| ᠆. | 选择题 | (每小题3分                                | 、共30分)              |
|----|-----|---------------------------------------|---------------------|
|    |     | \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ | , , , , , , , , , , |

1. 设 A 是  $m \times n$  矩阵,则 m < n 是齐线性方程组 AX = 0 有非零解的( )

A. 充分条件; B. 等价条件; C. 充要条件;

D. 必要条件

2. 矩阵 A 经过初等行变换变成 B,则方程组 AX=0 与 BX=0(

都有非零解 B. 必有相同解; C. 解集不相同; D. 解集不确定

3. 若向量 $b \neq 0$ ,向量 $a \in b$ 上的**投影(数)**  $a_b$  为 ( )

A.  $a_b = \frac{a \cdot b}{|a|}$ ; B.  $a_b = a \cdot b$ ; C.  $a_b = \frac{a \cdot b}{|b|}$ ; D.  $a_b = |b| \cos \theta$ 

4.  $(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{b} + (\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{a} = ($ 

A.  $|\vec{a}| + |\vec{b}|$ ; B.  $|\vec{a}| |\vec{b}|$ ; C.  $2|\vec{a}| |\vec{b}|$ ; D. 0

5. 设 $\vec{a} \perp \vec{b}$ ,  $|\vec{a}| = 4$ ,  $|\vec{b}| = 2$ , 且 $\vec{a} + t\vec{b} \perp \vec{a} - t\vec{b}$ , 则常数t = (

B. ±4; C. 1; D. 4

6. 向量 $\mathbf{b} = (4, -3, 4)$  在 $\mathbf{a} = (2, 2, 1)$ 上的**投影(数)为**()

A. 4; B. 2; C. -2; D. -4

7. 已知 $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = 0$ ,  $|\vec{a}| = 3$ ,  $|\vec{b}| = 2$ ,  $|\vec{c}| = 1$ ,则 $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a} = 0$ 

A. 4; B. 7; C. -7; D. -4

8. 两平面x-y+2z-6=0和2x+y+z-5=0的夹角余弦为()

A. 0.2;

B. 0.4; C. -0.1; D. 0.5

9. 点 A(3,2,3)到平面 2(x+5)+3(y+5)+6(z-1)=0 的距离 d=(

A. 7;

B. 6;

C. 5;

D. 3

10.  $\partial a \times b + b \times c + c \times a = 0$ , 则  $(a \times b) \cdot c = ($ 

A. 0; B. 1; C. 2; D. 3

- 二.填空题 (共 20 分, 每小题 4 分).
- 1.向量 $\vec{a} = (1,1,2), \vec{b} = (1,-1,1), \vec{c} = (6,4,11)$ 的混合积 $(\vec{a},\vec{b},\vec{c}) =$ \_\_\_\_\_\_
- 2. 设 $\vec{a} \perp \vec{b}$  正交,则 $|\vec{a} \vec{b}|^2 + 2|\vec{a} \times \vec{b}| (|\vec{a}| + |\vec{b}|)^2 =$ \_\_\_\_\_\_
- 4.方程组 $\begin{cases} 2x_1 x_2 x_3 = 0 \\ x_1 + x_2 2x_3 = 0 \end{cases}$ 的通解为\_\_\_\_\_
- 5.设 A(a,0,0), B(0,b,0), C(0,0,c),  $abc \neq 0$ ,则三角形△ABC 面积为\_\_\_\_\_
- 三.计算题 (共15分).
- 1. 设非零向量a, b, c互相垂直, 且d = xa + yb + zc, 求系数x, y, z

2.设  $\vec{a} \perp \vec{b} \perp \vec{c}$  互相正交,且  $|\vec{a}| = 3$ ,  $|\vec{b}| = 4$ ,  $|\vec{c}| = 5$ , 令  $\vec{s} = \vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$ . (1)求模长  $|\vec{s}|$  , (2)求  $\vec{s}$  与  $\vec{c}$  的夹角  $\theta$ 

3.设 A(a,0,0), B(0,b,0), C(0,0,c),  $abc \neq 0$ .(1)求平面 ABC 的方程; (2)求原点到平面 ABC 的距离

四.计算题 (共 12 分).

日. 
$$\vec{q}$$
 = (1,1,2), $\vec{b}$  = (1,-1,1), $\vec{c}$  = (6,4,11), 求 $x$ ,  $y$ 使 $\vec{c}$  =  $x\vec{a}$  +  $y\vec{b}$ 

$$2.$$
求直线 
$$\begin{cases} x-y+z=0\\ x+2y-z-1=0 \end{cases}$$
 在  $xOy$  面上的投影直线

五.(8 分)求两条异面直线 
$$L_1: \frac{x-5}{1} = \frac{y}{-4} = \frac{z+2}{1}$$
和  $L_2: \frac{x-2}{2} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-3}{2}$ 的距离 d

四.计算题 (共 12 分).

1. 
$$\vec{a} = (1,1,2), \vec{b} = (1,-1,1), \vec{c} = (6,4,11)$$
, 求 $x$ ,  $y$ 使 $\vec{c} = x\vec{a} + y\vec{b}$ 

2.求直线 
$$\begin{cases} x-y+z=0 \\ x+2y-z-1=0 \end{cases}$$
 在 $xOy$  面上的投影直线

五.(8 分)求两条异面直线 
$$L_1: \frac{x-5}{1} = \frac{y}{-4} = \frac{z+2}{1}$$
和  $L_2: \frac{x-2}{2} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-3}{2}$ 的距离 d

六.(7分)设 $M_1$ 是直线 L外一点,M是直线 L上任一点,且直线的方向向量为 $\vec{s}$ .

七.(8分)讨论 b 取何值时方程组有解, 并求通解

并求通解  $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 + bx_4 = 1 \\ x_1 + bx_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ x_1 + x_2 + bx_3 + x_4 = 2 \end{cases}$