# Algorytmy Numeryczne – Zadanie 2

### 12 października 2018

# Operacje na macierzach

Zdefiniuj klasę parametryzowaną typem (ang. generic) MyMatrix lub, jeśli programujesz w C++, szablon klasy (ang. template) reprezentującą macierz nad ciałem liczb rzeczywistych.

Zaimplementuj algorytm eliminacji Gaussa w następujących wariantach:

G: bez wyboru elementu podstawowego,

PG: z częściowym wyborem elementu podstawowego,

FG: z pełnym wyborem elementu podstawowego.

## Testy poprawnościowe i wydajnościowe

Wszystkie testy proszę przeprowadzić używając następujących typów reprezentujących liczbę rzeczywistą:

TF: typu pojedynczej precyzji: float (lub odpowiednika w wybranym języku programowania),

TD: typu podwójnej precyzji: double (lub odpowiednika w wybranym języku programowania,

TC: własnego typu, który przechowuje liczbę w postaci ułamka liczb całkowitych – w tej wersji wszystkie operacje powinny być wykonywane bez utraty precyzji. Do osiągnięcia tego celu można użyć gotowego typu całkowitego, takiego jak BigInteger w Javie i C# albo skorzystać z implementacji z biblioteki Boost/GMP w C++.

Dla losowej macierzy kwadratowej A i wektora B, rozwiąż układ równań liniowych

$$A \cdot X = B$$

korzystając z zaimplementowanych wariantów metody Gaussa w klasie MyMatrix. Jako współczynniki macierzy A i wektora X proszę wziąć pseudolosowe liczby zmiennoprzecinkowe z przedziału [-1,1) otrzymane jako iloraz  $r/2^{16}$ , gdzie r jest pseudolosową liczbą całkowitą z przedziału:  $\{-2^{16},2^{16}-1\}$ . Wektor B obliczamy jako  $B:=A\cdot X$ . Macierz A i wektor B podajemy jako parametry do rozwiązania układu równań, wektor X zachowujemy jako rozwiązanie wzorcowe.

Proszę zbadać poprawność (błędy) i wydajność (czas działania) we wszystkich możliwych wariantach: wybierając jedną z trzech implementacji metody Gaussa i jeden z trzech wymienionych typów.

Testy przeprowadź dla różnych rozmiarów macierzy, w tym możliwie dużych dla sprzętu jakim dysponujesz (zapewne rozmiar macierzy nie powinien być większy niż kilka tysięcy) – uruchomienie wszystkich testów nie powinno zająć więcej niż 1h.

## Sprawozdanie

W sprawozdaniu proszę przedstawić argumenty za poprawnością implementacji (między innymi należy sprawdzić poprawność operacji na macierzach, w tym operacji mnożenia macierzy przez wektor).

Proszę zweryfikować następujące hipotezy:

- H1: Dla dowolnego ustalonego rozmiaru macierzy czas działania metody Gaussa w kolejnych wersjach (1, 2, 3) rośnie.
- H2: Dla dowolnego ustalonego rozmiaru macierzy błąd uzyskanego wyniku metody Gaussa w kolejnych wersjach (1, 2, 3) maleje.
- H3: Użycie własnej arytmetyki na ułamkach zapewnia bezbłędne wyniki niezależnie od wariantu metody Gaussa i rozmiaru macierzy.

Odpowiedz na następujące pytania:

- Q1: Jak zależy dokładność obliczeń (błąd) od rozmiaru macierzy dla dwóch wybranych przez Ciebie wariantów metody Gaussa gdy obliczenia prowadzone są na typie podwójnej precyzji (TD)?
- Q2: Jak przy wybranym przez Ciebie wariancie metody Gaussa zależy czas działania algorytmu od rozmiaru macierzy i różnych typów?

Wydajność implementacji

E1: Podaj czasy rozwiązania układu równań uzyskane dla macierzy o rozmiarze 500 dla 9 testowanych wariantów.

#### Praca zespołowa

Zadanie można wykonać w zespole dwu lub trzyosobowym. W takim przypadku proszę dokładnie oznaczyć jaki był zakres pracy członków zespołu. W oddaniu projektu musi uczestniczyć cały zespół.

### Wskazówki

- Wszystkie testy wykonaj w taki sposób, aby można było je łatwo odtworzyć i powtórzyć (wykonywane eksperymenty zachowaj w kodzie programu lub w skryptach uruchomieniowych, zanotuj wersję użytego oprogramowania, opcje kompilacji oraz konfigurację sprzętową).
- Macierze i wektory do testów należy losować jeden raz, w taki sposób aby porównywane operacje wykonywać na tych samych danych jest to istotne zwłaszcza przy porównywaniu dokładności obliczeń.

# Ocena i elementy nieobowiązkowe

- $\bullet$ Skorzystanie z cudzej implementacji metody Gaussa z pełnym wyborem elementu podstawowego (FG):  $-10~\rm pkt.$
- Pominięcie metody Gaussa z pełnym wyborem elementu podstawowego (FG) w testach: -20 pkt.
- Pominięcie testów z liczbami w postaci ułamków (TC): -20 pkt.