

Atividade: Faturamento de um Teatro

Para o professor

Objetivos específicos

OE1 Introduzir equações com 3 incógnitas

OE2 trabalhar com um sistema de equações, explorando o fato de que, quando ele tem solução não-vazia, essa solução pode não ser única.

OE3 Observar o fato de que acrescentando outras equações ao sistema, se restringe o número de soluções.

Observações e recomendações

- No item a) ajude seus alunos a analisar quais são as variáveis que influenciam na relação entre o faturamento e a quantidade de expectadores, de acordo com o seu perfil.
- Em b) você deve estimular seus alunos a atribuir valores e pesquisar soluções, considerando as restrições de que precisamos ter variáveis que sejam números inteiros positivos.
- Em c) estamos restringindo o conjunto das soluções, criando uma relação entre duas das variáveis envolvidas. Ajude seus alunos a estabelecer essa relação e a considera-la em conjunto com o que foi registrado no item a)

Atividade

Um teatro conta com 500 assentos. Uma peça que está fazendo muito sucesso entrou em cartaz nesse teatro e, em uma determinada noite de apresentação, todos os ingressos foram vendidos, obtendo um faturamento de R\$ 20.500,00 com a bilheteria. A entrada cheia nesse teatro custa R\$ 50,00, sendo que pessoas com mais de 65 anos pagam meia entrada e os aniversariantes têm gratuidade.



a) Escreva duas equações que modelem as informações do enunciado. Quantas variáveis você necessita dispor para isso?

Realização:

OLIMPÍADA BRASILEIRA DE MATEMÁTICA DAS ESCOLAS PÚBLICAS



- b) Encontre três possibilidades para o número de ingressos vendidos de entrada cheia, meia entrada e de gratuidade que poderiam ter ocorrido, com as condições informadas no enunciado.
- c) Suponha que na noite do espetáculo, o número de pessoas com mais de 65 anos foi quatro vezes o número de aniversariantes. Quantos aniversariantes estiveram na plateia nesse dia?

Solução:

- a) Sejam x,y e z a quantidade de inteiras, meias e gratuidades, respectivamente, x+y+z=500 e 50x+25y=20500.
- b) Atividade exploratória, mas o professor pode pensar na solução da equação 50x+25y=20500 considerando a restrição x+y<500.
- c) (350, 120)

