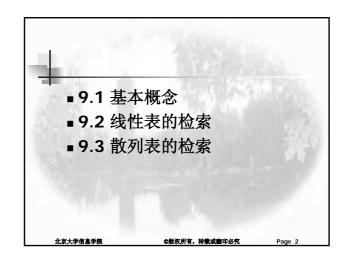


第九章 检索

任课教员: 张铭、赵海燕、冯梅萍、王腾蛟 http://db.pku.edu.cn/mzhang/DS/ 北京大学信息科学与技术学院 ⑥版权所有,转载或翻印必究





基本概念

- 检索:在一组记录集合中找到关键码 值等于给定值的某个记录,或者找到 关键码值符合特定条件的某些记录的 过程
- ■检索的效率非常重要
 - ■尤其对于大数据量
 - ■需要对数据进行特殊的存储处理

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究

Page 3



- ■预排序
 - ■排序算法本身比较费时
 - 只是预处理(在检索之前已经完成)
- 建立索引
 - ■检索时充分利用辅助索引信息
 - 牺牲一定的空间
 - 从而提高检索效率

北京大学信息学

©版权所有,转载或翻印必究

Page 4



基本概念(续)

- 散列技术
 - 把数据组织到一个表中
 - ■根据关键码的值来确定表中每个记录的位置
 - 缺点:
 - 不适合进行范围查询
 - 一般也不允许出现重复关键码
- 当散列方法不适合于基于磁盘的应用程序时,我们可以选择B树方法

北京大学信息学院

◎版权所有,转载或翻印必究

Page 5

平均检索长度(ASL)

- 关键码的比较
 - ■检索运算的主要操作
- 平均检索长度(Average Search Length)
 - 检索过程中对关键码需要执行的平均 比较次数
 - ■是衡量检索算法优劣的时间标准

北京大学信息学院

◎版权所有,转载或翻印必究

平均检索长度

■ ASL是存储结构中对象总数n的函数,其定义为:

$$A S L = \sum_{i=1}^{n} P_i C_i$$

- P_i为检索第i个元素的概率
- c_i 为找到第i个元素所需的关键码值与给定值的比较次数

北京大学信息学院

O版权所有。转载或翻印必究

Page 7

平均检索长度

- 假设线性表为(a, b, c) 检索a、b、c的概率分别为0.4、0.1、0.5
 - 顺序检索算法的平均检索长度为 0.4×1+0.1×2+0.5×3 = 2.1
 - 即平均需要2.1次给定值与表中关键 码值的比较才能找到待查元素

北京大学信息学院

◎版权所有,转载或翻印必究

Page 8





9.1.1 顺序检索

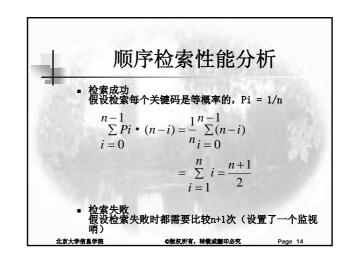
- 针对线性表里的所有记录,逐个进 行关键码和给定值的比较。
 - 若某个记录的关键码和给定值比较相等,则检索成功;
 - 否则检索失败(找遍了仍找不到)。
- 存储: 可以顺序、链接
- ■排序要求: 无

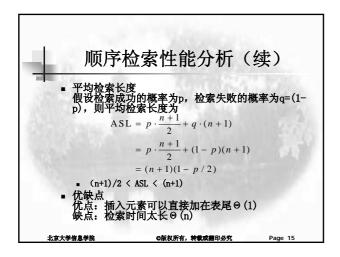
北京大学信息学岗

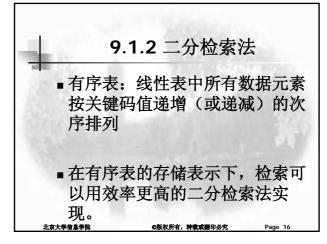
©版权所有,转载或翻印必究

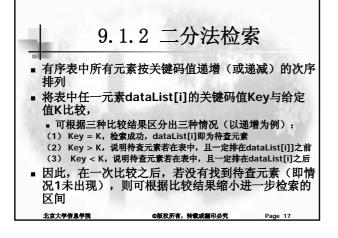
Page 11

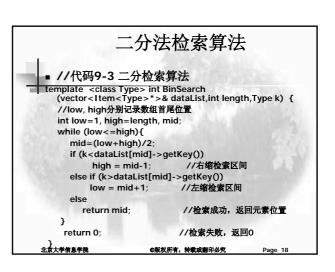
"监视哨"顺序检索算法 Description of the control of the con

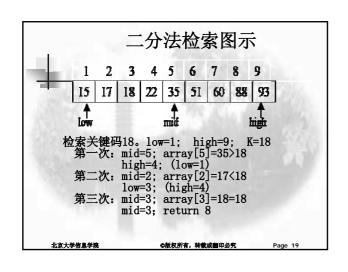


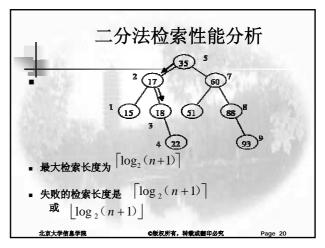


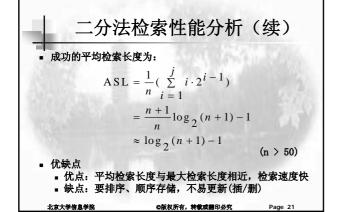




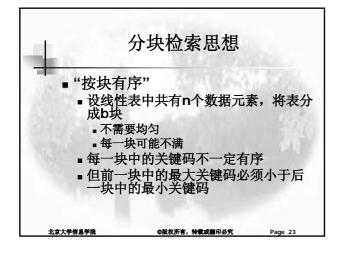


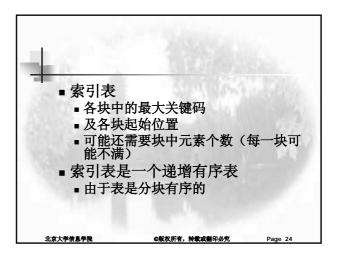




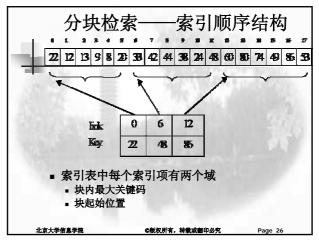












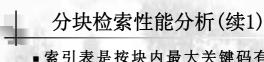


- 分块检索为两级检索
 - 先在索引表中确定待查元素所在 的块;
 - 设在索引表中确定块号的时间开销是 ASI。
 - ■然后在块内检索待查的元素。
 - ■在块中查找记录的时间开销为ASL。
- \blacksquare ASL (n) = ASL_b + ASL_w

北京大学信息学院

D版权所有,转载或翻印必约

Page 27



- ■索引表是按块内最大关键码有序的,且长度也不大,可以二分检索,也可以顺序检索
- 各子表内各个记录不是按记录关键 码有序,只能顺序检索

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究

Page 2

分块检索性能分析(续2)

■ 假设在索引表中用顺序检索,在块内 也用顺序检索

ASL_b =
$$\frac{b+1}{2}$$
 ASL_w = $\frac{s+1}{2}$
ASL = $\frac{b+1}{2} + \frac{s+1}{2} = \frac{b+s}{2} + 1$
= $\frac{n+s^2}{2s} + 1$

■ 当 \mathbf{s} = \sqrt{n} 时,ASL取最小值,ASL = \sqrt{n} +1 $\approx \sqrt{n}$

北京大学信息学院

◎版权所有,转载或翻印必究

Page 29

分块检索性能分析(续3)

- 当n=10,000时
 - 顺序检索5,000次
 - 二分法检索14次
 - 分块检索100次
- 如果数据块(子表)存放在外存时,还 会受到页块大小的制约
 - 此时往往以外存一个 I / O 读取的数据(一页)作为一块

北京大学信息学院

◎版权所有,转载或翻印必究



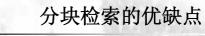
分块检索性能分析(续4)

■若采用二分法检索确定记录所在 的子表,则检索成功时的平均检 索长度为

$$ASL = ASL_b + ASL_w$$

$$\approx \log_2 (b+1) - 1 + (s+1)/2$$

$$\approx \log_2 (1+n/s) + s/2$$



- 优点:
 - 插入、删除相对较易
 - 没有大量记录移动
- ■缺点:
 - ■增加一个辅助数组的存储空间
 - 初始线性表分块排序
 - 当大量插入/删除时,或结点分布不均 匀时,速度下降

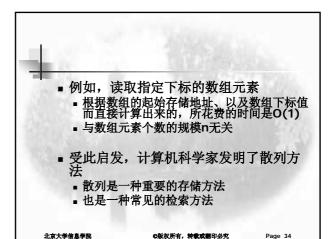


9.2 散列检索

- 基于关键码比较的检索 顺序检索,=,!= 二分法、树型〉,=, <
- 检索是直接面向用户的操作
- 当问题规模n很大时,上述检索的时间效率可能使得用 户无法忍受
- 最理想的情况根据关键码值,直接找到记录的存储地址不需要把待查关键码与候选记录集合的某些记录进行逐个比较

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究



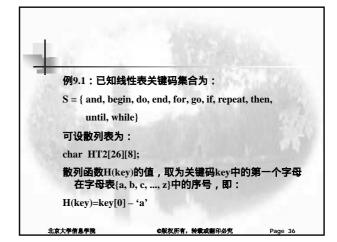


散列基本思想

- 一个确定的函数关系h
- 以结点的关键码K为自变量
- 函数值h(K)作为结点的存储地址
- 检索时也是根据这个函数计算其存储位置
 - 通常散列表的存储空间是一个一维数组
 - 散列地址是数组的下标

北京大学信息学院

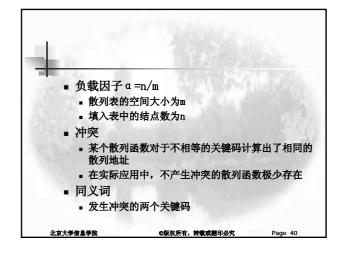
©版权所有,转载或翻印必究

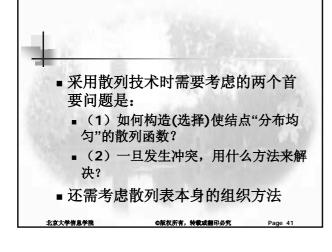


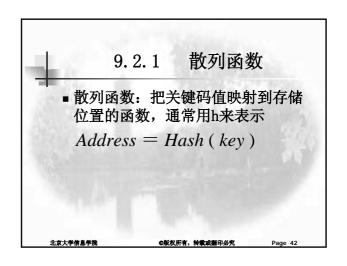
歐列地址	美體器	散列地址	美體報
•	and (array):	13	0
1	hegin	14	
2	E 7	15	1000
3	do	16	minda?
	end (else):	17	repez
5	for	18	11.943
6	20	19	then
7	100000	20	until
8	ir	21	
9	- 15 E	22	w hile
			(with)
10		23	
11	1 1	24	
12	17 19	25	-



散列地址	美健码	蒙列勉量	关键码
0		13	while
1	and	14	with
2		15	until
3	end	16	then
4	else	17	
5		18	repeat
6	If	19	THE '
7	begin	20	1
8	do	21	H
9		22	
10	go	23	
11	for	24	
12	array	25	



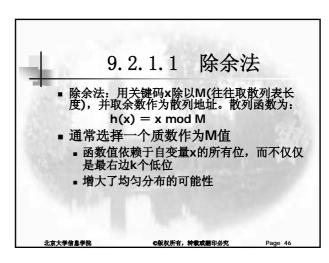


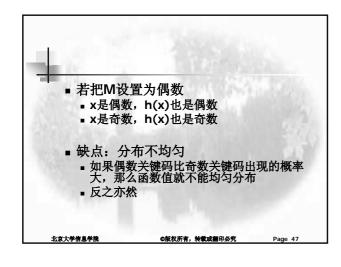


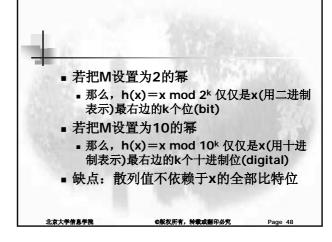














- 除余法的潜在缺点
 - 连续的关键码映射成连续的散列值
- 虽然能保证连续的关键码不发生冲突
- 但也意味着要占据连续的数组单元
- 可能导致程序性能的降低

北京大学信息学院

O版权所有, 转载或翻印必究

Page 49

9.2.1.2 乘余取整法

- 先让关键码 *key* 乘上一个常数A(0<A < 1),提取乘积的小数部分
- 然后,再用整数 *n* 乘以这个值,对结果 向下取整,把它做为散列的地址
- 散列函数为:

 $hash(key) = \lfloor n*(A*key\%1) \rfloor$

■ "A * key % 1"表示取 A * key 小数部分: A * key % 1 = A * key - L A * key 」

北京大学信息学院

O版权所有。转载或翻印必究

Page 50



乘余取整法示例

- 设关键码 key = 123456, n = 10000 且取 A = $(\sqrt{5}-1)/2$ = 0.6180339,
- 因此有

hash(123456) =

- = \[\left[10000*(0.6180339*123456 % 1) \] =
- = \[\left[10000 * (76300.0041151... % 1) \right] =
- = \[\langle 10000 * 0.0041151... \] = 41

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究

Page 51

乘余取整法参数取值的考虑

- 若地址空间为p位,就取n=2p
 - 所求出的散列地址正好是计算出来的
 A * key % 1 = A * key L A * key 」值
 的小数点后最左p位值
 - ■此方法的优点:对 n 的选择无关紧要
- Knuth认为: A可以取任何值,与待排序的数据特征有关。一般情况下取黄金分割 (√5-1)/2 最理想

北京大学信息学院

○新权所有、转载或额印必尔

Page 5



9.2.1.3 平方取中法

- 此时可采用平方取中法:先通过求关键码的平方来扩大差别,再取其中的几位或其组合作为散列地址
- 例如,
 - 一组二进制关键码: (00000100, 00000110, 000001010, 000001001, 000000111)
 - 平方结果为: (00010000, 00100100, 01100010, 01010001)
 - 若表长为4个二进制位,则可取中间四位作为散列

(0100, 1001, 1000, 0100, 1100)

北京大学信息学院

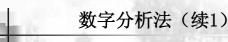
◎版权所有,转载或翻印必究

Page 53

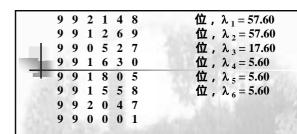
9.2.1.4 数字分析法

- 设有 n 个 d 位数,每一位可能有 r 种不同的符号
- 这 r 种不同的符号在各位上出现的频率 不一定相同
 - 可能在某些位上分布均匀些,每种符号出现 的几率均等
 - 在某些位上分布不均匀,只有某几种符号经 常出现

9



- 计算各位数字中符号分布的均匀度 A_k 的公 式: $_{k}=\sum_{i}(_{i}^{k}-n/r)^{2}$
 - 其中, 表示第 i 个符号在第 k 位上出 现的次数,
 - n/r 表示各种符号在 n 个数中均匀出现的
 - 计算出的 A_k 值越小,表明在该位 (第k 位) 各种符号分布得越均匀



- 若散列表地址范围有 3 位数字, 取各关键码 的④⑤⑥位做为记录的散列地址
- 也可以把第①,②,③和第⑤位相加,舍去进 位,变成一位数,与第④,⑥位合起来作为散 列地址。还可以用其它方法

数字分析法(续3)

- 位,仅9出现8次,
- $\lambda_1 = (8-8/10)^2 \times 1 + (0-8/10)^2 \times 9 = 57.6$ 位,仅9出现8次,
- $\lambda_2 = (8-8/10)^2 \times 1 + (0-8/10)^2 \times 9 = 57.6$ 位,0和2各出现两次,1出现4次
- $\lambda_3 = (2-8/10)^2 \times 2 + (4-8/10)^2 \times 1 + (0-8/10)^2 \times 7$ =17.6
- 位,0和5各出现两次,1、2、6、8各出现1次

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究

数字分析法(续4)

- 数字分析法仅适用于事先明确知道 表中所有关键码每一位数值的分布 情况
 - 它完全依赖于关键码集合
- 如果换一个关键码集合,选择哪几 位数据要重新决定

北京大学信息学院

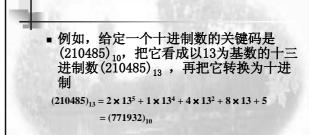
©版权所有,转载或翻印必究

基数转换法 9. 2. 1. 5

- 把关键码看成是另一进制上的数后
- 再把它转换成原来进制上的数
- 取其中若干位作为散列地址
- ■一般取大于原来基数的数作为转换 的基数,并且两个基数要互素

北京大学信息学院

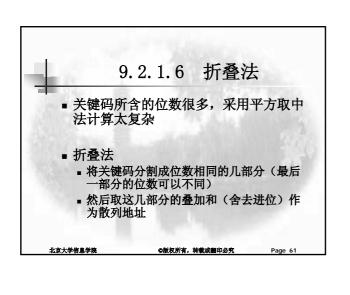
©版权所有,转载或翻印必究

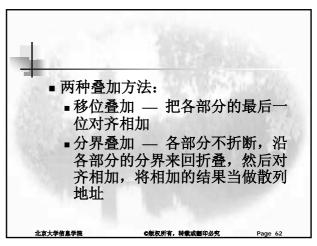


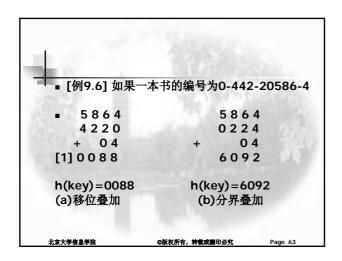
■ 假设散列表长度是10000,则可取低4位 1932作为散列地址

北京大学信息学院

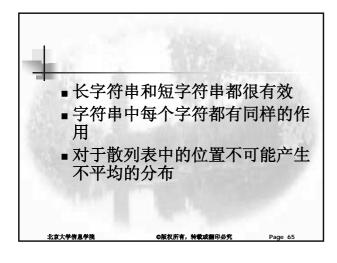
◎版权所有,转载或翻印必究

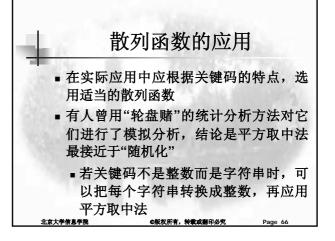


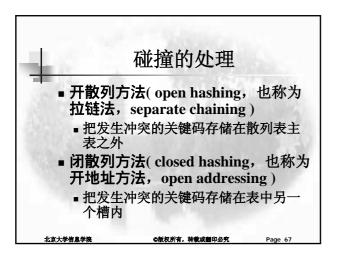


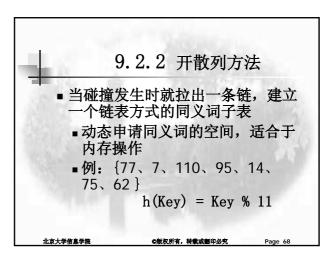


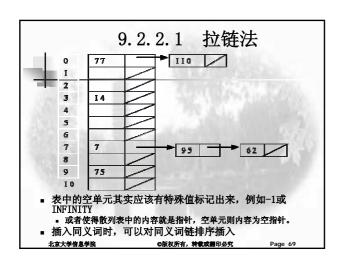




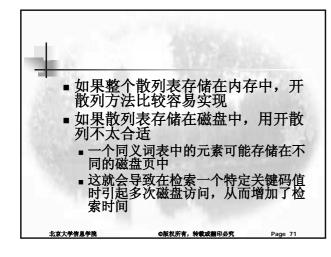


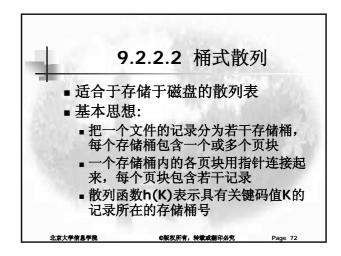


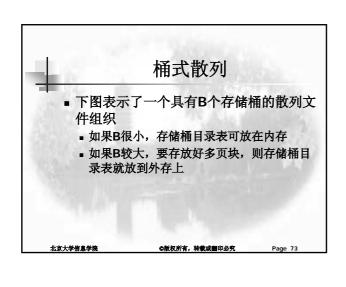


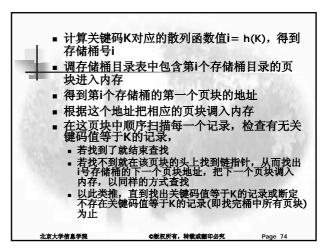


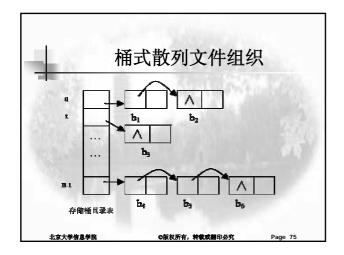


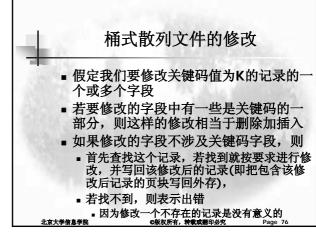


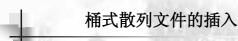






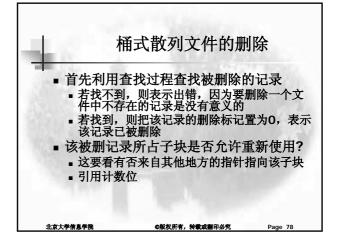






- 查找与要插入记录具有相同关键码值K的记录 ■ 若找到,则表示出错
- 如找不到这个记录,则在该存储桶(即h(K)号桶)的各页块中找一个空子块,把要插入的记录放进去
- 若找不到一个空子块
 - 则向文件系统申请一个新页块给此桶,新块头存入 一个空指针
 - 在该桶的最后一个页块的块头上存入指向新页块的 指针,把新页块链上
 - 把要插入的记录放在新页块的第一个子块中

北京大学信息学院 ©版权所有,转载或翻印必究 Page





桶式散列文件的删除(续)

- 如果文件中的记录不受其它条件约束
- 当要被删除的记录不是桶中最后一个记录时
 - 可以将桶内最后一个记录移入被删记录的子 块
 - 这样既达到了删除的目的,又可以节省存储
- 当桶内最后一个页块的记录被移空时, 可将该页块交回给文件系统,以备后用

北京大学信息学院

@版权所有,转载或翻印必究

Page 79



桶式散列的磁盘访问性能分析

- 一个查找平均访外次数约为桶内页块数k 的一半
 - 调存储桶目录表进入内存(假定目录表不在 内存)
 - 为了寻找要求的记录必须逐个检查一个桶内 各页块
 - 实际上是(k+1)/2
- 对于修改、插入、删除等运算尚需另一次访外,用于重新写回外存

北京大学信息学院

O版权所有,转载或翻印必约

Page 80



桶式散列的磁盘访问性能分析(续)

- 最理想状况:
 - 每个桶仅由一个页块组成,
 - 这样只需访外二次(对检索)或三次(对其他 运算)
- 要求
 - 存储桶的个数大致等于记录存放所需的页块 数
 - 散列函数值分布均匀

北京大学信息学院

◎版权所有,转载或翻印必究

Page 81



- 理想状况很难实现
 - 尤其当文件不断增长时,桶内的页块数也随 之增多
 - 由于分布不均匀,有些桶内页块数可能过 多,严重影响检索效率
- 必要时需对文件进行重新组织
 - 改变散列函数
 - 增加存储桶目录表的大小

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究

Page 8



9.2.3 闭散列方法

- 把所有记录直接存储在散列表中。
- 每个记录关键码有一个基位置即 h(key),即由散列函数计算出来的地址
- 如果要插入一个关键码,而另一个记录 已经占据了R的基位置(发生碰撞),
 - 那么就把R存储在表中的其它地址内,由冲 突解决策略确定是哪个地址

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究

Page 83

闭散列表解决冲突的基本思想

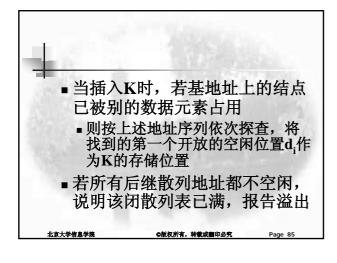
■ 当冲突发生时,使用某种方法为关 键码K生成一个散列地址序列

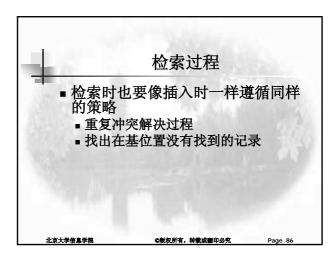
 $d_0, d_1, d_2, \dots d_i, \dots d_{m-1}$

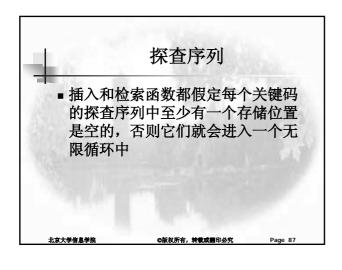
- 其中d₀=h(K)称为K的基地址地置
- 所有d_i(0<i<m)是后继散列地址
- 形成探查的方法不同,所得到的解决冲 突的方法也不同

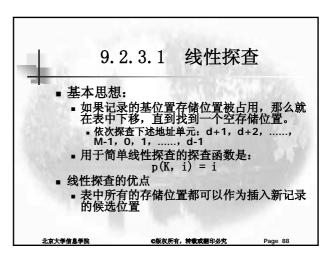
北京大学信息学院

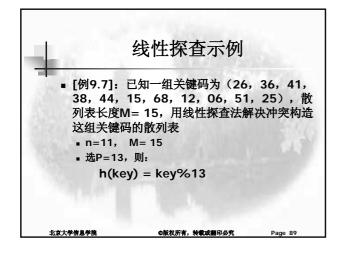
◎版权所有,转载或翻印必究

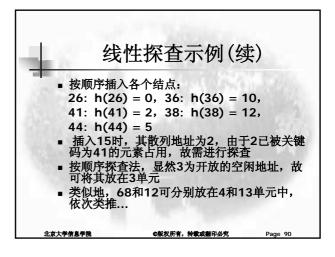


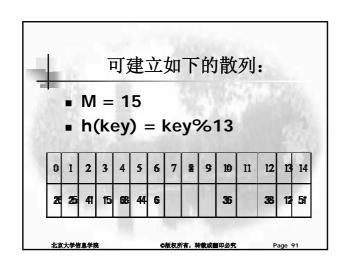


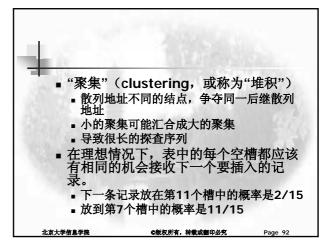


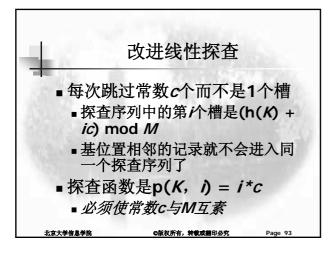


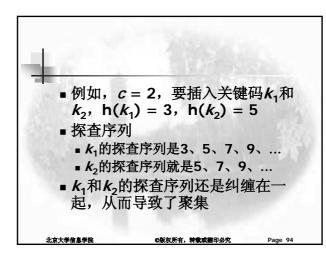


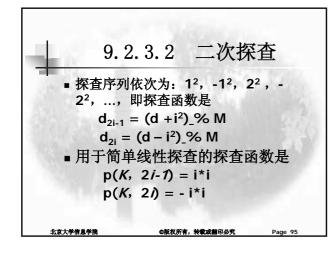


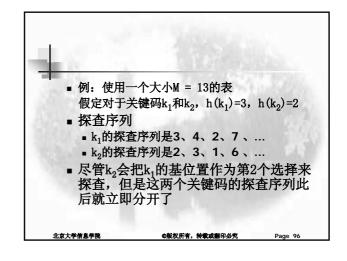














9.2.3.3 伪随机数序列探查

- 探查函数
 - p(K, i) = perm[i 1]
 - ■这里perm是一个长度为M 1的数 细
 - ■包含值从1到M 1的随机序列

北京大学信息学院

O版权所有,转载或翻印必究

Page 97



- 例: 考虑一个大小为M = 13的表, perm[0] = 2, perm[1] = 3, perm[2] = 7.
 - 假定两个关键码k₁和k₂, h(k₁)=4, h(k₂)=2
- 探査序列
 - k₁的探査序列是4、6、7、11、...
 - k₂的探查序列是2、4、5、9、...
- 尽管k₂会把k₁的基位置作为第2个选择来 探查,但是这两个关键码的探查序列此 后就立即分开了

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究

Page 99



- 能消除基本聚集
 - 基地址不同的关键码,其探查序列的某些段 重叠在一起
 - 伪随机探查和二次探查可以消除
- 二级聚集(secondary clustering)
 - 如果两个关键码散列到同一个基地址,还是 得到同样的探查序列,所产生的聚集
 - 原因探查序列只是基地址的函数,而不是原来关键码值的函数
 - 例子: 伪随机探查和二次探查

北京大学信息学院

©版权所有,转载或翻印必究

Page 10



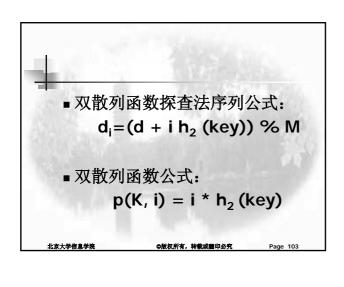
9.2.3.4 双散列探查法

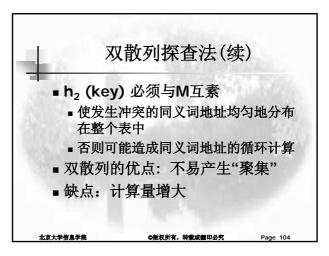
- 避免二级聚集
 - 探查序列是原来关键码值的函数
 - ■而不仅仅是基位置的函数
- 双散列探查法
 - 利用第二个散列函数作为常数
 - 每次跳过常数项,做线性探查

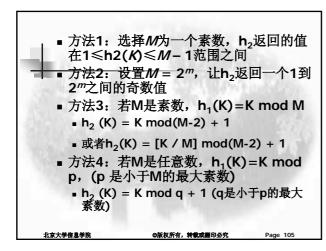
北京大学信息学院

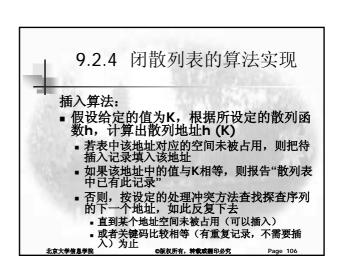
◎版权所有,转载或翻印必究





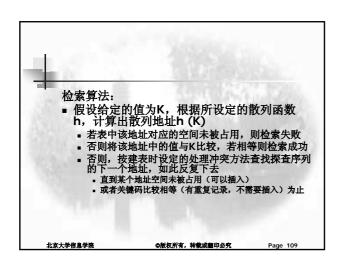


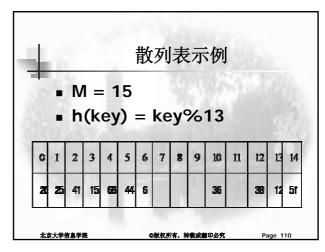




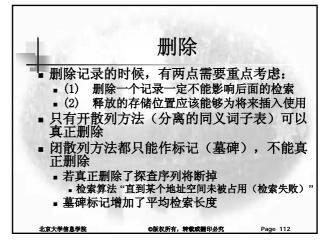




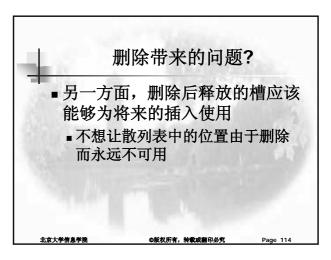


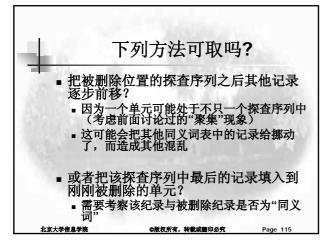


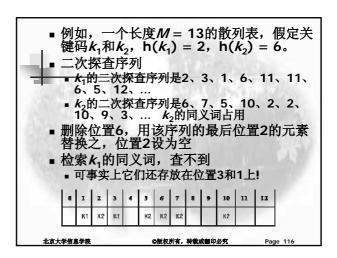


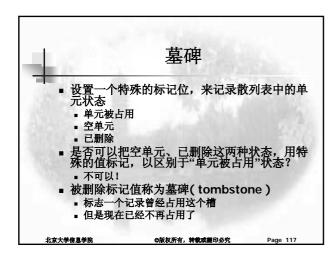


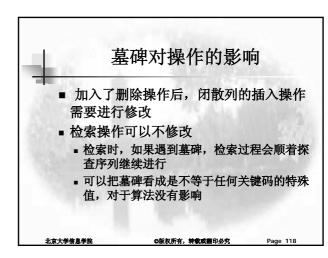


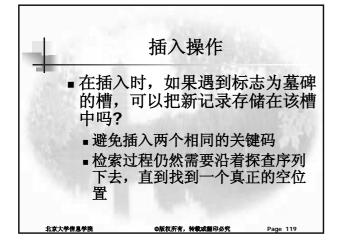






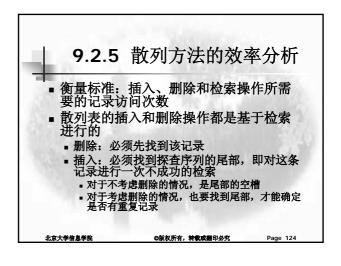




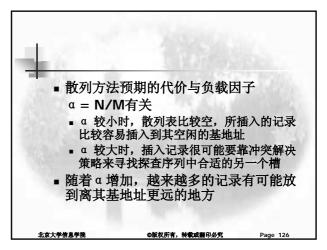


```
■ 上述插入算法中,for循环在遇到第一个TOMB即"HT[pos]==TOMB"时就跳出,然后在墓碑处插入值
■ 但是难以确定位于墓碑后面的探查序列中是否有与待插入记录关键码相同的记录
■ 为避免出现两个相同的关键码,插入过程仍然要沿着探查序列下去,直到找到一个真正的空位置
■ 如下的修改正是基于以上考虑,并将记录插入到第一个TOMB处(如果有的话),否则就插入到空位置
```

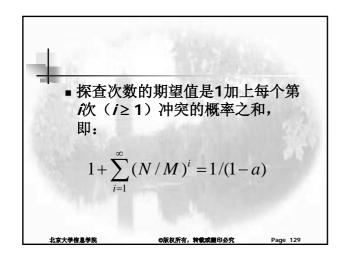
//代码9-10 考虑基碑问题的散列表插入算法2 template <class Key, class Elem, class KEComp, class EEComp> bool hashdict<Key, Elem, KEComp, EEComp>::hashInsert(const Elem &e) { int home= h(getkey(e)); // home记录基位置 int i=0, insplace; bool tomb_pos=false; // 探查序列的初始位置 while (!EEComp::eq(EMPTY, HT[pos])) { if (EEComp::eq(e, HT[pos])) return false;//不允许重复关键码 if (EEComp::eq(TOMB, HT[pos]) && !tomb_pos) { insplace=pos; //记录第一个基碑的位置 tomb_pos=true; pos = (home + p(getkey(e), i)) % M; if (!tomb_pos) insplace=pos; //如果没有墓碑,插入空位置 HT[insplace] = e; return true: ©版权所有,转载或翻印必究 Page 123











编号	冲突解 决策略	平均检	索长度
		成功检索 (删除)	不成功检索 (插入)
1	开散列 法	$1 + \frac{\alpha}{2}$	$\alpha + e^{-\alpha}$
2	双散列 探查法	$\frac{1}{\alpha} \ln \frac{1}{1-\alpha}$	$\frac{1}{1-\alpha}$
3	线性探 查法	$\frac{1}{2}\left(1+\frac{1}{1-\alpha}\right)$	$\frac{1}{2}\left(1+\frac{1}{\left(1-\alpha\right)^{2}}\right)$
北京大学信	息学院	◎版权所有,转载或	御印必究 Page 131

