${\it NOIPsim~Day2}$

${\rm demerzel}$

2018年8月12日

题目名称	数独	加冕	钦定
题目类型	提交答案型	传统型	传统型
可执行文件名	j	k	1
输入文件名	j.in	k.in	l.in
输出文件名	j.out	k.out	l.out
测试点数量	100	20	20
每个测试点时限	N/A	1.0s	1.0s
内存限制	N/A	256MB	256MB
是否有下发文件	是	是	是
编译选项	-O2 -std=c++11		

所有题目均不采用捆绑测试。

1 数独

(j.cpp/c/pas)

1.1 Description

有一天,可爱的妹纸跟小 X 表白了,她把想说的话藏在了数独里。

小 X 并不会解数独,于是他找到了你,希望你帮助他。

注:数独是源自 18 世纪瑞士的一种数学游戏。是一种运用纸、笔进行演算的逻辑游戏。玩家需要根据 9*9 盘面上的已知数字,推理出所有剩余空格的数字,并满足每一行、每一列、每一个(3*3)格内的数字均含 1-9,不重复。(引用自百度百科)

1.2 Input format

本题为提交答案题,你需要对每一个输入文件 j.in 给出相应的输出文件 j.ans。输入包含 9 行,每行 9 个数,0 表示空位置。保证解唯一。

1.3 Output format

输出 9 行,每行 9 个数,表示你的答案。

1.4 Sample input

123456789

 $4\; 5\; 6\; 7\; 8\; 9\; 1\; 2\; 3$

 $7\; 8\; 9\; 1\; 2\; 3\; 4\; 5\; 6$

2 3 4 5 6 7 8 9 1

 $5\ 6\ 7\ 8\ 9\ 1\ 2\ 3\ 4$

8 9 1 2 3 4 5 6 7

 $3\; 4\; 5\; 6\; 7\; 8\; 9\; 1\; 2$

 $6\ 7\ 8\ 9\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5$

1.5 Sample output

 $1\; 2\; 3\; 4\; 5\; 6\; 7\; 8\; 9$

 $4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9\ 1\ 2\ 3$

 $7\; 8\; 9\; 1\; 2\; 3\; 4\; 5\; 6$

2 3 4 5 6 7 8 9 1

 $5\ 6\ 7\ 8\ 9\ 1\ 2\ 3\ 4$

 $8\; 9\; 1\; 2\; 3\; 4\; 5\; 6\; 7$

 $3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9\ 1\ 2$

 $6\ 7\ 8\ 9\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5$

9 1 2 3 4 5 6 7 8

1.6 Constraints

子任务一(10pts): 输入均为正整数。

子任务二 (30pts): 输入中的 0 的个数 ≤ 6 。

子任务三(60pts): 无特殊限制。

对于所有数据,保证存且仅存在一组解。

1.7 Hint

本题背景纯属虚构。

2 加冕

(k.cpp/c/pas)

2.1 Description

小 Y 最近加冕为西班牙皇帝了!

小 Y 想跟你分享他多年奋斗的人生经验,虽然你表示完全不想理他,但还是被拖了过去。

具体来说,小 Y 有一个威望值的属性,初始为 1,为了成为皇帝,他需要达到 K 的威望值。获得威望值的方法如下:假设小 Y 现在的威望值为 W,那么小 Y 每次会宣称一个数 V,满足 $W\cdot V|K$,之后付出 f(V) 的代价,并将 W 变成 $W\cdot V$ 。当 W=K 时,小 Y 就胜利了。

f(V) 是攻下 V 的代价,定义 p 为 V 的十进制各位数字之和加上 5 ,q 为 V 的十进制各位数字之积加上 233 ,S 为 V 的质因子集合。每次可以付出 10 的代价使 q 变成 q+1,或者选定 $x \in S$ 并付出 1 的代价使 q 变成 $q \cdot x$,直到 p|q,完成这个过程所需的最小代价就是 f(V)。

这实在是太复杂了,你深刻地体会到皇帝不好当,现在你只想知道成为皇帝的最小代价是多少。

特别地, 本题中 $|\mu(K)| = 1$ 。

2.2 Input format

一个数 K。

2.3 Output format

一个数表示答案。

2.4 Sample input

2

2.5 Sample output

30

2.6 Explanation

直接宣称 2, 那么接下来计算 f(2)。

首先,p = 7,q = 235,可以看出最小的代价是将 q 加上 3,并付出 30 的代价,那么答案就是 30。

2.7 Constraints

子任务一 (30pts): $K \le 100$ 。 子任务二 (30pts): K 是质数。 子任务三 (40pts): 无特殊限制。

对于所有的数据, $K \le 10^{18}$, $|\mu(K)| = 1$ 。

2.8 Hint

本题奇水。

3 钦定

(l.cpp/c/pas)

3.1 Description

小 Z 出题出到一半,出不出了,于是他找到一道题,钦定它来做第三题。

"一道题的命运啊,当然要靠自我奋斗,但是也要考虑到历史的行程。我绝对不知道,我作为一道【数据删除】的【数据删除】怎么把我选到 NOIP 第三题去了,所以出题人跟我讲话,说'我都决定啦,你来当第三题',我说另请高明吧。我实在我也不是谦虚,我一个【数据删除】的【数据删除】怎么到 NOIP 来了呢?但是呢,出题人讲'我已经研究决定了',所以后来我就念了两首诗,叫'苟利比赛生死以,岂因祸福避趋之',那么所以我就到了 NOIP。做了第三题。很惭愧,就做了一点微小的工作,谢谢大家。"

---wiki

有一个长度为 n 的序列 a_n , 初始时 $a_i = i$, 接下来有 m 次操作, 一次操作表述如下:

- 每次操作有一个参数 b_i 。
- 先将当前序列无限复制,变成无限长,后取该序列前 b_i 项作为新的序列。
- 详细解释参见样例。

求 m 次操作后每个元素在最终序列中出现的次数。

3.2 Input format

第一行两个数 n, m。第二行 m 个数, 第 i 个数表示 b_i 。

3.3 Output format

输出 n 行, 第 i 行表示数 i

3.4 Sample input

3 3

9711

3.5 Sample output

5

3

3

3.6 Explanation

一开始序列为 1,2,3。

一次操作后为 1,2,3,1,2,3,1,2,3。

两次操作后为 1,2,3,1,2,3,1。

三次操作后为 1,2,3,1,2,3,1,1,2,3,1。

那么1出现了5次,2出现了3次,3出现了3次。

3.7 Constraints

子任务一 (10pts): m = 1。

子任务二 (20pts): $m, b_i \leq 10^3$ 。

子任务三 (20pts): $b_i \leq 10^5$ 。

子任务四(50pts): 无特殊限制。

对于所有数据, n, $m \le 10^5$, $b_i \le 10^{18}$ 。

3.8 Hint

相信有同学做过【数据删除】的【数据删除】。