Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого» Институт компьютерных наук и технологий Кафедра компьютерных систем и программных технологий

# Телекоммуникационные технологии

Лабораторная работа №8: Модель телекоммуникационного канала

> Работу выполнил: Сергеев А.А. Группа: 33531/2 Преподаватель: Богач Н.В.

## Содержание

1	Цель		2
2	Пост	ановка задачи	2
3		работы	2
	3.1	Помехоустойчивое кодирование	2
	3.2	Перемежение бит	3
	3.3	Модуляция	3
	3.4	Прямое расширение спектра	3
		BPSK	
	3.6	CRC	4
	3.7	Декодирование	4
4	Выво	חת	4

## 1 Цель

Создать модель телекоммуникационного канала.

## 2 Постановка задачи

Пакетный сигнал длительностью 200 мкс состоит из 64 бит полезной информации и 8 нулевых tail-бит. В нулевом 16-битном слове пакета передается ID, в первом — период излучения в мс, во втором — сквозной номер пакета, в третьем — контрольная сумма (CRC-16). На передающей стороне пакет сформированный таким образом проходит следующие этапы обработки:

- 1. Помехоустойчивое кодирование сверточным кодом с образующими полиномами  $753,\,561$  (octal) и кодовым ограничением 9. На выходе кодера количество бит становится равным 144.
- 2. Перемежение бит. Количество бит на этом этапе остается неизменным.
- 3. Модуляция символов. На этом этапе пакет из 144 полученных с выхода перемежителя бит разбивается на 24 символа из 6 бит. Генерируется таблица функций Уолша длиной 64 бита. Каждый 6-битный символ заменяется последовательностью Уолша, номер которой равен значению данных 6-ти бит. Т.о. на выходе модулятора получается 24\*64=1536 знаковых символов.
- 4. Прямое расширение спектра. Полученная последовательность из 1536 символов периодически умножается с учетом знака на ПСП длиной 511 символов. Далее к началу сформированного символьного пакета прикрепляется немодулированная ПСП. Т.о. символьная длина становится равной 2047. Далее полученные символы модулируются методом BPSK.

По имеющейся записи сигнала из эфира и коду модели передатчика создать модель приемника, в которой найти позицию начала пакета и, выполнив операции демодуляции, деперемежения и декодирования, получить передаваемые параметры: ID, период и номер пакета. Запись сделана с передискретизацией 2, т.е. одному BPSK символу соответствуют 2 лежащих друг за другом отсчета в файле. Известно, что ID=4, период  $100\,$  мс, номер пакета 373. Запись сделана с передискретизацией 2, т.е. одному BPSK символу соответствуют  $2\,$  лежащих друг за другом отсчета в файле. Запись сделана на нулевой частоте и представляет из себя последовательность 32-х битных комплексных отсчетов, где младшие  $16\,$  бит вещественная часть, старшие  $16\,$  бит — мнимая часть.

## 3 Ход работы

#### 3.1 Помехоустойчивое кодирование

Помехоустойчивое кодирование сверточным кодом с образующими полиномами 755, 561 (octal) и кодовым ограничением 9:

```
1| trellis = poly2trellis(9, [753 561]);
2| convolved_signal = convenc(data, trellis);
```

Функция poly2trellis принимает в качестве аргументов кодовое ограничение и образующие полиномы, возвращая структуру trellis, с помощью которой в последующем методе convenc происходит кодирование сообщения. Метод convenc осуществляет само кодирование, принимая в качестве аргументов изначальное сообщение и структуру trellis. Каждый символ в исходном сообщении состоит из  $\log_2(trellis.numInputSymbols)$ , в закодированном – из  $\log_2(trellis.numOutputSymbols)$ . Размер исходного сообщения – 72 бита, длина закодированных данных – 144 бита.

### 3.2 Перемежение бит

На этом этапе количество бит остаётся неизменным. На этом этапе происходит процесс перестановки бит в сообщении, чтобы избежать последовательных ошибок при кодировании. Таблица перемежения – это перестановка чисел от 0 до 143 (по длине сообщения).

```
interleaver = int16([ 0; 133; 122; 111;
                                                                                              34:
                                                                                                    23:
                                                                                 56:
                               12;
                                          134;
                                                                           79:
                                                                                 68:
                                                                                       57:
                                                                                              46;
                                      1;
                                                123:
                                                       112:
                                                             101;
                                     13;
                                                135;
                                                             113;
                                                                   102;
                                                                           91:
                                                                                 80:
                                                                                       69;
                                                                                              58;
                                                                                                    47;
                               36;
                                     25;
                                           14;
                                                       136;
                                                             125;
                                                                   114;
                                                                         103;
                                                                                 92;
                                                                                       81;
                                                                                              70;
                                                                                                    59;
 4
5
6
                                                                         115;
                               48.
                                     37:
                                           26:
                                                  15:
                                                         Δ.
                                                             137;
                                                                   126:
                                                                                104:
                                                                                       93:
                                                                                              82:
                                                                                                    71:
                               60:
                                     49:
                                           38:
                                                  27:
                                                        16:
                                                               5:
                                                                   138:
                                                                         127:
                                                                                116:
                                                                                      105:
                                                                                              94:
                                                                                                    83:
 7
                                     61:
                                                                                            106:
                               72:
                                           50:
                                                  39:
                                                        28:
                                                              17:
                                                                     6:
                                                                         139:
                                                                                128:
                                                                                      117:
                                                                                                    95:
                                                        40;
                               84:
                                     73;
                                                              29;
                                                                                                  107:
                                           62;
                                                  51;
                                                                    18;
                                                                                140;
                                                                                      129;
                                                                                            118;
                                                                           19;
                                     85;
                                                              41:
                                                                    30:
                                                                                      141;
10
                              108;
                                     97;
                                           86;
                                                  75;
                                                        64;
                                                              53;
                                                                    42;
                                                                           31;
                                                                                 20;
                                                                                        9;
                                                                                            142;
                                                                                                  131;
11
                              120;
                                   109;
                                           98;
                                                  87:
                                                        76;
                                                              65;
                                                                    54:
                                                                           43;
                                                                                 32;
                                                                                       21;
                                                                                              10;
12
                              132:
                                   121; 110;
                                                  99:
                                                        88:
                                                                    66:
                                                                           55:
                                                                                 44.
                                                                                       33.
                                                                                                    11])
13
   interleaved _ signal = convolved _ signal(interleaver+1);
```

## 3.3 Модуляция

Сначала полученные после перемежения 144 бита разбиваются на 24 символа из 6 бит. Затем генерируется таблицу функций Уолша длиной 64 бита. Для этого каждый 6-битный символ заменяется последовательностью Уолша, номер которой равен значению данных 6-ти бит. Функции Уолша — это семейство функций, образующих ортогональную систему, принимающих на всей области определения значения 1 и -1.

```
signal_matrix = reshape(interleaved_signal(1:N*2), [N*2/6, 6]);
y = int16(hadamard(64));
row_number = int16(zeros(1, N*2/6));
for k=1:N*2/6
    line = signal_matrix(k,:);
    row_number(k) = bi2de(line) + 1;
end
signal = y(row_number, :);
signal to_modulate = reshape(signal', 1, []);
```

После этого на выходе получаем  $144 \cdot 6 = 1536$  знаковых символов.

#### 3.4 Прямое расширение спектра

Расширение спектра производится методом прямой последовательности, повышая тактовую частоту модуляции. Каждому символу из сообщения ставится в соответствие некоторая достаточно длинная псевдослучайная последовательность. Здесь берется ПСП длиной 511 символов:

```
PRS = int16([1;
                       1 ·
                           1:
                                1;
                                    1 ·
                                         1:
                                             - 1 ·
                                                 - 1 ·
                                                      -1:
                                                           -1.
                                                                 1 ·
                                                                                  -1.
                         -1; -1; -1;
                                       -1;
                                             1;
                                                 -1;
                                                       1;
                                                           1;
                                                               -1;
                                                                    -1;
                                                                                  -1;
                      1;
                                                                          1:
                                                                               1;
                                                                                        1;
3
                     -1;
                               1;
                                        1; -1;
                                                      -1;
                                                           -1;
                                                               -1;
                                                                    -1;
                                                                                       -1;
                           1:
                                    1;
                                                  1;
                                                                          1;
                                                                               1;
                                                                                   1:
                               -1; -1; -1; -1;
5
                 -1;
                          -1;
                                1;
                                             -1;
                                                       1;
                                                                    -1;
                                                                                  -1;
6
                                    1:
                                         1;
                                                 -1;
                                                            1:
                                                                1:
                                                                         -1:
                           1;
                                         1;
                                                                    -1;
7
                                              1;
                 -1:
                                1: -1:
                                                  1:
                                                      -1;
                                                            1:
                                                               -1:
                                                                          1:
                                                                                   1:
8
                 -1:
                      1: -1:
                                1: -1:
                                        -1:
                                             1:
                                                 -1:
                                                       1: -1:
                                                               -1:
                                                                    -1:
                                                                         -1:
                                                                                  -1:
                                1; -1;
                                        1; -1;
                      1;
                         -1;
                                                  1;
                                                       1;
                                                           1:
                                                                     1; -1;
                                                                                  -1:
10
                               -1;
                                   -1;
                                        -1; -1;
                                                  -1;
                                                        1;
                                                               -1;
11
                                         1; -1;
                                                       1;
                                                           -1;
                                                                    -1;
                           1;
                               1; -1;
12
                      1:
                           1:
                               -1:
                                    1:
                                         1:
                                              1:
                                                   1:
                                                       1:
                                                           -1:
                                                               -1:
                                                                    -1:
                                                                          1:
                 -1;
                           1;
                                                       1;
                                                                     1;
13
                     -1:
                                1; -1;
                                         1;
                                             -1;
                                                 -1;
                                                            1;
                                                               -1:
                                                                         -1:
                                                           -1;
                     -1: -1:
14
                 -1:
                                1:
                                    1: -1:
                                             1:
                                                 -1:
                                                      -1:
                                                                1:
                                                                    -1:
                                                                          1:
                                                                               1:
15
                  1:
                      1:
                           1:
                               -1:
                                     1:
                                       -1: -1:
                                                  1:
                                                       -1:
                                                            1:
                                                                1:
                                                                    -1:
                                                                         -1:
16
                                        -1; -1;
                                                  -1:
                                                            1: -1:
                                    1:
                                                       1:
17
                                                       -1;
                 -1;
18
                         -1; -1;
                                         1;
                                             1;
                                                       1;
                                                            1;
                                                                     1;
                                    1;
                                                  1;
                                                               -1;
                 -1;
                      1;
                                        -1;
                                                       1;
                                                                     1;
19
                          -1; -1;
                                             -1;
                                                   1:
                                                           -1;
                                                                          1:
                                     1;
                                                                1;
                              -1:
                                             -1:
                                                                    -1: -1:
20
                 -1:
                     -1:
                           1:
                                    1:
                                         1:
                                                   1:
                                                      -1;
                                                            1:
                                                               -1:
                                                                             -1:
                                                                                   1:
                                                                                       -1:
21
                  1; -1; -1; -1;
                                       -1; -1;
                                                                                  -1;
                                     1:
                                                   1;
                                                       1;
                                                            1;
                                                               -1;
                                                                     1;
                                                                          1:
                                                                             -1;
                                        -1;
                                                   1;
                                                      -1:
                                                           -1;
                          1:
                                1:
                                    1:
                                              1;
                                                               -1;
                      1:
23
                                   -1:
                                                   1:
                                                       1; -1; -1;
24
                                         1; -1;
                                                           -1;
                                                                         -1;
                          -1;
                                    -1;
                                                  -1;
                                                       -1;
                                                                     -1;
                 -1;
                                        -1;
                                             -1;
                                                      -1;
25
                     -1:
                          -1:
                                1;
                                   -1:
                                                   1;
                                                           -1:
                                                               -1:
                                                                     1;
                                                                          1:
                                                                              -1:
26
                                         1: -1:
                 -1:
                     -1:
                         -1:
                                1:
                                    1:
                                                   1:
                                                      -1:
                                                            1:
                                                               -1:
                                                                     1:
                                                                          1:
                                                                             -1:
27
                 -1:
                     -1:
                          -1:
                                1:
                                     1:
                                          1:
                                             -1:
                                                  -1:
                                                       -1:
                                                            1:
                                                               -1:
                                                                     -1:
                                                                             -1:
28
                  1; -1;
                                          1; -1;
                               -1:
                                                               -1;
                          -1;
                                     1;
                                                  1;
                                                       1:
                                                                     1;
                     -1;
                           1;
                                             -1;
                                                  -1;
                                                            1;
                                                               -1;
                                                                    -1;
                                1;
30
                          -1;
                                   -1;
                                          1; -1;
                                                       1;
                                                           -1; -1;
                                                                         -1:
                     -1;
                                                 -1;
                                                                                    1:
                                                      -1;
                                                            1;
31
                      1;
                           1;
                               -1;
                                   -1;
                                          1;
                                              1;
                                                  1:
                                                               -1;
                                                                         -1;
                                              1; -1;
32
                          -1;
                               1;
                                    1;
                                         1:
                                                      -1; -1; -1;
33
     repeat = int16(length(signal to modulate) / length(PRS'));
35 n_compl = length(signal_to_modulate) - length(PRS') * n repeat;
```

```
36 | 37 | signal_to_modulate = signal_to_modulate .* [repmat(PRS', 1, n_repeat), PRS(1:n_compl)'];
```

И к началу сформированной последовательности добавляется немодулированная ПСП:

```
1 signal to modulate = [PRS', signal to modulate];
```

В конце этого этапа мы имеем сигнал длиной 1747 символов.

#### **3.5 BPSK**

На этом этапе прозводится модуляция методом BPSK. Запись сделана с передискретизацией 2. Запись сделана на нулевой частоте и представляет из себя последовательность 32-битных комплексных отсчетов, где младшие 16 бит вещественная часть, а старшие – мнимая.

```
1 | IQ = pskmod(double(signal_to_modulate), 2);
2
3 | IQ_oversampled = [IQ, IQ];
4 | IQ_im_part=imag(IQ_oversampled);
5 | IQ_re_part=real(IQ_oversampled);
6 | IQ_record = [IQ_re_part, IQ_im_part];
```

## 3.6 CRC

CRC высчитывается следующим образом:

```
1    crc_gen = crc.generator('Polynomial', '0x1021');
2    crc = generate(crc_gen, data');
3    crc_send = crc(73:88);
```

### 3.7 Декодирование

Для сверточного декодирования используется алгоритм Витерби – рекуррентная процедура, направленная на поиск пути по кодовой решетке, ближайшего к принимаемой последовательности. Пример использования сверточного кодирования и декодирования алгоритмом Витерби представлен ниже:

```
1    trellis = poly2trellis(4,[7 10]);
2    data = [1 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 0];
3    code = convenc(data, trellis);
5    decoded = vitdec(code, trellis, 3, 'trunc', 'hard');
```

Вероятность ошибки в этом случае:

```
1| [n1,r1] = biterr(decoded(3+1:end),data(1:end-3));
```

Получаем вероятность, равную 0.25.

## 4 Вывод

В работе была представлена модель телекоммуникационного канала, а также этапы обработки сигнала у передатчика. Было рассмотрено помехоустойчивое кодирование сверточным кодом, а также декодирование сигнала алгоритмом Витерби. Особенность сверточных кодов в том, что они работают с сигналом как со сплошным потоком данных. Декодирование таких кодов обычно происходит с использованием алгоритма Витерби, который пытается восстановить переданную последовательность согласно критерию максимального правдоподобия.

Сверточные коды эффективно работают в канале с белым шумом, но плохо справляются с пакетами ошибок.