绝密★启用前

2022年10月高等教育自学考试全国统一命题考试

离散数学

(课程代码 02324)

注意事项:

- 1. 本试卷分为两部分,第一部分为选择题,第二部分为非选择题。
- 2. 应考者必须按试题顺序在答题卡(纸)指定位置上作答,答在试卷上无效。
- 3. 涂写部分、画图部分必须使用 2B 铅笔,书写部分必须使用黑色字迹签字笔。

第一部分 选择题

- 一、单项选择题:本大题共15 小题,每小题1分,共15分。在每小题列出的备选项中只有一项是最符合题目要求的,请将其选出。
- $1. \diamondsuit p:$ 天下大雨,q:小王早到。命题"只要天不下大雨,小王就会早到"的符号化形式为

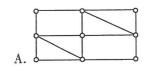
A. $p \rightarrow q$

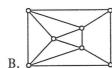
B. $q \rightarrow p$

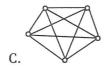
 $C. \neg p \rightarrow q$

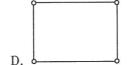
D. $\neg q \rightarrow p$

- 2. 设令 F(x):x 是火车,G(x):x 是汽车,L(x,y):x 比 y 快。命题"不存在比所有的火车都快的汽车"的符号化形式为
 - A. $\forall x (F(x) \rightarrow \forall y (G(y) \rightarrow L(x,y)))$
 - B. $\exists x (F(x) \land \exists y (G(y) \land L(x,y)))$
 - $C. \neg \exists y (G(y) \land \forall x (F(x) \rightarrow L(y,x)))$
 - D. $\neg \forall y (G(y) \rightarrow \forall x (F(x) \rightarrow L(x,y)))$
- 3. 下列谓词公式中,不是前束范式的为
 - A. $\forall x(A(x) \land \exists yB(y))$
- B. $\forall x \forall y (A(x) \rightarrow B(y))$
- C. $\forall x \exists y (A(x) \land B(y) \rightarrow C(y))$
- D. $\forall x \exists y (A(x) \land B(y) \rightarrow C(x,y))$
- 4. 下列不是欧拉图的为









离散数学试题第1页(共5页)

- 5. 设集合 $A = \{a, b, c, d\}$, 现有 A 上的二元关系 $R = \{\langle a, d \rangle, \langle b, c \rangle, \langle c, d \rangle, \langle b, a \rangle\}$,则 A 是
- A. 自反的

B. 对称的

C. 反对称的

D. 传递的

6. 一个 6 阶简单无向图 G,其各结点度数之和不可能为

A. 10

B. 12

C. 18

D. 34

7. 下列谓词恒等式,不正确的是

- A. $\forall x (P(x) \lor Q(x)) \Rightarrow \forall x P(x) \lor \forall x Q(x)$
- B. $\exists x (P(x) \lor Q(x)) \Rightarrow \exists x P(x) \lor \exists x Q(x)$
- C. $\forall x P(x) \lor \forall x Q(x) \Rightarrow \forall x (P(x) \lor Q(x))$
- D. $\exists x P(x) \lor \exists x Q(x) \Rightarrow \exists x (P(x) \lor Q(x))$
- 8. 下列度数序列不能构成无向树的是

A. {1,1,1,2,3}

B. $\{1,1,2,2,2\}$

C. $\{1,1,1,1,4\}$

D. $\{1,2,3,3,3\}$

9. 存在经过图中所有边一次且仅一次的回路的图是

A. 关系图

B. 哈斯图

C. 欧拉图

D. 哈密顿图

10. 不能用来表达集合 A 上的二元关系 R 的方法是

A. 关系矩阵

B. 集合表达式

C. 关系图

D. 邻接矩阵

11. 已知 $A \setminus B \setminus C \setminus D$ 是任意集合,则下列各式不成立的是

- A. $(A \cup B) \times (C \cup D) = (A \times C) \cup (B \times D)$
- B. $(A \cup B) \times C = (A \times C) \cup (B \times C)$
- C. $(A \oplus B) \times C = (A \times C) \oplus (B \times C)$
- D. $(A-B)\times C = (A\times C) (B\times C)$
- 12. 要从一颗 4 阶树得到完全图 K₄,需要添加的边数为

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

13. 设 $R \setminus S$ 是集合 A 上的两个不同的等价关系,则下列不是等价关系的为

 $A.R \cup S$

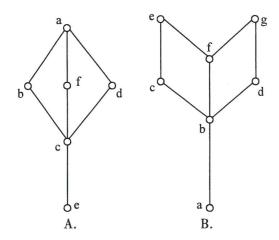
B. R-S

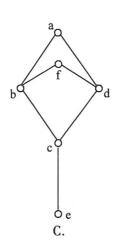
 $C. R \circ S$

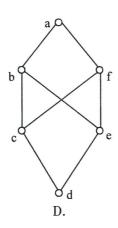
D. $R \cap S$

离散数学试题第2页(共5页)

14. 下图中 4 个偏序集的图形,能构成格的是







15. 下列函数均为 $f: N \times N \rightarrow N$,其中不是满射的为

$$A. f(\langle x, y \rangle) = xy$$

$$B. f(\langle x, y \rangle) = x + y$$

C.
$$f(\langle x, y \rangle) = x^2 + y^2 + 1$$

$$D. f(\langle x, y \rangle) = |x - y|$$

第二部分 非选择题

- 二、填空题:本大题共10小题,每小题2分,共20分。
- 16. 设 R 为实数集合, $f:R\to R$, $f(x)=x^2-3x+2$,则 f(3)= ,函数 f 的性质是 。
- 17. $\[\mathcal{C} A = \{ <1,2>, <2,4>, <3,3> \} \]$, $\[B = \{ <1,3>, <2,4>, <4,2> \} \]$, $\[M A \cup B = ____, dom A = ____$
- 18. 集合 *A* = {1,2,3,4},*A* 上的关系 *R* = {<1,2>,<2,3>,<1,3>,<4,3>},则 *R*² = _____,*R*⁻¹ =
- 19. 设集合 A 有 4 个元素,则 A 的幂集 P(A)有______个元素。
- 20. 在整数域中,命题公式 $\forall x \forall y \exists z (x-y=z)$ 的真值为_____,命题公式 $\exists x \forall y \forall z (x+y=z)$ 的 真值为_____。
- 21. 一个 6 阶无向简单图 G 为连通图,则 G 的边数至少为____条。
- 22. 设T为完全二叉树,其叶结点数为7,则分支结点数为____。
- 23. 设集合 $A = \{0,1,2,3,4,5,6\}$, $x \setminus y \in A$, $x * y = (x+y) \mod 7$,则群< A, * >的单位元是______ 任意非单位元的元素 x 的逆元是______。
- 24. 一棵 n 阶树的邻接矩阵的非零元素个数是____。

离散数学试题第3页(共5页)

- 三、计算题:本大题共5小题,每小题6分,共30分。
- 26. 用列真值表的方法说明下列逻辑等价式成立 $(p \lor q) \rightarrow \neg r \leftrightarrow \neg (p \land r) \land \neg (q \land r)$
- 27. 求命题公式 $((p \lor q) \rightarrow r) \rightarrow p$ 的主析取范式。
- 28. 对于集合 $A = \{1,2,3\}$ 上的二元关系 $R = \{<1,1>,<1,2>,<2,1>,<2,2>,<3,3>\}$ 和 $S = \{<1,1>,<1,2>,<2,2>,<2,3>\}$,判断其是否具有右边列出的那些性质,将题 28 表绘制在答题卡上作答。(具备某项性质填写"是",不具备填写"否")

ᄪᆓ	20	+
무끼	/X	-
	40	AX

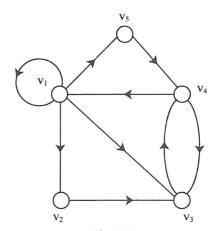
性质 关系	自反性	对称性	传递性
关系 R			
关系 S			

29. 画出下列集合关于整除关系的哈斯图:

{1,2,5,10,11,22,55,110}

并判定该偏序集是否构成格。

- 30. 有向图 D 如题 30 图所示, 回答下列问题:
 - (1)写出 D 的邻接矩阵 A;
 - (2) D 中长度为 1、2、3、4 的通路各有多少条? 其中长度为 1,2,3,4 的回路分别为多少条?



题 30 图

四、证明题:本大题共3小题,每小题7分,共21分。

- 31. 设 $R_1 \setminus R_2$ 为集合 A 上的关系,证明 $(R_1 \cup R_2)^{-1} = R_1^{-1} \cup R_2^{-1}$.
- 32. 设< A, * >是一个群,且|A|=2n, $n \in \mathbb{Z}^+$. 证明:在A 中至少存在一个元素 a,满足 $a \neq e$ 且使得 a * a = e. 其中 e 是单位元。
- 33. 证明前提"在本离散数学课上的每个人都掌握一定的图论基础知识"和"小华是本课上的学生",可得结论"小华掌握一定的图论基础知识"。

离散数学试题第4页(共5页)

- 五、综合应用题:本大题共2小题,每小题7分,共14分。
- 34. 今有 a、b、c、d、e、f、g 共 7 人,已知下列情况:
 - (1)a 会讲英语;
 - (2)b 会讲英语和汉语;
 - (3)c会讲英语、西班牙语和俄语;
 - (4)d 会讲汉语和日语;
 - (5)e 会讲德语和西班牙语;
 - (6)f会讲法语、日语和俄语;
 - (7)g会讲法语和德语。

现在需要让这7人围成一圈,应当怎样安排座位,才能让每个人都能和两边的人交谈?

- 35. 设 R 是定义在所有 8 位二进制数串构成的集合上的二元关系: 如果 s_1 和 s_2 中 0 的个数相同,则 s_1 R s_2 .
 - (1)证明 R 是等价关系;
 - (2)共有多少个等价类?
 - (3)列举每个等价类的一个成员。