

第 2 章 线 性 表

DATA STRUCTURE

计算机科学学院 刘 芳

第2章 线性表

2.1 线性表的定义

2.2 线性表的顺序表示和实现

2.3 线性表的链式表示和实现

2.4 典型示例：一元多项式的表示及相加

问题提出

$$\begin{aligned} A_n(x) &= a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \cdots + a_n x^n \\ &= \sum_{i=0}^n a_i x^i \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B_m(x) &= b_0 + b_1 x + b_2 x^2 + \cdots + b_m x^m \\ &= \sum_{i=0}^m b_i x^i \end{aligned}$$

$$(A+B)_m(x) = (a_0 + b_0) + (a_1 + b_1)x + \cdots + (a_n + b_n)x^n + b_{n+1}x^{n+1} \cdots + b_m x^m$$

问题分析

$$\begin{aligned} A_n(x) &= a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \cdots + a_n x^n \\ &= \sum_{i=0}^n a_i x^i \end{aligned}$$

n阶多项式A由n+1个系数确定，可以表示为一个线性表： $A=(a_0, a_1, \dots, a_n)$

$$\begin{aligned} B_m(x) &= b_0 + b_1 x + b_2 x^2 + \cdots + b_m x^m \\ &= \sum_{i=0}^m b_i x^i \end{aligned}$$

m阶多项式B由m+1个系数确定，可以表示为一个线性表： $B=(b_0, b_1, \dots, b_m)$

问题分析

$$(A+B)_m(x) = (a_0 + b_0) + (a_1 + b_1)x + \cdots + (a_n + b_n)x^n + b_{n+1}x^{n+1} \cdots + b_mx^m$$

A+B由m+1个系数确定，可以表示为一个线性表：

$$(a_0+b_0, a_1+b_1, \dots, a_n+b_n, b_{n+1}, \dots, b_m)$$

一元多项式的顺序表示实现相加运算

A	B	A+B
a_0	b_0	$a_0 + b_0$
a_1	b_1	$a_1 + b_1$
...
a_i	b_i	$a_i + b_i$
a_{i+1}	b_{i+1}	$a_{i+1} + b_{i+1}$
...
a_n	b_n	$a_n + b_n$

	b_m	b_m

思考：

- 对如下的表达式

$$A_{101}(x) = 3 + 5x^{50} - 14x^{101}$$

$$B_{1000}(x) = 5x^6 + 2x^{50} + 14x^{101} + 9x^{1000}$$

$$(A+B)_{1000}(x) = 3 + 5x^6 + 7x^{50} + 9x^{1000}$$

- 顺序表示法？
- 有更好的办法吗？



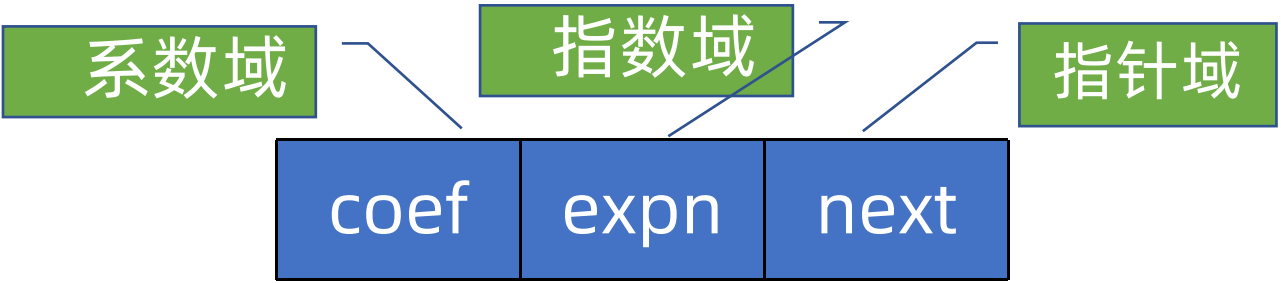
一元多项式的链式表示及相加运算

$$A(x) = a_1 x^{e_1} + a_2 x^{e_2} + \cdots + a_n x^{e_n}$$

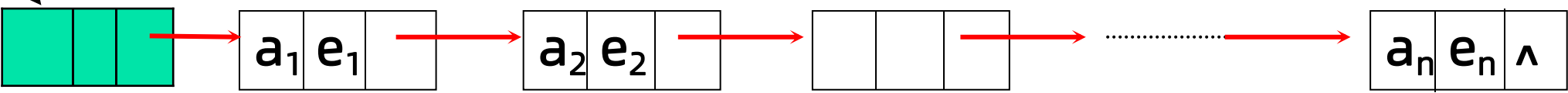
$$B(x) = b_1 x^{t_1} + b_2 x^{t_2} + \cdots + b_m x^{t_m}$$

一元多项式的链式表示及相加运算

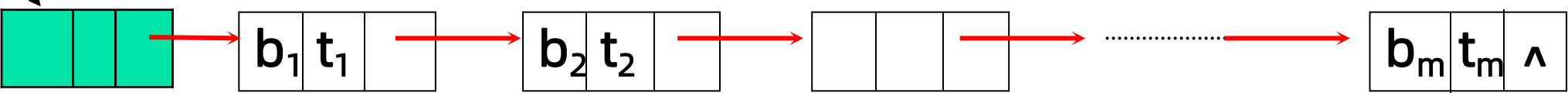
■ 结点结构:



A $A(x) = a_1 x^{e_1} + a_2 x^{e_1} + \dots + a_n x^{e_n}$

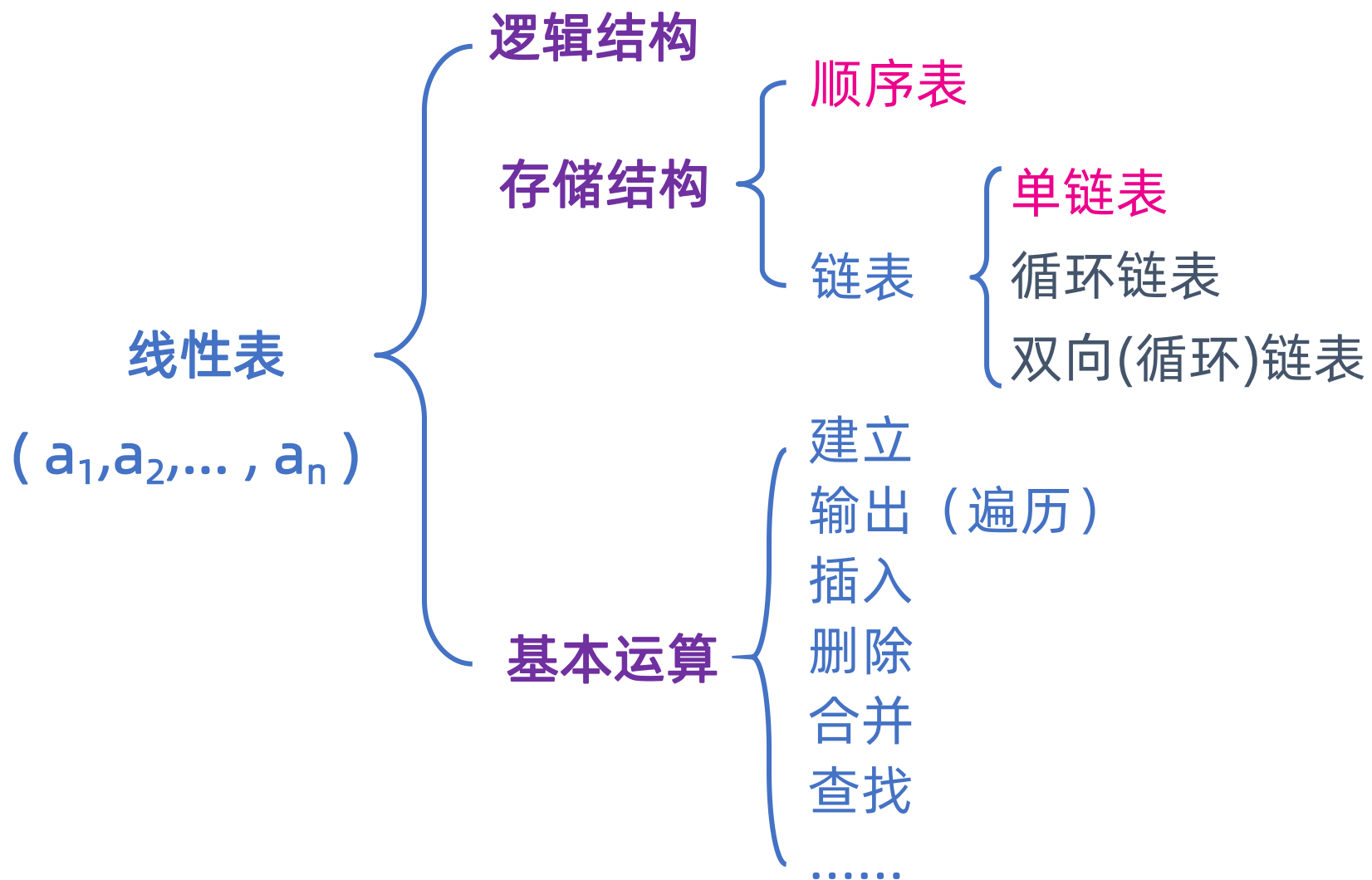


B $B(x) = b_1 x^{t_1} + b_2 x^{t_1} + \dots + b_m x^{t_m}$



- 一元多项式的表示和相加
 - 顺序表示
 - 链式表示

本章小结



本章小结

■ 典型应用：一元多项式的表示和相加

具体要求	顺序表	链表
基于空间	表长度变化不大 且易于事先确定其大小	表长度变化大 或难以估计其存储规模时采用。
基于时间	随机存取结构 当线性表的操作主要是 查找时，宜采用。	插入删除频繁的情况 当然若插入删除主要在表的首 尾两端，则宜采用尾指针表示 的单循环链表。

感谢聆听

业精于勤,荒于嬉;行成于思,毁于随.