

Atividade: Hora de encher a piscina

#### Habilidades

LAF3 Calcular e interpretar a taxa de variação média de uma função em um intervalo dado, tanto algebricamente quanto a partir de dados gráficos ou de uma tabela, identificando tendências de crescimento e decrescimento.

# Para o professor

### Objetivos específicos

OE1 Utilizar o vocabulário associado ao conceito de taxa de variação para descrever com palavras uma situação real (item a).

OE2 Associar uma situação real a uma representação gráfica (item b).

OE3 Diferenciar situações de crescimento, identificando quando o gráfico pode ser uma linha reta - taxa de variação constante (item a) e quando não (item b).

## Observações e recomendações

- É importante que o estudante perceba que no item a), tanto na primeira parte do enchimento quanto na segunda parte, a profundidade d aumenta uniformemente. É desejável que eles se expressem utilizando expressões como "d aumenta uniformemente".
- Ainda no item a), é esperado que o estudante perceba que há uma mudança na taxa em que d aumenta. Isto é, na primeira parte do enchimento da piscina a profundidade d aumenta mais rapidamente do que na segunda parte do enchimento.
- Para o item b) há algumas possibilidades de gráficos que representam corretamente a situação. É importante observar se os estudantes perceberam que o gráfico começa em (0,0), termina em (30,2) e apresenta uma mudança em (x,1), com  $5 \le x \le 10$ , por exemplo.
- Após a realização da atividade discuta com os estudantes sobre a justificativa para o gráfico que representa a primeira parte do enchimento no item b) ser curvo com concavidade voltada para baixo.

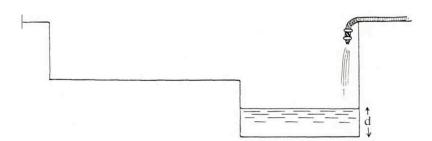
## Atividade

Uma piscina retangular está sendo cheia com uma mangueira que fornece água a uma taxa constante. Uma seção transversal da piscina é mostrada na imagem a seguir.

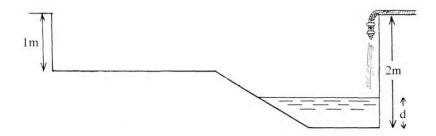
OLIMPÍADA BRASILEIRA



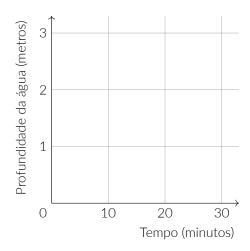
Patrocínio:



- a) Descreva em palavras como a profundidade d, da água até o fundo da piscina, varia com o tempo, a partir do momento em que a piscina vazia começa a encher.
- b) Uma piscina retangular está sendo cheia de maneira semelhante.



Supondo que a piscina leva 30 minutos para encher até a borda. Esboce um gráfico para mostrar como a profundidade d, da água até o fundo da piscina, varia com o tempo, a partir do momento em que a piscina está vazia.



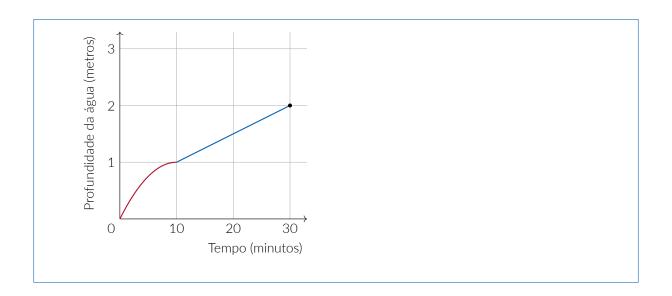
### Solução:

- a) A profundidade de d, da água até o fundo da piscina, aumenta uniformemente na primeira parte do enchimento. Após o enchimento dessa parte mais estreita há uma mudança na taxa com que d aumenta, nesse segundo momento d aumentará mais lentamente, porém esse aumento também ocorrerá de forma uniforme.
- b) Um gráfico possível é:

Realização:

OLIMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS

Patrocínio:



Patrocínio: