

Lista 3 - Comp Prog

Alunos: Luiz Rodrigo Lacé Rodrigues (DRE:11804983)

Livia Barbosa Fonseca (DRE:118039721)

Questão 1) Faça a engenharia reversa baseando-se no código de montagem e preencha as reticências colocadas na parte apagada do código C. Você não pode acrescentar linha ou deixar de preencher qualquer linha. Os caracteres não apagados devem estar presentes na sua solução.

```
1 endbr32
```

Instrução que protege o processador de realizar mudanças de endereços ao chamar funções. Assim, evitando a descontinuidade do fluxo correto do programa.

```
2 pushl %edi
```

Aumenta a pilha em 4 bytes e salva em %esp o valor de %edi

```
3 pushl %esi
```

Aumenta a pilha em 4 bytes e Salva em %esp o valor de %esi

```
4 pushl %ebx
```

Aumenta a pilha em 4 bytes e salva em %esp o valor de %ebx

Os três registradores acima devem ser salvos pela rotina que está sendo chamada devido a convenção caller-callee

```
5 movl 16(%esp), %esi
```

Neste momento temos %esp = %ebx, %esp+4 = %esi, %esp+8 = %edi, %esp+12 = RIP rot. Logo %esp+16 = primeiro argumento (lista[]), será copiado para %esi

```
6 movl 20(%esp), %edi
```

Neste momento temos %esp = %ebx, %esp+4 = %esi, %esp+8 = %edi, %esp+12 = RIP rot, %esp+16 = primeiro argumento. Logo %esp+20 = segundo argumento da rot, (x), que será copiado para o %edi.

```
7 movzbl (%esi), %eax
```

Salva no registrador %eax o valor do endereço guardado em %esi, que será o primeiro char da lista[] e estende com zeros à esquerda para 32 bits. Resumidamente, pegamos lista[0].

```
8 testb %al, %al
```

Faz um "and" do byte menos significativo em %eax com ele mesmo. Estamos fazendo o teste com lista[0] (teste inicial do for).

```
9 je .L5
```

Se o ZF (zero flag) estiver setado (se o and anterior foi igual a zero) desvia para o endereço .L5 para finalizar.

```
10 leal 1(%esi), %edx
```

Como %esi guarda um vetor, temos o incremento de 1 nesse endereço. O resultado é guardado em %edx. Esse registrador terá uma referência ao endereço da lista[].

```
11 movl $0, %ecx
```

Salva o valor 0 em %ecx. Inicializando a variável i = 0.

```
12 jmp .L4
```

Faz um salto incondicional ("jump") para o endereço .L4

```
.L8:
```

```
13 movb %al, (%esi,%ecx)
```

Copia o valor de %al para o endereço %esi+i (primeira posição do vetor lista [%esi+i] = %al. Teremos lista[j] = lista[i].

```
14 leal 1(%ecx), %ecx
```

Incrementa o valor de %ecx em um e guarda em %ecx. (Pós incremento de j na mesma linha da operação anterior).

```
.L3:
```

```
15 addl $1, %edx
```

Soma 1 (tamanho de um char) no valor de %edx passando para a próxima posição do vetor. Estamos incrementando o índice, ou seja, i++.

```
16 movzbl -1(%edx), %eax
```

Copia o valor, em byte, que está que em %edx decrementado de 1, estende com zeros à esquerda para 32 bits e passa para %eax.

```
17 testb %al, %al
```

Faz um "and" entre o %al e ele mesmo.

```
18 je .L2
```

Se o ZF (zero flag) estiver setado (se o "and" anterior foi igual a zero) pula para o endereço .L2. Se for igual a 0 (NULL), desvia do loop for.

```
.L4:
```

```
19 movsbl %al, %ebx
```

Fazemos uma cópia do valor de %al (char da iteração atual do nosso vetor) e movemos para o registrador %ebx, estendendo o sinal à esquerda para 32 bits.

Nesse momento, estamos nos preparando para realizar o if entre x e o valor da posição atual do vetor lista.

```
20 cmpl %edi, %ebx
```

Faz o valor em %ebx (char da iteração atual convertido para 32 bits) menos o valor %edi (argumento x da função) e seta as flags de condição. Equivale à linha (if lista[i] != x).

```
21 jne .L8
```

Se o ZF (zero flag) não estiver setado (resultado anterior diferente de zero) pula para o endereço .L8. Se lista[i] != vamos para .L8.

```
22 jmp .L3
```

Faz um salto incondicional ("jump") para o endereço .L3. Isso é, caso a comparação anterior seja igual a zero. Se (if lista[i] != x) não for atendido vamos para .L3.

```
.L5:
```

```
23 movl $0, %ecx
```

Passa o valor imediato 0 para o registrador %ecx. (Variável i do código em c vai receber i = 0, pois tentamos entrar no ciclo for e realizamos a inicialização da variável).

```
.L2:
```

```
24 movb $0, (%esi,%ecx)
```

Passa o valor 0 para o registrador %esi + ecx. Armazena o caractere final de linha no vetor, ou seja, lista[i] = '\0'.

```
25 popl %ebx
```

Decrementa a pilha, guardando em %ebx o valor que estava no topo da pilha, que era o seu valor no começo da rotina. (Restaura registrador)

```
26 popl %esi
```

Decrementa a pilha, guardando em %esi o valor que estava no topo da pilha, que era o seu valor no começo da rotina. (Restaura registrador)

```
27 popl %edi
```

Decrementa a pilha, guardando em %edi o valor que estava no topo da pilha, que era o seu valor no começo da rotina. (Restaura registrador)

```
26 ret
```

Como o topo da pilha aponta para RIP rot, devolve o controle a quem chamou rot. (Retorna)

a) (10) Comente cada linha do código de montagem, procurando não dizer o que a instrução faz mas associar a instrução ao código C que foi apagado. Ao resolver este item, deixe para comentar após ter reconstruído o programa C pois fará mais sentido mostrar o significado das instruções em termos das variáveis do código C, o que é a engenharia reversa pretendida.

b) (10) Complete o código C e descreva o que a rotina faz.

```
void rot (char lista[], int x){
    int i, j;
    for(i = j = 0; lista[i]!='\0';i++){//percorrendo o vetor lista até
encontrar o seu final
        if (lista[i] != x){//Analisa se o caractere é diferente de x
            lista[j++] = lista[i];//Faz uma cópia para lista eliminando
o caractere x da lista
        }
    }
    lista[j]='\0';//Coloca o caractere final de linha no fim do vetor
}
```

Questão 2)

rot:

1 endbr32

Instrução que protege o processador de realizar mudanças de endereços ao chamar funções. Assim, evitando a descontinuidade do fluxo correto do programa.

2 movl 8(%esp), %eax

Pega apenas o primeiro parâmetro da função (n) e passa para o registrador %eax.

3 addl \$3, %eax

Soma o valor 3 ao valor que estava em %eax (n+3). Indicando que n=-3 é o valor mais baixo dos casos do switch.

4 cmpl \$8, %eax

Compara o valor de %eax (n+3) com 8, isso é, (n+3≤8) indicando que o maior valor será 5.

5 ja .L2

Desvia para default (.L2) se for maior que 5.

6 notrack jmp *.L4(,%eax,4)

Calcula para que posição de .L4 o switch irá executar. .L4+ %eax * 4

.L4:

7 .long .L9

Índice 0, caso = -3

8 .long .L7

Índice 1, caso = -2

9 .long .L2

Índice 2, caso = -1 (default)

10 .long .L2

Índice 3, caso = 0 (default)

11 .long .L6

Índice 4, caso = 1

12 .long .L2

Índice 5, caso = 2 (default)

13 .long .L2

Índice 6, caso = 3 (default)

14 .long .L5

Índice 7, caso = 4

15 .long .L3

```

Índice 8, caso = 5
16 .text
Indica sessão de código executável

/// Caso = -1, caso = 0, caso = 2, caso = 3///
.L2:
17 movl $-1, %eax
Passa o valor -1 para o registrador %eax. (n = -1)

.L8:
18 imull %eax, %eax
Realiza uma multiplicação entre o registrador %eax e ele mesmo. (n^2)
Faz (eax*eax)
19 ret
Retorna (eax*eax) (return n^2)

///caso = -2
.L7:
20 movl $1, 4(%esp)
Passa o valor 1 para o endereço %esp+4 (x)

///caso = 1
.L6:
21 movl 4(%esp), %eax
Passa para %eax o valor na posição do endereço %esp+4 (x)
22 addl $1, %eax
Adiciona 1 ao valor de x
23 jmp .L8
Pula incondicionalmente para .L8

///caso = 4
.L5:
24 addl $2, 4(%esp)
Adiciona o valor 2 em %esp+4 (x) = x+2

///caso = 5
.L3:
25 movl 4(%esp), %eax
Passa para %eax o valor de %esp + 4, que é x+2.
26 addl %eax, %eax
Faz eax + eax
27 jmp .L8
Pula incondicionalmente para .L8

```

```

///caso = -3
.L9:
28 movl $0, %eax
Salva o valor 0 no registrador %eax (x=0)
29 jmp .L8
Pula incondicionalmente para .L8

```

a) (4) As linhas 3 e 4 são fundamentais para descobrir os valores extremos envolvidos nos cases do switch. Indique o que cada linha está fazendo, uma por uma, e justifique o que ela está testando e mostrando como são reconhecidos os valores extremos do switch.

```

3 addl $3, %eax

```

Como o nosso "n" está em %eax, teremos o incremento de 3 em "n". Sabemos que esse valor é importante, pois ele indicará o valor mais baixo dos nossos casos do switch. Logo, teremos que o valor mais baixo será $n=-3$.

```

4 cmpl $8, %eax

```

Aqui estamos comparando o valor de %eax ($n+3$) com 8, isso é, $n+3-8$. Logo, teremos que o maior valor dos casos switch será 5. E seta os flags de condições de acordo com o resultado comparativo.

b) (4) Explique o que a linha 5 faz e mostre como ela completa os valores possíveis no comando switch.

```

5 ja .L2

```

Nessa linha temos um desvio para os casos default (.L2) se a comparação feita na linha 4 for maior que 5 ($n>5$) e menor do que -3 ($n<-3$).

Porém quando $n = -1, 0, 2, 3$ também entraremos no caso default, pois não teremos esses casos no comando switch, visto que quando temos esses valores eles desviam para .L2, que é o default.

c) (4) Explique o notrack na linha 6, o que a instrução faz e explique a razão do conteúdo de memória nas linhas 7 a 16. Associe cada uma das linhas 7 a 16 aos valores dos cases respectivos.

O prefixo notrack desabilita a proteção endbr e é útil para realizar desvios indiretos de forma segura (dependendo do valor do registrador), visto que o destino não pode ter suas informações alteradas.

A necessidade do notrack vem do fato que o processador gera bloqueios para desvios indiretos não verificados quando compilamos o programa como uma forma de proteção.

Na linha 6, *.L4(,%edx,4) é onde haverá um cálculo para o desvio o qual será usado como parâmetro para o jmp. O desvio consiste em calcular qual index da tabela de desvio será usado. A diretiva .L4 é usada pois é nesse endereço onde está definida a tabela de desvios.

Como visto nas linhas 3 e 4 do código de montagem, teremos os casos do switch variando entre 5, -3 (maior e menor valor entre os casos). Logo, é necessário armazenar todos os “valores” de 5 a -3. As opções que não se encontram no switch case são consideradas default.

```
.L4:
7 .long .L9
Índice 0, caso = -3
8 .long .L7
Índice 1, caso = -2
9 .long .L2
Índice 2, caso = -1 (default)
10 .long .L2
Índice 3, caso = 0 (default)
11 .long .L6
Índice 4, caso = 1
12 .long .L2
Índice 5, caso = 2 (default)
13 .long .L2
Índice 6, caso = 3 (default)
14 .long .L5
Índice 7, caso = 4
15 .long .L3
Índice 8, caso = 5
16 .text
Indica sessão de código executável
```

d) (8) Escreva abaixo o código C completo da rotina.

```
int rot(int x, int n){
    switch(n){
        case -3:
            x = 0;
            break;
        case -2:
            x = 1;
            //não possui break e executará case 1
        case 1:
            x += 1; //soma um em x
            break;
        case 4:
```



```

        x+=2; //soma 2 ao valor de x
        //não possui break e executará case 5.
    case 5:
        x+=x; // Soma x+x
        break;
    default:
        x = -1;
    }
    return (x*x);
}

```

Questão 3)Seja o código C abaixo, onde a dimensão das matrizes foi apagada.

```

#define N ...
typedef int matrix[N][N];
int prod (matrix A, matrix B, int i , int k){
    int j;
    int result = 0;
    for (j=0;j<N;j++)
        result += A[i][j] * B[j][k];
    return result;
}

```

a) (8) O código compilado acima com -m32 -fno-PIC -S -O2 gera o código de montagem abaixo. Comente cada linha, sem exceção, justifique sua existência e associe ao código C. Identifique o uso de ponteiros para acesso facilitado aos elementos das matrizes.

```

prod:
1  endbr32
Instrução que protege o processador de realizar mudanças de endereços
ao chamar funções. Assim, evitando a descontinuidade do fluxo correto
do programa.

2  pushl %esi
Incrementamos a pilha em 4 bytes e armazenamos no topo o registrador
%esi.

3  pushl %ebx
Incrementamos a pilha em 4 bytes e armazenamos no topo o registrador
%ebx.

4  movl 20(%esp), %eax

```

Depois dos pushes anteriores vamos ter que `%esp = ebx`, `%esp+4 = %esi`, `%esp + 8 = RIP prod`, `%esp+12 = endereço da matrix A[0][0]`, `%esp+16 = endereço da matrix b[0][0]` e finalmente `%esp+20 = i`, que é o nosso terceiro parâmetro da função. Assim estamos passando o valor de `i` para o registrador `%eax`.

```
5 xorl %ebx, %ebx
```

Vamos fazer um "xor" de `%ebx` com ele mesmo, ou seja, vamos zerar o valor, visto que a operação xor com números iguais resulta em zero. Nesse comando é o que está acontecendo na linha `(int result = 0;)`

```
6 movl 12(%esp), %edx
```

Aqui estamos copiando o que está em `%esp+12` (ponteiro de A) para o registrador `%edx`.

```
7 movl 24(%esp), %esi
```

Estamos copiando o quarto argumento da função(`int k`) para o registrador `%esi`.

```
8 leal (%eax,%eax,4), %eax
```

Estamos passando para o registrador `%eax` $4\%eax + \%eax$, como `%eax` guardava o valor do nosso terceiro argumento (`int i`), vamos ter que agora `%eax = 5i`

```
9 leal (%edx,%eax,4), %eax
```

Estamos guardando o valor de $(5i \cdot 4) + A$ em `%eax`, logo `%eax = A + 20i` (`= &A[i][0]`). Aqui teremos o início do "for" no código c.

```
10 leal 0(,%esi,4), %ecx
```

Estamos guardando o valor de $4 \cdot k$ no registrador `%ecx`.

```
11 addl 16(%esp), %ecx
```

Como `%esp+16 = matrix B[0][0]`, logo estamos somando isso ao registrador `%ecx` e guardando o resultado nele, agora temos `%ecx = B + 4*k` (`=B[0][k]`)

```
12 leal 20(%eax), %esi
```

Estamos armazenando o que temos em `%eax` somado ao valor imediato 20 no registrador `%esi`, logo vamos ter `%esi = (A[0][0] + 20i) + 20`, estamos fazendo `i++` no código c

```
.L2:
```

```
13 movl (%eax), %edx
```

Vamos copiar o valor que está em $A + 20i$ e colocar no registrador `%edx`

```
14 imull (%ecx), %edx
```

Aqui vamos fazer a multiplicação completa de 64bits com sinal do valor que está no endereço $B + 4k$ e o valor que está no endereço de `%edx` que é $A + 20i$ e guarda o resultado no registrador `%edx`.

No código C temos que essa multiplicação está na linha

```
(result += A[i][j] * B[j][k];)
```

```
15 addl $4, %eax
```

Aqui iremos somar 4 ao valor que está no registrador `%eax` ($A + 20i$). Resultando em $(A + 20i + 4)$ (Incremento de 4 bytes, que é o tamanho de 1 int). Essa operação vai ser equivalente a "passar" para a próxima coluna j do vetor A . Equivale ao incremento do j no loop (`for (j=0; j<N; j++)`)

```
16 addl $20, %ecx
```

Aqui iremos somar 20 ao valor que está no registrador `%ecx` ($B + 4*k$). Logo teremos $(B + 4*k + 20)$. Como cada int tem tamanho de 4 bytes, estamos avançando 5 ints em B , ou seja, estamos incrementando o valor da linha de B . Aqui ainda estamos referenciando ao for comentado anteriormente, mas com a abstração que aqui estamos passando para a próxima linha.

```
17 addl %edx, %ebx
```

Iremos somar o valor de `%edx` ($(B + 4k)*(A + 20i)$) com o valor no registrador `%ebx`. Isso significa acrescentar o resultado da multiplicação no `%ebx`. Esse comando faz referência a soma da multiplicação para a variável `result` na linha

```
(result += A[i][j] * B[j][k];)
```

```
18 cmpl %esi, %eax
```

Aqui subtraímos `%eax` ($A + 20i + 4$) de `%esi` ($A + 20i + 20$), e setamos as flags de condição. Isso vai servir para o saber se vamos fazer o desvio para voltar para o início do loop. Como o for é referente a dimensão das matrizes, só vamos sair dele quando quando `%eax = (A + 20i + 20)`

```
19 jne .L2
```

Desvia para o endereço `.L2` se a comparação da linha anterior for diferente de zero. Ou seja, se `%esi` for diferente de `%eax`. Aqui estamos repetindo o processo anterior até o final das matrizes.

```
20 movl %ebx, %eax
```

Aqui estamos armazenando o valor do registrador `%ebx` (`result`), depois de todas as iterações, no `%eax`. Esse comando faz a preparação do retorno da rotina (`return result`).

21 `popl %ebx`

Aqui realizamos o decremento da pilha, guardando em `%ebx` o valor que estava no topo da pilha.

22 `popl %esi`

Realizamos o decremento da pilha, guardando em `%esi` o valor que estava no topo da pilha.

23 `ret`

Nesse momento realizamos o retorno da função, devolvendo o controle a quem chamou a rotina. Esse comando equivale a linha `return result`.

b) (2) Qual a dimensão das matrizes?

Na linha 9 temos `leal (%edx,%eax,4), %eax`, onde guardamos o valor de $(5i \cdot 4)$ em `%eax`, logo `%eax = A + 20i`. Como sabemos, pelo código C que `A[i][j]`, ou seja vamos variar a linha de `A` conforme variarmos o valor de `i`, e para isso é preciso passar por todas as `j` colunas. Como cada `int` “custa” 4bytes, quando dividirmos $20/4$ achamos que cada linha dessa matriz é composta por 5 colunas. E como a matriz tem o mesmo número `N` para linhas e colunas, a dimensão dessa matriz será `matriz[5][5]`

c) (10) Agora foi feita a compilação com otimização `-O3`. Comente cada linha, sem exceção, mostrando o que ela está de fato calculando em relação ao produto matricial. Justifique a existência de cada linha, associando ao código C.

`prod:`

1 `endbr32`

Instrução que protege o processador de realizar mudanças de endereços ao chamar funções. Assim, evitando a descontinuidade do fluxo correto do programa.

2 `pushl %edi`

Incrementamos a pilha em 4 bytes e armazenamos no topo o registrador `%edi`

3 `pushl %esi`

Incrementamos a pilha em 4 bytes e armazenamos no topo o registrador %esi

```
4 pushl %ebx
```

Incrementamos a pilha em 4 bytes e armazenamos no topo o registrador %ebx

```
5 movl 24(%esp), %eax
```

Nesse momento vamos ter %esp = %ebx, %esp +4 = %esi, %esp+8 = %edi, %esp+12 = RIP prod, %esp +16 = primeiro parâmetro da função(endereço de A[0][0]), %esp+20 = segundo parametro da função (endereço de B[0][0]) e finalmente %esp+24 = valor do endereço do terceiro parametro (int i).

Estamos passando o valor de i para o registrador %eax

```
6 movl 28(%esp), %ecx
```

Seguindo raciocínio anterior, vamos copiar o valor do quarto parâmetro da função(int k) para o registrador %ecx.

```
7 movl 20(%esp), %ebx
```

Copiamos o valor de %esp+20, que é um ponteiro para a matriz B no registrador %ecx.

```
8 leal (%eax,%eax,4), %edx
```

Nesse momento temos que %eax = i, então estamos passando para o registrador %edx 4i+i, ou seja %edx = 5i.

```
9 movl 16(%esp), %eax
```

Vamos passar valor de %esp+16, que é o ponteiro para a matriz A, para o registrador %eax

```
10 leal 0(,%ecx,4), %esi
```

Vamos agora passar o 4*%ecx para o registrador %esi, agora %esi = 4k

```
11 movl (%ebx,%ecx,4), %ecx
```

Vamos passar agora para o registrador %ecx %ebx+4*%ecx, ou seja vamos ter que %ecx = B+4k, referente a B[0][k]

```
12 leal (%eax,%edx,4), %edx
```

Vamos passar para o registrador %edx 4*%edx + eax, ou seja, %edx = 4*(5i) + A = A + 20i. Que é referente ao A[i][0] no código C.

```
13 movl 20(%ebx,%esi), %eax
```

Vamos passar para o registrador %eax 20+%ebx+esi, ou seja, %eax = B + 4*k + 20, referente a B[1][k] no código C.

```
14 imull (%edx), %ecx
```

Vamos multiplicar %edx com %ecx (completa de 64 bits) e guardar o resultado no registrador %ecx, ou seja, %ecx = (A + 20i) * (B + 4k).

Nesse momento estamos fazendo a seguinte multiplicação no código c "A[i][0] * B[0][k]". No código c temos j=0

```
15 imull 4(%edx), %eax
```

Vamos realizar uma multiplicação completa de 64 bits entre o valor do registrador %edx + 4 e %eax e guardar o resultado em %eax. Teremos %edx = A + 20i + 4 multiplicando com %eax = B + 4*k + 20, ou seja, estamos

fazendo uma multiplicação do tipo " $A[i][1] * B[1][k]$ " no código C, referente a iteração com $j=1$.

```
16 leal (%eax,%ecx), %eax
```

Vamos realizar uma soma entre os registradores `%eax` e `%ecx`. Logo estamos fazendo " $A[i][1] * B[1][k] + A[i][0] * B[0][k]$ " Ou seja, estamos somando as duas multiplicações feitas anteriormente, que é referente a passar o somatório para a variável `result`.

```
17 movl 40(%ebx,%esi), %ecx
```

Vamos armazenar o valor de $\%ebx + 40 + \%esi$ em `%ecx`. Estamos fazendo a seguinte operação $B + 4k + 40 = B[2][k]$ e passando para o registrador `%ecx`. Agora `%ecx = B[2][k]`.

```
18 imull 8(%edx), %ecx
```

Vamos realizar uma multiplicação entre $\%edx + 8$ e `%ecx` (completa de 64 bits). Teremos $(A + 20i + 8) * (B + 4k + 40) = A[i][2] * B[2][k]$, que no código C é referente a iteração com $j = 2$.

```
19 addl %eax, %ecx
```

Vamos realizar a soma entre `%eax` e `%ecx`, ou seja, `%ecx = A[i][1] * B[1][k] + A[i][0] * B[0][k] + A[i][2] * B[2][k]`., referente ao somatório da variável `result`.

```
20 movl 60(%ebx,%esi), %eax
```

Vamos armazenar o valor de $\%ebx + \%esi + 60$, isso é $B+4k+60 = B[3][k]$ no registrador `%eax`.

```
21 imull 12(%edx), %eax
```

Vamos realizar uma multiplicação completa de 64 bits entre $\%edx + 12$ e `%eax`, ou seja, $(A + 20i + 12) * B[3][k] = A[i][3] * B[3][k]$ e guardando o resultado em `%eax`, referente a iteração com $j = 3$ no código C.

```
22 addl %eax, %ecx
```

Vamos realizar uma soma entre `%eax` e `%ecx`, ou seja, agora `%ecx = A[i][3] * B[3][k] + A[i][1] * B[1][k] + A[i][0] * B[0][k] + A[i][2] * B[2][k]`, referente ao somatório da variável `result`.

```
23 movl 80(%ebx,%esi), %eax
```

Vamos armazenar o valor de $\%ebx + \%esi + 80$ em `%eax`, ou seja, $B + 4k + 80 = B[4][k]$

```
24 imull 16(%edx), %eax
```

Vamos realizar uma multiplicação completa de 64 bits entre $\%edx + 16$ e `%eax`, ou seja, $A+20i + 16 * B[4][k]$, $A[i][4] * B[4][k]$ e guardar o resultado em `%eax`, referente a iteração com $j=4$ no código C.

```
25 popl %ebx
```

Vamos decrementar a pilha e guardar em `%ebx` o valor que está no topo da pilha.

```
26 popl %esi
```

Vamos decrementar a pilha e guardar em `%esi` o valor que está no topo da pilha.

```
27 popl %edi
```

Vamos decrementar a pilha e guardar em %edi o valor que está no topo da pilha.

```
28 addl %ecx, %eax
```

Vamos somar o conteúdo do registrador %ecx ao %eax. Agora %eax = $A[i][3] * B[3][k] + A[i][1] * B[1][k] + A[i][0] * B[0][k] + A[i][2] * B[2][k] + A[i][4] * B[4][k]$, referente ao somatório total de das iterações $j = 0$ até $j = 4$ com os resultados sendo passados para a variável result.

```
29 ret
```

Devolve o controle a quem chamou a rotina. Aqui temos a linha (return result) do código em c.

d) Vamos calcular os custos dos dois códigos de montagem, usando m para o custo de execução de uma instrução que acessa a memória e por n o custo de execução de uma instrução que não acessa a memória. Para o código da otimização -O2, indique os tipos de cada uma das linhas. Considerando que algumas linhas serão executadas mais de uma vez, calcule o custo total de execução do código.

Para o código da otimização -O3, indique os tipos de cada uma das linhas. Calcule o custo total de execução do código. Tente justificar a otimização feita pelo GCC, pensando na eficiência da execução. Analise e conclua a razão da utilização -O3 ser mais eficiente, considerando todos os argumentos possíveis.

Com otimização -O2:

```
prod:
```

```
1 endbr32 //Não acessa
```

```
2 pushl %esi // Acessa
```

```
3 pushl %ebx //Acessa
```

```
4 movl 20(%esp), %eax //Acessa
```

```
5 xorl %ebx, %ebx //Não acessa
```

```
6 movl 12(%esp), %edx //Acessa
```

```
7 movl 24(%esp), %esi //Acessa
```

```
8 leal (%eax,%eax,4), %eax //Não acessa
```

```
9 leal (%edx,%eax,4), %eax //Não acessa
```

```
10 leal 0(,%esi,4), %ecx //Não acessa
```

```
11 addl 16(%esp), %ecx //Acessa
```

```
12 leal 20(%eax), %esi //Não acessa
```

```
.L2:
```

```

13 movl (%eax), %edx //Acessa
14 imull (%ecx), %edx //Acessa
15 addl $4, %eax //Não acessa
16 addl $20, %ecx // Não acessa
17 addl %edx, %ebx // Não acessa
18 cmpl %esi, %eax //Não acessa
19 jne .L2 //Não acessa
20 movl %ebx, %eax //Não Acessa
21 popl %ebx //Acessa
22 popl %esi //Acessa
23 ret //Acessa

```

$(9 + 10(\text{loop}))m + n(7 + 25(\text{loop})) = 19m + 32n$

Com Otimização -O3:

```

prod:
1 endbr32 //Não acessa
2 pushl %edi //Acessa
3 pushl %esi //Acessa
4 pushl %ebx //Acessa
5 movl 24(%esp), %eax //Acessa
6 movl 28(%esp), %ecx //Acessa
7 movl 20(%esp), %ebx //Acessa
8 leal (%eax,%eax,4), %edx//Não acessa
9 movl 16(%esp), %eax //Acessa
10 leal 0(,%ecx,4), %esi //Não acessa
11 movl (%ebx,%ecx,4), %ecx //Acessa
12 leal (%eax,%edx,4), %edx //Não acessa
13 movl 20(%ebx,%esi), %eax //Acessa
14 imull (%edx), %ecx //Acessa
15 imull 4(%edx), %eax //Acessa
16 leal (%eax,%ecx), %eax //Não acessa
17 movl 40(%ebx,%esi), %ecx //Acessa
18 imull 8(%edx), %ecx //Acessa
19 addl %eax, %ecx //Não acessa
20 movl 60(%ebx,%esi), %eax //Acessa
21 imull 12(%edx), %eax //Acessa
22 addl %eax, %ecx //Não acessa
23 movl 80(%ebx,%esi), %eax //Acessa
24 imull 16(%edx), %eax //Acessa
25 popl %ebx //Acessa
26 popl %esi //Acessa
27 popl %edi //Acessa
28 addl %ecx, %eax //Não acessa

```


Custos dos códigos de montagem:

Otimização -O2: $19m + 32n$, 51 instruções sendo executadas

Otimização -O3: $21m + 8n$, 29 instruções sendo executadas

Na compilação com otimização -O3, o GCC eliminou a multiplicação que ocorria no loop e passou a multiplicar de forma eficiente para a matriz A com 5 colunas e a matriz B com 5 linhas. Dessa forma, não há mais comparações, nem incrementos separados das instruções que acessam a memória.

Ocorreu uma redução de 22 instruções se comparado com a otimização -O2

Questão 4) Seja dado o seguinte programa C que chama uma rotina recursiva,

```

void rotina (int n){
    if (n < 0) { //Estamos testando se n é negativo
        putchar('-'); //Se n for negativo, iremos imprimir um sinal "-"
        n = -n; //E converter esse número para um número positivo
    }
    if (n/10) rotina (n/10); //Chamamos recursivamente dividindo por 10
    putchar (n%10 + '0'); //Imprime o dígito decimal correspondente ao
                           resto da divisão por 10
    }
int main () {rotina (...);}

```

a) (5) Explique e justifique a saída desta rotina recursiva, assumindo $|n| = b_k 10^k + b_{k-1} 10^{k-1} + \dots + b_1 10 + b_0$. Mostre que instância da rotina imprime o quê.

Esta rotina imprime o valor decimal de uma representação inteira. Por exemplo, ao ser passado o inteiro $n = -100$ para a rotina:

Primeiro vamos verificar se o número é negativo na linha $\text{if}(n < 0)$, se for, imprimimos o símbolo traço ('-') e fazemos n valer $-n$, agora $n = 100$.

Passando para o segundo if ($\text{if}(n/10)$), vamos verificar se ainda temos um resultado inteiro para a divisão de n por 10 (que vai funcionar como um true/false), caso seja possível dividir por 10, isso é ($n/10 > 0$), vamos chamar a rotina novamente de forma recursiva passando agora $(n/10)$.

Agora voltamos pro início da rotina com $n = 10$, como não é um número negativo não vamos entrar no primeiro if , mas ainda podemos dividir 10 por 10, visto que $10/10 = 1$ e assim entramos no segundo if chamando novamente a recursividade da rotina, agora com $n = 1$.

Como $n = 1$, tentamos entrar no primeiro if , como é positivo, não entra, mas agora também não podemos dividir por 10, visto que $1/10 < 1$, que o if reconhece como um false . partimos agora para o putchar onde vamos imprimir a soma do resto da divisão de n por 10 mais o 0 como um caracter. Como na tabela ASCII '0' vale 48, então quando $n\%10$ for igual a 1, vamos somá-lo a 48, resultando em 49, que é 1 na tabela ASCII, quando $n\%10 = 0$, continuamos com 48 e imprimimos 0.

Aí vamos imprimir primeiramente o resto de 1 por 10, que é 1, e imprimimos 1 assim a rotina de $n = 1$ acaba, voltamos para a rotina de $n = 10$ e imprimimos a soma do resto de 10 por 10 que é 0 com '0', ou seja, imprimimos 0. E finalmente voltamos para a rotina de $n=100$ e imprimimos $100\%10 + '0'$, que é 0. O resultado final que vamos imprimir será -100

b) (10) A compilação sem otimização gerou o código de montagem que se segue. Comente cada linha deste código e procure então associá-lo ao código C dado. Não descreva o que a instrução faz, pois isso é sabido. Tente entender o que ela representa para o código C e faça a engenharia reversa. Um conjunto de instruções de montagem podem ser necessárias para realizar uma operação em C.

```
rotina:
1 endbr32
Instrução que protege o processador de realizar mudanças de endereços
ao chamar funções. Assim, evitando a descontinuidade do fluxo correto
do programa.
2 pushl %ebp
Incrementamos a pilha em 4 bytes e armazenamos no topo o registrador
%ebp.
3 movl %esp, %ebp
Estamos fazendo %esp = %ebp, ou seja, estamos criando uma nova base.
4 subl $8, %esp
Estamos abrindo 2 espaços na pilha.
5 cmpl $0, 8(%ebp)
Estamos realizando uma comparação entre 0 e o conteúdo do registrador
%ebp + 8 (int n).
6 jns .L2
Se o resultado da operação anterior não for negativo, teremos um desvio
para .L2. Ou seja, se o int n não for negativo teremos o desvio da
função, referente ao "if (n < 0)" no código C.
7 subl $12, %esp
Abre 3 espaços na pilha
8 pushl $45
Coloca na pilha o símbolo negativo '-', (45 segundo a tabela ASCII)
9 call putchar
Imprime o símbolo '-'
10 addl $16, %esp
Devolve 4 espaço para a pilha
11 negl 8(%ebp)
Obtemos -n, onde o menor negativo dará 0x80000000, ou seja overflow.

.L2:
12 movl 8(%ebp), %eax
Salva n em %eax
13 addl $9, %eax
Soma 9 no valor de %eax e salva, agora %eax = n + 9
14 cmpl $18, %eax
Faz a comparação do valor 18 com %eax, n-9
```

```
15 jbe .L3
```

Desvia para .L3 caso $n < 10$, referente ao "if (n/10)" no código C.

```
16 movl 8(%ebp), %ecx
```

Passa o valor de n para o registrador %ecx

```
17 movl $1717986919, %edx
```

Estamos passando o a representação de $0x66666667 = 0,4 * 2^{(32)}$ para o registrador %edx

```
18 movl %ecx, %eax
```

Passa o valor de n para %eax

```
19 imull %edx
```

Vamos multiplicar o que temos em %edx com %eax e guardar o resultado em %eax, temos agora que $\%eax = n * 0x66666667$ em 64 bits

```
20 sarl $2, %edx
```

Fazemos um shift aritmético para a direita no valor de %edx, temos agora que $n * 0x66666667 * 2^{(-32)} * 2^{(-2)} = n * 0,4^{(-2)} = n * 0,1$. Agora temos que $\%edx = n * 0,1$

```
21 movl %ecx, %eax
```

Passa n para %eax

```
22 sarl $31, %eax
```

Estende o MSB para %eax

```
23 subl %eax, %edx
```

Vamos somar 1 à magnitude em %edx, caso n seja o menor negativo "possível"

```
24 movl %edx, %eax
```

Vamos passar o conteúdo de %edx para %eax, $\%eax = n * 0,1$

```
25 subl $12, %esp
```

Abrimos 3 espaços na pilha

```
26 pushl %eax
```

Vamos passar para o topo da pilha n/10 como parâmetro para a função que será chamada.

```
27 call rotina
```

Chama a função "rotina"

```
28 addl $16, %esp
```

Iremos devolver 4 espaços na pilha

```
.L3:
```

```
29 movl 8(%ebp), %ecx
```

Vamos passar n para o registrador %ecx

```
30 movl $1717986919, %edx
```

Passa a representação de $0,4 * 2^{(32)}$ para o registrador %edx

```
31 movl %ecx, %eax
```

Vamos passar n para o registrador %eax

```
32 imull %edx
```

Iremos multiplicar n por $0,4 \cdot 2^{32}$, ficando com $\%eax = n \cdot 0,4 \cdot 2^{32}$, em 64 bits.

```
33 sarl $2, %edx
```

Iremos realizar um shift aritmético de 2 posições para a direita, obtendo $\%edx = n \cdot 0,1$

```
34 movl %ecx, %eax
```

Passa n para $\%eax$

```
35 sarl $31, %eax
```

Iremos estender o MSB para o todo registrador $\%eax$

```
36 subl %eax, %edx
```

Estamos somando 1 à magnitude em $\%edx$ caso n seja o menor negativo "possível"

```
37 movl %edx, %eax
```

Iremos passar o valor de $\%edx$ para $\%eax$, $\%eax = n \cdot 0,1$

```
38 sall $2, %eax
```

Iremos realizar um deslocamento aritmético de 2 bits à esquerda no valor de $\%eax$, ou seja estamos fazendo $n \cdot 0,1 \cdot 2^2 = n \cdot 0,4$

```
39 addl %edx, %eax
```

Vamos adicionar $\%edx$ em $\%eax$, agora $\%eax = n \cdot 0,1 + n \cdot 0,4 = n \cdot 0,5 = 5 \cdot n \cdot 0,1$

```
40 addl %eax, %eax
```

Vamos somar $\%eax$ com $\%eax$, $\%eax$ agora $2 \cdot (5 \cdot n \cdot 0,1) = 10 \cdot n \cdot 0,1$

```
41 subl %eax, %ecx
```

Vamos subtrair o conteúdo de $\%eax$ de $\%ecx$, $\%ecx$ agora $n - 10 \cdot n \cdot 0,1$
Agora temos que $\%ecx = n - 10 \cdot n / 10$, ou seja $\%ecx$ recebe $n \% 10$

```
42 movl %ecx, %edx
```

Vamos copiar o conteúdo de $\%ecx$ para $\%edx$, $\%edx = n \% 10$

```
43 leal 48(%edx), %eax
```

Vamos passar o conteúdo de $\%edx + 48$ para $\%eax$, sendo que 48 na tabela ASCII representa 0. A parte "putchar ($n \% 10 + '0'$)" do código em c.

```
44 subl $12, %esp
```

Vamos abrir 3 espaços na pilha

```
45 pushl %eax
```

Vamos dar um push com o conteúdo de $\%eax$ para ser o parâmetro da chamada da função

```
46 call putchar
```

Chama a função "putchar", imprime $n \% 10$

```
47 addl $16, %esp
```

Devolve 4 espaços para a pilha

```
48 nop
```

Sem operação

```
49 leave
```

```
Estamos nos preparando para o retorno, iremos restaurar a base da pilha  
e apontar o topo para a RIP.  
50 ret  
Iremos retornar a função
```

c) (10) Compilando e executando main () {rotina (0x80000000) é impresso --214748364(, que está claramente errado. Analise e encontre o que está errado no código de montagem e que precisa ser alterado. Apresente a justificativa de sua análise. Indique exatamente as modificações que devem ser feitas para que o programa rode corretamente e apresente a saída correta esperada que é -2147483648. Não delete ou acrescente linhas ao código. Altere apenas as instruções que foram necessárias, o mínimo possível.

Para a impressão de números negativos, a rotina converte n para - n, entretanto, quando tivermos o menor negativo inteiro possível, -2^{32} em hexadecimal, 0x80000000, quando executarmos o comando `negl %ebx`, vamos obter 0x80000000 de novo devido ao overflow

Podemos fazer outra verificação para que `n = 0x80000000` não entre no primeiro if, assim não vamos ter dois traços.

Outro if/else para verificar se `n%10 + '0' == 40` (valor de '(' na tabela ASCII, caso seja somamos 16, obtendo 56 (valor de 8 na tabela ASCII), caso contrário simplesmente imprimimos `n%10 + '0'`