



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China



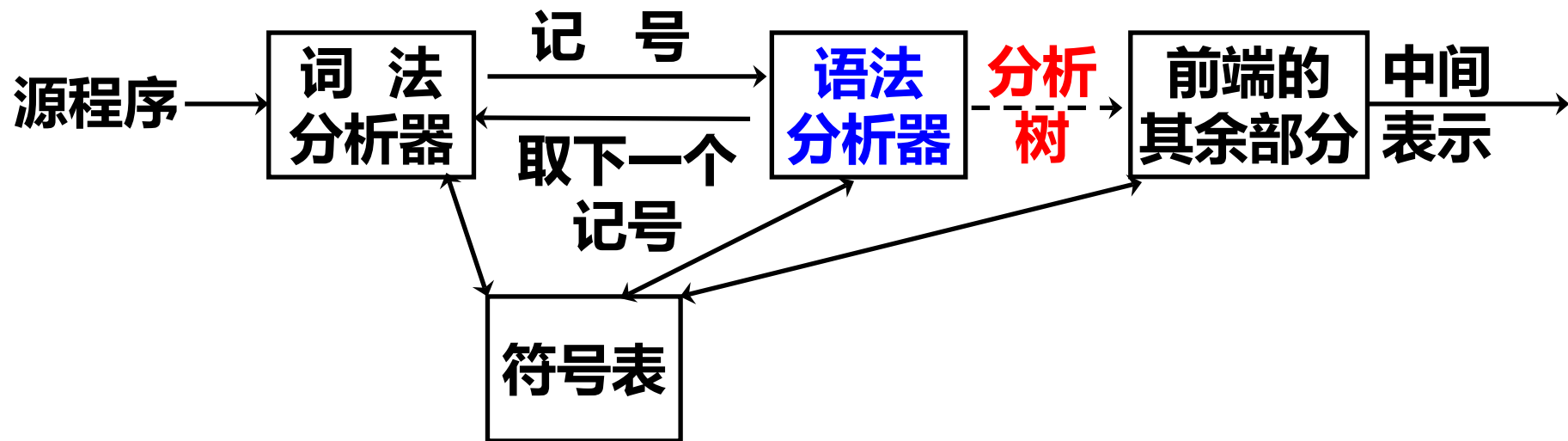
《编译原理与技术》

语法分析 III

计算机科学与技术学院

李 诚

2021-9-18



□自底向上分析方法

- ❖ 归约(右推导的逆过程)
- ❖ 句柄(可归约串), 可能不唯一
- ❖ 冲突: 移进-归约、归约-归约



□ 自顶向下 (Top-down)

- ❖ 针对输入串，从文法的开始符号出发，尝试根据产生式规则**推导 (derive)**出该输入串。
- ❖ 即便是进行消除左递归、提取左公因子操作，仍然存在一些程序语言，他们对应的文法不是LL(1)

□ 自底向上 (Bottom-up)

- ❖ 针对输入串，尝试根据产生式规则**归约 (reduce)**到文法的开始符号。
- ❖ 比top-down分析方法更一般化



归约(Reduce)



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

- 每一步，**特定子串**被替换为相匹配的某个**产生式左部的非终结符**
- 最终，把**输入串**归约成文法的**开始符号**



- 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符
- 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

输入串: $abbcde$



- 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符
- 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

输入串: $abbcde$

ab (读入 ab)

a

b



- 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符
- 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

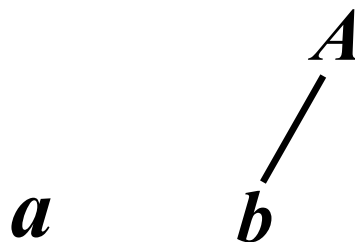
$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

输入串: *abbcde*

ab (读入*ab*)

aA (归约)





- 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符
- 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow \textcolor{blue}{Abc} \mid b$

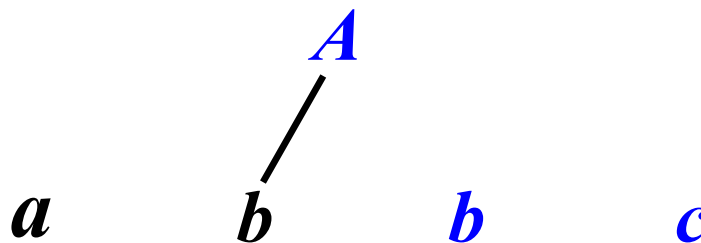
$B \rightarrow d$

输入串: *abbcde*

ab (读入*ab*)

aA (归约)

aAbc (再读入*bc*)





- 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符
- 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

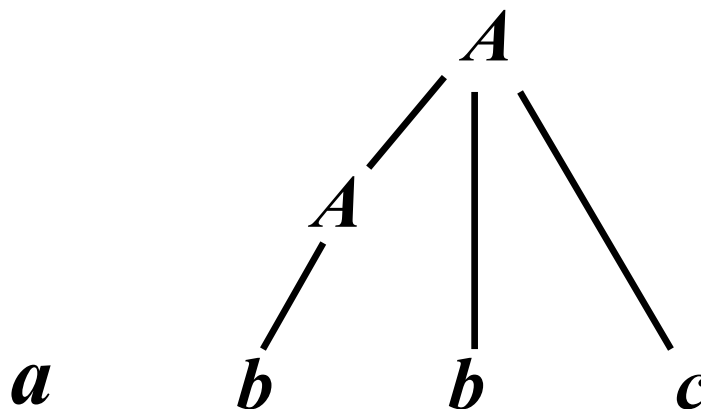
输入串: $abbcde$

ab (读入 ab)

aA (归约)

$aAbc$ (再读入 bc)

aA (归约)



- 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符
- 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

输入串: $abbcde$

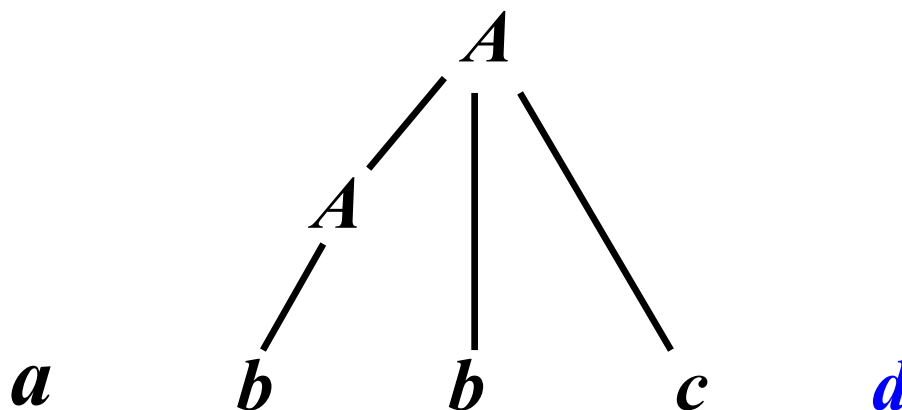
ab (读入 ab)

aA (归约)

$aAbc$ (再读入 bc)

aA (归约)

aAd (再读入 d)



□ 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符

□ 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

输入串: $abbcde$

ab (读入 ab)

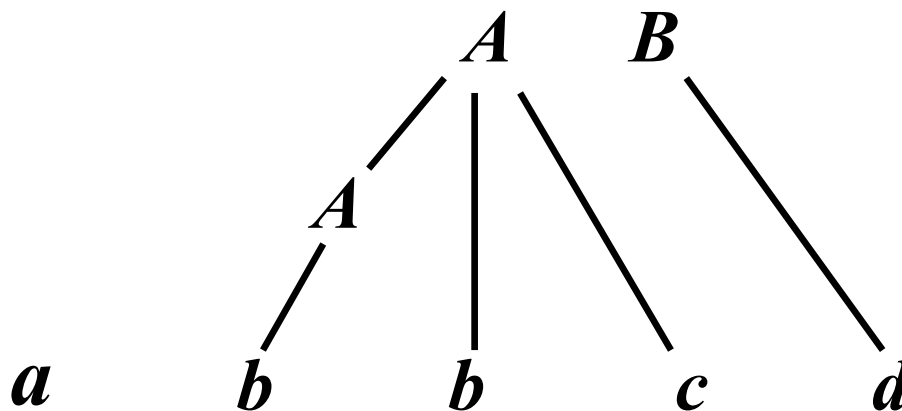
aA (归约)

$aAbc$ (再读入 bc)

aA (归约)

aAd (再读入 d)

aAB (归约)



- 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符
- 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

输入串: $abbcde$

ab (读入 ab)

aA (归约)

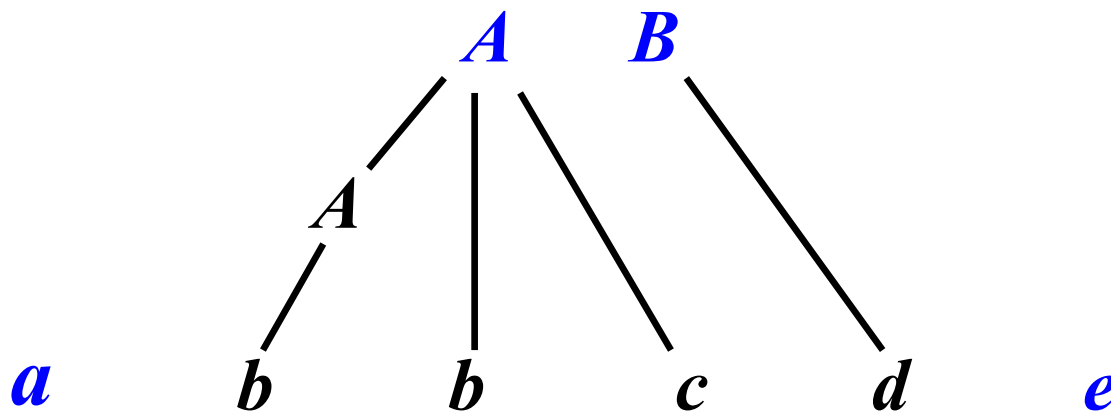
$aAbc$ (再读入 bc)

aA (归约)

aAd (再读入 d)

aAB (归约)

$aABe$ (再读入 e)



□ 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符

□ 最终，把输入串归约成文法的开始符号

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

输入串: *abbcde*

*a**b* (读入*ab*)

aA (归约)

aAbc (再读入*bc*)

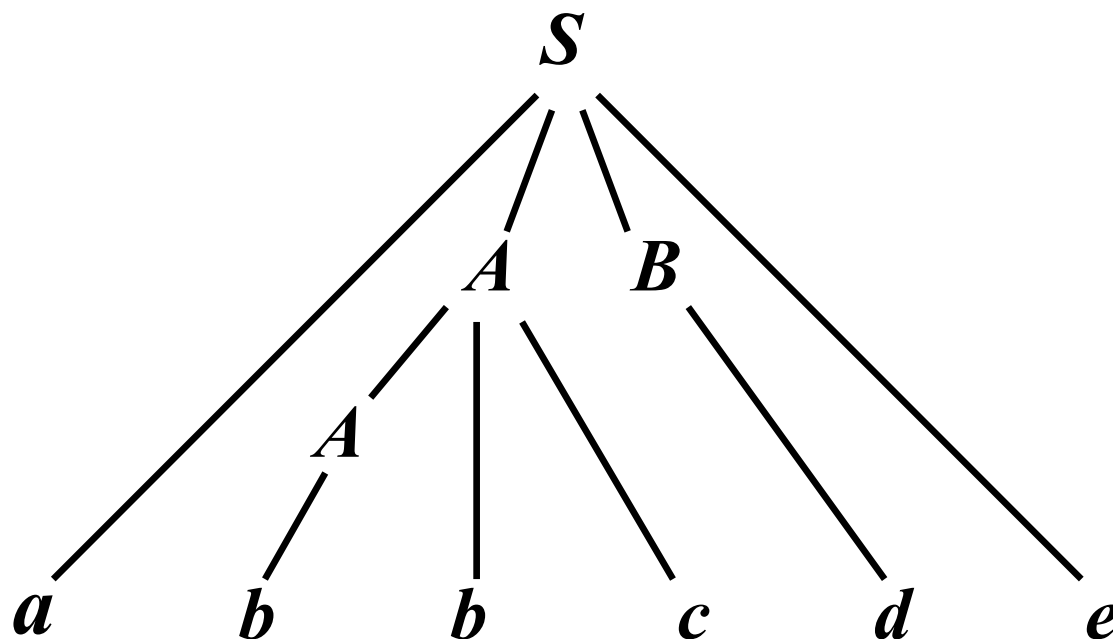
aA (归约)

aAd (再读入*d*)

aAB (归约)

aABe (再读入*e*)

S (归约)



- 每一步，特定子串被替换为相匹配的某个产生式左部的非终结符
- 最终，把输入串归约成文法的开始符号
- 归约是最右推导的逆过程

例 $S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

输入串: $abbcde$

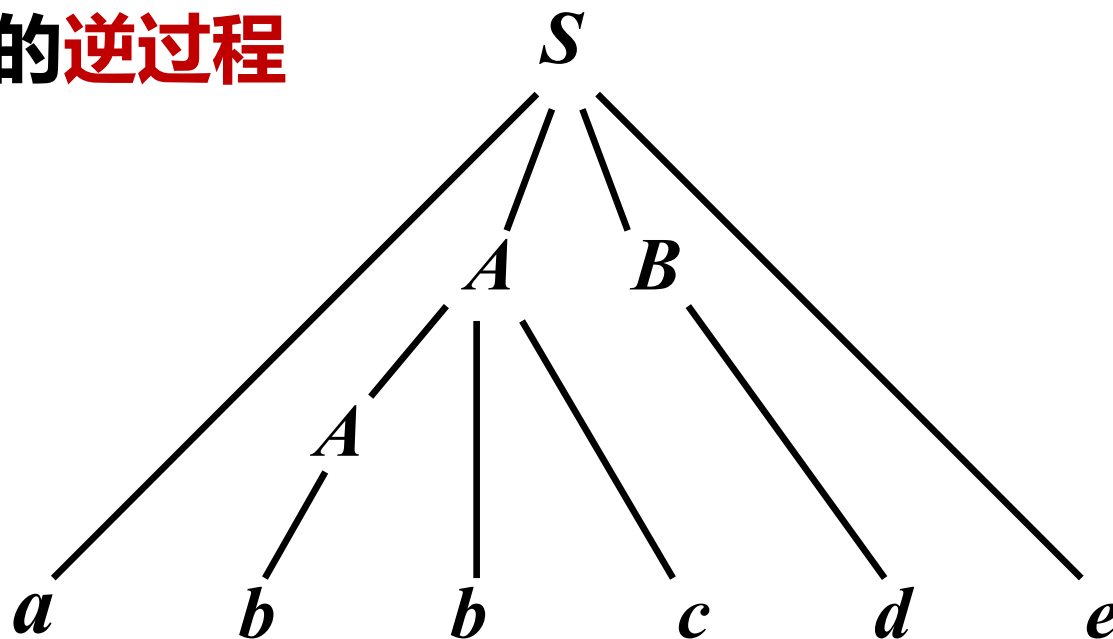
ab (读入 ab)

$aAbc$ (再读入 bc)

aAd (再读入 d)

$aABe$ (再读入 e)

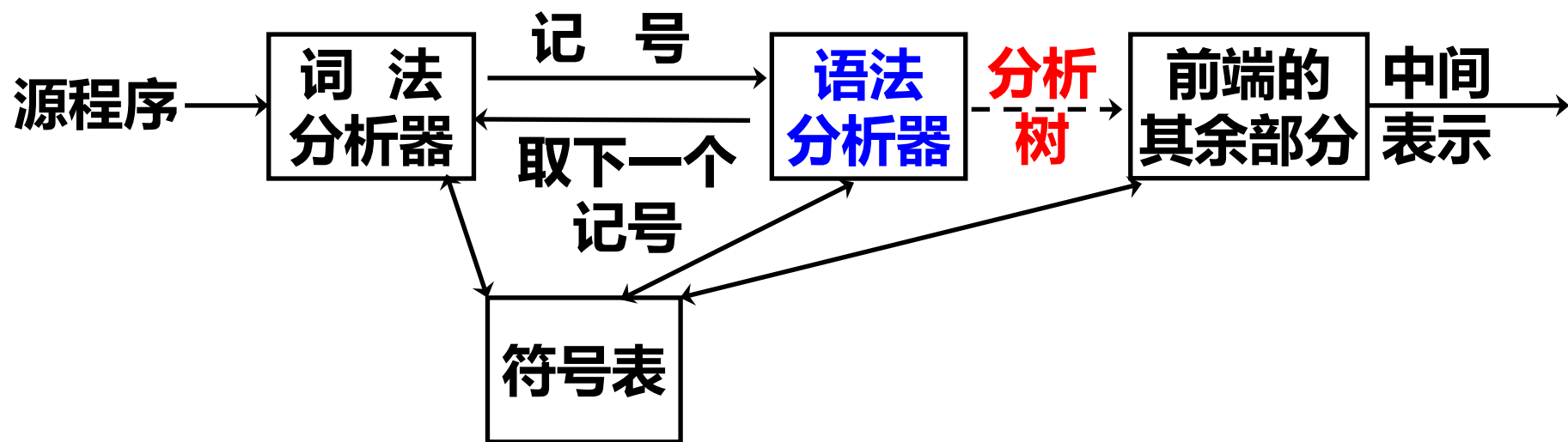
S (归约)


$$S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} aAbcde \Rightarrow_{rm} abbcde$$



□需要解决两个问题

- ❖在读入串的过程中，如何识别可以归约的子串？
- ❖在进行归约的时候，选择哪一个产生式？



□自底向上分析方法

- ❖ 归约(右推导的逆过程)
- ❖ 句柄(可归约串), 可能不唯一
- ❖ 冲突: 移进-归约、归约-归约



□句型的句柄 (可归约串)

- ❖ 该句型中和某产生式右部匹配的子串, 并且
- ❖ 把它归约成该产生式左部的非终结符, 代表了最右推导的逆过程的一步

$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc \mid b$$

$$B \rightarrow d$$

$$S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} aAbcde \Rightarrow_{rm} abbcde$$

- ❖ 句柄的右边仅含终结符
- ❖ 如果文法二义, 那么句柄可能不唯一



例句柄不唯一



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid \text{id}$$



例句柄不唯一



$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid \text{id}$$

$$\begin{aligned} E &\Rightarrow_{rm} E * E \\ &\Rightarrow_{rm} E * E + E \\ &\Rightarrow_{rm} E * E + \text{id}_3 \\ &\Rightarrow_{rm} E * \text{id}_2 + \text{id}_3 \\ &\Rightarrow_{rm} \text{id}_1 * \text{id}_2 + \text{id}_3 \end{aligned}$$



例句柄不唯一

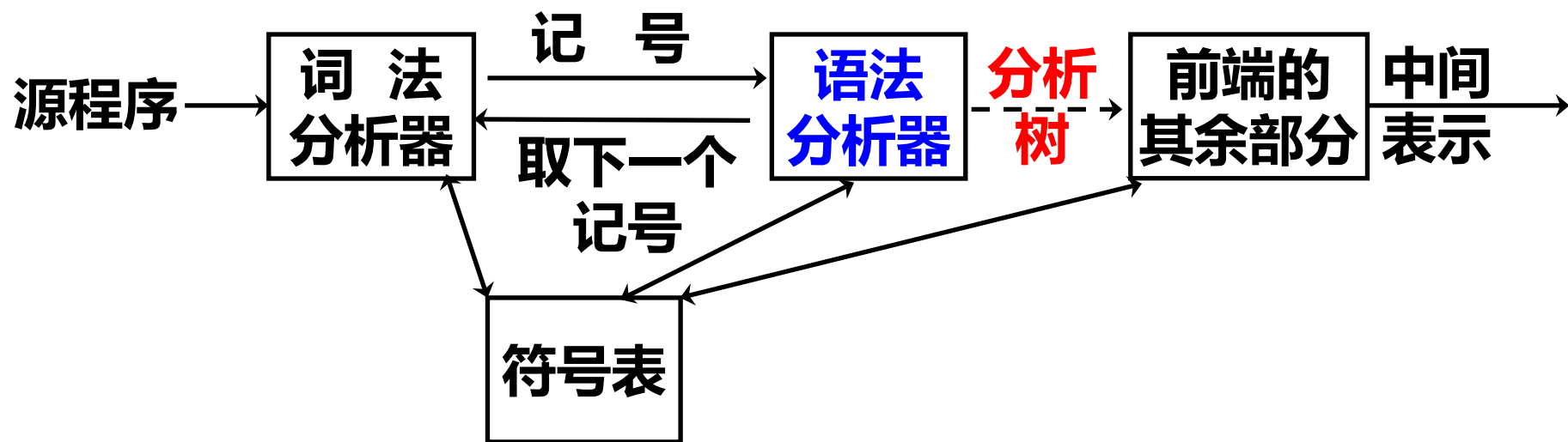


$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid \text{id}$$

$$\begin{aligned} E &\Rightarrow_{rm} E * E \\ &\Rightarrow_{rm} E * E + E \\ &\Rightarrow_{rm} E * E + \text{id}_3 \\ &\Rightarrow_{rm} E * \text{id}_2 + \text{id}_3 \\ &\Rightarrow_{rm} \text{id}_1 * \text{id}_2 + \text{id}_3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E &\Rightarrow_{rm} E + E \\ &\Rightarrow_{rm} E + \text{id}_3 \\ &\Rightarrow_{rm} E * E + \text{id}_3 \\ &\Rightarrow_{rm} E * \text{id}_2 + \text{id}_3 \\ &\Rightarrow_{rm} \text{id}_1 * \text{id}_2 + \text{id}_3 \end{aligned}$$

在句型 $E * E + \text{id}_3$ 中，句柄不唯一



□自底向上分析方法

- ❖ 归约(右推导的逆过程)
- ❖ 句柄(可归约串), 可能不唯一
- ❖ 移进(shift)-归约(reduce)分析技术
 - 冲突: 移进-归约、归约-归约



□用栈实现移进-归约分析

- ❖ 栈保存已扫描过的文法符号，缓冲区存放还未分析的其余符号
- ❖ 移进(**shift**): 将下一个输入符号放到栈顶，以形成句柄
- ❖ 归约(**reduce**): 将句柄替换为对应的产生式的左部非终结符
- ❖ 接受(**accept**): 分析成功
- ❖ 报错(**error**): 发现语法错误



□ 用栈实现移进-归约分析

❖ 先通过分析输入串 $id_1 * id_2 + id_3$ 时的动作序列来了解移进-归约分析的工作方式



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*id_2$	$+ id_3 \$$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E*E$	$+ id_3 \$$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E*E$	$+ id_3 \$$	移进



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E*E$	$+ id_3 \$$	移进
$\$E*E+$	$id_3 \$$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E*E$	$+ id_3 \$$	移进
$\$E*E+$	$id_3 \$$	移进



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E*E$	$+ id_3 \$$	移进
$\$E*E+$	$id_3 \$$	移进
$\$E*E+id_3$	\$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ E	$* id_2 + id_3 \$$	移进
\$ $E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
\$ $E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ $E*E$	$+ id_3 \$$	移进
\$ $E*E+$	$id_3 \$$	移进
\$ $E*E+id_3$	\$	按 $E \rightarrow id$ 归约



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ id_1$	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ E *$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ E * id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E * E$	$+ id_3 \$$	移进
$\$ E * E +$	$id_3 \$$	移进
$\$ E * E + id_3$	$\$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E * E + E$	$\$$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$

栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ E	$* id_2 + id_3 \$$	移进
\$ $E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
\$ $E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ $E*E$	$+ id_3 \$$	移进
\$ $E*E+$	$id_3 \$$	移进
\$ $E*E+id_3$	\$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ $E*E+E$	\$	按 $E \rightarrow E+E$ 归约



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ id_1$	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ E *$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ E * id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E * E$	$+ id_3 \$$	移进
$\$ E * E +$	$id_3 \$$	移进
$\$ E * E + id_3$	\$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E * E + E$	\$	按 $E \rightarrow E + E$ 归约
$\$ E * E$	\$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ id_1$	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ E *$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$ E * id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E * E$	$+ id_3 \$$	移进
$\$ E * E +$	$id_3 \$$	移进
$\$ E * E + id_3$	\$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$ E * E + E$	\$	按 $E \rightarrow E + E$ 归约
$\$ E * E$	\$	按 $E \rightarrow E * E$ 归约



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

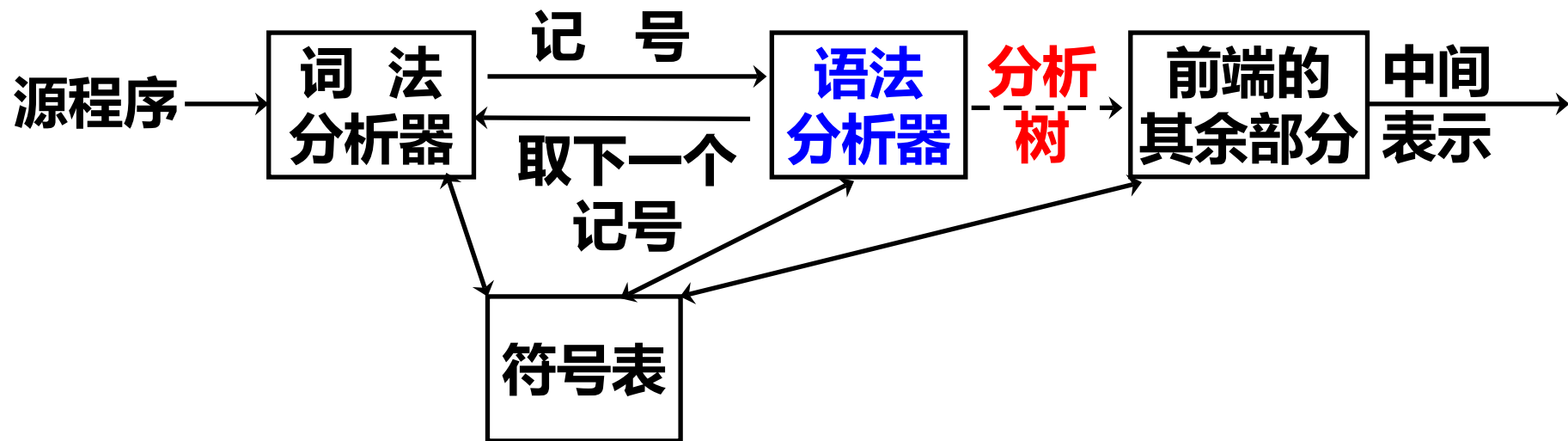
栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ E	$* id_2 + id_3 \$$	移进
\$ $E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
\$ $E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ $E*E$	$+ id_3 \$$	移进
\$ $E*E+$	$id_3 \$$	移进
\$ $E*E+id_3$	\$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ $E*E+E$	\$	按 $E \rightarrow E+E$ 归约
\$ $E*E$	\$	按 $E \rightarrow E*E$ 归约
\$ E	\$	



移进-归约 $id_1 * id_2 + id_3$



栈	输 入	动 作
\$	$id_1 * id_2 + id_3 \$$	移进
\$ id_1	$* id_2 + id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E$	$* id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*$	$id_2 + id_3 \$$	移进
$\$E*id_2$	$+ id_3 \$$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E*E$	$+ id_3 \$$	移进
$\$E*E+$	$id_3 \$$	移进
$\$E*E+id_3$	\$	按 $E \rightarrow id$ 归约
$\$E*E+E$	\$	按 $E \rightarrow E+E$ 归约
$\$E*E$	\$	按 $E \rightarrow E*E$ 归约
$\$E$	\$	接受



□自底向上分析方法

- ❖ 归约(右推导的逆过程)
- ❖ 句柄(可归约串), 可能不唯一
- ❖ 移进(shift)-归约(reduce)分析技术
 - 冲突: 移进-归约、归约-归约



□移进-归约冲突 例

$stmt \rightarrow$ if $expr$ then $stmt$
 | if $expr$ then $stmt$ else $stmt$
 | other

如果移进-归约分析器处于格局(configuration)

栈

... if $expr$ then $stmt$

归约?

输入

else ... \$

移进?



□ 归约-归约冲突

$stmt \rightarrow id (parameter_list) \mid expr = expr$

$parameter_list \rightarrow parameter_list, parameter \mid parameter$

$parameter \rightarrow id$

$expr \rightarrow id (expr_list) \mid id$

$expr_list \rightarrow expr_list, expr \mid expr$

由 $A(I, J)$ 开始的语句

栈

... id (id

归约成 $expr$ 还是 $parameter$?

输入

, id)...



□归约-归约冲突

$stmt \rightarrow \text{procid} (parameter_list) \mid expr = expr$
 $parameter_list \rightarrow parameter_list, parameter \mid parameter$
 $parameter \rightarrow id$
 $expr \rightarrow id (expr_list) \mid id$
 $expr_list \rightarrow expr_list, expr \mid expr$

由 $A(I, J)$ 开始的语句 (词法分析查符号表, 区分第一个id)

栈

... **procid** (id

输入

, id)...

需要修改文法中的第一个产生式, 并利用栈中信息



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China



《编译原理与技术》

语法分析 III

Well done!