

livroaberto@impa.br

Atividade: Fração unitária

## Para o professor

# Objetivos específicos

OE1 Analisar quando uma fração é igual a uma fração unitária.

## Discussões sobre o desenvolvimento da atividade

- Esta é uma atividade que pode ser desenvolvida individualmente. Contudo, é fundamental que os alunos sejam estimulados a explicar o raciocínio realizado.
- O item c) relaciona-se com a Atividade *Repartindo sanduíches no piquenique*: como não é possível, em uma equipartição de uma região retangular, escolher uma quantidade de partes que corresponda à metade desta região se a quantidade total de partes for um número ímpar, não existe uma fração de denominador ímpar que seja igual à fração  $\frac{1}{2}$ .
- Observe para seus alunos que as frações estudadas na Lição 1 são justamente as frações unitárias e que, pela Lição 2, toda fração é a justaposição de frações unitárias. Em outras palavras, as frações unitárias constituem a estrutura básica a partir da qual as demais frações são obtidas.

#### Atividade

Uma fração é dita **unitária** se o seu numerador é igual a 1.

a) Quais das frações a seguir são iguais a alguma fração unitária? Justifique sua resposta.

4	21	4	6
$\overline{20}$ ,	$\frac{}{7}$ ,	$\overline{30}$ ,	18

- b) Uma fração com numerador maior do que o denominador pode ser igual a uma fração unitária? Justifique sua resposta!
- c) Existe uma fração de denominador ímpar que seja igual à fração unitária  $\frac{1}{2}$ ? Justifique sua resposta!

#### Solução:

- a) Pelo item b) da Atividade Numerador da  $1^a$  com o denominador da  $2^a$ , se uma dada fração é igual a alguma fração unitária, então o produto do numerador da fração dada pelo denominador da fração unitária tem que ser igual ao denominador da fração dada, isto é, o denominador da fração dada tem que ser um múltiplo inteiro do seu numerador. Isto só acontece para as frações  $\frac{4}{20}$  e  $\frac{6}{18}$ .
- b) Não, pois frações unitárias são sempre menores ou iguais a 1, enquanto que uma fração com numerador maior do que o denominador é sempre maior do que 1.

Realização:

777 OLIMPÍADA BRASILEIRA
DO J DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS

Patrocínio:



c) Não, pois pelo item b) da Atividade *Numerador da 1ª com o denominador da 2ª*, se existisse uma fração com denominador ímpar que fosse igual à fração  $\frac{1}{2}$ , então o numerador da fração dada multiplicado por 2, um número par, teria que ser igual ao denominador da fração dada multiplicado por 1, o que dá um número ímpar. Portanto, um número par teria que ser igual a um número ímpar, o que não é possível.

OLIMPÍADA BRASILEIRA
O J DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS

