

Atividade: Cálculo log₂ 5

Habilidades

EM13MAT305 Resolver e elaborar problemas com funções logarítmicas nos quais seja necessário compreender e interpretar a variação das grandezas envolvidas, em contextos como os de abalos sísmicos, pH, radioatividade, Matemática Financeira, entre outros.

Para o professor

Objetivos específicos

OE1 Calcular logaritmos manualmente através do método da bissecção, que têm sua importância como método computacional também em outros contextos.

OE2 Praticar o método da bissecção, aplicando-o no cálculo de logaritmos.

Observações e recomendações

• O cálculo manual pode ser uma oportunidade para fixar o método da bissecção e poderia ser complementado com atividades práticas interdisciplinares de computação com a implementação do método em alguma linguagem.

Atividade

Utilize o método da bissecção para calcular $\log_2 5$ com erro menor do que 0, 25.

Solução:

Calcular $\log_2 5$ significa encontrar o expoente ao qual deve-se elevar 2 para obter 5, ou seja, é o número tal que $2^{\log_2 5} = 5$. Assim buscamos expoentes de 2 que levem a resultados cada vez mais próximos de 5.

Como $2^2 = 4 < 5 < 8 = 2^3$, tomamos i = 2 e s = 3 como aproximações iniciais.

Verificamos, então, se o ponto médio (2+3)/2=5/2 é uma aproximação superior ou inferior. Isso é feito comparando $2^5=32$ com $5^2=25$. Como $2^5>5^2$ temos que $2^{5/2}>5$ e $5/2>\log_2 5$, pois a função exponencial 2^x cresce, conforme crescem os valores de x. Então tomamos s=5/2=2,5, enquanto mantemos i=2. A aproximação seguinte é, então, (2+5/2)/2=9/4=2,25.

Como $\log_2 5 \in (2,5/2)$ e 2,25 está a uma distância menor do que 0,25 de qualquer ponto do intervalo, temos que 2,25 é uma aproximação com o erro menor do que o pedido.

OLIMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS



Patrocínio: