

---

# 정보보호론

해쉬 함수 및 메시지 인증

한림대학교 소프트웨어융합대학 조효진

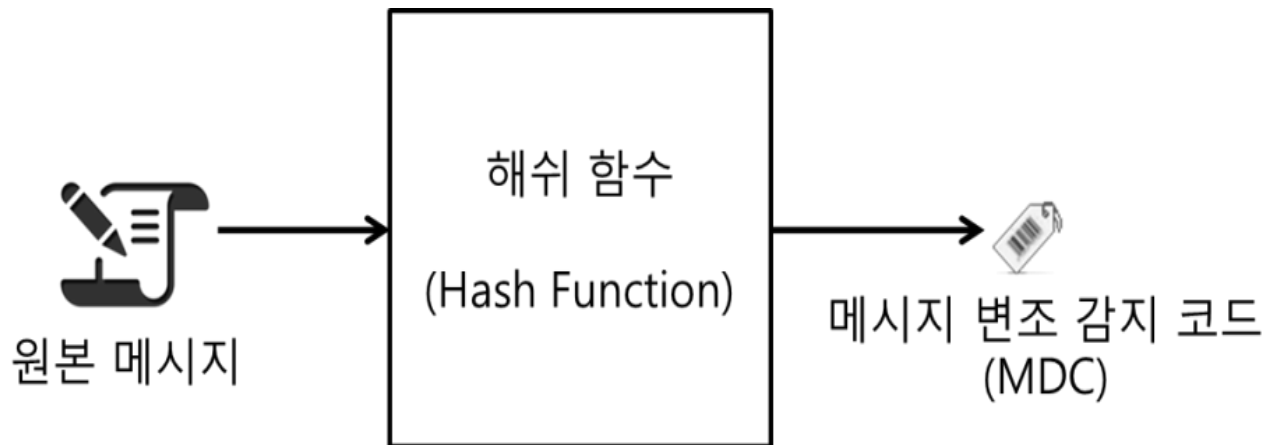
# Contents

- 메시지 무결성
- 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)
- 메시지 변조 감지 코드(MDC)
- 메시지 인증코드 (MAC)

# 메시지 무결성

## □ 메시지 무결성(Message Integrity)

- 원본 메시지의 변조를 방지하기 위한 서비스
- 대칭키 & 공개키 암호시스템은 기밀성을 제공
- 무결성을 위해 Modification Detection Code(MDC) 사용
  - 변조 감지 코드를 생성하기 위한 방법으로 암호학적 해쉬 함수 (Cryptographic Hash Function) 사용



# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

- 암호학적 해시 함수는 데이터의 무결성을 제공하기 위해 사용됨

## Download Kali Linux Images

We generate fresh Kali Linux image files every few months, which we make available for download. This page provides the links to **download Kali Linux** in its latest official release. For a release history, check our [Kali Linux Releases](#) page. Please note: You can find unofficial, untested weekly releases at <http://cdimage.kali.org/kali-weekly/>.

Image Name	Download	Size	Version	sha256sum
Kali Linux 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	2.8G	2018.2	56f677e2edfb2efcd0b08662ddde824e254c3d53567ebbbcdbbf5c03efd9bc0f
Kali Linux Light 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	865M	2018.2	554f020b0c89d5978928d31b8635a7eeddf0a3900abcacdbc39616f80d247f86
Kali Linux E17 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	2.6G	2018.2	be0a858c4a1862eb5d7b8875852e7d38ef852c335c3c23852a8b08807b4c3be8
Kali Linux Lxde 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	2.6G	2018.2	449ecca86b0f49a52f95a51acdde94745821020b7fc0bd2129628c56bc2d145d
Kali Linux Xfce 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	2.6G	2018.2	0e94035a0a56fccc49961b0da56b9243ed3da6a3f8d696884e6f0b936f74dbfb

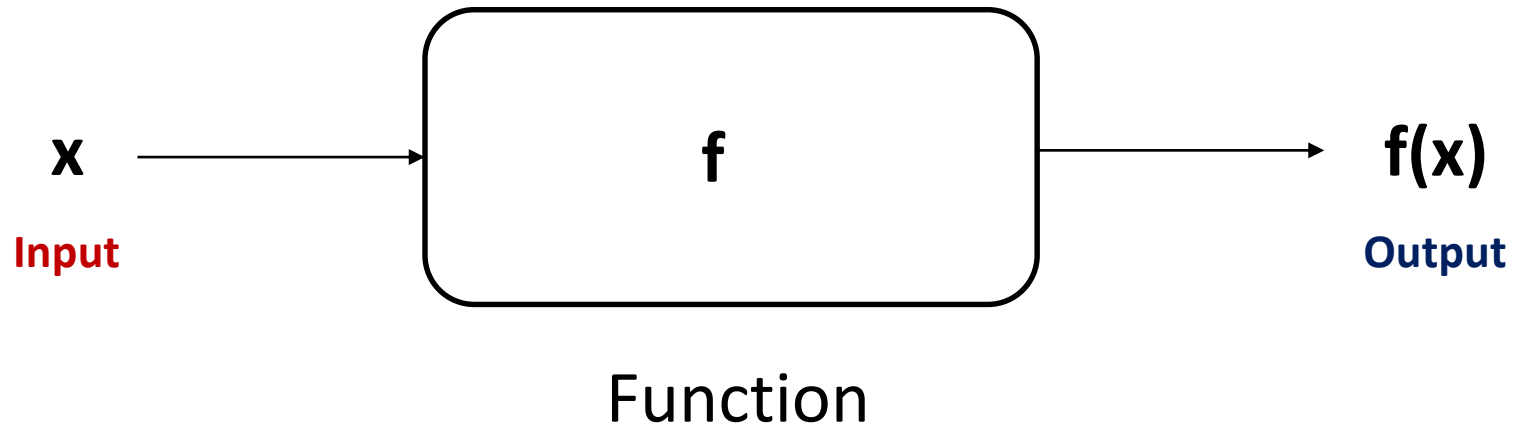
# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 암호학적 해시 함수: $h = H(M)$

- 임의의 크기의 데이터를 입력 값
- 고정된 크기의 출력 값
- 하드웨어 및 소프트웨어의 적용이 쉬워야 하며, 어떤 입력 데이터에 대해서도 출력 값을 계산하기 용이
- 해시 함수는 공개된 함수이며 키가 사용되지 않음
- 키를 사용한 해시 함수:  $h = H(k, M) \rightarrow \text{MAC (Message Authentication Code)}$
- 암호학적 해시 함수는 공개키를 이용한 전자 서명을 생성하기 위하여 사용되기도 함 (전자서명 챕터에서 설명)

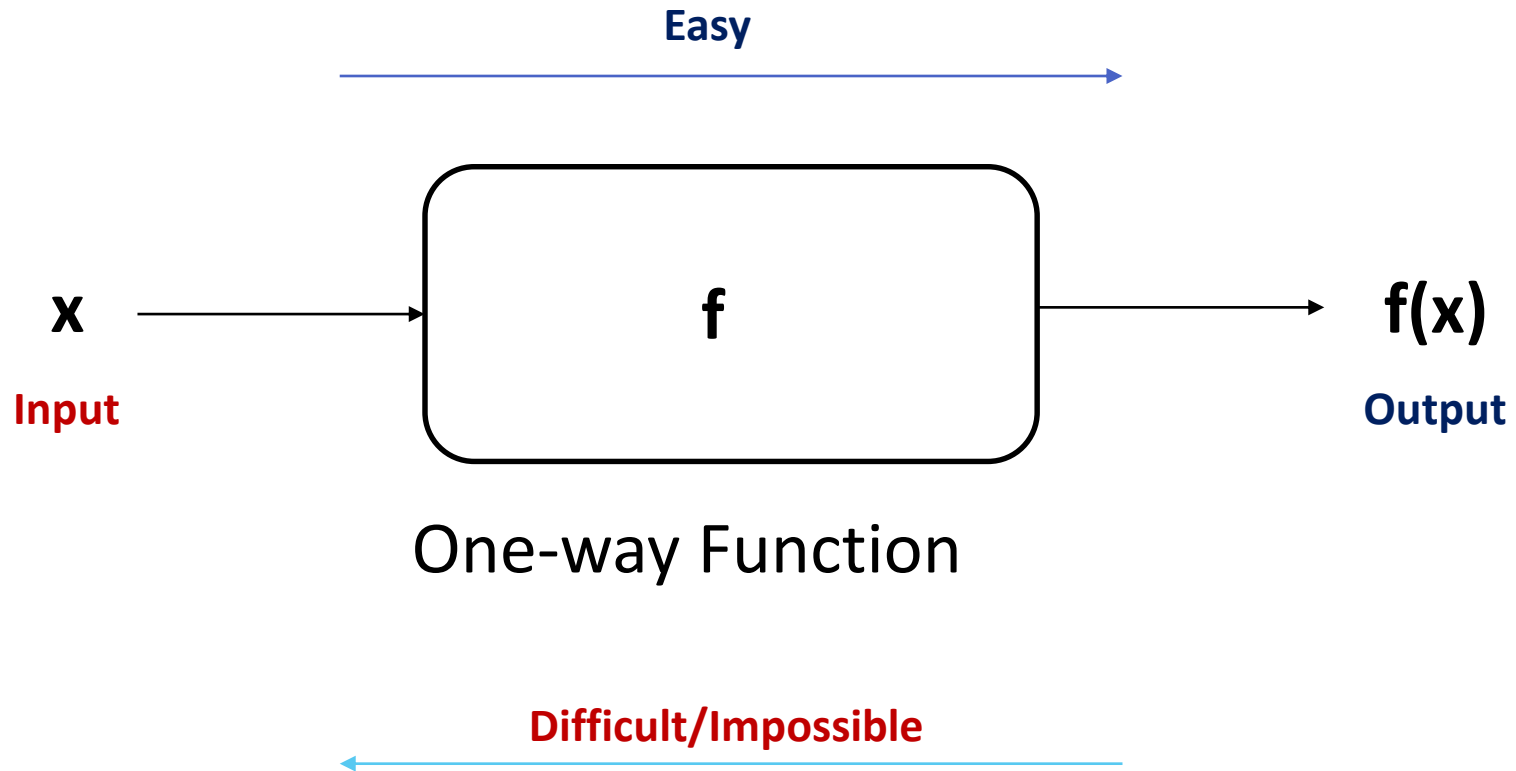
# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

□ What is a function?



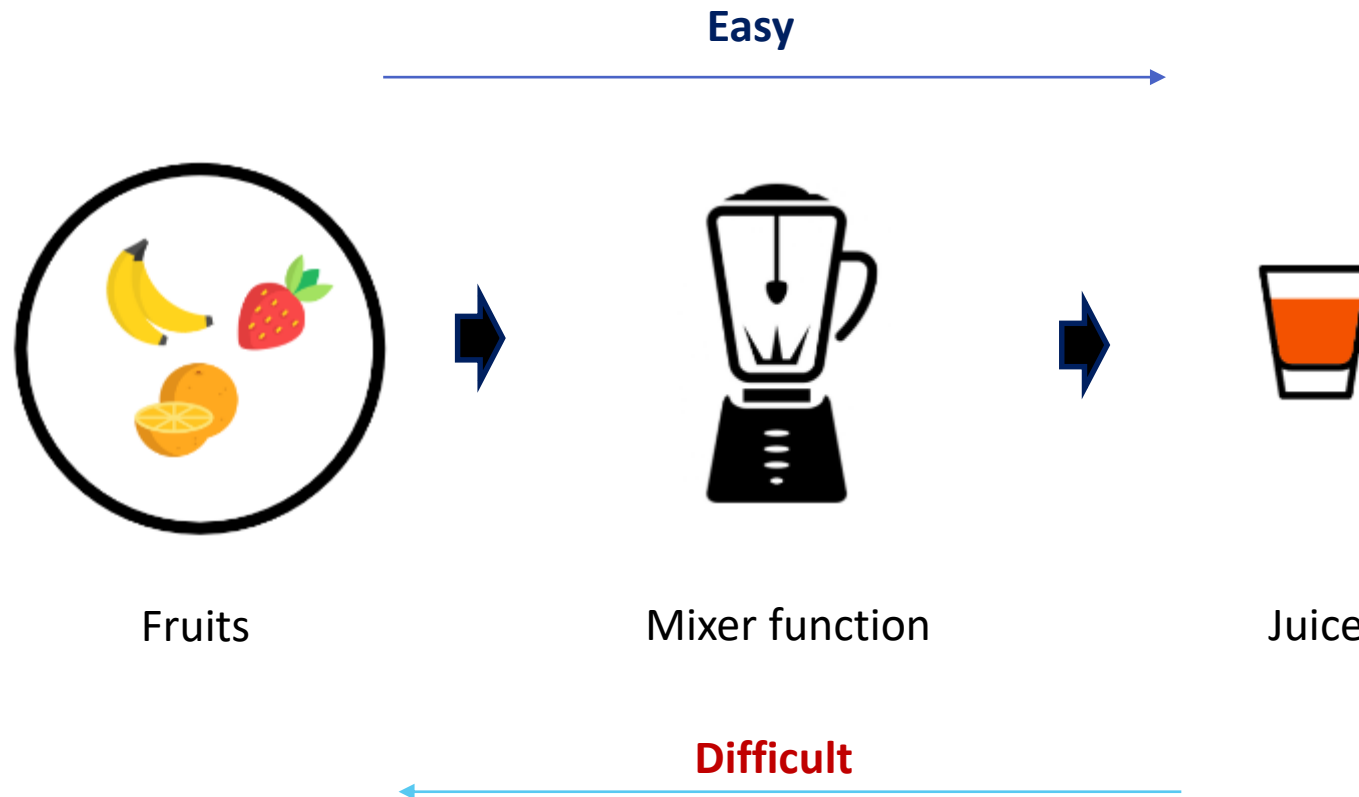
# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

□ What is a one-way function?



# 암호학적 해쉬 함수(Cryptographic Hash Function)

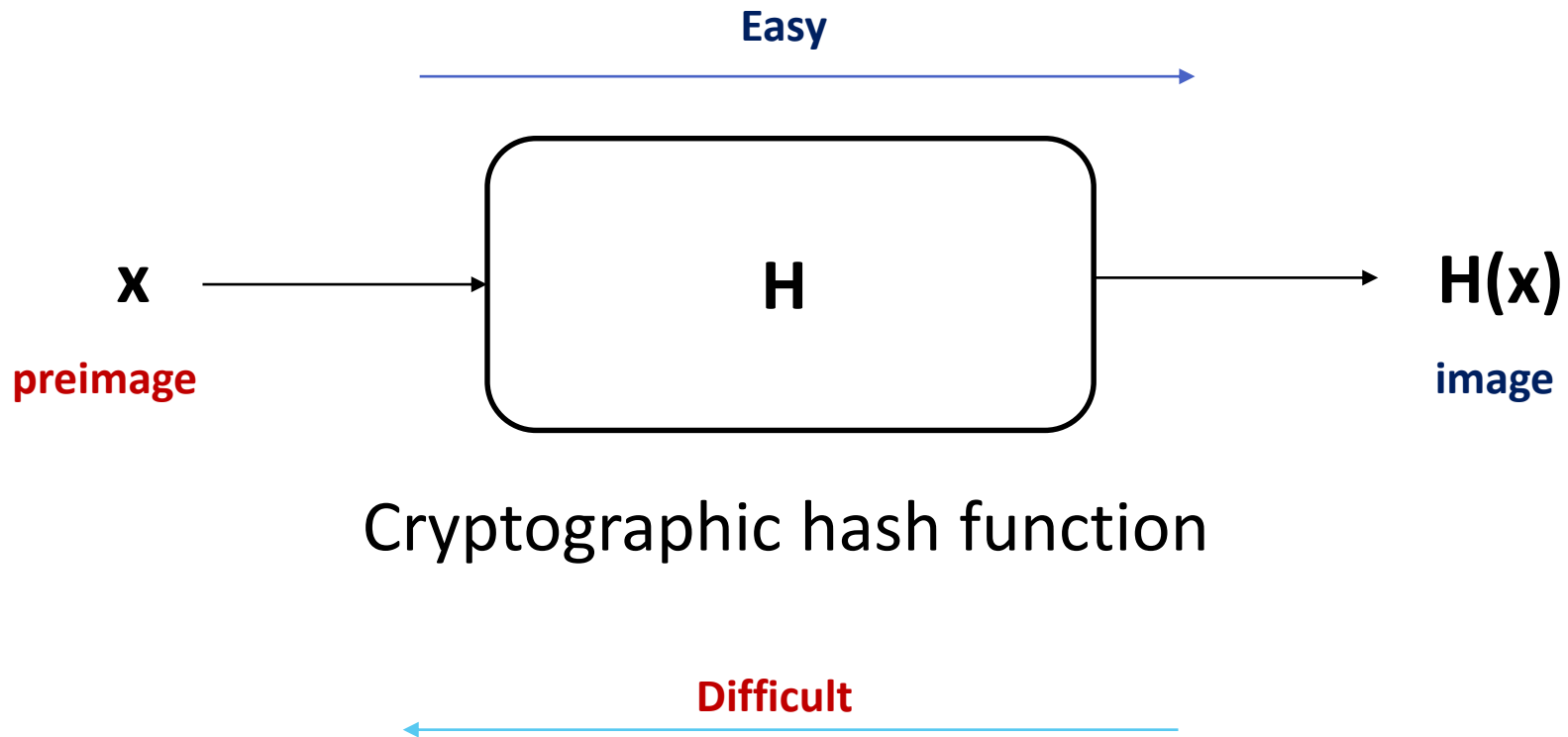
- An example of one-way functions



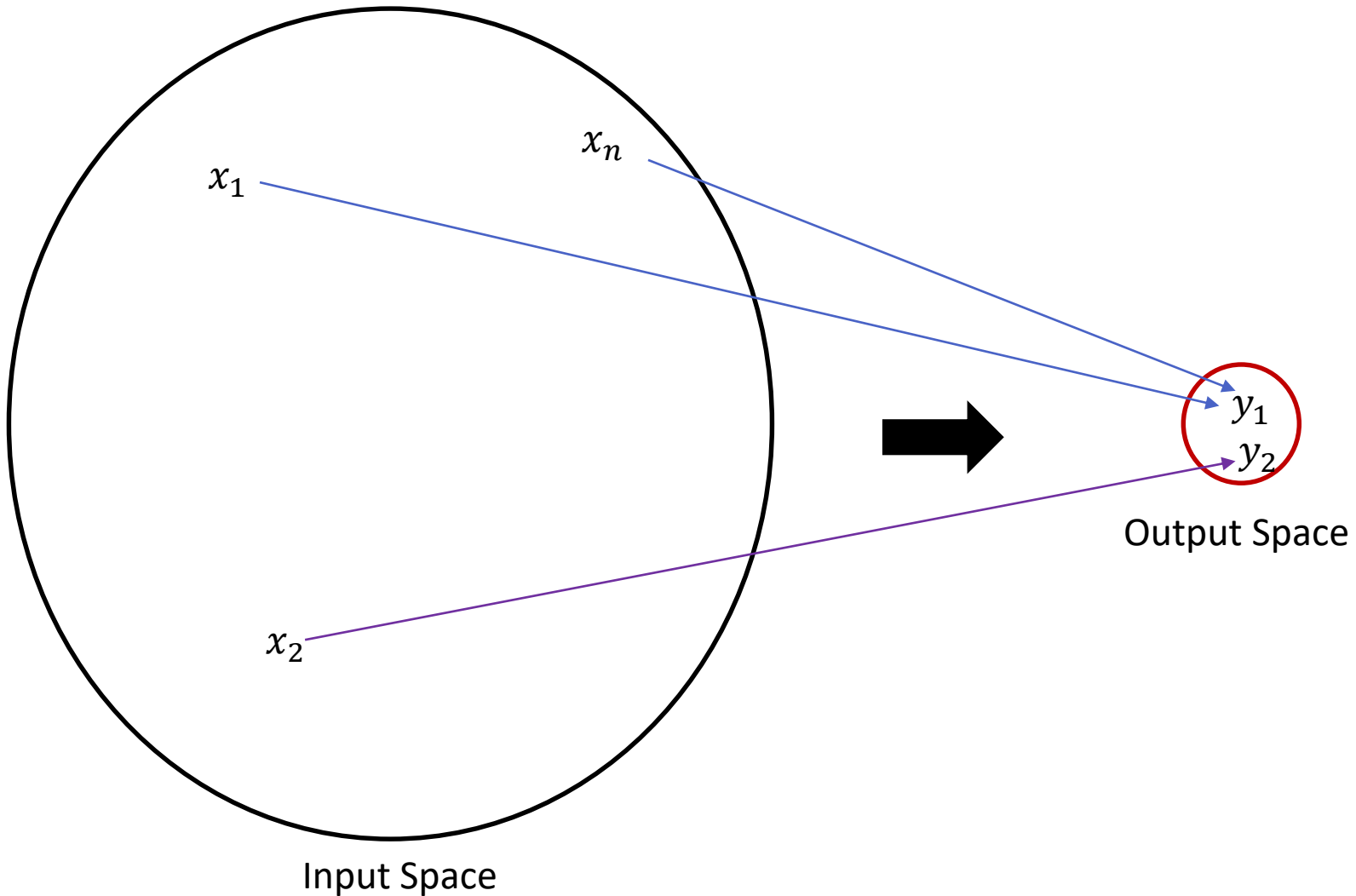


# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

- What is a cryptographic hash function?



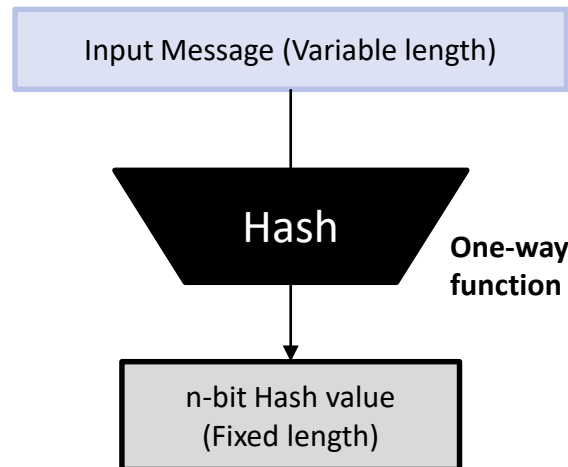
# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)



# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 암호학적으로 안전한 해시 함수의 3가지 성질

- 역상 저항성(Preimage Resistance): Given  $h$ , infeasible to find  $x$  s.t.  $H(x)=h$
- 제 2 역상 저항성(Second Preimage Resistance): Given  $x$ , infeasible to find  $y$  s.t.  $H(y)=H(x)$
- 충돌 저항성(Collision Resistance): infeasible to find any  $(x,y)$  s.t.  $H(y)=H(x)$



# 암호학적 해쉬 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 역상 저항성 (Preimage resistance)

- Given  $H(x)$ , it is computationally difficult to find  $x$



[Source: [https://spiritegg.com/wp-content/uploads/2016/03/63180952\\_fingerprint\\_types624.jpg](https://spiritegg.com/wp-content/uploads/2016/03/63180952_fingerprint_types624.jpg)]

**Fingerprint analogy: Whose fingerprint is this?**

# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 제2차 역상 저항성 (Second preimage resistance)

- Given  $x$ , it is computationally difficult to find some value  $x'$  such that  $H(x) = H(x')$



[Source: [https://spiritegg.com/wp-content/uploads/2016/03/63180952\\_fingerprint\\_types624.jpg](https://spiritegg.com/wp-content/uploads/2016/03/63180952_fingerprint_types624.jpg)]

**Fingerprint analogy:**

**Can you find someone with same fingerprint as you?**

# 암호학적 해쉬 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 충돌 저항성 (Collision resistance)

- It is computationally difficult to find  $x$  and  $y$  such that  $H(x) = H(y)$



[Source: [https://spiritegg.com/wp-content/uploads/2016/03/63180952\\_fingerprint\\_types624.jpg](https://spiritegg.com/wp-content/uploads/2016/03/63180952_fingerprint_types624.jpg)]

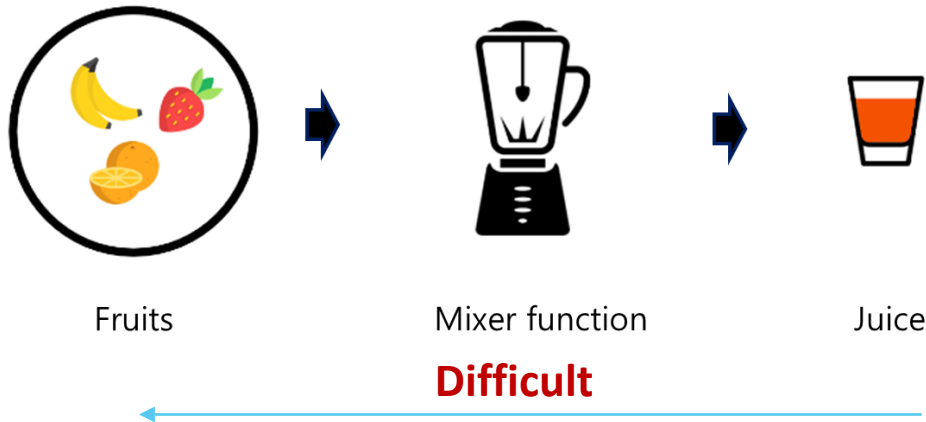
**Fingerprint analogy:**

**Can you find two random people with same fingerprint**

# 암호학적 해쉬 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ Features of cryptographic hash function

- Preimage resistance



- Second preimage and Collision resistance

X1: Bob sends \$5,000 to Alice

X2: Bob transfer 5,000 won to Alice

If  $H(X1) = H(X2)$ , can we use a cryptographic hash function as a digital fingerprint?



# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ Avalanche effect

- If there is one-bit difference between inputs, the corresponding outputs are totally different!
- Input의 한 비트 차이는 Output의 완전한 변화를 야기함

```
I am Satoshi Nakamoto0 => a80a81401765c8eddee25df36728d732...
I am Satoshi Nakamoto1 => f7bc9a6304a4647bb41241a677b5345f...
I am Satoshi Nakamoto2 => ea758a8134b115298a1583ffb80ae629...
I am Satoshi Nakamoto3 => bfa9779618ff072c903d773de30c99bd...
I am Satoshi Nakamoto4 => bce8564de9a83c18c31944a66bde992f...
I am Satoshi Nakamoto5 => eb362c3cf3479be0a97a20163589038e...
I am Satoshi Nakamoto6 => 4a2fd48e3be420d0d28e202360cfbaba...
I am Satoshi Nakamoto7 => 790b5a1349a5f2b909bf74d0d166b17a...
I am Satoshi Nakamoto8 => 702c45e5b15aa54b625d68dd947f1597...
I am Satoshi Nakamoto9 => 7007cf7dd40f5e933cd89fff5b791ff0...
I am Satoshi Nakamoto10 => c2f38c81992f4614206a21537bd634a...
I am Satoshi Nakamoto11 => 7045da6ed8a914690f087690e1e8d66...
I am Satoshi Nakamoto12 => 60f01db30c1a0d4cbce2b4b22e88b9b...
I am Satoshi Nakamoto13 => 0ebc56d59a34f5082aaef3d66b37a66...
I am Satoshi Nakamoto14 => 27ead1ca85da66981fd9da01a8c6816...
I am Satoshi Nakamoto15 => 394809fb809c5f83ce97ab554a2812c...
I am Satoshi Nakamoto16 => 8fa4992219df33f50834465d3047429...
I am Satoshi Nakamoto17 => dca9b8b4f8d8e1521fa4eaa46f4f0cd...
I am Satoshi Nakamoto18 => 9989a401b2a3a318b01e9ca9a22b0f3...
I am Satoshi Nakamoto19 => cda56022ecb5b67b2bc93a2d764e75f...
```



# 암호학적 해쉬 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ Secure Hash Algorithm (SHA) groups

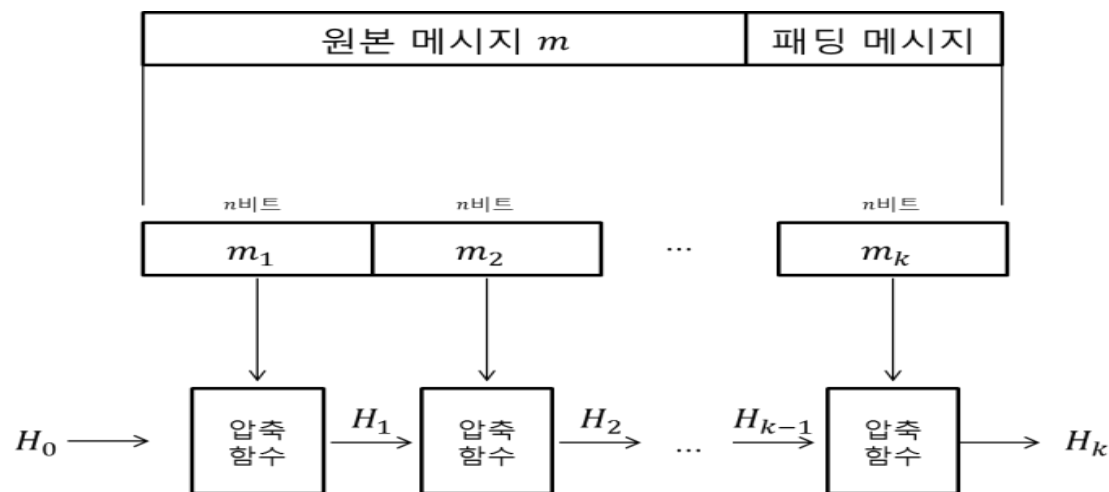
- 1993년 미국 국가 안전 보장국(NSA)과 미국 표준 기술연구소(NIST)가 함께 설계
- SHA-1 : SHA-0의 취약점을 보강, 160 비트 해쉬 값
- 2002년 SHA-2계열 (SHA-256, SHA-384, SHA-512) 설계

<i>Characteristics</i>	<i>SHA-1</i>	<i>SHA-224</i>	<i>SHA-256</i>	<i>SHA-384</i>	<i>SHA-512</i>
Maximum Message size	$2^{64} - 1$	$2^{64} - 1$	$2^{64} - 1$	$2^{128} - 1$	$2^{128} - 1$
Block size	512	512	512	1024	1024
Message digest size	160	224	256	384	512
Number of rounds	80	64	64	80	80
Word size	32	32	32	64	64

# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 암호학적 해시 함수의 설계 원리

- Merkle-Damgard 구조: MD5, SHA-1, SHA-2 등
  - $n$ 비트의 배수가 되도록 ( $m \parallel$  패딩)
  - ( $m \parallel$  패딩)을 한 블록이  $n$ 비트가 되도록 분할  $m_1, m_2, \dots, m_k$
  - $f(H_0, m_1) = H_1$ 
    - 초기 값  $H_0$ , 압축 함수  $f(\cdot)$
    - $k$ 번 수행하여  $H_k$ 를 생성  $\rightarrow h(m) = H_k$



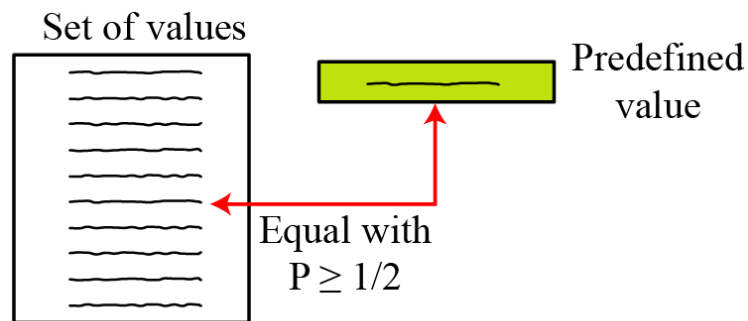
$H_0$  : 초기값  
 $H_t$  : 메시지 다이제스트(출력값)

# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

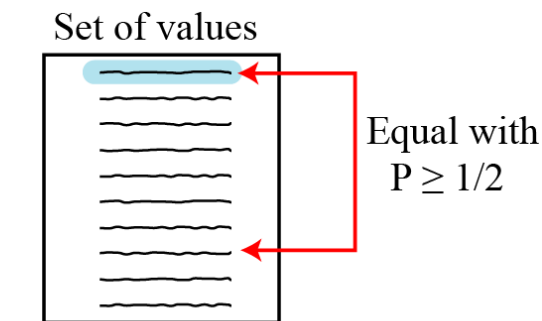
□ 암호학적 해시 함수는 3가지 성질 중 공격자가 가장 공격하기 쉬운

Collision Resistance에 대한 공격으로부터 안전해야함

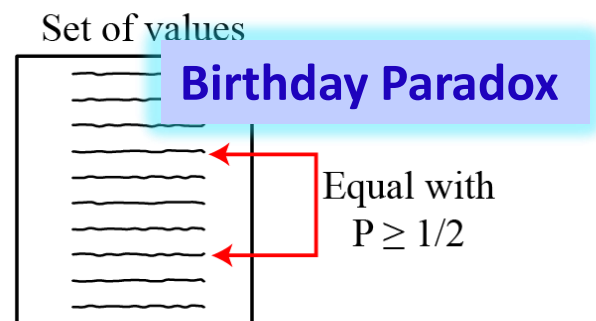
- 암호학적 해시 함수의 안전성은 생일 문제(Birthday Problems)와 연관이 있음



a. First problem



b. Second problem



c. Third problem

# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 암호학적 해시 함수의 안전성: 생일 문제(Birthday Problems)

- In a room of just 23 people, there's a 50% chance of at least two people having the same **birthday**

- Event A: At least two people in the room have the same birthday
- $\Pr(A) = 1 - \Pr(A')$

$$P(A') = \frac{365}{365} \times \frac{364}{365} \times \frac{363}{365} \times \frac{362}{365} \times \cdots \times \frac{343}{365}$$

$$P(A') = \left(\frac{1}{365}\right)^{23} \times (365 \times 364 \times 363 \times \cdots \times 343) \approx 0.492703$$

$$P(A) \approx 1 - 0.492703 = 0.507297 \text{ (50.7297\%)} \quad \leftarrow \sqrt{\alpha \times 365} \approx 23$$

- 모수가 N일때, N이 충분히 크다면 생일 문제 (N개중 동일한 1개를 선택하는 사람이 50%이상의 확률로 2명이상 존재하는 경우)를 만족하는 샘플의 수 (e.g., 날짜를 선택하는 사람의 수)는  $\sqrt{N}$ 으로 수렴함
- In a room of 75, there's a 99.9% chance of at least two people matching

# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 암호학적 해시 함수의 안전성: 생일 문제(Birthday Problems)

- 만약  $h(x)$ 의 결과 값이  $N$ 비트라면, Output의 경우의 수는  $2^N$ 개임

Like Birthday problem's 365 days

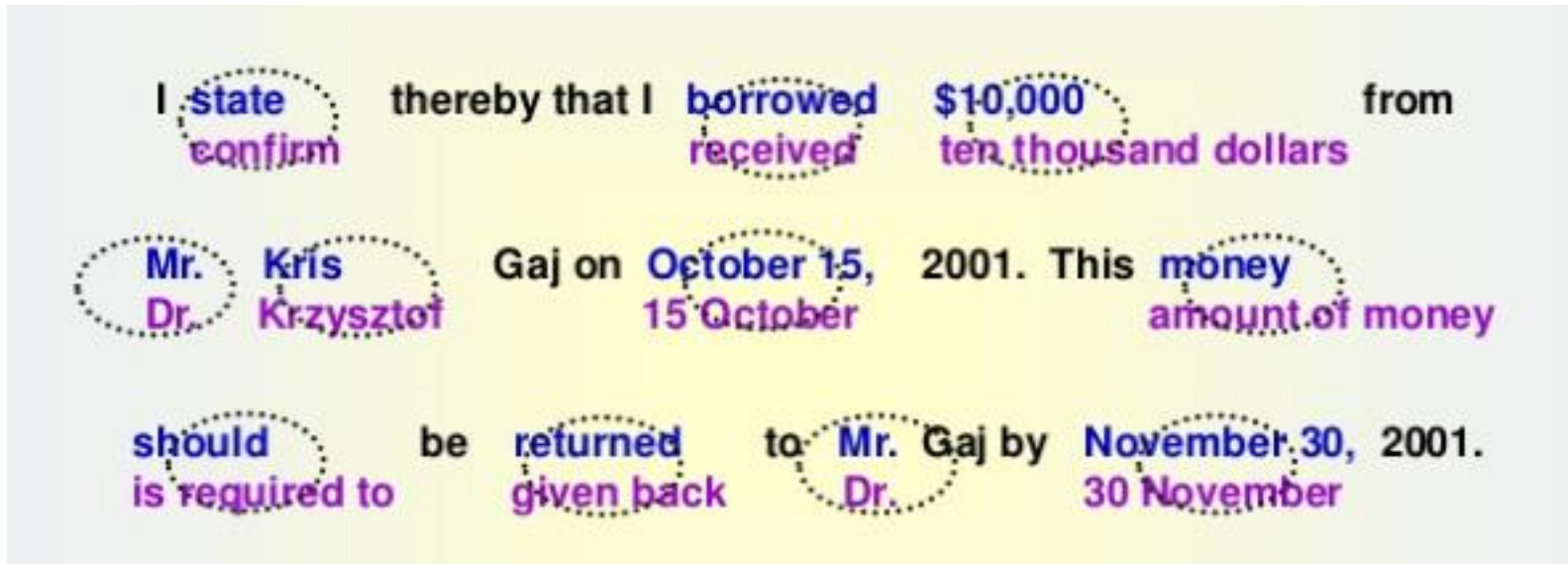
Birthday problem's  $\sqrt{\alpha \times 365} \approx 23$  people

- 따라서,  $2^{\frac{N}{2}}$ 개의 해시함수 입력값, 결과 값 쌍을 가지고 있으면, 50%이상의 확률로 충돌쌍을 찾을 수 있음

# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 암호학적 해시 함수의 안전성: 생일 문제(Birthday Problems)

- How to generate hash output values



(Source: <https://www.slideshare.net/TonyNguyen197/hashfunction>)

11 different positions of similar expressions

$2^{11}$  different messages of the same meaning

# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ 암호학적 해시 함수에 대한 충돌쌍 공격

- 과거에는 64비트 Output을 가지는 암호학적 해시 함수가 안전하다고 생각됨

## □ 그러나 컴퓨터의 발달로 64비트 암호학적 해시 함수는 쉽게 충돌쌍을 찾을 수 있게 됨

- $2^{64}/2 = 2^{32}$  tests to launch an attack with probability 1/2 or more.
- With  $2^{20}$  (one million) tests/sec, an attack in  $2^{32}/2^{20} = 2^{12}$  seconds (almost an hour)

X1: Bob sends \$5,000 to Alice

X2: Bob transfer 5,000 won to Alice

If  $H(X1) = H(X2)$ , can we use a cryptographic hash function as a digital fingerprint?

# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ SHA-1은 160비트의 Output을 가지고 있음

- To launch a collision attack, test  $2^{160}/2 = 2^{80}$  tests. With  $2^{30}$  (more than one billion) tests/sec, it takes  $2^{50}$  seconds (more than 1000-yrs)

## □ In 2005, security flaws were identified in SHA-1, a possible weakness might exist, indicating a stronger hash function would be desirable.

- Merkle-Damgard 구조로 인한 취약점
- SHA-2도 SHA-1과 동일한 구조로 설계되었으므로 취약점이 존재했음

 Security Blog

The latest news and insights from Google on security and safety on the Internet

Announcing the first SHA1 collision

February 23, 2017



# 암호학적 해시 함수(Cryptographic Hash Function)

## □ SHA-3 (Secure Hash Algorithm 3) 공모

- 2008년 : 총 51개의 해시 함수가 1차 후보로 발표
- 2009년 : 2차 라운드를 통해 14개 후보로 압축
- 2010년 12월 : 5개의 해시 함수가 최종 후보로 발표
- 2012년 10월 : Guido Bertoni, Joan Daemen, Gilles Van Assche (STMicroelectronics), , Michaël Peeters (NXP Semiconductors)가 제안한 Keccak (pronounced “catch-ack” ) 알고리즘 최종 선정
- 160, 224, 256, 384, 512비트 해시 값

NIST hash function competition

[https://en.wikipedia.org/wiki/Secure\\_Hash\\_Algorithms](https://en.wikipedia.org/wiki/Secure_Hash_Algorithms)

# Appendix #1: KISA 가이드라인

- [https://www.kisa.or.kr/public/laws/laws3\\_View.jsp?mode=view&p\\_No=259&b\\_No=259&d\\_No=82&ST=total&SV=](https://www.kisa.or.kr/public/laws/laws3_View.jsp?mode=view&p_No=259&b_No=259&d_No=82&ST=total&SV=)

〈표 4〉 보안강도에 따른 단순해쉬/전자서명용 해쉬함수 분류

보안강도	NIST(미국)	CRYPTREC(일본)	ECRYPT(유럽)	국내
80 비트 이상	SHA-1 SHA-224/256/ 384/512	SHA-1 SHA-256/384/512 RIPEMD-160	SHA-1 SHA-224/256/384/512 RIPEMD-160 Whirlpool	HAS-160 <sup>2)</sup> SHA-1 <sup>3)</sup> SHA-224/256/ 384/512
112 비트 이상	SHA-224/256/ 384/512	SHA-256/384/512	SHA-224/256/384/512 Whirlpool	SHA-224/256/ 384/512
128 비트 이상	SHA-256/ 384/512	SHA-256/384/512	SHA-256/384/512 Whirlpool	SHA-256/384/512
192 비트 이상	SHA-384/512	SHA-384/512	SHA-384/512 Whirlpool	SHA-384/512
256 비트 이상	SHA-512	SHA-512	SHA-512	SHA-512

NIST

(2030년 이상 사용가능)

SHA-1 : 충돌저항성(안전성)이 80비트 보안강도 이하를 제공하여(Crypto05), 새로운 어플리케이션에 적용하는 것을 권장하지 않지만 현재 광범위하게 사용되므로 해쉬함수 보안강도 표에 추가하였음

# Appendix #2: 암호학적 해쉬 함수 활용

## □ 데이터/파일에 대한 무결성

### Download Kali Linux Images

We generate fresh Kali Linux image files every few months, which we make available for download. This page provides the links to **download Kali Linux** in its latest official release. For a release history, check our [Kali Linux Releases](#) page. Please note: You can find unofficial, untested weekly releases at <http://cdimage.kali.org/kali-weekly/>.

Image Name	Download	Size	Version	sha256sum
Kali Linux 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	2.8G	2018.2	56f677e2edfb2efcd0b08662ddde824e254c3d53567ebbbcdbbf5c03efd9bc0f
Kali Linux Light 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	865M	2018.2	554f020b0c89d5978928d31b8635a7eeddf0a3900abcacdbc39616f80d247f86
Kali Linux E17 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	2.6G	2018.2	be0a858c4a1862eb5d7b8875852e7d38ef852c335c3c23852a8b08807b4c3be8
Kali Linux Lxde 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	2.6G	2018.2	449ecca86b0f49a52f95a51acdde94745821020b7fc0bd2129628c56bc2d145d
Kali Linux Xfce 64 Bit	<a href="#">HTTP</a>   <a href="#">Torrent</a>	2.6G	2018.2	0e94035a0a56fccc49961b0da56b9243ed3da6a3f8d696884e6f0b936f74dbfb

# Appendix #2: 암호학적 해쉬 함수 활용

## □ 패스워드 관리

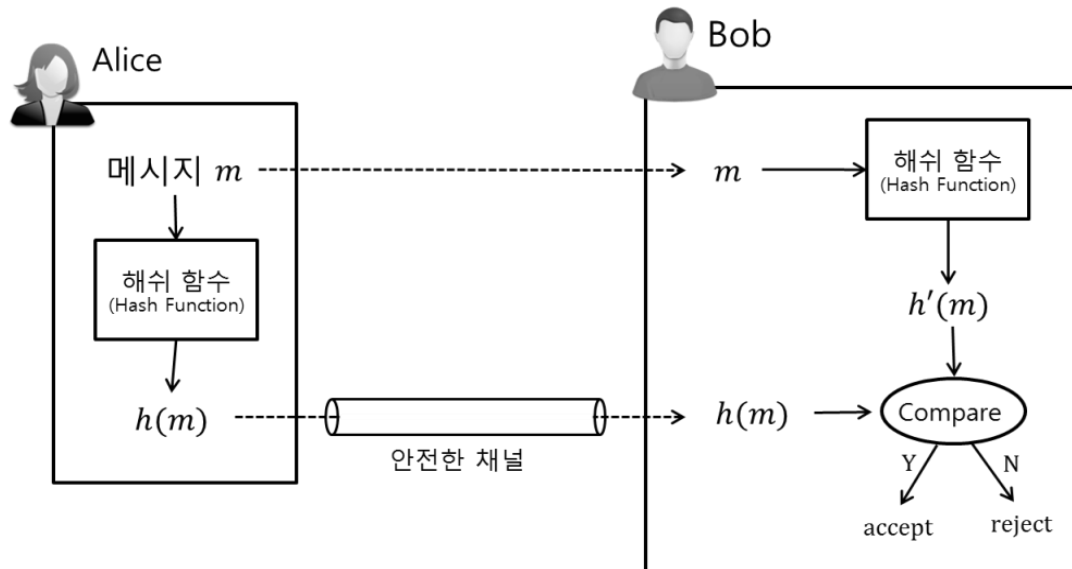
- 리눅스 패스워드 관리를 위한 shadow파일

## □ 그 밖에도 전자서명, 블록체인 등 다양한 암호 기반 기술에 사용됨

# 메시지 변조 감지 코드(MDC)

## □ MDC (Message Modification Code)

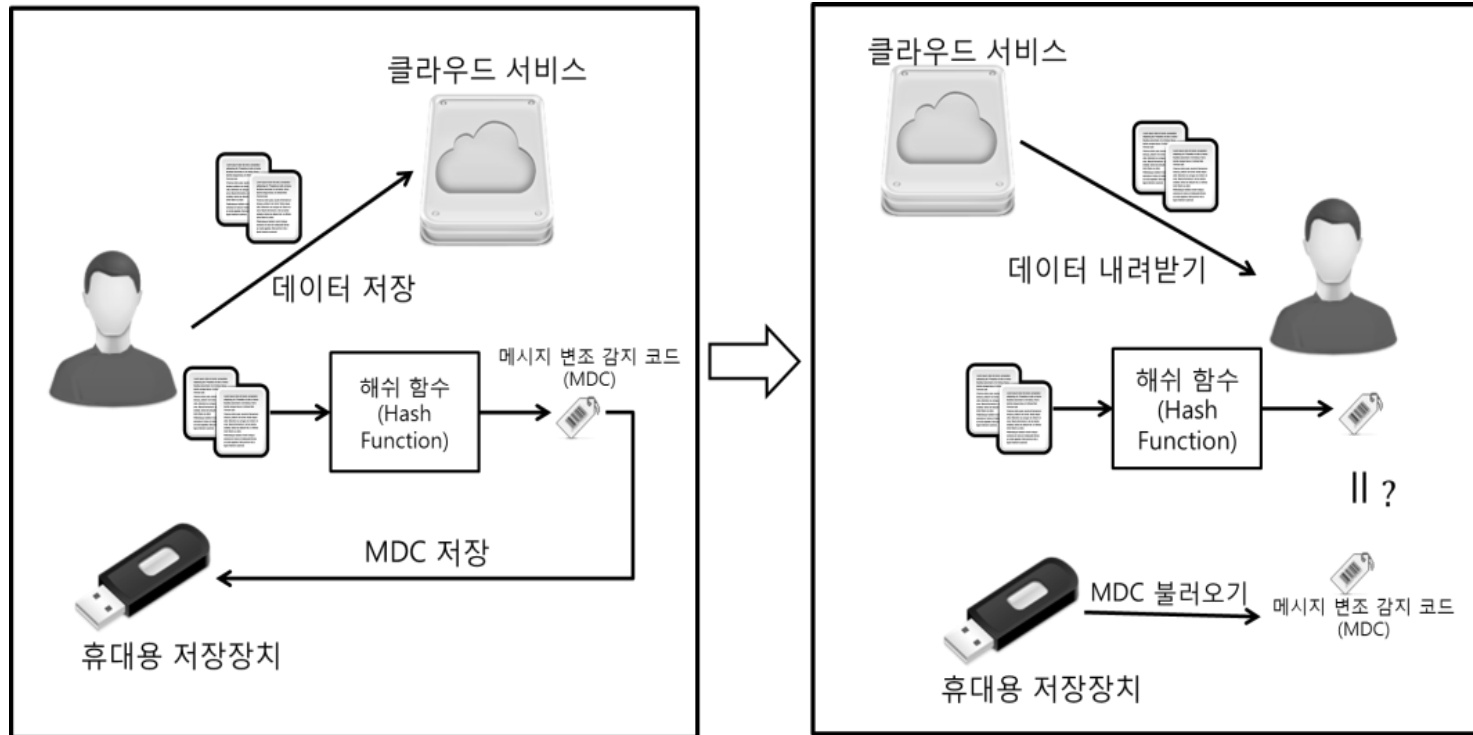
- 메시지  $m$ 과 MDC  $h(m)$ 은 분리될 수 있으며,  $h(m)$ 은 변조되지 않도록 하는 것이 중요!
  - Alice는 메시지  $m$ 에 대한 MDC  $h(m)$  생성
  - Alice → Bob :  $m$ ,  $h(m)$ , 단  $h(m)$ 은 안전한 채널로 전송



# 메시지 변조 감지 코드(MDC)

## □ MDC를 이용한 메시지 변조 감지 코드 활용 예

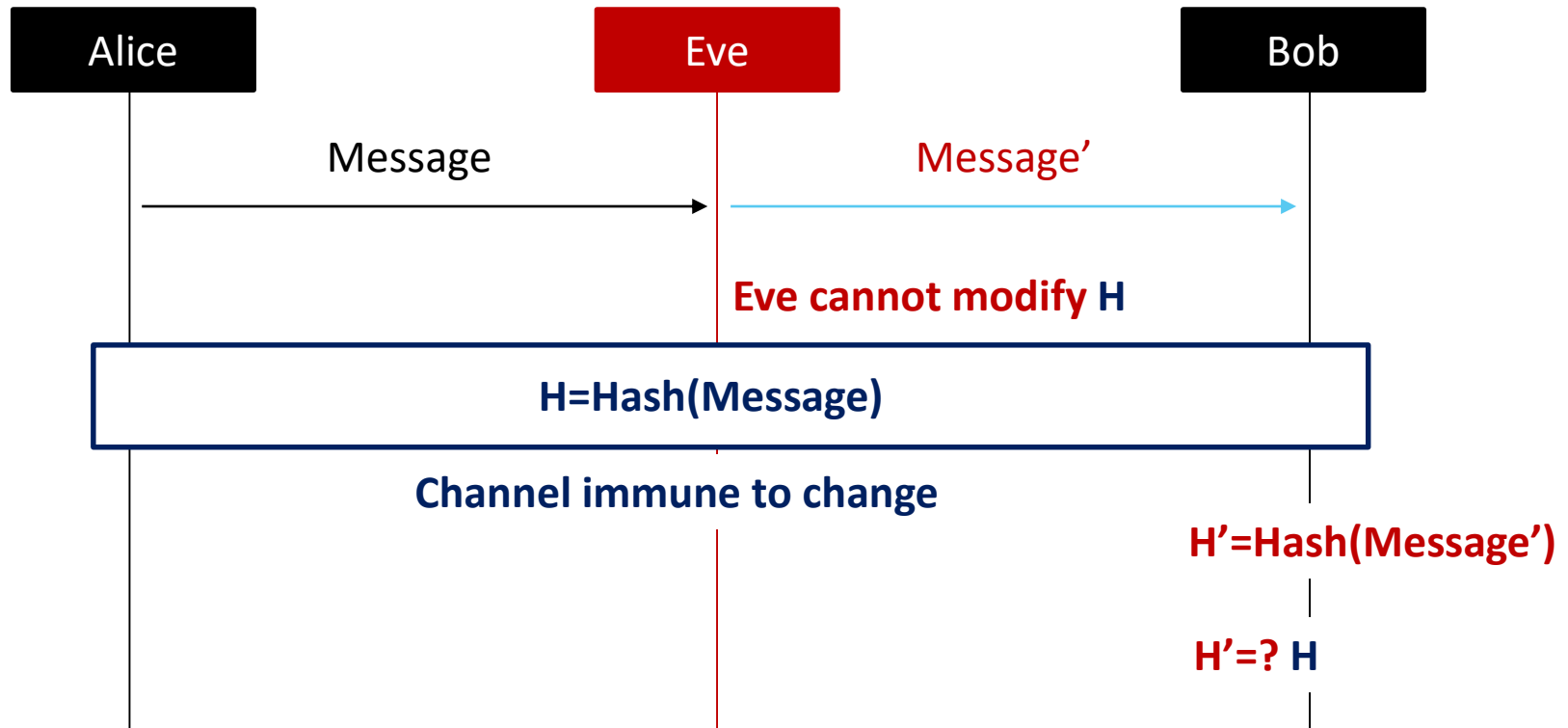
- 클라우드 서비스에서 원본 메시지에 대한 무결성을 제공



# 메시지 변조 감지 코드(MDC)

## □ MDC

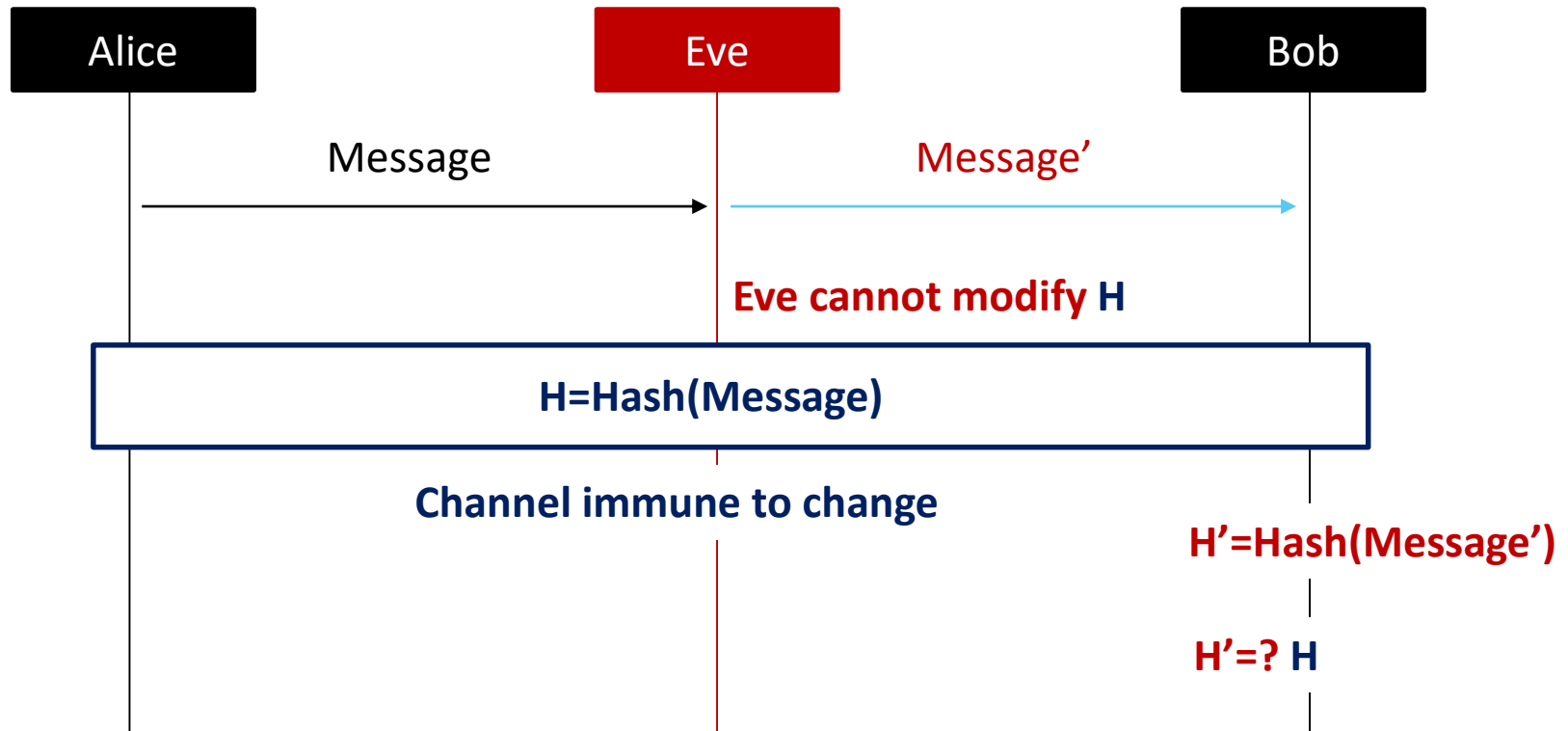
- There is a channel immune to message change between Alice and Bob



# 메시지 변조 감지 코드(MDC)

## □ MDC

- There is a channel immune to message change between Alice and Bob



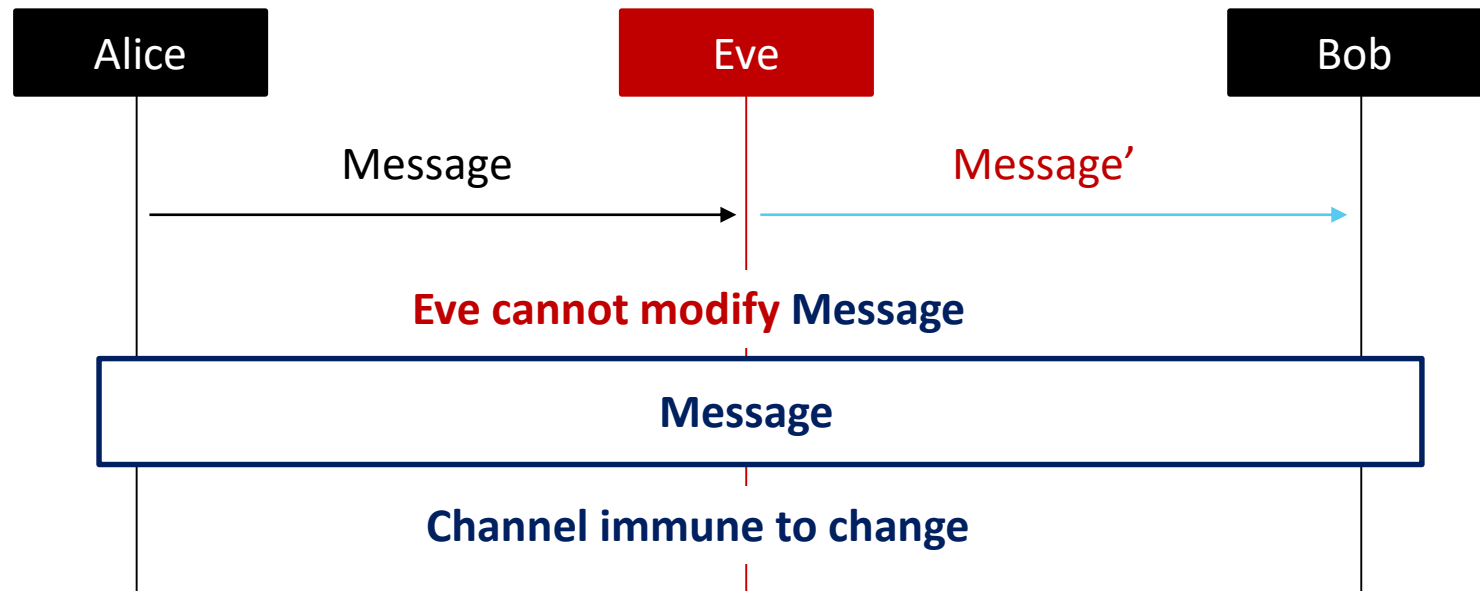
Eve cannot find **Message'** such that  $\text{Hash}(\text{Message}') = \text{Hash}(\text{Message})$



# 메시지 변조 감지 코드(MDC)

## □ But, MDC is impractical

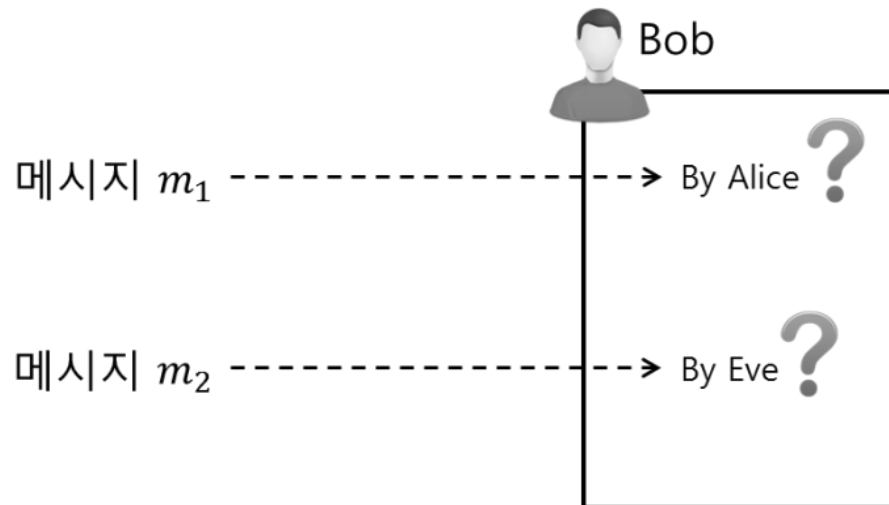
- Alice can just send a message using the channel immune to change
- Setup of the channel is very difficult and not cost-effective



# 메시지 인증코드 (MAC)

## □ Message Authentication Code(MAC)

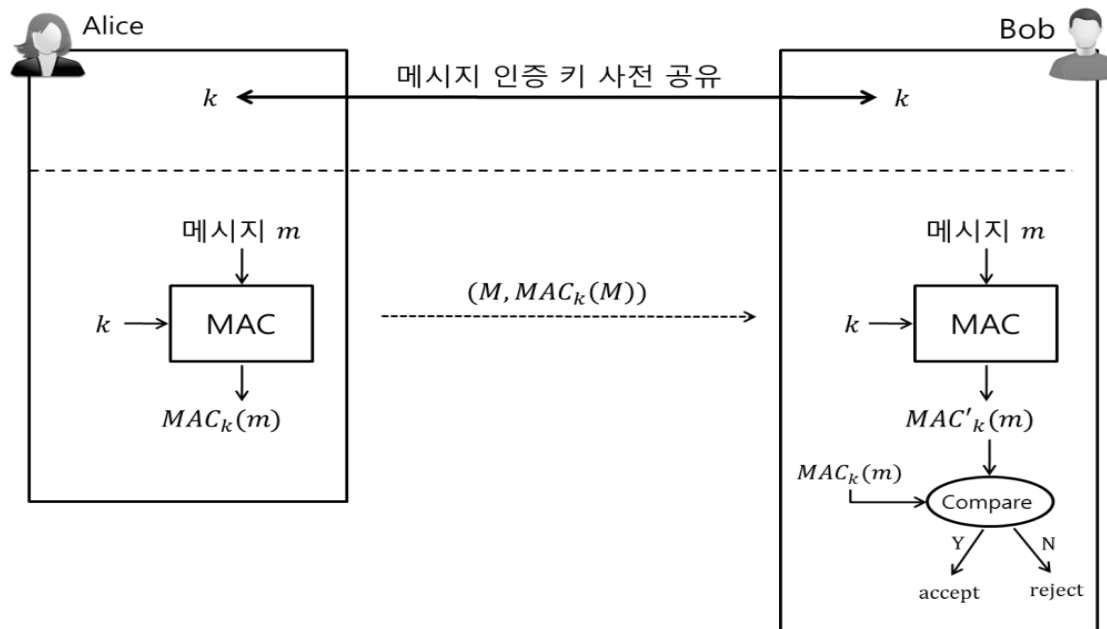
- 메시지 근원 인증 (Message origin authentication)을 제공
- 해쉬 함수를 이용한 MDC는 무결성만을 제공 → 메시지의 출처를 확인할 수 없음
- MAC은 무결성도 함께 제공



# 메시지 인증코드 (MAC)

## □ Message Authentication Code(MAC) :

- $MAC_k(m) = h(k, m)$ 
  1. Alice와 Bob은 MAC 키  $k$ 를 사전공유
  2. Alice는 메시지  $m$ 에 대한  $MAC_k(m)$  생성
  3. Alice  $\rightarrow$  Bob :  $m, MAC_k(m)$
  4. Bob은 수신 메시지  $m'$ 에 대한  $MAC_k(m')$  생성
  5.  $MAC_k(m) =? MAC_k(m')$



# 메시지 인증코드 (MAC)

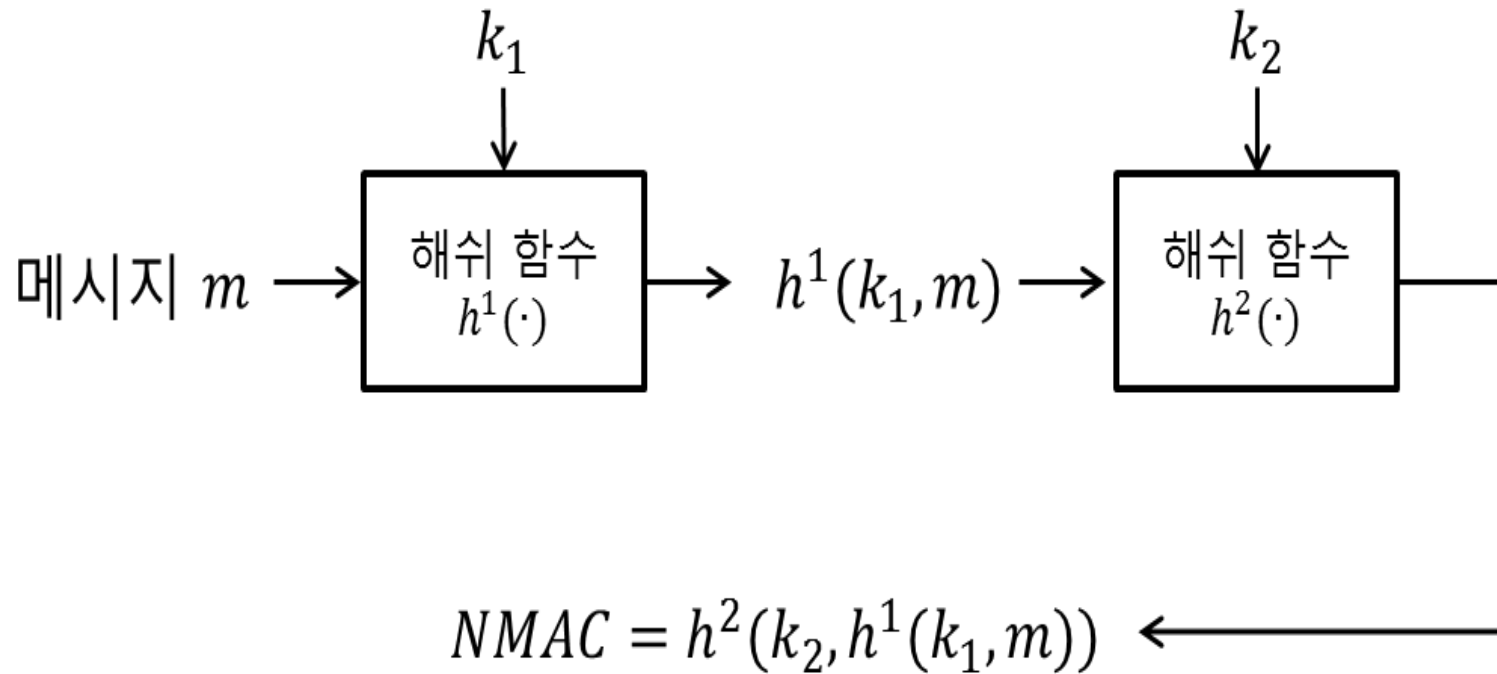
## □ MAC 생성 방법

해시 함수 기반 메시지 인증 코드	Nested MAC
	HMAC
블록 암호 알고리즘 기반 메시지 인증 코드	CBC-MAC
	CMAC

# 메시지 인증코드 (MAC)

## □ Nested MAC

- $NMAC_{k_1, k_2}(m) = h^2(k_2, h^1(k_1, m))$

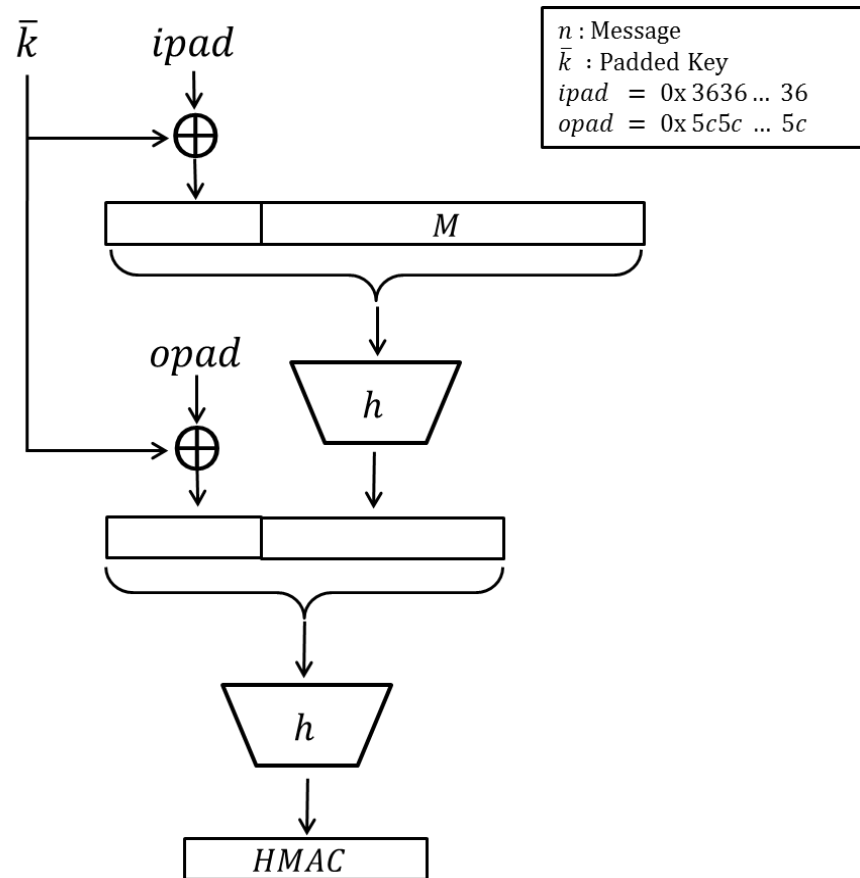


# 메시지 인증코드 (MAC)

## □ HMAC(Hashed MAC)

### ▪ NIST 표준 FIPS198

1. 키  $k$  앞에 0으로 패딩 하여  $b$ 비트로 맞추어  $\bar{k}$  생성
2.  $HMAC_K = h[(\bar{k} \oplus opad) || Hash[(\bar{k} \oplus ipad) || M]]$



$$HMAC = h(\bar{k} \oplus opad || h(\bar{k} \oplus ipad || m))$$

# 메시지 인증코드 (MAC)

## □ HMAC(Hashed MAC)의 안전성

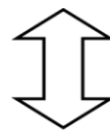
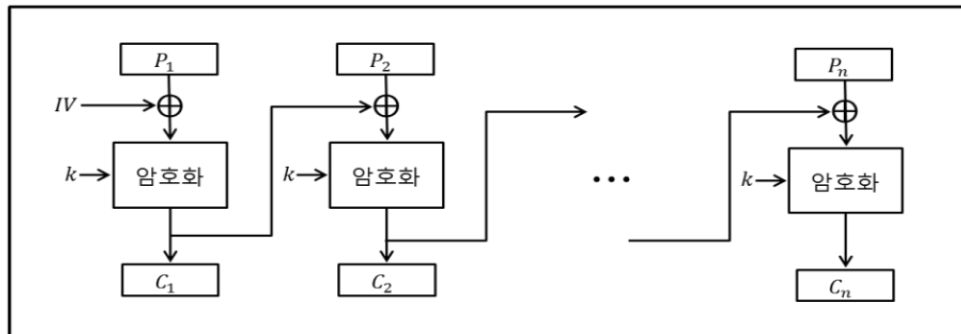
- 사용된 해쉬 함수의 안전성에 기반
- HMAC에 대한 공격
  - 사용된 MAC 키 전수 공격
  - 생일 공격
    - 키가 사용되었기 때문에 동일한 키로 생성된  $2^{n/2}$  개의 HMAC값을 수집
    - 해쉬 함수 H는 공개되었기 때문에 MDC는 자유로이 생성할 수 있지만 MAC은 키가 사용되기 때문에 수동적으로 관찰해서 수집해야 함!

# 메시지 인증코드 (MAC)

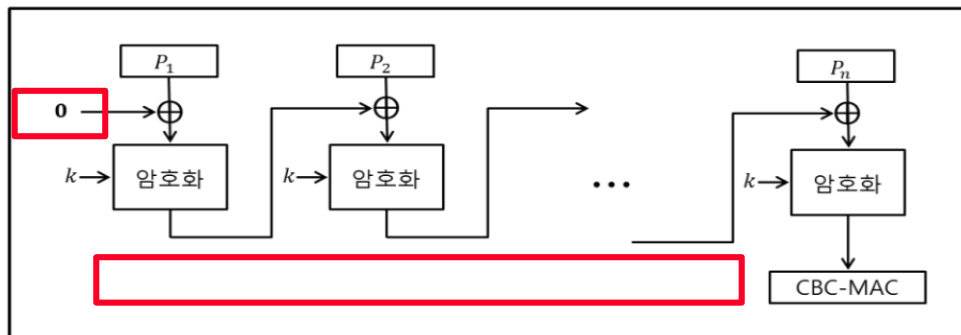
## □ CBC-MAC(Cipher Block Chaining MAC)

- 블록 암호의 운영모드 중 CBC모드를 사용하여 메시지 인증 코드를 생성 → 실제 환경에서 편리
  - 고정된 초기벡터(IV=0)를 사용
  - 고정된 메시지에 대한 MAC

CBC모드 암호화



CBC-MAC

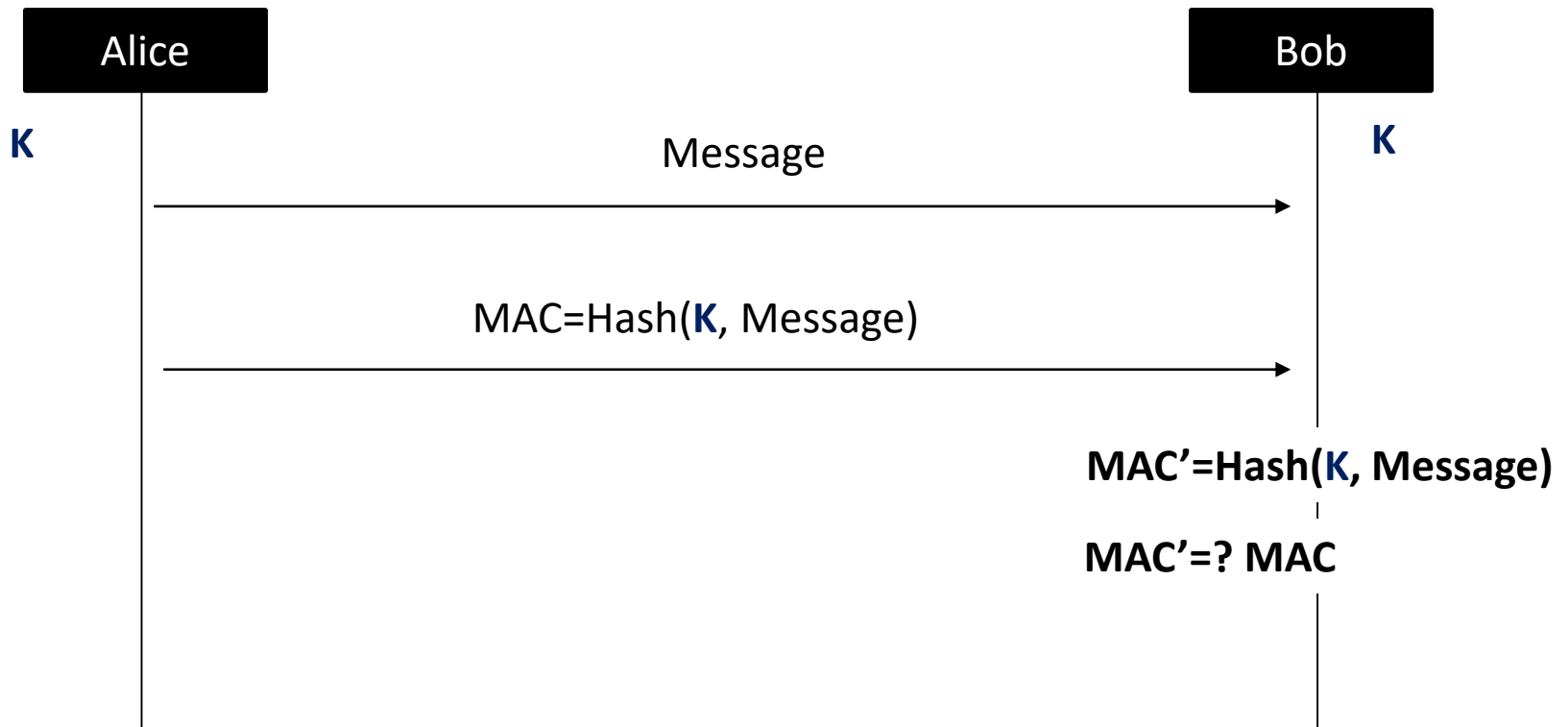




# 메시지 인증코드 (MAC)

## □ MAC

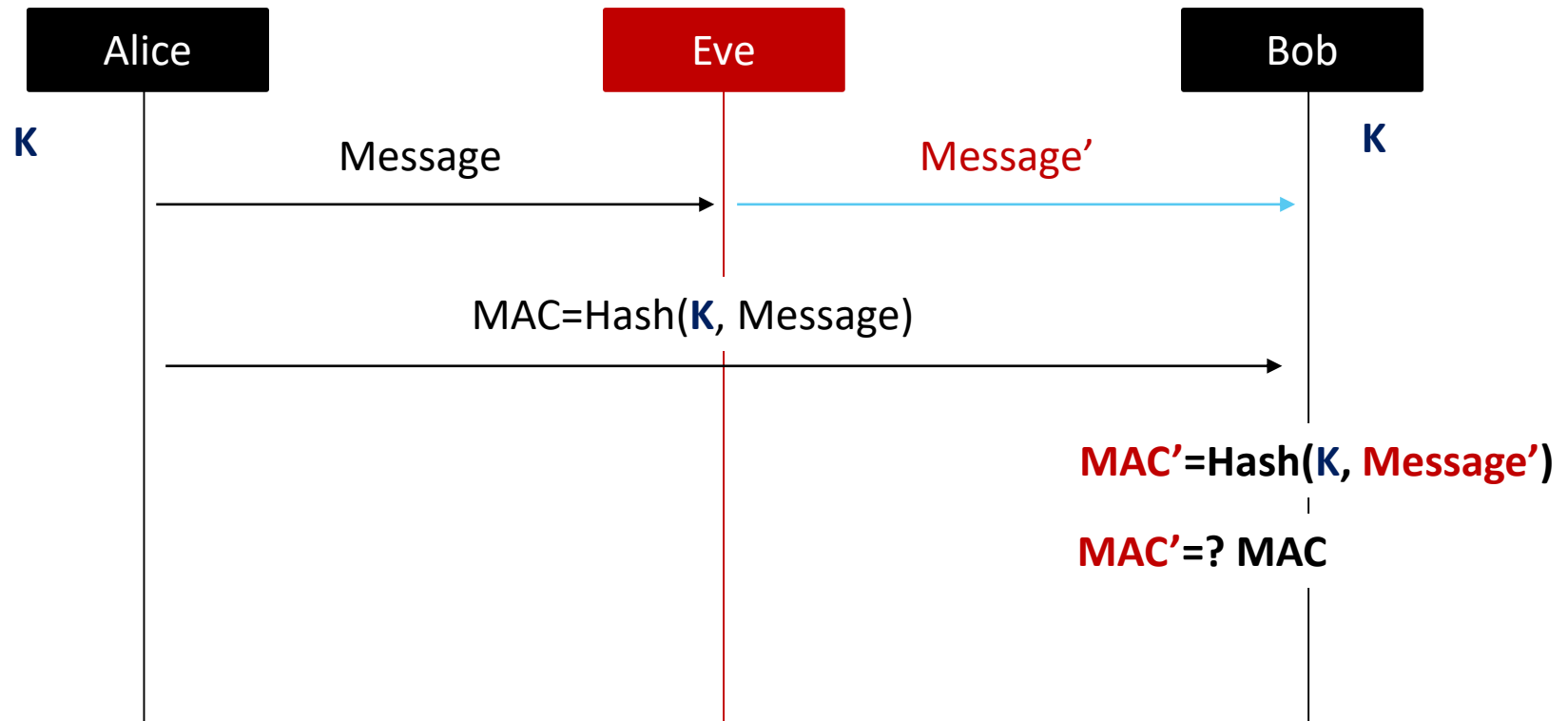
- Alice and Bob share a key for message authentication



# 메시지 인증코드 (MAC)

## □ MAC

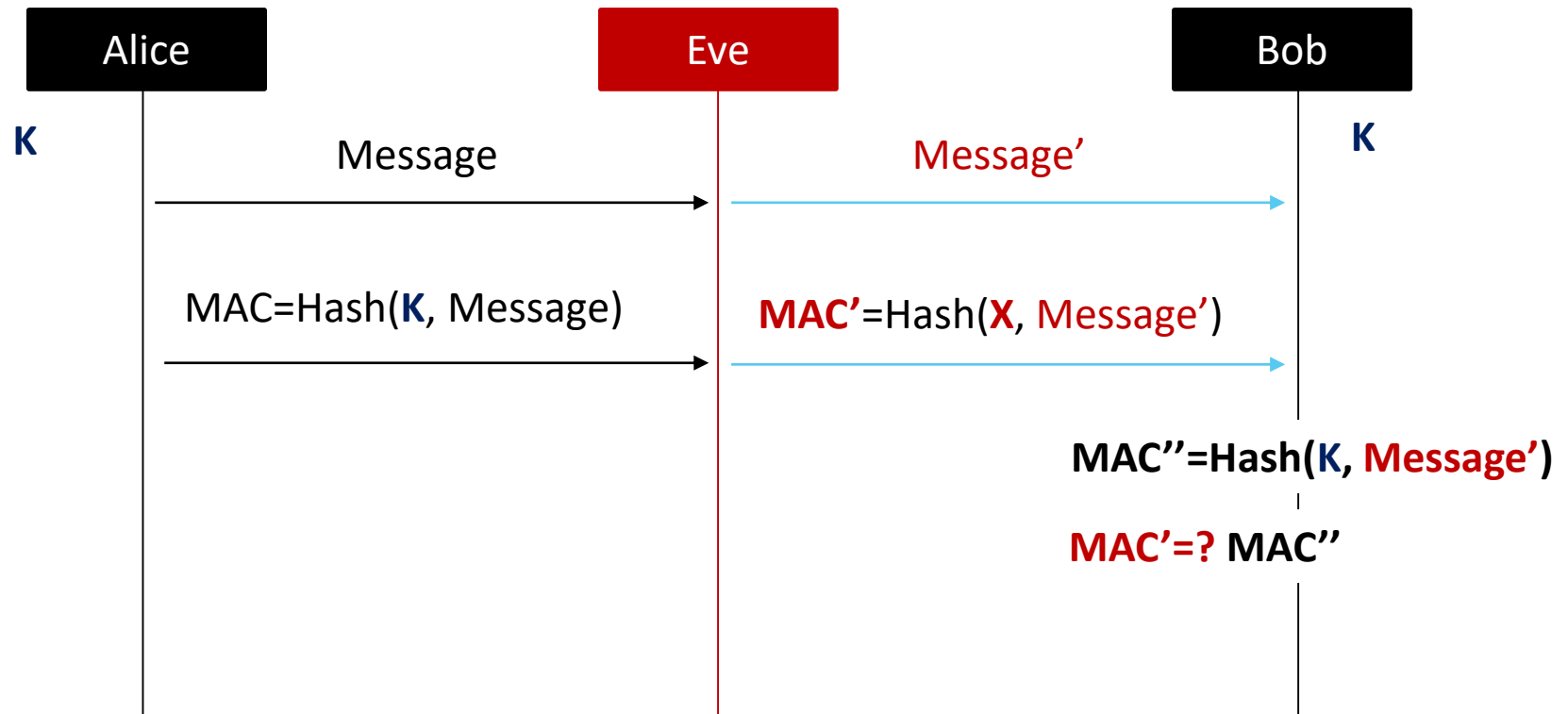
- Alice and Bob share a key for message authentication



# 메시지 인증코드 (MAC)

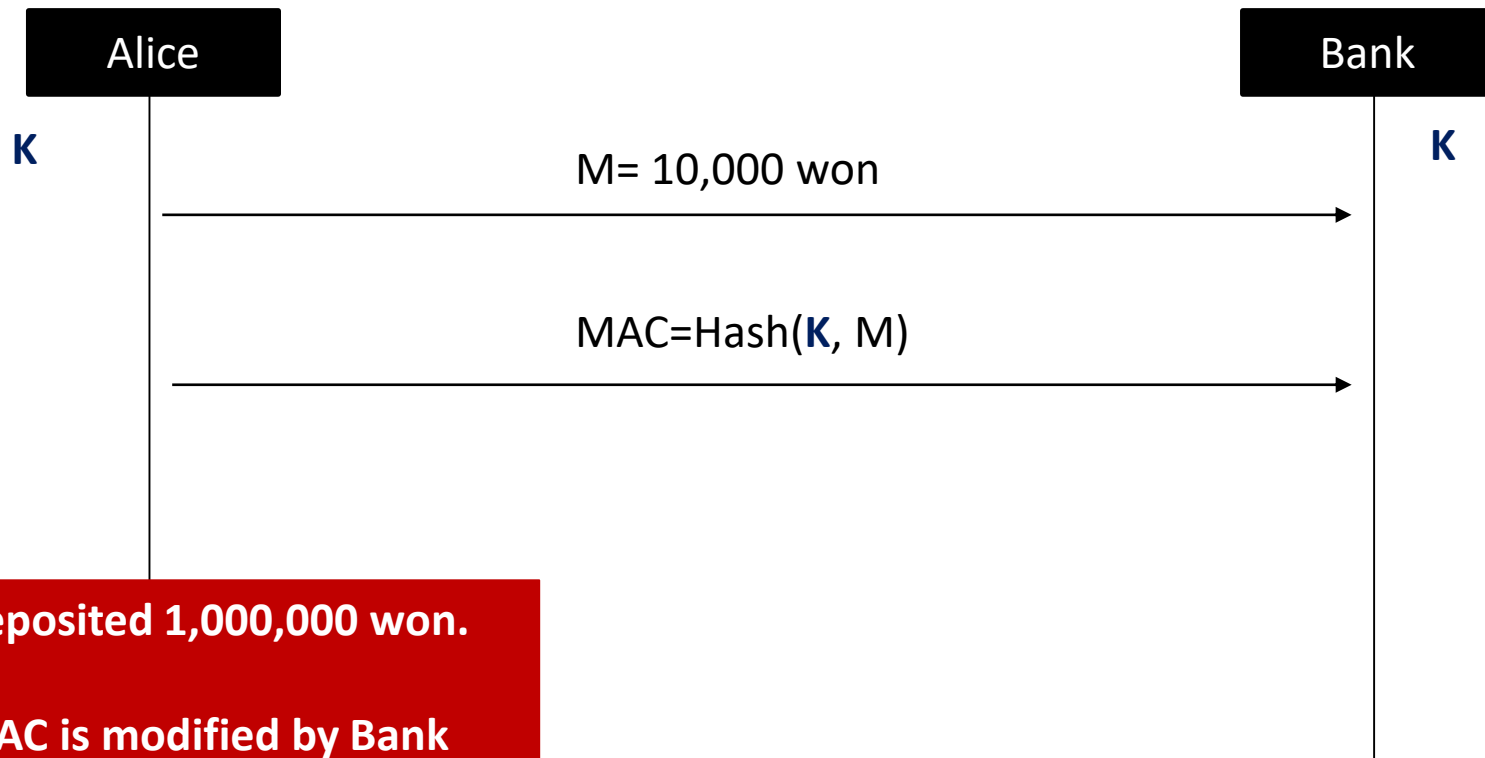
## □ MAC

- Alice and Bob share a key for message authentication



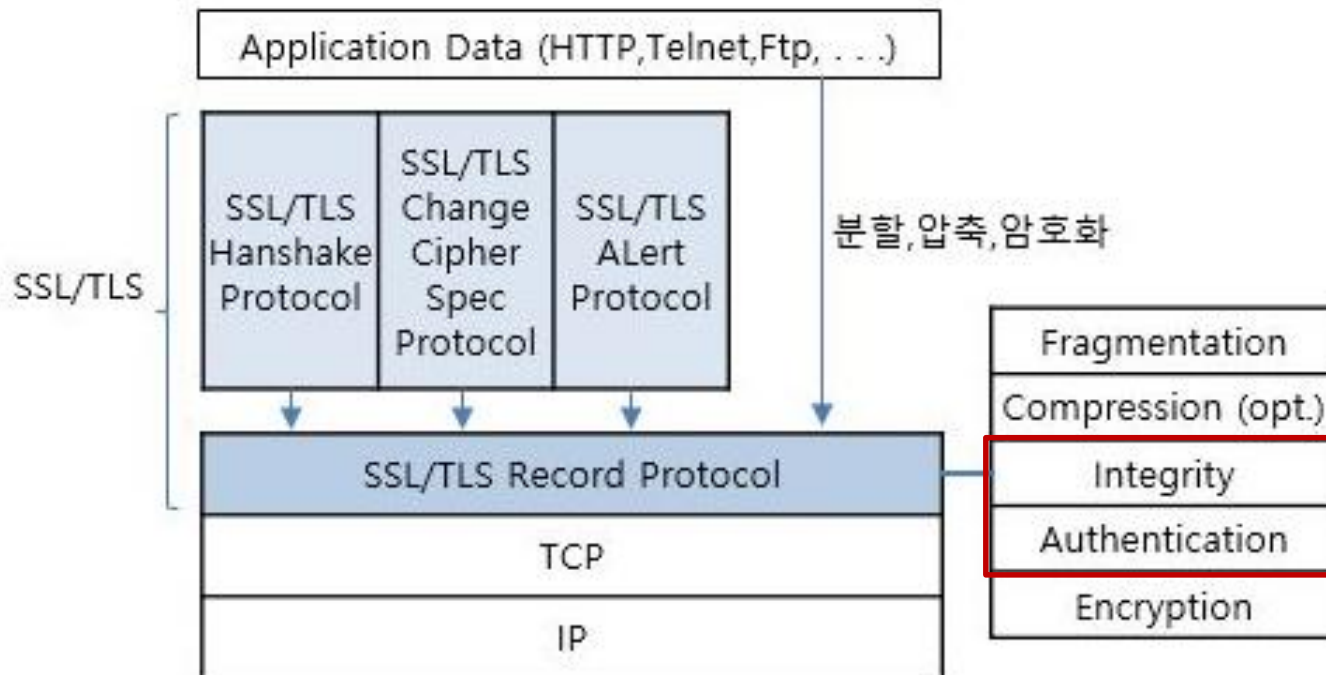
# 메시지 인증코드 (MAC)

- But, MAC does not provide non-repudiation (부인방지)
  - Because MAC values can be generated by entities who shares a key



# Appendix #3: MAC의 활용

- HTTPS 패킷 무결성 및 인증에 MAC함수가 사용됨



[http://www.ktword.co.kr/word/abbr\\_view.php?m\\_temp1=2552](http://www.ktword.co.kr/word/abbr_view.php?m_temp1=2552)

# HW #5

- 암호학적 해쉬 함수의 3가지 성질에 대해서 예를들어 설명하시오.
  
- 암호학적 해쉬 함수를 이용하는 MDC와 MAC의 차이점을 기술적인 관점에서 논하시오. (차이점 2개이상 언급)
  
- 4페이지 이내 (A4, 10 pt)
  - ★5월 10일 정오 12시까지★
  - 늦은 제출 시, 감점
  - 과제 copy 시, 관련된 과제들 모두 0점 처리
  - 제출양식: hwp or pdf

**Thank you** 