

# Atividade: A água continua subindo

#### Habilidades

**LAF2** Compreender a taxa de variação como uma medida de covariação entre grandezas e utilizála para interpretar situações reais.

## Para o professor

### Objetivos específicos

OE1 Registrar em palavras diversas situações que são descritas por funções crescentes, especificando mudanças de comportamento.

# Observações e recomendações

- Considere realizar essa atividade em grupo, principalmente em turmas maiores. Essa pode ser uma estratégia interessante para dar oportunidade para que os estudantes, em grupos, exponham suas impressões e argumentos.
- Após os estudantes realizarem as análises, discuta com eles sobre a necessidade de se ter uma maneira sistemática de diferenciar as diversas maneiras que se pode ter um gráfico crescente.
- Estimule-os a pensar em outras situações em que há variações similares ou situações análogas em que haja decrescimento.
- Certifique-se que todos os estudantes compreendem o significado de "vazão constante", isto é, que o volume de água por unidade de tempo que entra em cada um dos recipientes é constante.
- Aqui a palavra uniformemente deve ser interpretada a partir do senso comum: aquilo que não tem variação ou mudança. Mais adiante será apresentada uma definição precisa para o que devemos entender como crescimento/decrescimento uniforme.

#### **Atividade**

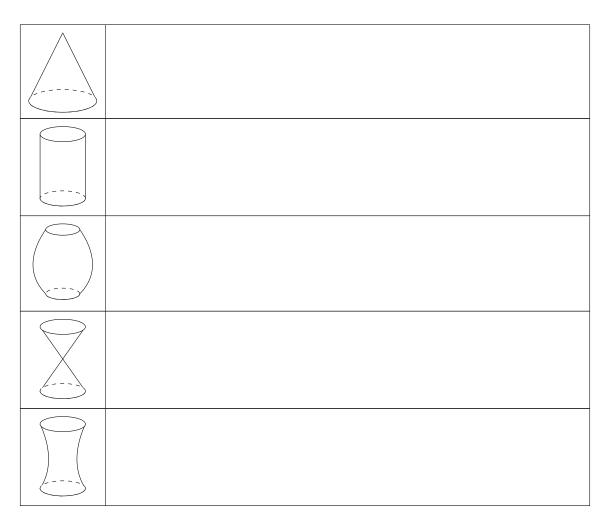
**Parte I** Suponha que os diversos reservatórios abaixo têm a mesma capacidade, a mesma altura e que em cada um deles a água entra a uma vazão constante. Analisando a forma de cada um dos reservatórios, descreva de que maneira a altura varia em função do tempo no início, meio e fim do processo. Use, quando necessário, as palavras **lentamente**, **rapidamente** e **uniformemente**. (Gravina, 1992, pp. 33-38)



OLIMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS



Patrocínio:



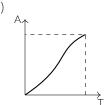
**Parte II** Relacione a forma do pote com o gráfico da variação da altura em função do tempo de cada um deles.



b)



(1)



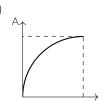
C)



d)



(11)



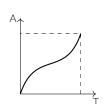
e)



f)



(|||)

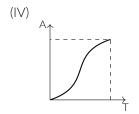


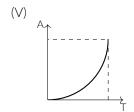
Realização:

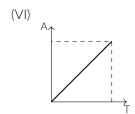


Patrocínio:









## Solução:

Admitindo que a água entra a uma taxa constante em cada um dos recipientes, podemos descrever a maneira como a altura da coluna de água varia com o tempo da seguinte forma:

| No início a coluna de água subirá rapidamente, no meio<br>estará subindo mais lentamente e na parte final mais<br>lentamente ainda.   | (11)  |
|---|-------|
| No início a coluna de água subirá lentamente, no meio estará subindo mais rapidamente e na parte final mais rapidamente ainda.  | (V)   |
| A altura da água subirá de maneira uniforme, com velocidade<br>constante  | (∨I)  |
| No início a altura de coluna subirá mais rapidamente, ficando<br>cada vez mais lenta até chgar à metade do recipiente. Daí<br>em diante, de maneira simétrica, voltará a acelerar.          | (111) |
| No início a altura da coluna de água subirá lentamente,<br>ficando cada vez mais rápida até chegar à metade do<br>recipiente. Daí em diante, de maneira simétrica, voltará a<br>descelerar. | (IV)  |
| Comportamento similar ao anterior, contudo, as diferenças<br>de velocidade não são tão perceptíveis. Pode funcionar<br>como um "meio termo" entre o anterior e o cilíndro.                  | (1)   |

