; //从左开始归并 while ((index1 <= middle)&&(index2 <= right))
{
    //取较小者插入合并数组中
    if (Compare::lt(TempArray[index1], TempArray[index2]))
    Array[i++] = TempArray[index1++];
```

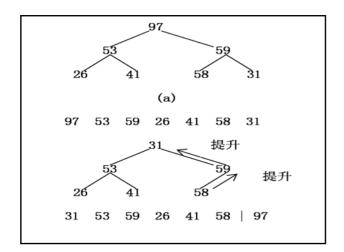
```
算法分析
    空间代价: (n)
    总时间代价: (nlog n)
    不依赖于原始数组的输入情况,最大、最小以及平均时间代价均为 (nlog n)。
```

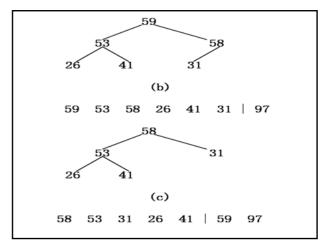


```
//优化的两路归并排序,Array[]为待排序数组,left,right分别为数组两端
template <class Record,class Compare>
void
ImprovedTwoWayMergeSorter<Record,Compare>::Sort(Record Array[],Record TempArray[],int left, int right)
{
DoSort(Array,TempArray,left,right);
//最后对整个序列进行一次直接插入排序
ImprovedInsertSorter<Record,Compare>insert_sorter;
insert_sorter;
insert_sorter.Sort(&Array[left],right-left+1);
}
\(\text{\text{\text{\text{\text{RECORD}}}}\)
```



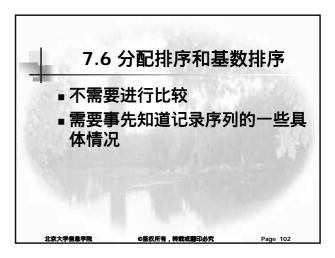


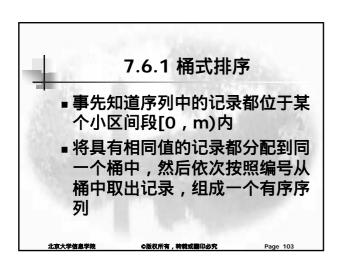












```
相式排序算法

template <class Record>
class BucketSorter:public
   Sorter<Record,Compare>
{ //桶式排序类
   public:
    void Sort(Record Array[],int n,int max);
   };

北京大学信息学院

egg//////////////////

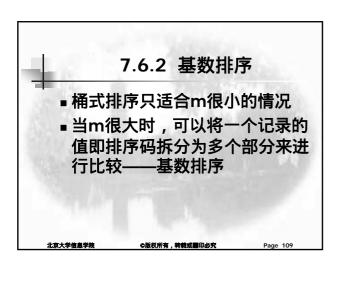
**Page 104
```

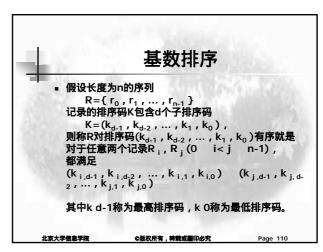
```
//桶式排序, Array[]为待排序数组,数组长度为n,所
//有记录都位于区间[0,max)上
template <class Record>
void BucketSorter<Record>::Sort(Record
Array[], int n,int max)
{
  int* TempArray=new Record[n]; //临时数组
  int* count=new int[max];//小于等于i的元素个数
  int i;
  for (i=0;i<n;i++)
    TempArray[i]=Array[i];
  //所有计数器初始都为0
  for (i=0;i<max;i++)
    count[i]=0;
    #放斥者,執稅或關印必免
Page 105
```

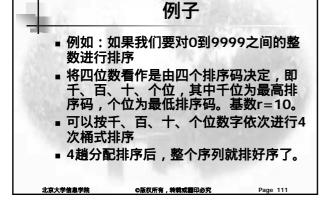
```
算法分析

■时间代价:
■统计计数时: (n+m)
■输出有序序列时循环n次
■总的时间代价为 (m+n)
■适用于m相对于n很小的情况
```





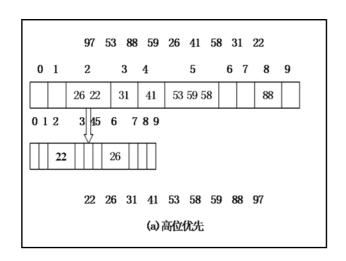


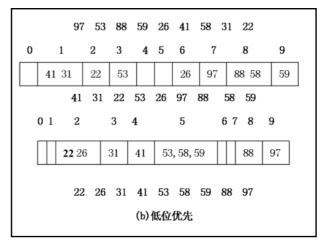


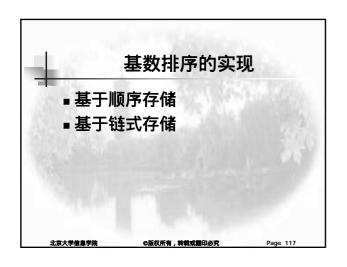


高位优先法(MSD,Most Significant Digit first) - 朱对高位k_{d-1}进行桶式排序,将序列分成若干个桶中 - 然后对每个桶再按次高位k_{d-2}进行桶式排序,分成更小的桶; - 依次重复,直到对k₀排序后,分成最小的桶,每个桶内含有相同的排序码(k_{d-1},k_{d-2},…,k₁,k₀); - 最后将所有的桶依次连接在一起,成为一个有序序列。 - 这是一个分、分、…、分、收的过程。

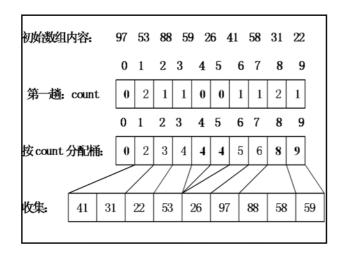


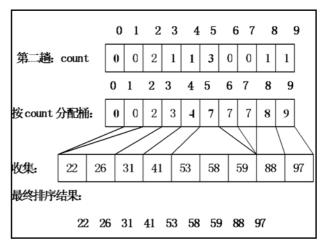










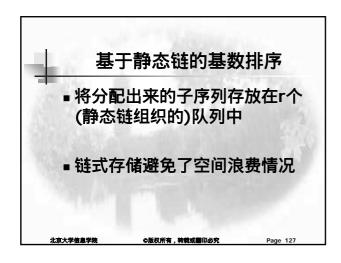


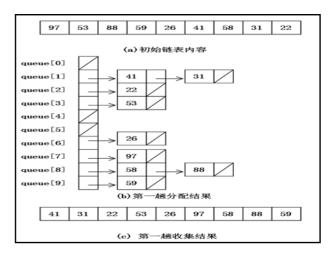
```
for (j=0; j<r; j++) // 初始计数器均为0 count[j] = 0; for (j=0; j<n; j++)// 统计每个桶中的记录数 {
    //取Array[j]的第i位排序码 k=(Array[j] /Radix)%r; count[k]++; //相应计数器加1 }
    // 将TempArray中的位置依次分配给r个桶 for (j=1; j<r; j++) count[j] = count[j-1] + count[j];
```

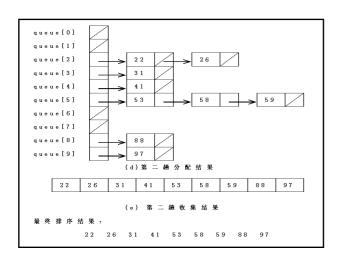
```
// 将所有桶中的记录依次收集到TempArray中for (j=n-1; j>=0; j--)
{
    //取Array[j]的第i位排序码
    k=(Array[j]/Radix)%r;
    //从第k个桶取出一个记录,计数器减1    count[k]--;
    TempArray[count[k]] = Array[j];
}
    // 将临时数组中的内容复制到Array中for (j=0; j<n; j++)
    Array[j] = TempArray[j];
    Radix*=r;
}
```













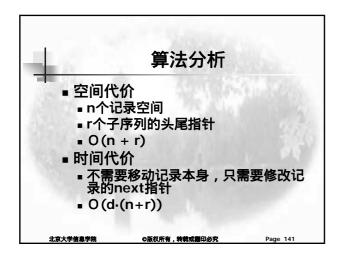


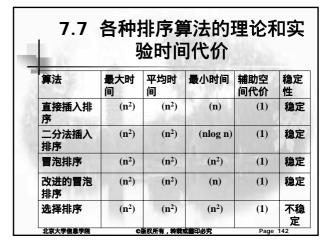
```
Array[queue[k].tail].next = first;
//first为子序列的尾部
queue[k].tail = first;
//继续分配下一个记录
first = Array[first].next;
}
```

```
收集过程
template <class Record>
void LinkRadixSorter < Record>::Collect (Record* Array, int& first, int i, int r, StaticQueue* queue)
{ //A中存放待排序记录,first为静态链中的第一个记,//录,i为第i个排序码,r为基数
int last, k=0; //已收集到的最后一个记录 // 找到第一个非空队列
while (queue[k].head == -1) k++;
```

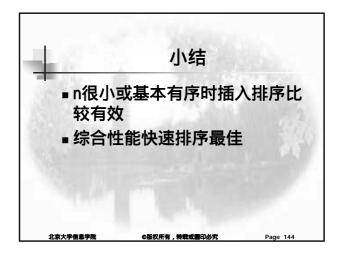
```
Array[last].next = queue[k].head;
//此时最后一个记录为该序列的尾部记录
last = queue[k].tail;
}

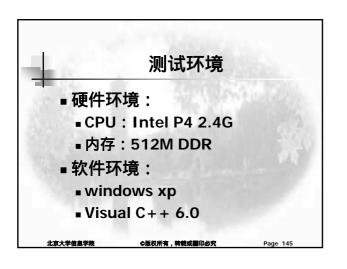
Array[last].next = -1;
//收集完毕
}
```





算法	最大时间	平均时间	最小时间	辅助空 间代价	稳定 性	
Shell排序(3)	(n ^{3/2})	(n ^{3/2})	(n ^{3/2})	(1)	不稳定	
快速排序	(n ²)	(nlog n)	(nlog n)	(log n)	不稳 定	
归并排序	(nlog n)	(nlog n)	(nlog n)	(n)	稳定	
堆排序	(nlog n)	(nlog n)	(nlog n)	(1)	不稳定	
桶式排序	(n+m)	(n+m)	(n+m)	(m)	稳定	
基数排序	(d·(n+r))	(d·(n+r))	(d·(n+r))	(n+r)	稳定	
北京大学信息学院 ②版权所有,转载或置印必究				Page	1/13	





```
が現場では、

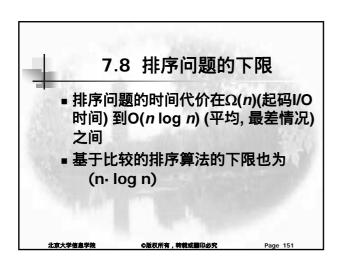
が通机生成待排序数组

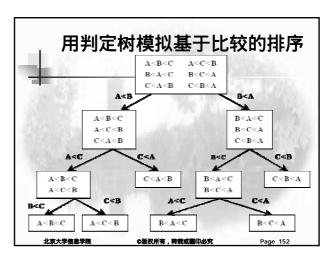
//设置随机种子
inline void Randomize() { srand(1); }
// 返回一个0到n之间的随机整数值
inline int Random(int n)
{ return rand() % (n); }
//产生随机数组
ELEM *sortarray = new ELEM[1000000];
for(int i=0;i<1000000;i++)
sortarray[i]=Random(32003);
```



数组规模	100	10K	1M	10K正序	10K逆序
直接插入排序	0.000175	1.7266		0.00031	3.44187
优化插入排序	0.000092	0.8847		0.00031	1.76157
二分插入排序	0.000036	0.1434	W.T	0.00453	0.28297
冒泡排序	0.000271	2.7844	4	1.74641	3.47484
优化冒泡排序	0.000269	2.7848		0.00032	3.44063
选择排序	0.000180	1.7199		1.72516	1.72812
Shell排序(2)	0.000072	0.0166	4.578	0.00484	0.00781
Shell排序(3)	0.000055	0.0153	4.125	0.00121	0.00687
北京大学信息学	*	◎版权所有,	转载或翻印必究	Pa	nge 149

100	10K	1M	10K正序	10K逆序
0.000042	0.0068	1.001	0.00547	0.00547
0.000031	0.0057	0.856	0.00408	0.00409
0.000045	0.0070	1.105	0.00625	0.00546
0.000033	0.0057	0.934	0.00531	0.00531
0.000042	0.0075	1.562	0.00672	0.00688
0.000294	0.0294	3.031	0.02937	0.02922
0.000145	0.0147	1.515	0.01469	0.01469
0.000095	0.0092	0.953	0.00922	0.00921
	0.000042 0.000031 0.000045 0.000033 0.000042 0.000294 0.000145	0.000042 0.0068 0.000031 0.0057 0.000045 0.0070 0.000033 0.0057 0.000042 0.0075 0.000294 0.0294 0.000145 0.0147	0.000042 0.0068 1.001 0.000031 0.0057 0.856 0.000045 0.0070 1.105 0.000033 0.0057 0.934 0.000042 0.0075 1.562 0.000294 0.0294 3.031 0.000145 0.0147 1.515	0.000042 0.0068 1.001 0.00547 0.000031 0.0057 0.856 0.00408 0.000045 0.0070 1.105 0.00625 0.000033 0.0057 0.934 0.00531 0.000042 0.0075 1.562 0.00672 0.000294 0.0294 3.031 0.02937 0.000145 0.0147 1.515 0.01469





判定树(Dicision Tree) ■判定树中叶结点的最大深度就是排序算法在最差情况下需要的最大比较次数; ■叶结点的最小深度就是最佳情况下的最小比较次数

