

Atividade: Relações entre os logaritmos

Habilidades

EM13MAT305 Resolver e elaborar problemas com funções logarítmicas nos quais seja necessário compreender e interpretar a variação das grandezas envolvidas, em contextos como os de abalos sísmicos, pH, radioatividade, Matemática Financeira, entre outros.

Para o professor

Objetivos específicos

OE1 Observar padrões nos valores dos logaritmos quando os logaritmandos são multiplicados por um número natural.

Atividade

Utilize a tabela 1 para encontrar os valores (aproximados) dos seguintes logaritmos em seu caderno:

- a) $\log_2 2$, $\log_2 4$, $\log_2 8$ e $\log_2 16$.
- b) $\log_2 3$, $\log_2 6$, $\log_2 12$ e $\log_2 24$.
- c) $\log_2 3$, $\log_2 9 \in \log_2 27$.
- d) $\log_2 3$, $\log_2 5 e \log_2 15$.

$ \begin{array}{c cccc} 2^0 & 1 \\ \hline 2^1 & 2 \\ \hline 2^{1,58} & 3 \\ \hline 2^2 & 4 \\ \hline 2^{2,32} & 5 \\ \hline 2^{2,58} & 6 \\ \hline 2^{2,81} & 7 \\ \hline 2^3 & 8 \\ \hline \end{array} $	$2^{\log_2 n}$	\boldsymbol{n}
$\begin{array}{c cccc} 2^{1,58} & 3 \\ 2^2 & 4 \\ 2^{2,32} & 5 \\ 2^{2,58} & 6 \\ 2^{2,81} & 7 \end{array}$	2^{0}	1
$\begin{array}{c cccc} 2^2 & 4 \\ 2^{2,32} & 5 \\ 2^{2,58} & 6 \\ 2^{2,81} & 7 \end{array}$	2^1	2
$\begin{array}{c cccc} 2^{2,32} & 5 \\ 2^{2,58} & 6 \\ 2^{2,81} & 7 \end{array}$	$2^{1,58}$	3
$\begin{array}{c cccc} 2^{2,58} & 6 \\ 2^{2,81} & 7 \end{array}$	2^{2}	4
$2^{2,81}$ 7	$2^{2,32}$	5
	_	6
03	$2^{2,81}$	7
2° 8	2^{3}	8
$2^{3,16}$ 9	=	9
$2^{3,32}$ 10	$2^{3,32}$	10

$2^{\log_2 n}$	\boldsymbol{n}
$2^{3,46}$	11
$2^{3,58}$	12
$2^{3,7}$	13
$2^{3,81}$	14
$2^{3,9}$	15
2^{4}	16
$2^{4,08}$	17
$2^{4,16}$	18
$2^{4,24}$	19
$2^{4,32}$	20

$2^{\log_2 n}$	n
$2^{4,39}$	21
$2^{4,46}$	22
$2^{4,52}$	23
$2^{4,58}$	24
$2^{4,64}$	25
$2^{4,7}$	26
$2^{4,75}$	27
$2^{4,81}$	28
$2^{4,85}$	29
$2^{4,9}$	30

Tabela 1: Expoentes de 2 aproximando os naturais de 1 à 30

Solução:

a) $\log_2 2 = 1$, $\log_2 4 = 2$, $\log_2 8 = 3$ e $\log_2 16 = 4$.

Realização:

OJT OLIMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA DAS ESCOLAS PÚBLICAS





- b) $\log_2 3 \approx 1{,}58, \log_2 6 \approx 2{,}58, \log_2 12 \approx 3{,}58 = \log_2 24 \approx 4{,}58.$
- c) $\log_3 3 = 1$, $\log_3 9 = 2$ e $\log_3 27 = 3$.
- d) $\log_2 3 \approx 1{,}58, \log_2 5 \approx 2{,}32 \in \log_2 15 \approx 3{,}9.$

