

二维费用背包：474. 一和零

代码解析

1. dp 数组的定义

```
cpp复制  
  
vector<vector<vector<int>>> dp(len+1, vector<vector<int>>(m+1, vector<int>(n+1)));
```

- 这里 $dp[i][j][k]$ 表示使用前 i 个字符串，且最多使用 j 个 0 和 k 个 1 时，所能选出的最大字符串数量。
- len 是字符串数组的长度， m 是可用的 0 的数量上限， n 是可用的 1 的数量上限。

2. 外层循环

```
cpp复制  
  
for (int i = 1; i <= len; i++) {  
    int a = 0, b = 0;  
    for (auto s : strs[i - 1]) {  
        if (s == '0') a++;  
        else b++;  
    }  
    // 对每个字符串计算它包含的 '0' 和 '1' 的数量  
}
```

- i 从 1 到 len ，表示我们在逐一考虑第 i 个字符串 ($strs[i-1]$)。
- a 表示当前字符串中 0 的数量， b 表示当前字符串中 1 的数量。这个通过遍历字符串 $strs[i-1]$ 得到。

3. 计算最大值

```
cpp复制  
  
for (int j = 0; j <= m; j++) {  
    for (int k = 0; k <= n; k++) {  
        dp[i][j][k] = dp[i - 1][j][k]; // 不选第 i 个字符串  
        if (j >= a && k >= b) { // 如果能够选第 i 个字符串  
            dp[i][j][k] = max(dp[i][j][k], dp[i - 1][j - a][k - b] + 1); // 选第 i 个字符串，更新 dp  
        }  
    }  
}
```

- 我们对于每个 j (可用 0 的数量) 和每个 k (可用 1 的数量)，选择是否使用第 i 个字符串。
- $dp[i][j][k] = dp[i - 1][j][k]$: 表示不选择第 i 个字符串时，最大可以选多少个字符串 (继承上一个状态)。
- $if (j >= a \ \&\& \ k >= b)$: 只有当当前的 0 和 1 的限制足够选用当前字符串时，才能考虑选择这个字符串。
- $dp[i][j][k] = \max(dp[i][j][k], dp[i - 1][j - a][k - b] + 1)$: 如果选择了第 i 个字符串，则更新 dp ，从 $dp[i-1][j-a][k-b]$ 加 1 得到新的状态。

4. 返回结果

```
cpp复制  
  
return dp[len][m][n];
```

- 返回 $dp[len][m][n]$ ，表示我们最多可以使用 m 个 0 和 n 个 1，能够挑选出的最多的字符串数量。

举例说明

假设 $strs = ["10", "0001", "111001", "1", "0"], m = 5, n = 3$ 。

- $strs$ 中的每个字符串如下：

- "10": 1 个 0, 1 个 1。
- "0001": 3 个 0, 1 个 1。
- "111001": 2 个 0, 4 个 1。
- "1": 0 个 0, 1 个 1。
- "0": 1 个 0, 0 个 1。

我们希望找到能够选出的最大字符串数量，满足最多使用 5 个 0 和 3 个 1。

DP 状态转移

1. 初始化：

- dp 数组大小为 $(len+1) \times (m+1) \times (n+1)$ ，表示选取前 i 个字符串，最多使用 j 个 0 和 k 个 1 的情况下最多能选的字符串数量。

2. 第一步，处理第一个字符串 "10" (1 个 0, 1 个 1)：

- 我们可以选择或不选择它：
 - 如果不选择它， $dp[1][j][k] = dp[0][j][k]$ ，即不做更新。
 - 如果选择它， $dp[1][i][k] = dp[0][i-1][k-1] + 1$ 。因为我们用了 1 个 0 和 1 个 1。

- 因此, $dp[1][m][n] = 1$, 如果选择了它。

3. 第二步, 处理第二个字符串 "0001"(3 个 0, 1 个 1):

- 类似地, 如果不选择它, $dp[2][j][k] = dp[1][j][k]$ 。
- 如果选择它, $dp[2][j][k] = dp[1][j-3][k-1] + 1$ 。

4. 依次处理剩下的字符串。

经过一轮循环后, $dp[len][m][n]$ 代表我们最多可以使用 m 个 0 和 n 个 1 时, 可以挑选出的最大字符串数量。

时间复杂度

- 外层循环是 $O(len)$, 其中 len 是字符串的数量。
- 内层两个循环分别是 $O(m)$ 和 $O(n)$, 分别遍历最多的 0 和 1 的数量。
- 因此, 总的时间复杂度是 $O(len * m * n)$ 。

总结

这段代码使用了动态规划的思想, 处理类似于背包问题的选择问题。通过构建 dp 数组, 并逐步对每个字符串进行选择 and 更新, 能够最终找到

```

1 //优化前
2 class Solution {
3 public:
4     int findMaxForm(vector<string>& strs, int m, int n) {
5         int len = strs.size();
6         vector<vector<vector<int>>> dp(len+1,vector<vector<int>>(m+1,vector<int>(n+1)));
7         for(int i = 1;i <=len ;i++)
8         {
9             int a = 0,b = 0;
10            for(auto s : strs[i-1])
11            {
12                if(s == '0') a++;
13                else b++;
14            }
15            for(int j = 0;j <= m;j++)
16            {
17                for(int k = 0;k <= n;k++)
18                {
19                    dp[i][j][k] = dp[i-1][j][k];
20                    if(j >= a && k >= b) dp[i][j][k] = max(dp[i][j][k],dp[i-1][j-a][k-b] +1);
21                }
22            }
23        }
24        return dp[len][m][n];
25    }
26 };
27
28
29
30 //优化后
31 class Solution {
32 public:
33     int findMaxForm(vector<string>& strs, int m, int n) {
34         int len = strs.size();
35         vector<vector<int>>> dp(m+1,vector<int>(n+1));
36         for(int i = 1;i <=len ;i++)
37         {
38             int a = 0,b = 0;

```

```
39         for(auto s : strs[i-1])
40         {
41             if(s == '0') a++;
42             else b++;
43         }
44         for(int j = m; j >= a; j--)
45         {
46             for(int k = n; k >= b; k--)
47             {
48                 dp[j][k] = max(dp[j][k], dp[j-a][k-b] + 1);
49             }
50         }
51
52     }
53     return dp[m][n];
54 }
55 };
```