

1 Partie A : Lignes de transmissions en régime d'échelon

1.1 Adaptation d'impédance

Soit une ligne de transmission d'impédance caractéristique $R_c = 50\Omega$. A quoi doit être égale la résistance de charge R_L à l'autre bout de la ligne pour éviter la réflexion sur cette charge ?

On doit avoir

$$\Gamma_L = \frac{R_L - R_c}{R_L + R_c} = 0$$

$$R_L - R_c = 0$$

$$R_L = R_c$$

$$Z_s = Z_{Gén}$$

$$Z_0 = Z_{cable}$$

$$Z_L = Z_+$$

$$\Gamma_L = \frac{R_L - R_c}{R_L + R_c} = 0$$

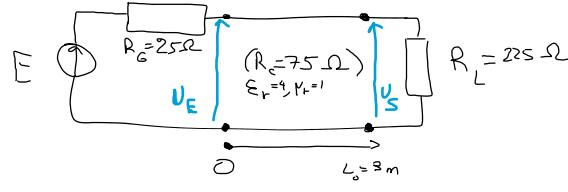
$$\Leftrightarrow R_L - R_c = 0$$

$$\Leftrightarrow R_L = R_c$$

1.2 Exercice 1 : application de la méthode du tableau

Soit une ligne de transmission dont l'impédance caractéristique est de 75Ω . On branche en entrée de cette ligne un générateur de tension d'impédance interne 25Ω et en sortie une charge de 225Ω .

On suppose que la ligne a une constante diélectrique relative ϵ_r égale à 4 et une constante magnétique relative μ_r égale à 1. La longueur de la ligne est de $3m$.



Expliquer pourquoi $U_E \neq U_S$

1.2.1 Générateur n°1

On donne ci-dessous la tension délivrée par le premier générateur.



Figure 1-2 : Tension délivrée par le premier générateur

1) Donnez le temps de propagation numérique. D'où vient cette ex

$$V = \frac{d}{t} \rightarrow$$

$$\Leftrightarrow t = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_r \mu_r}}$$

Permittivité réel

Permeabilité réelle

$$V = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_r \mu_r}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \mu_r \epsilon_r}}$$

$$V = \frac{c}{\sqrt{\epsilon_r \mu_r}}$$

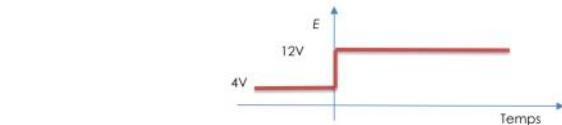
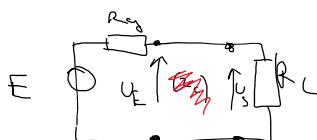


Figure 1-3 Tension délivrée par le second générateur

2) Donnez les tensions finales ($t \rightarrow +\infty$) U_E et U_S (expression littérale et application numérique)

1) Donnez les tensions initiales (pour $t < 0$) U_E et U_S (expression littérale et application numérique). Que doit-on supposer pour pouvoir utiliser cette expression littérale ?



RÉGIME PERMANENT CONTINU
CONTINUOUS STEADY STATE

$$U_E^{(0)} = U_S^{(0)} = \frac{R_L}{R_L + R_0}$$

$$E(t) = 36V$$

$$= \frac{R_L}{R_L + R_0} E(t)$$

$$U_S(t) = U_E(t) = \frac{R_L}{R_L + R_0} E(t) =$$

12V

tion τ sur la ligne (expression littérale et application
expression littérale) ?

$$V_c = \frac{L_o}{\tau}$$

$$\frac{U_o}{V_c} = L_o \times \frac{\sqrt{\epsilon_R \gamma_R}}{C} = \frac{3 \times \sqrt{4 \times 1}}{3 \times 10^{-8}} = 2 \times 10^{-8} \rightarrow 20 \text{ n.s.}$$

?

$$\text{active: } \gamma_R = \frac{1}{\epsilon_0} \Rightarrow \gamma = \gamma_0 \gamma_R$$

$$\text{ditive: } \epsilon_R = \frac{\epsilon}{\epsilon_0} \Rightarrow \epsilon = \epsilon_0 \epsilon_R$$

$$\frac{1}{\epsilon_0 \epsilon_R} = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \gamma_0}} \times \frac{1}{\sqrt{\epsilon_R \gamma_R}}$$

2] Donnez les tensions initiales (pour $t < 0$) U_e et U_s (expression littérale et application
numérique). Que doit-on supposer pour pouvoir utiliser cette expression littérale ?

3] Donnez les tensions finales ($t \rightarrow \infty$)

$$U_s(t) = U_f$$

1.2.1 Générateur n°1

On donne ci-dessous la tension délivrée par le premier générateur.

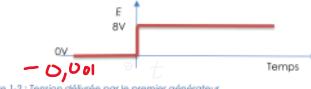
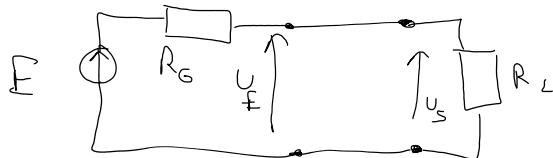


Figure 1-2 : Tension délivrée par le premier générateur



$$U_s = \frac{R_L}{R_L + R_G} E = U_E = 0 \quad (E = 0)$$

REGIME PERMANENT CONTINU
CONTINUOUS STEADY STATE

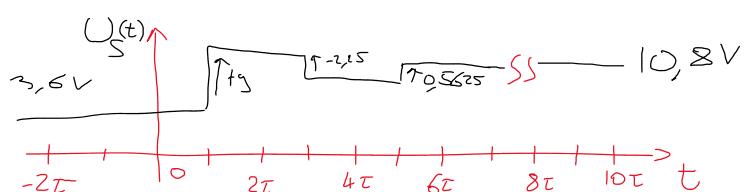
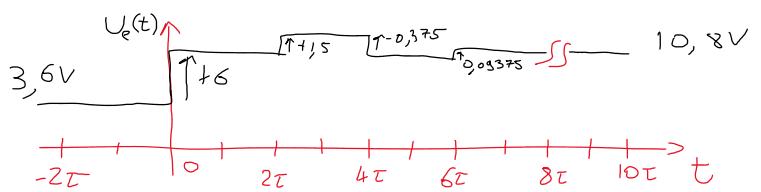
3] Utilisez les résultats précédents pour tracer les tensions U_e et U_s de -2τ à 10τ . 6G

$$\Delta E_g = 12 - 4 = 8V !$$

entre $3,6V$ et $10,8V$, variation

de $7,2$

$10,8V$



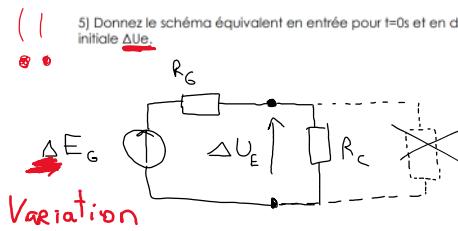
U_e et U_s (expression littérale et application numérique)

$$U_e(t) = \frac{R_L}{R_L + R_G} E(t) = 7,2V$$

4) Donnez les coefficients de réflexion en entrée et en sortie de la ligne (expression littérale et application numérique)

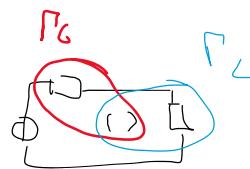
$$\Gamma_G = \frac{R_G - R_C}{R_G + R_C} = -\frac{1}{2}$$

$$\Gamma_L = \frac{R_L - R_C}{R_L + R_C} = +\frac{1}{2}$$



$$\Delta U_e = \frac{R_C}{R_C + R_G} \Delta E_g$$

$$= 6V$$



4) Vérifiez la cohérence des résultats.

$$U_e(6\tau) = 3,6 + 6 + 1,5 - 0,375 + 0,0375$$

$$= 10,818V$$

$$U_s(5\tau) = 3,6 + 5 - 2,25 + 0,5625$$

$$= 10,811V$$

1.1.3 Voltage source n°3
We present below the second voltage source .

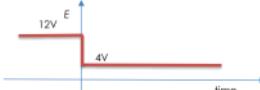
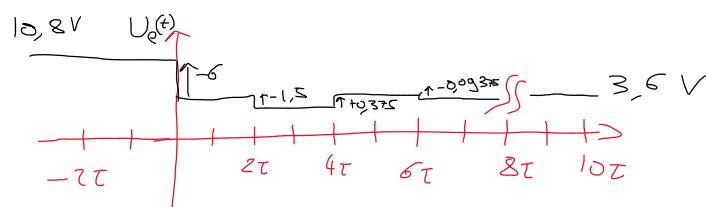


Figure 0-4 : Third voltage source

1) Use the previous results to plot the voltages U_s and U_e from -2τ to 10τ.

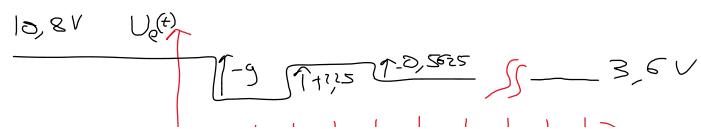
$$\Delta E_g = -8V$$

So when $t < 0$, $U_e(t) = 10,8V$
Variations will change:



$$U_e(6\tau) = 10,8V$$

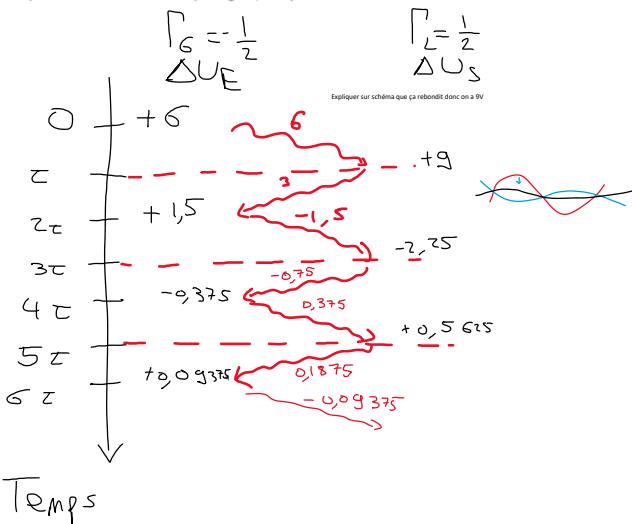
$$\approx 3,6V$$



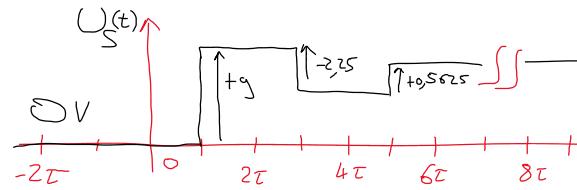
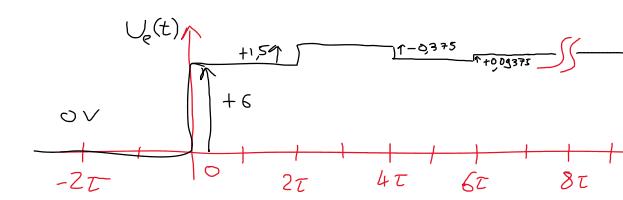
$$U_s(5\tau) =$$

éduire la variation de tension

6) Etablir le tableau (ou graphe) donnant les différentes variations de tension.



63 (cas tensions négligables)



$$-6 - 1.5 + 0.375 - 0.09375$$

5 V

$$10.8 - 9 + 2.25 - 0.5625$$

puis
8) Vérifiez la cohérence de vos résultats.



$$U_e(6\tau) = 0 + 6 + 15 - 0,375 + 0,09375 \approx 7,218$$

$\rightarrow_{10\tau}$ t



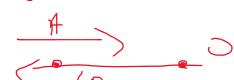
$$U_s(5\tau) = 0 + 9 - 2,25 + 0,5625 \approx 7,3125$$

$\rightarrow_{10\tau}$ t

$\rightarrow_{10\tau}$ t

Considérez deux cas, l'un quand l'onde va de G à L, l'autre quand l'onde va de L à G

Regarder \square



$$A = \underline{K} e^{-\ell \gamma}, \quad \gamma = \alpha + j\beta$$



$$B = \underline{K} e^{+\ell \gamma}$$

$$A = U^+$$

$$B = U^-$$

$$\rightarrow \begin{cases} \frac{U^+}{I^+} = +Z_c \Leftrightarrow I^+ = \frac{U^+}{Z_c} \\ U^+ = K e^{-\ell \gamma} \end{cases}$$

$$U \uparrow \xrightarrow{\substack{I \\ A}} \frac{U}{I} = +Z_c$$

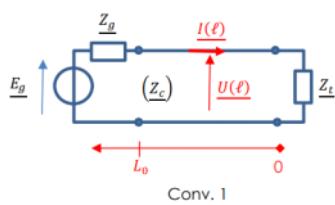
$$\rightarrow \begin{cases} \frac{U^-}{I^-} = -Z_c \Leftrightarrow I^- = -\frac{U^-}{Z_c} \\ J^- = K e^{+\ell \gamma} \end{cases}$$

$$U \uparrow \xleftarrow{\substack{I \\ B}} \frac{U}{I} = -Z_c$$

$$\Rightarrow \begin{cases} U(\ell) = U^+ + U^- \\ = A e^{-\ell \gamma} + B e^{+\ell \gamma} \end{cases}$$

2.1 Equations

Soit le schéma ci-dessous. Compte tenu des conventions sur le schéma, quel est le jeu d'équations parmi les 2 proposées qui correspond au schéma ?.



Conv. 1

$$I(\ell) = I^+ + I^-$$

$$= A e^{-\ell \gamma} + B e^{+\ell \gamma}$$

$$\begin{cases} U(\ell) = A e^{+\ell \gamma} + B e^{-\ell \gamma} \\ I(\ell) = \frac{1}{Z_c} A e^{+\ell \gamma} - \frac{1}{Z_c} B e^{-\ell \gamma} \end{cases}$$

Eq. 1

$$\begin{cases} U(\ell) = A e^{-\ell \gamma} + B e^{+\ell \gamma} \\ I(\ell) = \frac{1}{Z_c} A e^{-\ell \gamma} - \frac{1}{Z_c} B e^{+\ell \gamma} \end{cases}$$

Eq. 2

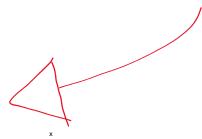
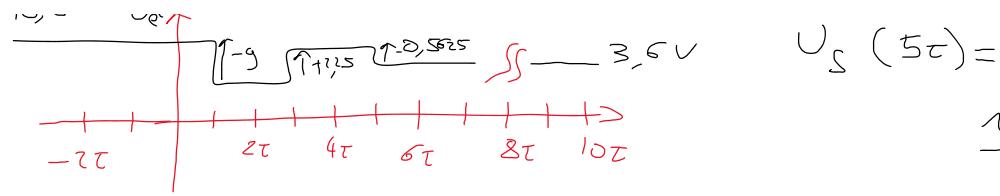


Figure 2-1 : Convention pour le courant et l'orientation de l'axe.

25

$$\beta e^{+\ell\gamma} \times \frac{1}{z_c}$$



108-9 + 2,25 - 0,5625

= 3,6V





Eq. 1



Eq. 2

$$\underline{Z_c} = R_c + jX_c \quad \text{où } R_c > 0$$

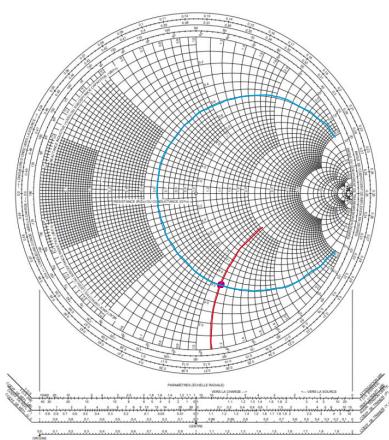
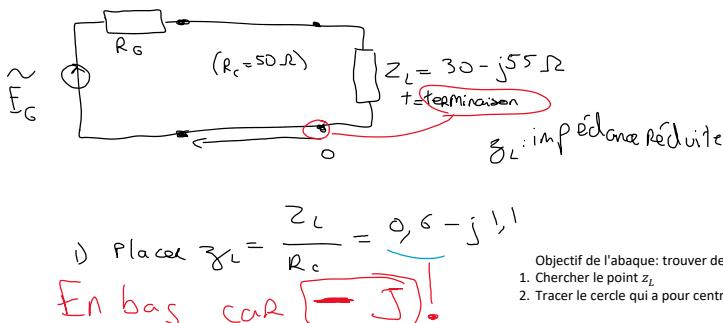
$$\underline{Y} = \alpha + j\beta \quad \text{où } \alpha \geq 0 \text{ et } \beta > 0$$

2.2 Utilisation de l'abaque de Smith

2.2.1 Propriétés de l'abaque de Smith

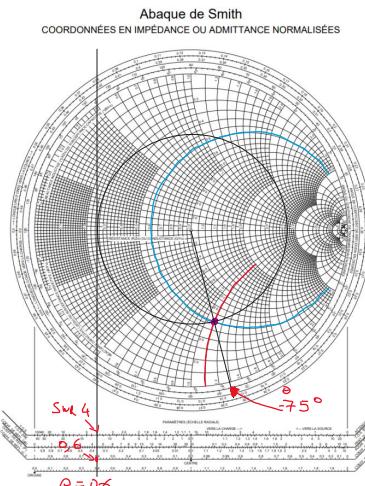
On considère une ligne sans pertes, de résistance caractéristique $R_c = 50 \Omega$, alimentée par une source sinusoidale de force électromotrice E_g et de résistance interne réelle R_g . Cette ligne est terminée par une charge d'impédance $Z_l = (30-j55) \Omega$, on désignera par "l'abscisse courante", l'origine étant sur la terminaison. La longueur d'onde mesurée vaut $\lambda = 8 \text{ cm}$.

1) Déterminer le rapport d'onde stationnaire et le coefficient de réflexion (module et angle).



Objectif de l'abaque: trouver des valeurs

- Chercher le point z_L
- Tracer le cercle qui a pour centre 1 et rayon z_L



Déterminer l'impédance que voit le générateur à 11 cm de la charge.

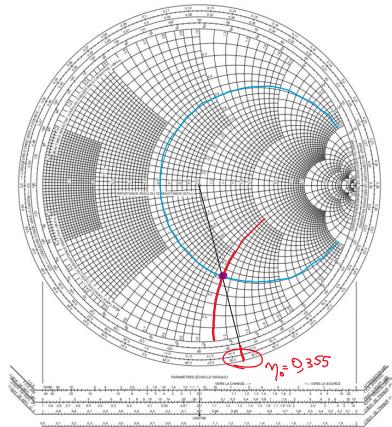
$$\Delta \gamma = \frac{\Delta \ell}{\lambda} = \frac{11}{8} = 1,375$$

Angle électrique

$$\Delta \gamma = \gamma_1 - \gamma_0 \quad (\Rightarrow \gamma)$$

γ_0 ? Graph, $\gamma_0 = -355^\circ$

Abaque de Smith
COORDONNÉES EN IMPÉDANCE OU ADMITTANCE NORMALISÉES



Gef de réflexion? Γ_L
vers la SOURCE

$SWR = ?$

Tos ros

$SWR = 4$

$$\left| \begin{array}{l} \Gamma_L = \rho e^{j\theta} \\ \rho = ? \\ \theta = ? \\ \Gamma_L = 0,6 e^{-j75^\circ} \end{array} \right.$$

Z_L

γ_0

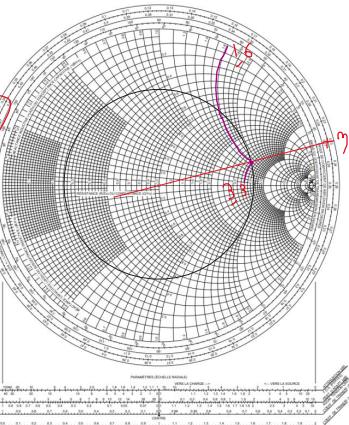
$$? \quad m_0 \rightarrow m_1 \rightarrow z_{e_1} \rightarrow Z_{e_1}$$

$\in [0,5]$.

$$= m_0 + \Delta m$$

$$\text{donc } m_1 = 0,355 + 0,375 [0,5] \\ = 0,73 [0,5]$$

Abaque de Smith
COORDONNÉES EN IMPÉDANCE OU ADMITTANCE NORMALISÉES



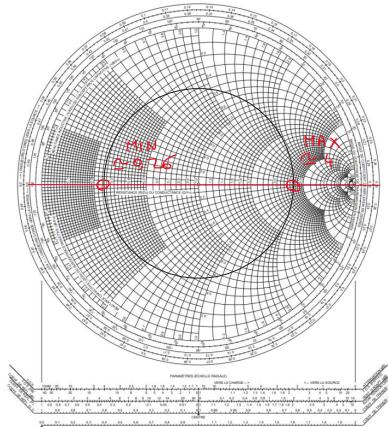
$$\Rightarrow z_1 = 3,3 + j1,6$$

$$\text{et } Z_1 = z_1 R_C = 165 + j80$$

Déterminer la position des maxima et minima de tension sur la ligne ainsi que la valeur de l'impédance en ces points.

$m_{\min}, m_{\max}, \text{Real } \Gamma \text{ values}$

Abaque de Smith
COORDONNÉES EN IMPÉDANCE OU ADMITTANCE NORMALISÉES



$$z_{\min} = 0,26$$

$$\Rightarrow Z_{\min} = z_{\min} \times R_C \\ = 13 \Omega$$

$$z_{\max} = 4$$

$$\Rightarrow Z_{\max} = z_{\max} \times R_C \\ = 200 \Omega$$

$$\Delta m = m_{\min} - m_0 \\ = 0,26 - 0,355 [0,5]$$

$$\Delta m = 0,145, \quad \leftarrow 8 \\ \text{donc } \Delta l_{\min} = 0,145 \times \lambda + k \frac{\lambda}{2} \\ = 1,16 + 4k \text{ cm}$$

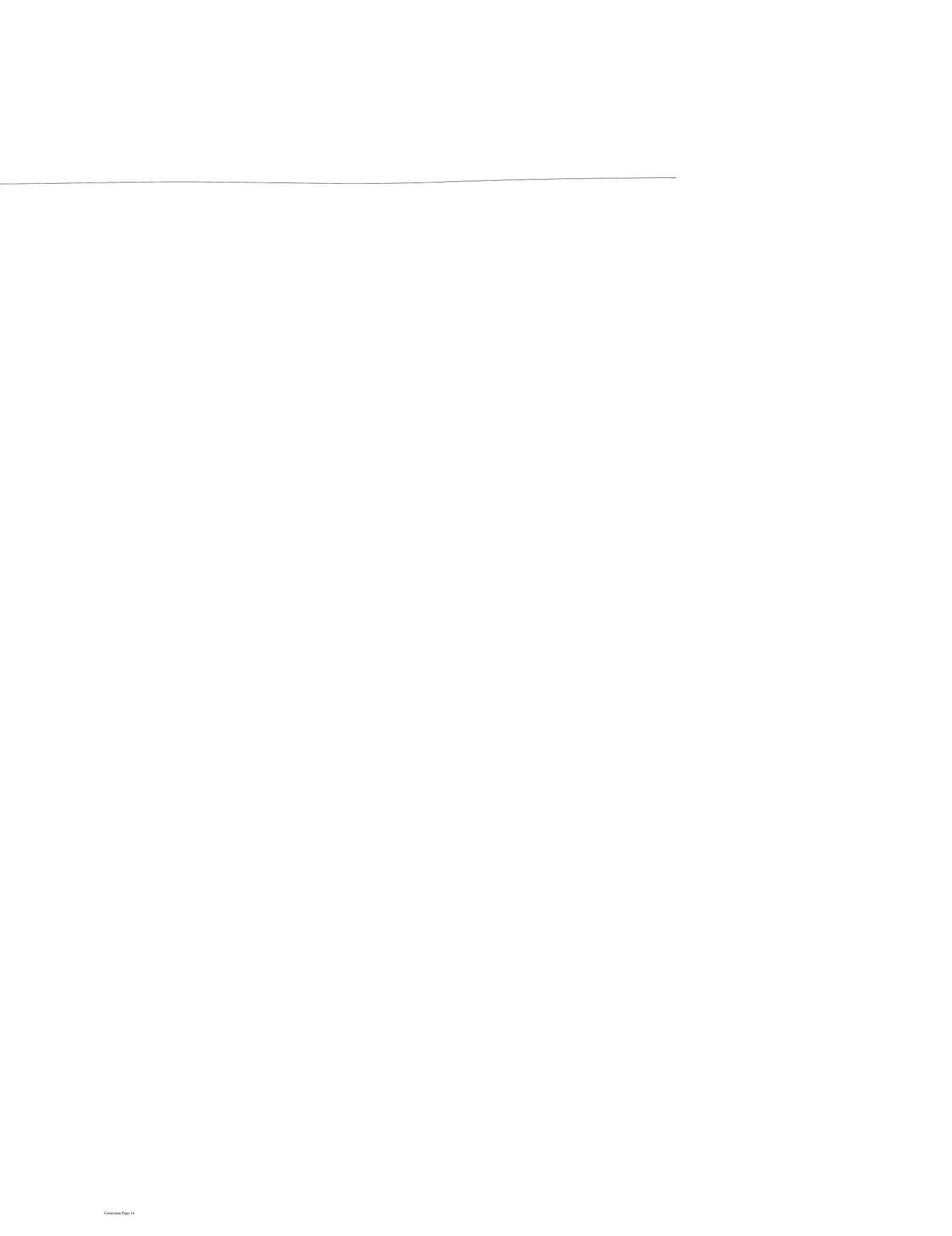
$$\Delta m = m_{\max} - m_0 \\ = 0,26 - 0,355 [0,5]$$

$$\Delta m = 0,395 \\ \text{donc } \Delta l_{\max} = 0,395 \\ = 3,16 + 4k \text{ cm}$$

$\{o^s\}$

$$35 \times \lambda^k + k \frac{\lambda}{z}, k \in \mathbb{N}$$

m



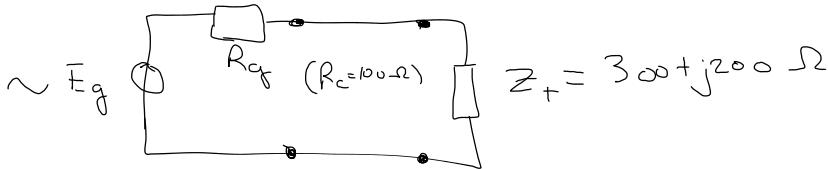
Abaque de Smith

COORDONNÉES EN IMPÉDANCE OU ADMITTANCE NORMÉE

2.2.2 Adaptation à l'aide d'un tronçon $\lambda/4$ (quart d'onde)

On considère une ligne sans pertes, de résistance caractéristique $R_c = 100 \Omega$, alimentée par une source sinusoïdale de force électromotrice E_g et de résistance interne réelle R_g . Cette ligne est terminée par une charge d'impédance $Z_t = (300+j200) \Omega$.

- ✓ Déterminer les deux couples possibles (distance depuis la charge où on place l'adaptateur et résistance caractéristiques du tronçon quart d'onde) pour adapter la ligne, c'est-à-dire pour éviter toute réflexion vers le générateur.



$$1. \Delta Q_1, R_{c0}$$

$$2. \Delta Q_2, R_{c0} ?$$

$$\left(\Delta m_1 = \frac{\Delta Q_1}{\lambda} \Leftrightarrow \Delta Q_1 = \lambda \Delta m_1 + k \frac{\lambda}{2} \quad (k \in \mathbb{N}) \right)$$

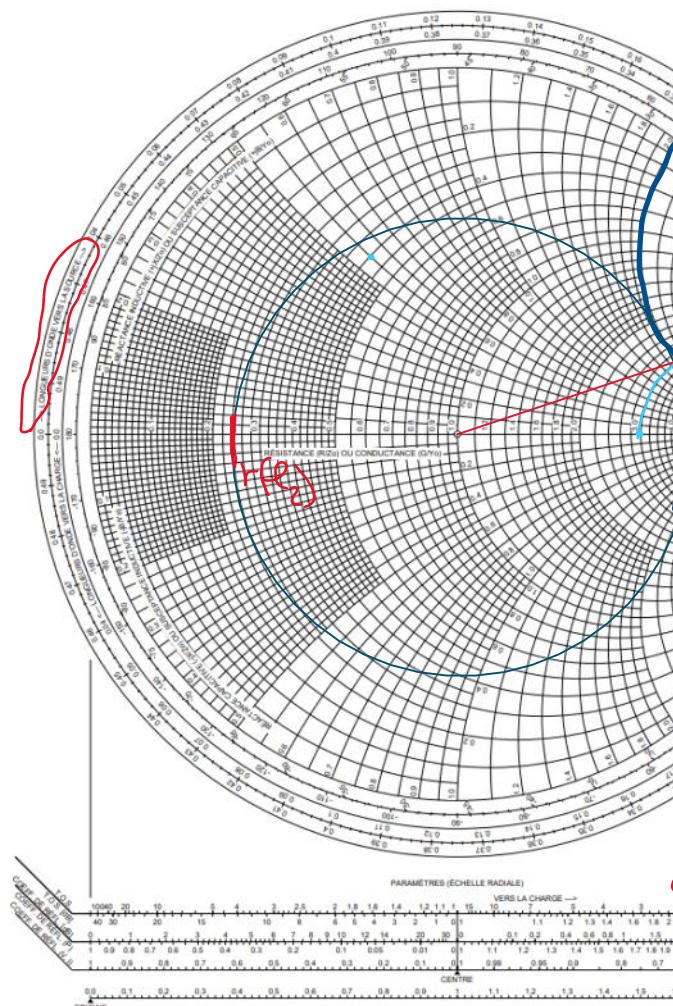
$$R_{c0} = \sqrt{R(\ell_1) \times R_c}$$

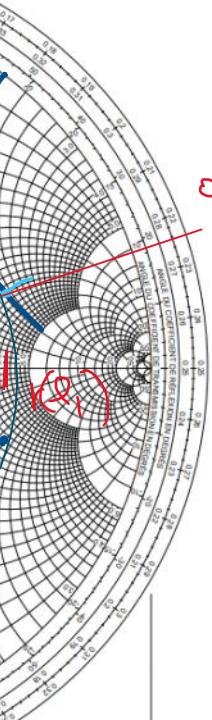
$$1. Z_0^+ = \frac{Z_+}{R_c} = 3 + j2$$

2. chercher p^+

3. tracer cercle-droite

$$4. m_0 = 0,224,$$





$$\rho_{224} = \rho_0$$

~~Max:~~ $\Delta \rho_1 = \rho_1 - \rho_0 = 0,250 - 0,224$
~~Max:~~ $= 0,026$

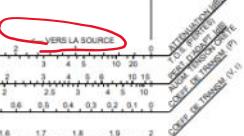
donc

$$\Delta \rho_1 = 0,026 \times + k \frac{x}{z}$$

$$R(\ell_1) = r(\ell_1) \times R_C$$

$$= 4,4 \times 100 = 440$$

$$\text{So } R_C = \sqrt{R(\ell_1) \times R_C} = 210 \Omega$$



gauche

$$\Delta \rho_2 = \rho_2 - \rho_0 = 0,5 -$$

$$= 0,27$$

$$\Delta \rho_2 = 0,276 \times + k \frac{x}{z}$$

$$R(\ell_2) = r(\ell_2) \times R_C$$

$$= 0,23 \times 100 = 23$$

$$\text{So } R = \sqrt{R(\ell) \times R_C} =$$

224

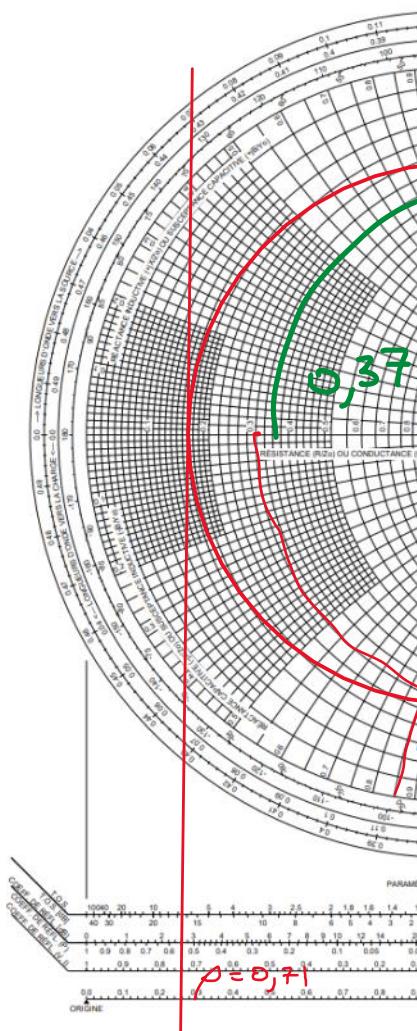
6

2

48 - 2

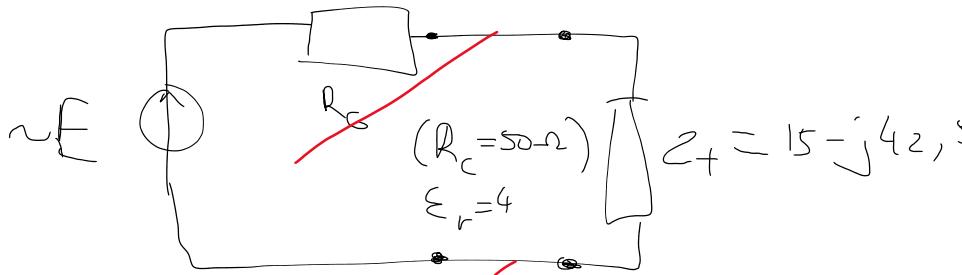
Abaqu

COORDONNÉES EN IMPÉDANCE



2.2.3 Adaptateur à l'aide d'un stub parallèle
 On considère une ligne sans pertes, de résistance caractéristique $R_c = 50 \Omega$, de permittivité relative $\epsilon_r = 4$, alimentée par une source sinusoïdale de force électromotrice E_g et de résistance interne réelle R_g . Cette ligne est terminée par une charge d'impédance $Z_l = (15 - j42,5) \Omega$, la fréquence est de 1GHz.

- 1) Placer le point représentatif de l'impédance Z_l sur l'abaque de Smith, en déduire le point représentatif de l'admittance Y_l et le module du coefficient de réflexion associé.
 On souhaite réaliser l'adaptation en plaçant, à une distance de la charge, des branchements en parallèle d'éléments (stub) en circuit ouvert, d'impédance caractéristique $R_c = 50 \Omega$.
- 2) Déterminer la longueur d'onde du signal ainsi que les distances (d et d') où l'on peut placer ces branchements en parallèle.
- 3) Déterminer les longueurs du stub en circuit ouvert (s et s') pour réaliser l'adaptation de la charge à la résistance caractéristique de la ligne.
- 4) En déduire les valeurs des éléments (inductance ou capacité) réalisés par ces éléments additionnels.



$$\gamma_t = \frac{Z_t}{R_c} = 0,37 + j0,85$$

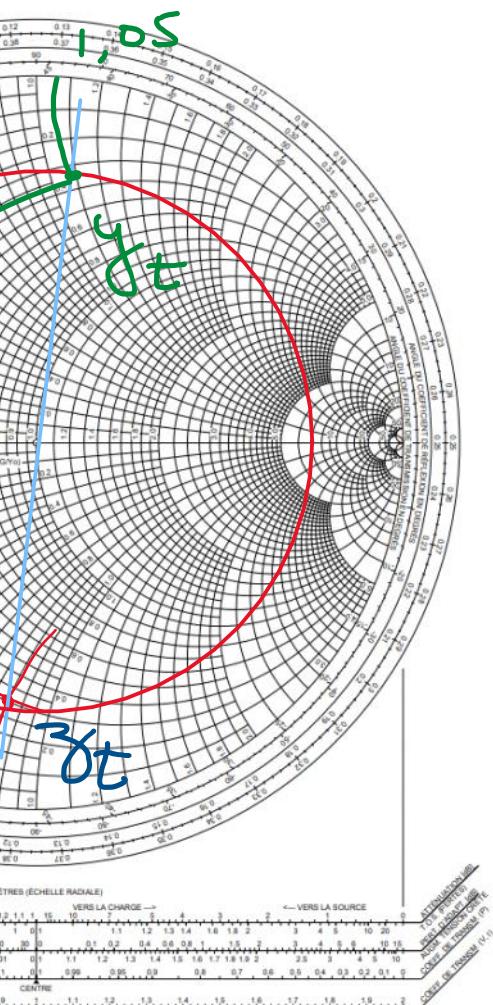
graph: $y_t = 0,37 + j10,5$

$$so \quad y_t = Y_t R_c$$

$$\bullet \quad S_0 \quad R_{c0} = \sqrt{R(\ell_c) \times h_c} =$$

ue de Smith

ICE OU ADMITTANCE NORMALISÉES



$$2) \quad \lambda ? \quad d, d' ?$$

$$\lambda = \frac{C}{F} = \frac{C}{\sqrt{\epsilon_r \mu_r} F}$$

$$= 15 \text{ cm}$$

Parallèle = ADMITTANCE

48 - Q

$$\text{So } \gamma_t = \frac{\gamma_t}{R_C} = 0,0076 + j0,02085$$

$$\text{and } \rho = 0.71$$

1 Communication link of an optical fiber

We send a wavelength $\lambda = 850 \text{ nm}$ using a multimode optical fiber. The constructor notice an attenuation of 3.0 dB/km for this wavelength. Knowing that the laser sender is emitting a power P_e of 0.4 W and the length line is 20 Km , deduce the sensibility of the receiver.

- * la sensibilité d'un récepteur est la puissance minimale qu'il est capable de capturer. Pour que une liaison fonctionne, il faut que la puissance reçue soit supérieure à cette sensibilité!
- * Soit A_{dB} , l'atténuation linéaire. Par définition $A_{dB} = \frac{P_r}{P_e}$ avec P_r et P_e doivent être au même dénominateur
- * En échelle logarithmique, il monte
- $A_{dB} = 10 \log \frac{P_r}{P_e} = 10 \log P_r - 10 \log P_e$
- * Si P_e en W et P_r en W
 - ⇒ $A_{dB} = P_{e,dB} - P_{r,dB}$
- * Si P_e en mW et P_r en mW
 - ⇒ $P_{e,dB} = P_{e,mW} - P_{r,mW}$
- * Si P_e en μW et P_r en μW
 - ⇒ $P_{e,dB} = P_{e,\mu\text{W}} - P_{r,\mu\text{W}}$

$$P_{r,dB} = P_e,dB - A_{dB}$$

$$\begin{aligned} P_{e,dB} &= 10 \log(0.4) \\ &= -4 \text{ dB} \end{aligned}$$

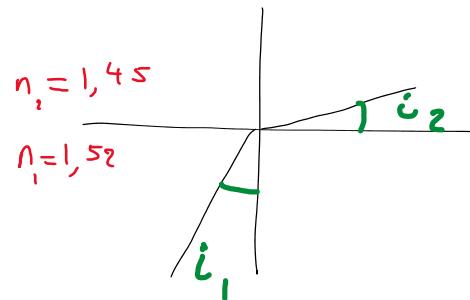
$$\begin{aligned} A_{dB} &= A_{\text{att}} \times l \\ &= 3.0 \times 20 \\ &= 60 \text{ dB} \end{aligned}$$

$$\text{So } P_{r,dB} = -64 \text{ dB}$$

2 Fibre optique à saut d'indice

Soit une fibre à saut d'indice, caractérisée par un cœur de indice $n_1=1.52$. La une gaine a un indice $n_2=1.45$

1) Déterminer l'angle limite de réfraction i_l



$n_1 \sin i_2$
 $n_1 \sin i_1$
 n_2
 $A +$
 S

So

(c)

$i_l =$

amètre $a = 100\mu\text{m}$ et d'indice

$$i_1 = n_2 \sin i_2$$

$$i_1 = \frac{n_2}{n_1} \sin i_2$$

à la limite, $i_2 = \frac{\pi}{2}$

$$\sin \left(\frac{\pi}{2} \right) = 1$$

$$\sin i_1 = \frac{n_2}{n_1}$$

$$i_1 = \sin^{-1} \left(\frac{n_2}{n_1} \right)$$

72, 5

- 2) Pour une réflexion totale avec l'angle entier le plus proche de 90° , calculer la distance parcourue entre deux réflexions

73°



$$\cos(i_1) = \frac{a}{d}$$

$$\Rightarrow d = \frac{a}{\cos(i_1)} \\ = \frac{100}{\cos(73^\circ)}$$

$$= 342 \text{ m}$$

3) En déduire pour une fibre optique reliant Paris à longue parcourue par la lumière dans la fibre et soit la plus grande de temps de parcours sur cette fibre

$$\begin{aligned} & \text{diam } (d) \\ & \text{diam } (D) \\ & \text{donc } D = \frac{L}{\sin(i_1)} = \\ & n = \frac{c}{m} = \frac{3 \cdot 10^8}{1,52} \text{ m/s} = \frac{3 \cdot 10^8 \text{ km}}{1,52} \\ & n = \frac{D}{t_{\max}} \Rightarrow t_{\max} = \frac{D}{n} = \frac{D m}{c} = \\ & \text{donc } t_{\max} = 37,1 \text{ ms} \\ & n = \frac{L}{t_{\min}} \Rightarrow t_{\min} = \frac{L}{n} = \frac{L m}{c} \\ & \text{donc } t_{\min} = 35,5 \text{ ms} \end{aligned}$$

Sur tout le

$\Rightarrow D =$

$$V = \frac{c}{n} = \frac{3 \times 10^8}{1,52}$$

$$t_{\max} = \frac{D}{V} = \frac{73}{2 \times 1,52}$$

$$t_{\min} = \frac{L}{V} = \frac{700}{2 \times 1,52}$$

$$\Delta t = 3^{66} \times 10^{-2} -$$

a New-York ($L = 7000 \text{ km}$), la distance la plus
en temps de parcours. Calculer la différence
de temps.

$$\frac{\theta}{d} = \frac{L}{D}$$

$$\frac{7000}{\sin(73^\circ)} \text{ km} \approx 7320 \text{ km}$$

1/2

$$\frac{7320 \times 1,52}{3 \cdot 10^5} \text{ s} \approx 0,0371 \text{ s}$$

$$= \frac{7000 \times 1,52}{3 \cdot 10^5} \text{ s} \approx 0,0355 \text{ s}$$

$$\Delta t_{\text{max}} = 1,6 \text{ ms}$$

table, $\sin(i_1) = \frac{L}{D}$

$$\frac{L}{\sin(i_1)} = \frac{7000}{\sin(73^\circ)} = 7320 \text{ km}$$

$$c = 2 \times 10^8 \text{ m/s}$$

$$\frac{2 \times 10^3}{10^8} = 3,6 \times 10^{-2} \text{ s}$$

$$\frac{0 \times 10^3}{10^8} = 3,5 \times 10^{-2} \text{ s}$$

$$3,5 \times 10^{-2} = 1,6 \times 10^{-3} \text{ s}$$

