

介绍



教程简介:

• 面向对象:量子计算初学者

• 依赖课程:线性代数,解析几何,量子力学(非必需)

知乎专栏:

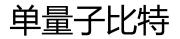
https://www.zhihu.com/column/c_1501138176371011584

Github & Gitee 地址:

https://github.com/mymagicpower/qubits https://gitee.com/mymagicpower/qubits

* 版权声明:

- 仅限用于个人学习,或者大学授课使用
- 禁止用于任何商业用途





一个量子比特 $|\psi\rangle$ 可以同时处于 $|0\rangle$ 和 $|1\rangle$ 两个状态,可用线性代数中的线性组合来表示为:

$$|\psi\rangle = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle$$

|ψ⟩ 狄拉克符号 ket

在量子力学中常称量子比特 $|\psi\rangle$ 处于 $|0\rangle$ 和 $|1\rangle$ 的叠加态(superpositions), 其中α、β都是复数,满足归一化条件 $|\alpha|^2 + |\beta|^2 = 1$ 。

两维复向量空间的一组标准正交基(orthonormal basis) |0>和 |1>组成一组计算基(computational basis)。

$$|0\rangle = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \qquad |1\rangle = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

单量子比特



由于一个量子比特 |ψ⟩ 线性代数中的线性组合来表示为:

$$|\psi\rangle = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle = \begin{bmatrix} \alpha \\ \beta \end{bmatrix}$$

$$|0\rangle = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad |1\rangle = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

且 α、β 都是复数,那么有:

$$\alpha = a + b i = r_1(\cos(\theta_1) + i \sin(\theta_1))$$

$$\beta = c + d i = r_2(\cos(\theta_2) + i \sin(\theta_2))$$

那么有:

$$|\psi\rangle = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle = \begin{bmatrix} \alpha \\ \beta \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} a + b & i \\ c + d & i \end{bmatrix}$$



单量子比特 – 几何意义

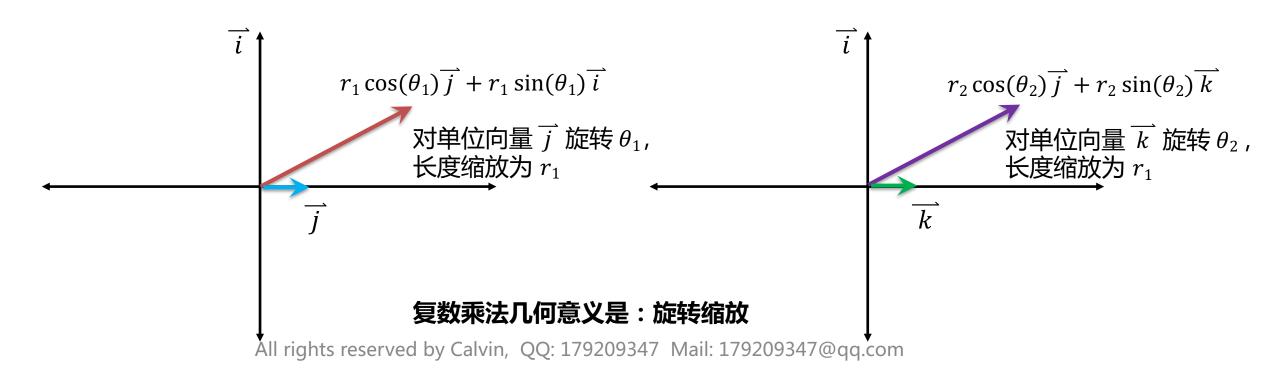
因为: $|\psi\rangle = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle = (a + b i) \overrightarrow{j} + (c + d i) \overrightarrow{k}$

此时,我们将上述公式分成左右两部分来看,则其各自坐标系可以分别表示为:

$$\alpha = a + b i = r_1(\cos(\theta_1) + i \sin(\theta_1))$$

$$\beta = c + d i = r_2(\cos(\theta_2) + i \sin(\theta_2))$$

左侧部分: $(a + b i) \overline{j}$



单量子比特 – 几何意义



a + bi 等价的向量表示:

a b

单量子比特的**复向量**表示:

$$|\psi\rangle = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle = \begin{bmatrix} \alpha \\ \beta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a + b i \\ c + d i \end{bmatrix}$$

$$(\alpha, \beta)$$
 都是复数)

$$|0\rangle = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad |1\rangle = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

单量子比特的**实向量**表示:

单量子态可以理解为 4 维空间中的向量

单量子比特 - 几何意义



复数的乘法:

$$(a+b i)(c+d i) = ac-bd + (ad+bc) i = \begin{bmatrix} ac-bd \\ ad+bc \end{bmatrix}$$

ac - bd + (ad+bc) i 的向量表示:

c + di的向量表示:

 $\begin{bmatrix} c \end{bmatrix}$

a + bi 此时应理解为在复向量空间中对目标向量 c + di 的操作,即旋转缩放操作算子,其矩阵表示:

$$\begin{bmatrix} a & -b \\ b & a \end{bmatrix}$$

复数的乘法 (a + b i)(c + d i) 等价为:

$$\begin{bmatrix} a & -b \\ b & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c \\ d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ac - bd \\ ad + bc \end{bmatrix}$$



