

Atividade: Fogos de artifício

Habilidades

EM13MAT403 Analisar e estabelecer relações, com ou sem apoio de tecnologias digitais, entre as representações de funções exponencial e logarítmica expressas em tabelas e em plano cartesiano, para identificar as características fundamentais (domínio, imagem, crescimento) de cada função.

Para o professor

Objetivos específicos

OE1 Resolver questões envolvendo logaritmos e a unidade de decibel.

Observações e recomendações

■ Recomenda-se a resolução da atividade em sala para oportunizar o surgimento de dúvidas, tendo em vista que a definição de decibel pode parecer complicada à primeira vista.

Atividade

Algumas cidades brasileiras estão limitando o nível sonoro dos fogos de artifício utilizados em celebrações, permitindo apenas fogos de até 100dB a 100 metros de distância. A classificação do som como forte ou fraco está relacionada à intensidade sonora, medida em watts por metro quadrado W/m^2 . A menor intensidade sonora audível ou limiar de audibilidade possui intensidade $I_0=10^{-12}W/m^2$. O nível sonoro pode ser calculado a partir da intensidade da onda pela expressão $I_{dB}=10\times log(I/I_0)$, onde I_0 é o limiar de audibilidade. Um técnico mede a intensidade sonora de um foguete como sendo de $3,7W/m^2$ a 100 metros de distância. Esse foguete poderia ser utilizado de acordo com a norma determinada por essas cidades?

Solução:

Calculamos o nível de intensidade

$$I_{dB} = 10 \log \left(\frac{3.7}{10^{-12}}\right)$$

$$= 10 \log(3.7 \times 10^{12})$$

$$= 10 (\log 3.7 + 12)$$

$$= 10 \times 12.5682 = 125.682$$

e verificamos que o artefato estaria em desacordo com a norma.

OUMPÍADA BRASILEIRA
DE MATEMÁTICA
DAS ESCOLAS PÚBLICAS

ori Socia