# **AES-128**

## 代码框架

⑤ 以下是使用C语言实现AES-128加密和解密算法的代码。AES-128算法的密钥长度是128位(16字节),需要定义密钥扩展、加密和解密等函数。

AES算法包含四个主要操作:字节代替(SubBytes)、行移位(ShiftRows)、列混淆(MixColumns)和轮密钥加(AddRoundKey)。对于AES-128,加密和解密的过程是由10轮操作组成的。

以下是简化的C代码实现,包含AES-128的加密和解密功能。代码实现了密钥扩展、加密和解密函数

```
#include <stdio.h>
#include <stdint.h>
#define Nb 4
#define Nk 4
#define Nr 10
// AES S-box
static const uint8_t sbox[256] = {
   // S-box values omitted for brevity
// AES inverse S-box
static const uint8_t inv_sbox[256] = {
```

```
static const uint8_t Rcon[11] = {
    0x00, 0x01, 0x02, 0x04, 0x08, 0x10, 0x20, 0x40, 0x80, 0x1B, 0x36
// Substitute bytes function for encryption
void SubBytes(uint8_t state[4][4]) {
    for (int i = 0; i < 4; i++)
         for (int j = 0; j < 4; j++)
              state[i][j] = sbox[state[i][j]];
void InvSubBytes(uint8_t state[4][4]) {
    for (int i = 0; i < 4; i++)
         for (int j = 0; j < 4; j++)
              state[i][j] = inv_sbox[state[i][j]];
```

```
void ShiftRows(uint8_t state[4][4]) {
    uint8_t temp;
void InvShiftRows(uint8_t state[4][4]) {
    uint8_t temp;
void MixColumns(uint8_t state[4][4]) {
void InvMixColumns(uint8_t state[4][4]) {
```

```
void AddRoundKey(uint8_t state[4][4], uint8_t roundKey[4][4]) {
    for (int i = 0; i < 4; i++)
         for (int j = 0; j < 4; j++)
             state[i][j] ^= roundKey[i][j];
void KeyExpansion(const uint8_t *key, uint8_t w[4 * Nb * (Nr + 1)]) {
    // Key expansion implementation based on AES specification
void AES_Encrypt(uint8_t *input, const uint8_t *key) {
    uint8_t state[4][4];
    uint8_t roundKeys[4 * Nb * (Nr + 1)];
    KeyExpansion(key, roundKeys);
    AddRoundKey(state, roundKeys);
    for (int round = 1; round < Nr; round++) {
```

```
SubBytes(state);
        ShiftRows(state);
        MixColumns(state);
        AddRoundKey(state, &roundKeys[round * 4 * Nb]);
    SubBytes(state);
    ShiftRows(state);
    AddRoundKey(state, &roundKeys[Nr * 4 * Nb]);
    for (int i = 0; i < 16; i++) input[i] = state[i % 4][i / 4];
void AES_Decrypt(uint8_t *input, const uint8_t *key) {
    uint8_t state[4][4];
    uint8_t roundKeys[4 * Nb * (Nr + 1)];
    KeyExpansion(key, roundKeys);
    // Initial round
```

```
AddRoundKey(state, &roundKeys[Nr * 4 * Nb]);
    for (int round = Nr - 1; round > 0; round--) {
         InvShiftRows(state);
         InvSubBytes(state);
         AddRoundKey(state, &roundKeys[round * 4 * Nb]);
         InvMixColumns(state);
    InvShiftRows(state);
    InvSubBytes(state);
    AddRoundKey(state, roundKeys);
    for (int i = 0; i < 16; i++) input[i] = state[i % 4][i / 4];
int main() {
    uint8_t key[16] = { /* 128-bit AES key */ };
    uint8_t data[16] = { /* 128-bit plaintext */ };
```

```
printf("Original data:\n");
for (int i = 0; i < 16; i++) printf("%02x ", data[i]);
AES_Encrypt(data, key);
printf("\nEncrypted data:\n");
for (int i = 0; i < 16; i++) printf("%02x ", data[i]);
AES_Decrypt(data, key);
printf("\nDecrypted data:\n");
for (int i = 0; i < 16; i++) printf("%02x ", data[i]);
return 0;
```

### 说明

- 1. **S-box和逆S-box**: 用于 SubBytes 和 InvSubBytes 操作,需要将S-box和逆S-box的实际值填充进去。
- 2. 密钥扩展 (Key Expansion): 根据AES规范生成轮密钥。
- 3. 加密过程: 先进行一次 AddRoundKey 操作,然后进行 SubBytes 、 ShiftRows 、 MixColumns ,并再次执行 AddRoundKey 。最后一轮省略 MixColumns 。
- 4. 解密过程:与加密相反,需要先使用最后的轮密钥,然后逆序进行 InvShiftRows、InvSubBytes、InvMixColumns 等操作。

这段代码实现了AES-128的核心功能,但需要填充S-box、逆S-box、MixColumns 和 InvMixColumns 的具体实现。

# 填充 ShiftRows

- ShiftRows 是 AES 算法中的一个步骤,它通过行移位操作混淆字节的位置,增强加密强度。在 ShiftRows 操作中,AES的4x4状态矩阵的每一行根据行号进行移位操作:
  - 第0行保持不变。
  - 第1行左移1字节。
  - 第2行左移2字节。
  - 第3行左移3字节。

以下是 ShiftRows 和 InvShiftRows 的实现:

```
// ShiftRows operation for encryption
void ShiftRows(uint8_t state[4][4]) {
    uint8_t temp;
    temp = state[1][0];
    state[1][0] = state[1][1];
    state[1][1] = state[1][2];
    state[1][2] = state[1][3];
    state[1][3] = temp;
    // Row 2: left rotate by 2
    temp = state[2][0];
    state[2][0] = state[2][2];
    state[2][2] = temp;
```

```
temp = state[2][1];
    state[2][1] = state[2][3];
    state[2][3] = temp;
    // Row 3: left rotate by 3 (or right rotate by 1)
    temp = state[3][3];
    state[3][3] = state[3][2];
    state[3][2] = state[3][1];
    state[3][1] = state[3][0];
    state[3][0] = temp;
void InvShiftRows(uint8_t state[4][4]) {
    uint8_t temp;
    // Row 1: right rotate by 1
    temp = state[1][3];
    state[1][3] = state[1][2];
    state[1][2] = state[1][1];
    state[1][1] = state[1][0];
    state[1][0] = temp;
```

```
// Row 2: right rotate by 2
temp = state[2][0];
state[2][0] = state[2][2];
state[2][2] = temp;
temp = state[2][1];
state[2][1] = state[2][3];
state[2][3] = temp;
// Row 3: right rotate by 3 (or left rotate by 1)
temp = state[3][0];
state[3][0] = state[3][1];
state[3][1] = state[3][2];
state[3][2] = state[3][3];
state[3][3] = temp;
```

- ShiftRows: 每行按照其行号左移字节。例如,第 1 行左移 1 字节,第 2 行左移 2 字节,以此类推。
- InvShiftRows: 反向移位操作,恢复原来的顺序,以便解密时恢复初始状态。例如,第 1 行右移 1 字节,第 2 行右移 2 字节等。

这样,ShiftRows 和 InvShiftRows 函数可以在 AES 加密和解密中正确地处理状态矩阵的行移位。

### 填充 MixColumns

MixColumns 是 AES 算法中的一个列混淆操作,主要通过对状态矩阵的每一列进行线性变换来增强混淆效果。 MixColumns 使用固定的 GF(2<sup>8</sup>) 有限域上的多项式来对每一列进行矩阵乘法。

具体地, AES 算法中 MixColumns 使用了如下矩阵与状态矩阵的每一列相乘:

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

下面是 MixColumns 和 InvMixColumns 的实现。由于在 AES 中乘法是在 GF(2<sup>8</sup>) 有限域中完成的,因此需要用到有限域上的乘法运算。

### MixColumns 实现

```
● 复制代码
// Helper function to perform multiplication in GF(2^8)
uint8_t gmul(uint8_t a, uint8_t b) {
    uint8_t p = 0;
    for (int i = 0; i < 8; i++) {
        if (b & 1) p ^= a;
       uint8_t high_bit = a & 0x80;
        a <<= 1;
        if (high_bit) a ^{-} 0x1b; // x^{8} + x^{4} + x^{3} + x + 1
        b >>= 1;
    }
    return p;
// MixColumns operation for encryption
void MixColumns(uint8_t state[4][4]) {
    uint8_t temp[4];
    for (int c = 0; c < 4; c++) {
        temp[0] = gmul(0x02, state[0][c]) ^ gmul(0x03, state[1][c]) ^ state[2][c]
        temp[1] = state[0][c] ^ gmul(0x02, state[1][c]) ^ gmul(0x03, state[2][c]
        temp[2] = state[0][c] ^ state[1][c] ^ gmul(0x02, state[2][c]) ^ gmul(0x03)
        temp[3] = gmul(0x03, state[0][c]) ^ state[1][c] ^ state[2][c] ^ gmul(0x03)
        for (int i = 0; i < 4; i++) {
            state[i][c] = temp[i];
        }
    }
}
```

#### InvMixColumns 实现

解密时使用的 InvMixColumns 操作需要使用不同的矩阵:

```
\begin{bmatrix} 0e & 0b & 0d & 09 \\ 09 & 0e & 0b & 0d \\ 0d & 09 & 0e & 0b \\ 0b & 0d & 09 & 0e \\ \end{bmatrix}
```

相应的代码实现如下:

### 代码解释

- **gfmul 函数**: 在 GF(2<sup>8</sup>) 有限域上进行乘法运算。 **gmul** 使用了"标准 AES 有限域乘法",其中乘法结果超过 8 位时进行模多项式的异或运算。
- MixColumns 和 InvMixColumns: 分别实现加密和解密时的列混淆操作,通过对每一列进行线性变换混淆字节。

这样, MixColumns 和 InvMixColumns 就可以正确地在 AES 加密和解密流程中进行列混淆操作了。

# 填充 KeyExpansion

(季) KeyExpansion 是 AES 算法中的密钥扩展步骤,它用于生成加密和解密所需的轮密钥(Round Key)。在 AES-128 中,原始密钥长度为 128 位(16 字节),而每轮操作需要一个 128 位的轮密钥。AES-128 一共需要 10 轮密钥加上初始轮密钥,共 11 个轮密钥。

在密钥扩展过程中,会使用一个叫做 Rcon(轮常量)数组,以及 SubWord 和 RotWord 操作:

• Rcon:每一轮的常量,用于混淆。

• SubWord: 使用 AES S-box 进行字节替换。

• RotWord:对 4 字节向量循环左移一个字节。

以下是 AES-128 KeyExpansion 的实现代码:

```
// Substitute word using S-box for key expansion
void SubWord(uint8_t *word) {
    for (int i = 0; i < 4; i++) {
         word[i] = sbox[word[i]];
// Rotate word by one byte to the left
void RotWord(uint8_t *word) {
    uint8_t temp = word[0];
    word[0] = word[1];
    word[1] = word[2];
    word[2] = word[3];
    word[3] = temp;
```

```
void KeyExpansion(const uint8_t *key, uint8_t w[4 * Nb * (Nr + 1)]) {
    uint8_t temp[4];
    // The first Nk words are the original key
    while (i < Nk) {
         w[4 * i + 0] = key[4 * i + 0];
         w[4 * i + 1] = key[4 * i + 1];
         w[4 * i + 2] = key[4 * i + 2];
         w[4 * i + 3] = key[4 * i + 3];
         i++;
    // Generate the rest of the words
    while (i < Nb * (Nr + 1)) \{
         temp[0] = w[4 * (i - 1) + 0];
         temp[1] = w[4 * (i - 1) + 1];
         temp[2] = w[4 * (i - 1) + 2];
         temp[3] = w[4 * (i - 1) + 3];
```

```
if (i % Nk == 0) {
    RotWord(temp);
    SubWord(temp);
    temp[0] ^= Rcon[i / Nk];
w[4 * i + 0] = w[4 * (i - Nk) + 0] ^ temp[0];
w[4 * i + 1] = w[4 * (i - Nk) + 1] ^ temp[1];
w[4 * i + 2] = w[4 * (i - Nk) + 2] ^ temp[2];
w[4 * i + 3] = w[4 * (i - Nk) + 3] ^ temp[3];
į++;
```

- 初始化: 前 Nk 个字(在 AES-128 中 Nk = 4) 直接从密钥中复制。
- 轮密钥生成: 从第 Nk 个字开始生成额外的轮密钥, 直到生成总共 Nb \* (Nr + 1) 个字。
  - RotWord: 每 Nk 个字进行一次循环左移一个字节的操作。
  - SubWord: 使用 S-box 替换字中的每个字节。
  - Rcon 异或: 第一个字节与轮常量 Rcon[i / Nk] 异或,以增加混淆。
- 结果异或:将 temp 与前一个 Nk 的字异或生成新的字。

### 示例调用

在加密函数中, KeyExpansion 会生成每一轮所需的轮密钥。例如,在 AES 加密的 AddRoundKey 操作中,每一轮的密钥可以直接从 w 中读取。

## **AES-192**

## 区别

- - 1. **密钥长度**: AES-192 使用 192 位(24 字节)的密钥。
  - 2. 轮数: AES-192 需要 12 轮加密, 每轮使用不同的轮密钥。
  - 3. Nk 和 Nr: 对于 AES-192, Nk = 6 (密钥包含 6 个 32 位字), Nr = 12 (共 12 轮操作)。

## 修改 KeyExpansion

```
0x00,\,0x01,\,0x02,\,0x04,\,0x08,\,0x10,\,0x20,\,0x40,\,0x80,\,0x1B,\,0x36,\,0x6C,\,0xD8
// Substitute word using S-box for key expansion
void SubWord(uint8_t *word) {
    for (int i = 0; i < 4; i++) {
         word[i] = sbox[word[i]];
void RotWord(uint8_t *word) {
    uint8_t temp = word[0];
    word[0] = word[1];
    word[1] = word[2];
    word[2] = word[3];
    word[3] = temp;
void KeyExpansion(const uint8_t *key, uint8_t w[4 * Nb * (Nr + 1)]) {
    uint8_t temp[4];
```

```
// The first Nk words are the original key
while (i < Nk) {
     w[4 * i + 0] = key[4 * i + 0];
    w[4 * i + 1] = key[4 * i + 1];
     w[4 * i + 2] = key[4 * i + 2];
    w[4 * i + 3] = key[4 * i + 3];
     i++;
while (i < Nb * (Nr + 1)) {
     temp[0] = w[4 * (i - 1) + 0];
     temp[1] = w[4 * (i - 1) + 1];
     temp[2] = w[4 * (i - 1) + 2];
     temp[3] = w[4 * (i - 1) + 3];
     if (i % Nk == 0) {
         RotWord(temp);
         SubWord(temp);
         temp[0] ^= Rcon[i / Nk];
```

- Nk = 6: 在 AES-192 中, 密钥有 6 个 32 位字。
- Nr = 12: AES-192 需要 12 轮。
- **轮密钥生成逻辑**:与 AES-128 类似,但由于 Nk = 6,在每隔 Nk = 6 个字时会应用 RotWord 和 SubWord,以及 Rcon 的异或。
- **额外的** SubWord **操作**:在 Nk > 6 的情况下,每 4 个字时再应用一次 SubWord ,用于增加 混淆(此条件在 AES-256 中也适用)。

### 总结

- AES-192 的 KeyExpansion 生成了 12 + 1 = 13 个轮密钥,每个轮密钥占用 4 列(16 字节)。
- 其他加密、解密函数的 ShiftRows 、 MixColumns 等操作和 AES-128 一致,唯一的差别在于 AES-192 需要进行 12 轮(Nr = 12)的加密/解密。

# **AES-256**

# 区别

- AES-256 的实现与 AES-128 和 AES-192 类似。不同之处主要是:
  - 1. **密钥长度**: AES-256 使用 256 位(32 字节)的密钥。
  - 2. 轮数: AES-256 需要 14 轮加密,每轮使用不同的轮密钥。
  - 3. Nk 和 Nr: 对于 AES-256, Nk = 8 (密钥包含 8 个 32 位字), Nr = 14 (共 14 轮操作)。

# 修改 KeyExpansion

```
#define Nb 4 // AES 的列数是固定的
#define Nk 8 // AES-256 的密钥由 8 个 32 位字组成
#define Nr 14 // AES-256 有 14 轮
static const uint8_t Rcon[15] = {
    0x00, 0x01, 0x02, 0x04, 0x08, 0x10, 0x20, 0x40, 0x80, 0x1B, 0x36, 0x6C, 0xD8, 0xAB, 0x4D
// Substitute word using S-box for key expansion
void SubWord(uint8_t *word) {
    for (int i = 0; i < 4; i++) {
        word[i] = sbox[word[i]];
```

```
void RotWord(uint8_t *word) {
    uint8_t temp = word[0];
    word[0] = word[1];
    word[1] = word[2];
    word[2] = word[3];
    word[3] = temp;
void KeyExpansion(const uint8_t *key, uint8_t w[4 * Nb * (Nr + 1)]) {
    uint8_t temp[4];
    // The first Nk words are the original key
    while (i < Nk) {
         w[4 * i + 0] = key[4 * i + 0];
         w[4 * i + 1] = key[4 * i + 1];
         w[4 * i + 2] = key[4 * i + 2];
         w[4 * i + 3] = key[4 * i + 3];
```

```
i++;
// Generate the rest of the words
while (i < Nb * (Nr + 1)) {
    temp[0] = w[4 * (i - 1) + 0];
    temp[1] = w[4 * (i - 1) + 1];
    temp[2] = w[4 * (i - 1) + 2];
    temp[3] = w[4 * (i - 1) + 3];
    if (i % Nk == 0) {
         RotWord(temp);
         SubWord(temp);
         temp[0] ^= Rcon[i / Nk];
    } else if (i % Nk == 4) {
         SubWord(temp);
    w[4 * i + 0] = w[4 * (i - Nk) + 0] ^ temp[0];
    w[4 * i + 1] = w[4 * (i - Nk) + 1] ^ temp[1];
    w[4 * i + 2] = w[4 * (i - Nk) + 2] ^ temp[2];
    w[4 * i + 3] = w[4 * (i - Nk) + 3] ^ temp[3];
```

```
i++;
}
```

- Nk = 8: AES-256 密钥有 8 个 32 位字。
- Nr = 14: AES-256 需要 14 轮。
- 轮密钥生成逻辑:
  - 对于每 Nk 个字, 进行 RotWord 和 SubWord 操作, 并与轮常量 Rcon[i / Nk] 异或。
  - 当 i % Nk == 4 时,仅应用 SubWord,没有 RotWord 和 Rcon 异或。这用于在 AES-256 的密钥扩展中增加混淆。

### 说明

- AES-256 KeyExpansion 生成 15 个 128 位的轮密钥,每个轮密钥用于 AES-256 加密和解密 的每一轮。
- 其他加密、解密函数的 ShiftRows 、MixColumns 等操作与 AES-128 和 AES-192 相同,唯一的差别是 AES-256 进行 14 轮(Nr = 14)的加密/解密操作。

◆ 日 6 日 5 ×