

Atividade: Além da tabela

Habilidades

EM13MAT305 Resolver e elaborar problemas com funções logarítmicas nos quais seja necessário compreender e interpretar a variação das grandezas envolvidas, em contextos como os de abalos sísmicos, pH, radioatividade, Matemática Financeira, entre outros.

Para o professor

Objetivos específicos

OE1 Sintetizar a propriedade do logaritmo a partir da sua validade nos exemplos específicos.

Observações e recomendações

Ainda desenvolvendo a investigação das propriedades do logaritmo, chegamos a uma aplicação na matemática, que é o cálculo dos logaritmos de números além daqueles nas tabelas.

Posteriormente, será realizada a exploração dessas propriedades na resolução de problemas práticos, mas, conforme indicado pelos resultados do pisa, a exploração da matemática pura também é importante, inclusive para a resolução de problemas aplicados. Assim, essa etapa do desenvolvimento do conteúdo parece adequada para a exploração dessas propriedades.

Atividade

Utilize a tabela 1 para encontrar os valores dos seguintes logaritmos:

- a) $\log_2 64$;
- b) $\log_2 48$;
- c) $\log_2 60$;
- d) $\log_2(3/2)$;
- e) $\log_2(600/1024)$.





Patrocínio:

$2^{\log_2 n}$	\boldsymbol{n}	
2^{0}	1	
2^{1}	2	
$2^{1,58}$	3	
2^2	4	
$2^{2,32}$	5	
$2^{2,58}$	6	
$2^{2,81}$	7	
2^{3}	8	
$2^{3,16}$	9	
23,32	10	

$2^{\log_2 n}$	\boldsymbol{n}
$2^{3,46}$	11
$2^{3,58}$	12
$2^{3,7}$	13
$2^{3,81}$	14
$2^{3,9}$	15
2^{4}	16
$2^{4,08}$	17
$2^{4,16}$	18
$2^{4,24}$	19
$2^{4,32}$	20

$2^{\log_2 n}$	\boldsymbol{n}
$2^{4,39}$	21
$2^{4,46}$	22
$2^{4,52}$	23
$2^{4,58}$	24
24,64	25
$2^{4,7}$	26
$2^{4,75}$	27
$2^{4,81}$	28
$2^{4,85}$	29
$2^{4,9}$	30

Tabela 1: Expoentes de 2 aproximando os naturais de 1 à 30

Solução:

- a) $\log_2 64 = \log_2 16 \times 4 = \log_2 16 + \log_2 4 \approx 4 + 2 = 6;$
- b) $\log_2 48 = \log_2 24 \times 2 = \log_2 24 + \log_2 2 \approx 4{,}58 + 1 = 5{,}58;$
- c) $\log_2 60 = \log_2 30 \times 2 = \log_2 30 + \log_2 2 \approx 4.9 + 1 = 5.9;$
- d) $\log_2 3/2 = \log_2 3 \log_2 2 \approx 1{,}58 1 = 0{,}58;$
- e) $\log_2 600/1024 = \log_2 75/128 = \log_2 3 \times 25 \log_2 8 \times 16 = \log_2 3 + \log_2 25 (\log_2 8 + \log_2 16) \approx 1,58 + 4,64 (3+4) = 6,22 7 = -0,78.$



Patrocínio: