

Atividade:

Habilidades

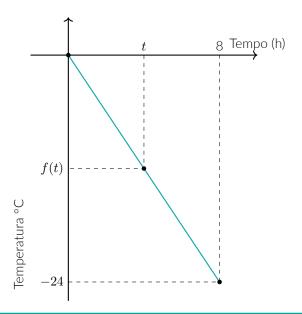
Para o professor

Objetivos específicos

OE1 Perceber com o auxílio da representação gráfica a relação entre taxa de variação média negativa e função linear decrescente.

Observações e recomendações

É possível que os estudantes utilizem regra de três para responder as questões propostas no item a). A seguir iremos construir a representação gráfica da função linear, por isso é importante fazer a conexão da regra de três com sua interpretação geométrica, destacando o uso da semelhança de triângulos.



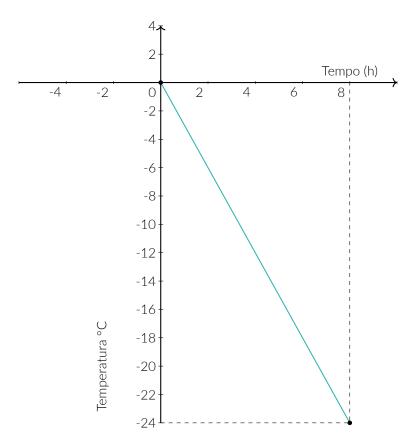
Atividade

Uma câmara frigorífica está programada para diminuir sua temperatura segundo uma taxa constante em $^{\circ}C$ por hora. Na primeira observação constata-se que ela está a $0^{\circ}C$. Após 8 horas, realiza-se uma nova observação e seu visor mostra a temperatura de $-24^{\circ}C$ e também o seguinte gráfico para a evolução da temperatura em função do tempo.

OLIMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS



Patrocínio:



- a) Qual a temperatura da câmara 1 hora após a primeira observação? E 5 horas após a primeira observação? E t horas após a primeira observação?
- b) Qual o valor da taxa (de variação média) constante segundo a qual a temperatura diminui?
- c) Determine a função que relaciona temperatura e tempo nesse contexto, considerando para seu domínio o intervalo de números reais [0, 8]. Ela é uma função crescente ou decrescente? Por que?
- d) Como seria o gráfico se a temperatura, no mesmo intervalo de tempo, ao invés de diminuir, estivesse aumentando $1,5^{\circ}C/h$? Qual seria a expressão da função, nesse caso? Teríamos uma função crescente ou decrescente? Por que?

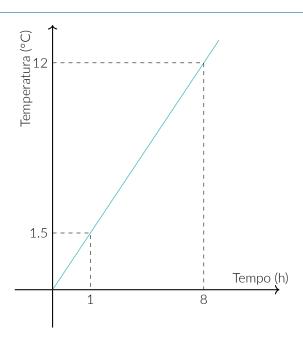
Solução:

- a) Após 1 hora desde a primeira observaço, a temperatura será de -3° C. Após 5 horas, a temperatura será de -15° , e t horas após a primeira observação, a temperatura 'será de $-3t^\circ$ C
- b) -3° C/h
- c) $f:[0,8] \to \mathbb{R}, f(t)=-3t$ é uma função decrescente, pois à medida que o tempo aumenta, a temperatura correspondente diminui. Ou ainda, para quaisquer tempos t_1 e t_2 tais que $t_1 < t_2$ tem-se que $-3t_1 > -3t_2$, isto é $f(t_1) > f(t_2)$.
- d) A expressão da função é $f(t)=1.5 \cdot t$. É uma função crescente, pois à medida que o tempo aumenta, a temperatura correspendente também aumenta.

Realização:

OTT OLIMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS

Patrocínio:
Itaú Social



e) Quando a taxa de variação média de uma função linear é um número real positivo, a função é crescente e quando a taxa é um número real negativo, a função é descrescente.



Patrocínio: