

In[5]:=

```
Clear[X, Y, Z];
```

[清除](#)

```
X = {-1, 0, 1, 0, 0, 0};
```

```
Y = {0, -1, 0, 1, 0, 0};
```

```
Z = {0, 0, 0, 0, 1, -1};
```

```
faces =
```

```
{ {1, 2, 5}, {1, 4, 5}, {3, 4, 5}, {2, 3, 5}, {1, 2, 6}, {1, 4, 6}, {2, 3, 6}, {3, 4, 6} };
```

```
mesh = Table[{X[[faces[[i, 1]]]], Y[[faces[[i, 1]]]], Z[[faces[[i, 1]]]]},
```

[表格](#)

```
{X[[faces[[i, 2]]]], Y[[faces[[i, 2]]]], Z[[faces[[i, 2]]]]},
```

```
{X[[faces[[i, 3]]]], Y[[faces[[i, 3]]]], Z[[faces[[i, 3]]]]}, {i, 8}];
```

```
Print[Graphics3D[Polygon[mesh], Axes -> True, BoxRatios -> {1, 1, 1}];
```

[打印](#)

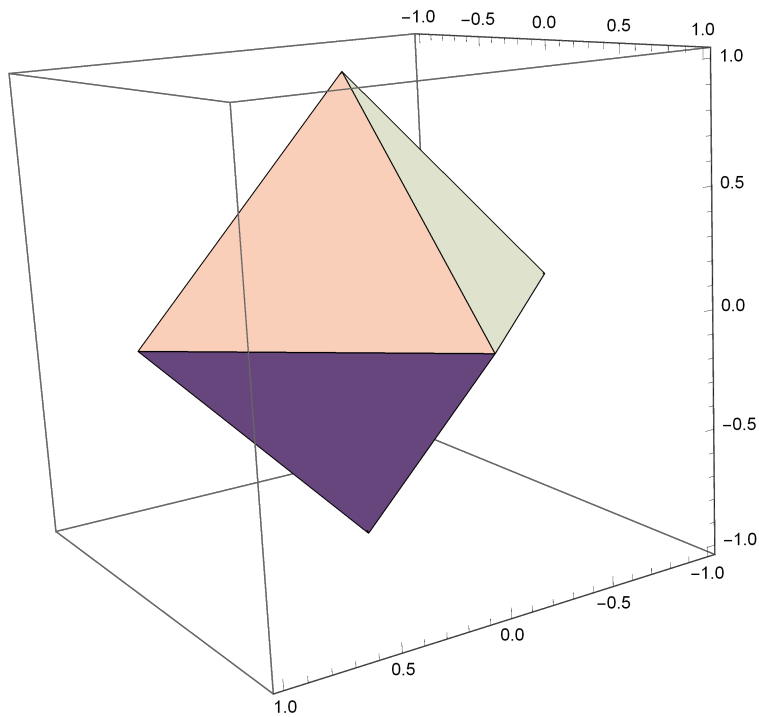
[三维图形](#)

[多边形](#)

[坐标轴](#)

[真](#)

[边界框比例](#)



(\*如上图所示, 上下两个顶点编号分别是5,6, 中间四个顶点 编号从上往下顺时针来看是1,2,3,4.

程序先随机生成上面六个点的位置, 然后由此计算出各边的边长。

取平均边长的根号2倍作为对角线(顶点5,6)的初始长度。之所以有根号2倍,

是因为在上面的例子中, 每条边都是 $\sqrt{2}$ , 而对角线的长度则为2。

然后将初始的对角线的长度x和随机生成的6个点points\_sol输入dis.m中。

先利用points\_sol计算边长length, 然后为了方便使用将length存储为l。

length存储的是每个面对应的三角形的三条边, 形为 $f \times 3$ , 其中f是面的数量。

而l则对应的是任意两点间的距离, 形为 $v \times v$ , 其中v为点的数目。

再接下来利用假设的对角线x的长度, 固定点5,6在z轴上并关于原点对称,

故坐标分别为 $[0 \ 0 \ x/2]$ 和 $[0 \ 0 \ -x/2]$ 。接下来计算点1的位置, 并将点1固定在x-z的平面上。

由于点1在x-z平面上, 故 $y_1=0$ 。这里使用 $x_n, y_n, z_n$ , 分别表示点n的x, y, z坐标。

于是只剩下 $x_1$ 和 $z_1$ 两个未知数。利用点1到点5, 点1到点6这两条边的长度得到两个方程即可算得 $x_1, z_1$ 。

接着计算点2的坐标, 由于已知点2到点1, 点2到点5, 点2到点6三条边的边长,

故可得三个方程, 因此可以算出 $x_2, y_2, z_2$ 。同理可得点2对面的点4的位置。

那么只剩下最后一个点3的位置未求。这里我们即可利用点5,6,2算得点3, 记为 $(x_3, y_3, z_3)$ ,

也可利用点5,6,4算得点3, 记为 $(x_3, y_3, z_3)$ 。通过这两种方式算得的点3往往是不同的。

若它们相同则代表x是合适的对角线长度, 即这样得到的所有点组成的图形的边的长度与原来一样。

因为定义 $error = \text{abs}(x_3 - X_3)^2 + \text{abs}(y_3 - Y_3)^2 + \text{abs}(z_3 - Z_3)^2$ 。

最后利用系统自带的fminunc将error变小。

当 $error < 10^{-5}$ 且所得点3的坐标为实数时认为成功得到合适的对角线长度,

即right要加1。正确率定义为 $\text{right}/\text{总次数} \times 100\%$ 。\*)