

## Atividade: Decodificando a mensagem

Um dos conceitos mais importantes para a segurança na *internet* nos dias de de hoje é o que chamamos de **criptografia** (do grego *criptos* = escondido, *grafia* = escrita). Segundo o site *wikipedia* ela é o estudo dos princípios e técnicas pelas quais a informação pode ser transformada da sua forma original para outra codificada, de forma que possa ser conhecida apenas por seu destinatário (detentor da "chave secreta"), o que a torna difícil de ser decifrada por alguém não autorizado. Em outras palavras, cria-se um código que pode ser facilmente desfeito (decodificado) mas apenas por aqueles que conhecem a codificação.

Considere a seguinte maneira de codificar o alfabeto

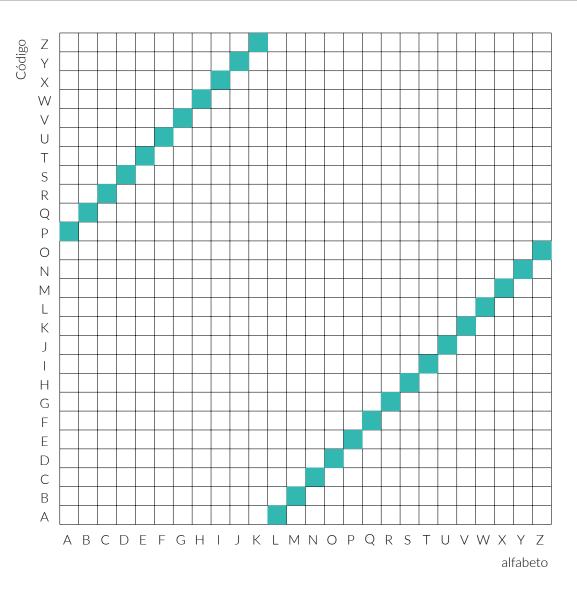
Original	А	В	С	D	Ε	F	G	Н	-	J	К	L	М	Ν	0	Р	Q	R	S	Т	U	V	W	Χ	Υ	Z
Código	Р	Q	R	S	Т	U	V	W	Χ	Υ	Ζ	Α	В	С	D	Ε	F	G	Н	1	J	К	L	М	Ν	0

- a) Use o código acima para codificar a palavra IMAGEM.
- b) Se você recebesse uma mensagem com a expressão RGXEIDVGPUPG, como faria para decodificá-la? A codificação acima pode também ser representada em um gráfico em que no eixo horizontal estão as letras originais e no vertical os seus respectivos códigos.

OUTT OLIMPÍADA BRASILEIRA DE MATEMÁTICA DAS ESCOLAS PÚBLICAS



Patrocínio:

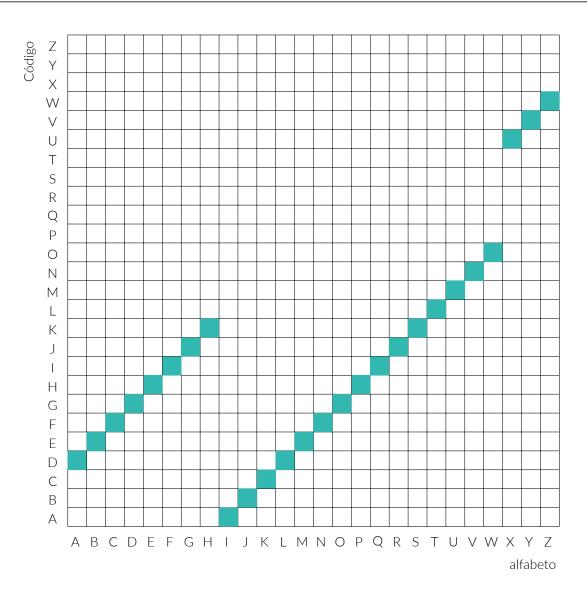


- c) Usando ainda o código acima escreva uma mensagem codificada com duas ou três palavras e troque com algum colega seu de classe. Decodifique a mensagem que recebeu.
  - Você deve ter percebido que a codificação é uma função do conjunto das letras do alfabeto em si mesmo: todas as letras precisam ter um código e uma mesma letra não pode ter mais de um código associada a si.
- d) Seja X o conjunto dos números naturais de 1 a 26. Fazendo a correspondência,  $A\mapsto 1, B\mapsto 2, C\mapsto 3$ , e assim por diante até  $Z\mapsto 26$ , determine uma função  $f:X\to X$  que corresponda ao código acima. Observe que por exemplo, f(1)=16.
- e) Usando a expressão  $f(x)=x^2$  crie um novo código entre as letras, representando-o no gráfico. O que devemos fazer quando os valores são maiores que 26?
- f) Considerando o código do gráfico abaixo, tente decodificar a palavra APQGJXV.





Patrocínio:



- g) Quais letras do código acima são impossíveis de decodificar e por quê?
- h) Que propriedades deve ter um código para que seja possível decodificá-lo?

