

Atividade: Afim de um passeio

Habilidades

livroaberto@impa.br

EM13MAT302 Construir modelos empregando as funções polinomiais de 1º ou 2º graus, para resolver problemas em contextos diversos, com ou sem apoio de tecnologias digitais.

Para o professor

Objetivos específicos

OE1 Compreender função afim por partes.

Observações e recomendações

- Experiências envolvendo um contexto simples como esse apresentado na atividade podem ser úteis para explorar o significado da inclinação zero de uma reta. Aproveite a oportunidade para comentar sobre a diferença entre inclinação zero, que é o caso da inclinação do segmento de reta que representa o período em que o personagem da situação descrita na atividade permanece parado, e ausência de inclinação que é observado em retas verticais.
- Apresentamos uma possível resposta com o gráfico contendo a origem, no entanto não é necessário iniciar a representação a partir do ponto (0,0).
- Se achar necessário peça para os estudantes efetuarem a conversão de km/h para m/min, no entanto as distâncias percorridas podem se obtidas utilizado-se o seguinte raciocínio: se em 1 hora ele percorre 1000 metros, em 12 minutos que corresponde a $\frac{1}{5}$ de hora, ele percorre $\frac{1000}{5}=200$ metros.

Atividade

Você caminha por 12 minutos a uma taxa de 1 km por hora, ao encontrar um amigo permanece parado conversando por 3 minutos, voltando logo em seguida a caminhar por mais 6 minutos a uma taxa de 2 km por hora.

- a) Como você representaria no plano cartesiano, o período em que você permaneceu parado conversando com seu amigo? Considere no eixo das abscissas o tempo em minutos e no eixo das ordenadas a distância percorrida em metros.
- b) Represente no plano cartesiano um gráfico que ilustra toda a situação descrita.
- c) Obtenha expressões para as funções afins cujos gráficos são os segmentos de reta que você representou no item anterior.

Realização:

OMT7
OLIMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS

aú Social

20 tempo (min)

Solução:

a) Por uma reta horizontal (paralela ao eixo das abscissas).



c) Opção 1: $f:[0,12[\to\mathbb{R} \text{ onde } f(x)=\frac{3}{50}x;\,g[12,15[\to\mathbb{R} \text{ onde } g(x)=200\text{ e } h[15,20]\to\mathbb{R} \text{ onde } h(x)=40x-400$

15

$$\text{Opção 2: } f:[0,20] \to \mathbb{R} \text{ onde } f(x) = \left\{ \begin{array}{ccc} \frac{3}{50}x, & \text{se} & 0 \leq x < 12 \\ 200, & \text{se} & 12 \leq x < 15 \\ 40x - 400, & \text{se} & 15 \leq x \leq 20 \end{array} \right.$$



