

Atividade: Avaliando probabilidades a partir de um histograma

#### Habilidades

# Para o professor

### Objetivos específicos

OE1 Avaliar probabilidades de eventos usando dados quantitativos coletados, representados em um histograma e em uma tabela de frequências.

## Observações e recomendações

A partir de dados coletados e representados por meio de um histograma, os alunos deverão responder perguntas referentes a probabilidades de certos eventos e para isso deverão usar a noção frequentista de probabilidade.

#### Atividade

No capítulo **Medidas de posição e dispersão** foram trabalhados os dados sobre os 100 melhores tempos atingidos na Maratona de Nova Iorque (2017) para as categorias homens e mulheres. Na figura 1, apresentase um histograma construído para os 100 melhores tempos na maratona de Nova lorque (2017) para a categoria homens, após a conversão destes tempos para minutos.

Histograma dos 100 melhores tempos na categoria

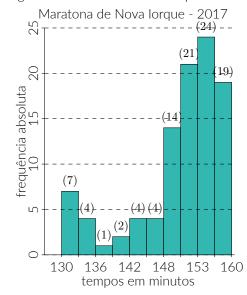


Figura 1: Histograma dos 100 melhores tempos para homens na Maratona de Nova Iorque (2017), destacando a frequência absoluta de cada intervalo de classe.

Realização: OLIMPÍADA BRASILEIRA Patrocínio:

Na tabela 1 são apresentados os intervalos de classe e suas respectivas frequências, usados na construção do histograma da figura 1. Os intervalos considerados são fechados à esquerda e abertos à direita.

Intervalo de classe	Frequência Absoluta	Frequência Relativa
[130, 0; 133, 0[	7	0,07
[133, 0; 136, 0[	4	0,04
[136, 0; 139, 0[	1	0,01
[139, 0; 142, 0[	2	0,02
[142, 0; 145, 0[	4	0,04
[145, 0; 148, 0[	4	0,04
[148, 0; 151, 0[	14	0,14
[151, 0; 154, 0[	21	0,21
[154, 0; 157, 0[	24	0,24
[157, 0; 160, 0[	19	0,19

Tabela 1: Distribuição de frequências dos 100 melhores tempos na categoria homens da maratona de Nova lorque (2017)

Suponha que o comportamento dos 100 melhores tempos para homens na Maratona de Nova Iorque (2017) represente bem os 100 melhores tempos para homens em qualquer Maratona de Nova Iorque.

Com base nessa suposição, estime a probabilidade de que na próxima maratona de Nova Iorque o tempo de conclusão da corrida, entre os 100 melhores na categoria homens,

- a) ocorra entre 157,0 e 160,0 minutos;
- b) seja inferior a 154,0 minutos;
- c) seja superior a 152,5 minutos;
- d) caia entre 152,5 e 158 minutos.

Observação: Para responder os dois últimos itens, suponha, em cada intervalo, que as frequências obervadas são proporcionais aos comprimentos dos intervalos, para poder avaliar frequências em subintervalos.

## Solução:

Para responder as questões desta atividade será usada a interpretação frequentista de probabilidade.

- a) Pela tabela de frequências observa-se que 19 tempos de chegada dos 100 melhores estão no intervalo dado, portanto, a probabilidade será  $\frac{19}{100} = 0.19$ .
- b) Pela tabela de frequências observa-se que há 100-24-19=57 tempos de chegada entre os 100 melhores que são inferiores a 154,0 minutos. Portanto a probabilidade será  $\frac{57}{100}=0,57$ . A resposta poderia ser obtida também, somando-se as frequências dos intervalos de classe do início até o intervalo [151,0;154,0[:7+4+1+2+4+4+14+21=57], obtendo-se 0,57 como probabilidade.
- c) Pela tabela, vemos que 152,5 minutos não é extremo de intervalo na construção apresentada, desse modo podemos concluir que a probabilidade solicitada será um número no intervalo

Realização:

OLIMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS

Patrocínio:

- ]0,43; 0,64[. Observe que 152,5 está no intervalo [151,0; 154,0[ de comprimento 3, cuja frequência absoluta é 21. Observe também que o subintervalo [152,5; 154,0[ de [151,0; 154,0[ tem comprimento 1,5. Usando a suposição de proporcionalidade da frequência em cada intervalo por unidade de comprimento do intervalo, podemos a aproximar a frequência do subintervalo por  $21 \times \frac{1,5}{3} = 10,5$ . Logo, a probabilidade será obtida por  $\frac{10,5+24+19}{100} = \frac{53,5}{100} = 0,535$  que de fato é um número no intervalo inicialmente obtido.
- d) Pela tabela, nem 152,5 nem 158,0 são extremos de intervalo, porém podemos obter um limite superior para a probabilidade solicitada, que neste caso será um número menor do que 0,64  $\left(\frac{21+24+19}{100}\right)$ . Para um valor pontual, serão necessárias duas aproximações de frequências. A primeira no intervalo [152,5;154,0[ já realizada no item anterior que foi aproximada para 10,5. A frequência do intervalo [154,0;157,0[ é 24. Para o intervalo [157,0;158,0[ calcularemos uma frequência aproximada, usando o argumento da proporcionalidade. O intervalo [157,0;160,0[ tem comprimento 3 com frequência 10, então, uma aproximação para o subintervalo [157,0;158,0[ de [157,0;160,0[ de comprimento 1 é dada por  $19 \times \frac{1}{3} \approx 6,3$ . Assim, a probabilidade será  $\frac{10,5+24+6,3}{100} = \frac{40,8}{100} = 0,408$ .



Patrocínio: