

并行计算课程 结 题 报 告

报告名称:	多线程实现矩阵转置算法的性能分析
姓 名:	李润泽
学 号:	3019244266
联系电话:	15942643201
电子邮箱:	Lirz3019244266@163.com
填写日期:	2021 年 4 月 6 日

2020 年制

一、实验内容概述

本实验要求使用多线程来进行大规模矩阵转置运算，使用不同转置方式以及不同线程数并进行性能分析。旨在提升学生对并行计算的理解和认识，培养学生编写并行程序的能力，并巩固和加深学生对多线程（pthread）并行编程的理解和认识。

在进行矩阵转置的过程中，我们分别使用串行算法和并行算法。课程中并行计算提供了两种转置方式：块棋盘划分方法和直角划分方法。实验要求学生编写相应的代码，并通过改变线程数，分别进行不同方式的数据统计、时间记录以及性能分析。（代码中的 N 尽可能大）

1.计算方法：串行算法、并行算法（块棋盘划分方法、直角划分方法）

2.编程语言：C 或 C++

3.并行计算操作系统：天津大学超算平台 CentOS 7.6

4.编译环境：Intel 19.1.0.166

5.脚本编写：系统提交需要编写 PBS 脚本实现

6.数据分析要求：提供实验结果数据、加速比曲线以及效率

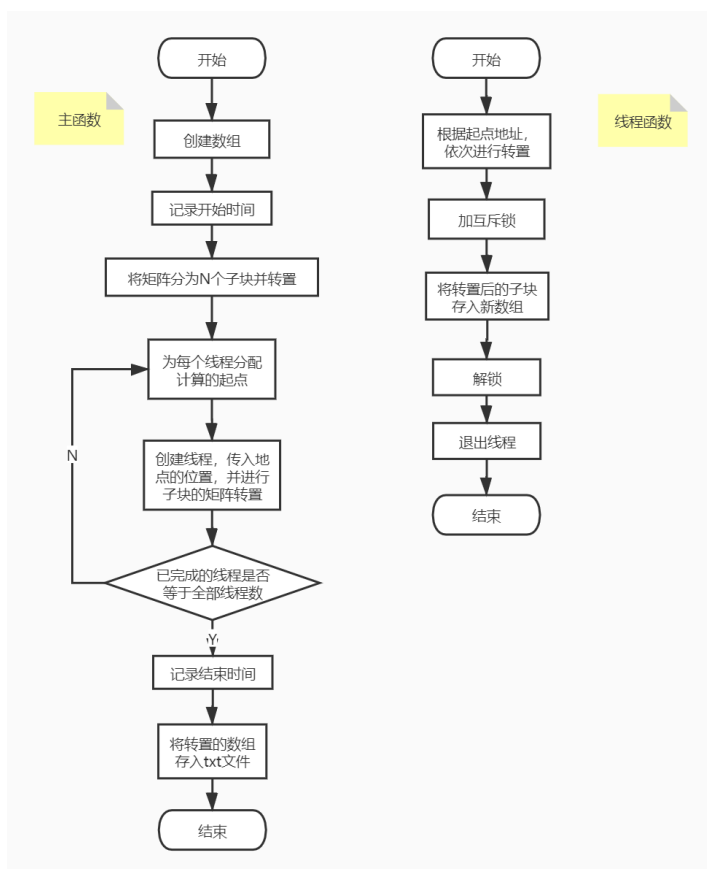
二、并行算法分析设计

（一）实现方法

1 输入线程数 t (1、4 或 9)，与总数据量 (矩阵为 900×900 、 1800×1800 或 2700×2700)，记录时间

- 2 为每个线程分配计算的数据量
- 3 创建线程，每个线程计算各自部分
- 4 计算完成后，将各自线程计算的部分汇总得出最终结果，并再次记录时间
- 5 输出转置矩阵

(二) 程序流程图



(三) 转置算法

- 1 串行算法
 - 1.1 转置思路

输入：矩阵 $A_{n \times n}$

输出：矩阵 $A_{n \times n}$ 的转置 $A^T_{n \times n}$

Begin

for i=2 to n do

for j=1 to i-1 do

swap(a[i,j], a[j,i])

endfor

endfor

End

1.2 核心代码（完整代码位于 matrix_serial.c）

```
void serial(int row, int column, int n){
```

```
    int i,j;
```

```
    int temp;
```

```
    for(i=row; i<n; i++){
```

```
        for(j=column; j<i; j++){
```

```
            temp=matrix[i][j];
```

```
            matrix[i][j]=matrix[j][i];
```

```
            matrix[j][i]=temp;
```

```

    }

}

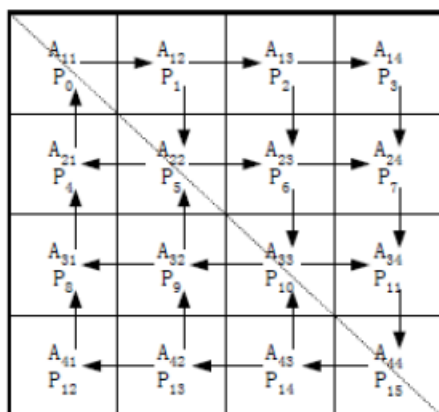
}

```

2 并行算法——块棋盘划分方法

2.1 转置思路

假设线程数为 p ，编号为 $0, 1, \dots, p-1$ ，则将 n 阶矩阵 A 分成 p 个大小为 $m \times m$ 个子块， p 个子块组成一个 $\sqrt{p} \times \sqrt{p}$ 的子块阵列，如下图所示：



转置分为两步进行：第一步，子块转置；第二步，处理器内部局部转置。

2.2 核心代码（完整代码位于 matrix_chessboard.c）

```

void *thread_function(void *ID){

    int id=*(int*)ID;

    int u=id/sqrt((double)p);

```

```

int v=id%((int)sqrt((double)p));

int m=sqrt((double)(N*N/p));

int i,j;

for(i=u*m;i<(u+1)*m;i++){

    for(j=v*m;j<(v+1)*m;j++){

        matrix[i][j]=temp[j][i];

    }

}

return NULL;

}

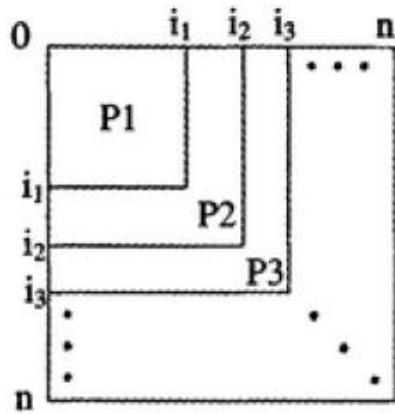
```

3 并行算法——直角划分方法

3.1 转置思路

转置分为两步进行：第一步，将矩阵划分为大小相近的 p 个子块；第二步，对每一个子块进行转置。

直角划分方法如下图所示：



3.2 核心代码（完整代码位于 matrix_rightAngle.c）

```
void *thread_function(void *ID){

    int id=*(int*)ID;

    int length=N/p;

    int i,j,temp;

    for(i=id*length;i<(id+1)*length&& i<N;i++){

        for(j=0;j<i;j++){

            temp=matrix[i][j];

            matrix[i][j]=matrix[j][i];

            matrix[j][i]=temp;

        }

    }

}
```

```
        return NULL;

    }
```

(四) 运行脚本（以 test_matrix_chessborad.pbs, p=9, N=900 为例）

```
#!/bin/bash

#PBS -N test

#PBS -q qstudent

#PBS -l nodes=1:ppn=9

#PBS -j oe


#cd $PBS_O_WORKDIR


date +%s.%N


./matrix_chessboard 9 900


date +%s.%N
```

三、实验数据分析

(一) 实验环境

CPU: Intel(R) Core(TM) i7-9750H CPU @ 2.60GHz 2.59 GHz

内存：16.0GB

互联网络参数：172.23.80.20（用的是校园网）

(二) 实验数据综合分析

加速比：
$$S(n) = \frac{\text{单线程计算时间}}{\text{多线程计算时间}} = \frac{t_s}{t_p}$$

效率：
$$E = \frac{\text{单线程计算时间}}{\text{多线程计算时间} \times \text{处理器数}} = \frac{t_s}{t_p \times n}$$

1 实验数据

1.1 串行算法

N	run time
900	0.248253345
1800	0.773203373
2700	1.718780041

1.2 并行算法——块棋盘划分方法

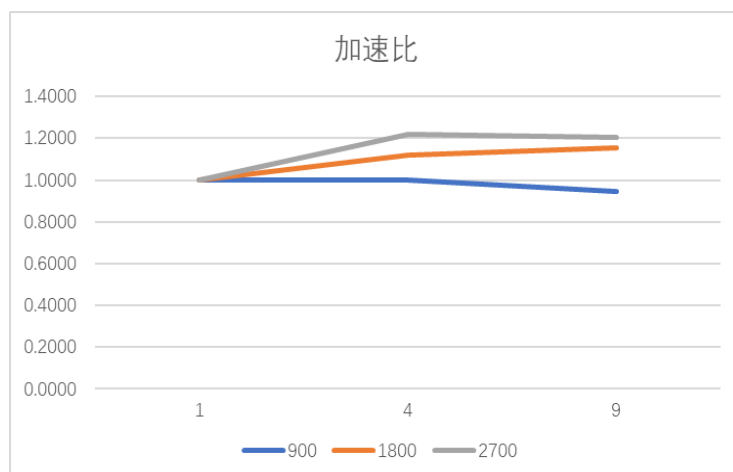
1.2.1 计算时间

N ppn	1	4	9
900	0.240400076	0.240530014	0.254689932

1800	0.857650042	0.766340017	0.743349791
2700	2.200020075	1.797260046	1.830499887

1.2.2 加速比

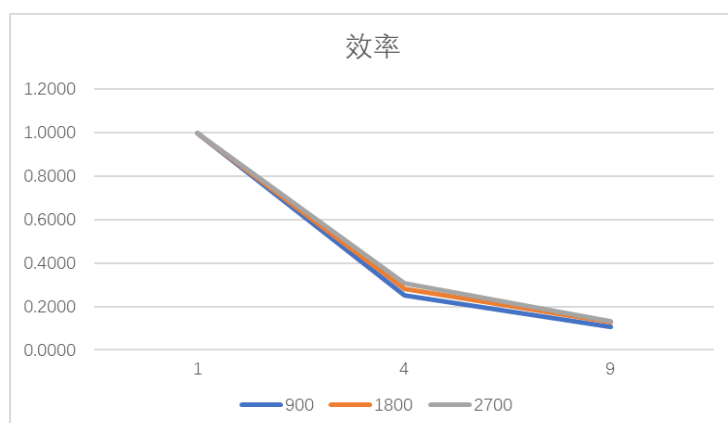
N ppn	1	4	9
900	1.0	0.9996	0.9442
1800	1.0	1.1191	1.1538
2700	1.0	1.2200	1.2019



1.2.3 效率

N ppn	1	4	9
------------------------	----------	----------	----------

900	1.0	0.2499	0.1049
1800	1.0	0.2798	0.1282
2700	1.0	0.1335	0.1335



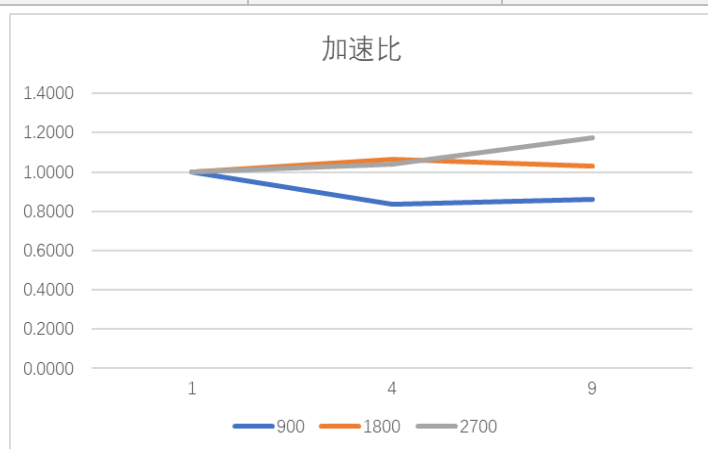
1.3 并行算法——直角划分方法

1.3.1 计算时间

N ppn	1	4	9
900	0.207610130	0.248159885	0.241169930
1800	0.775909901	0.729039907	0.754819870
2700	1.932420015	1.861680031	1.645979881

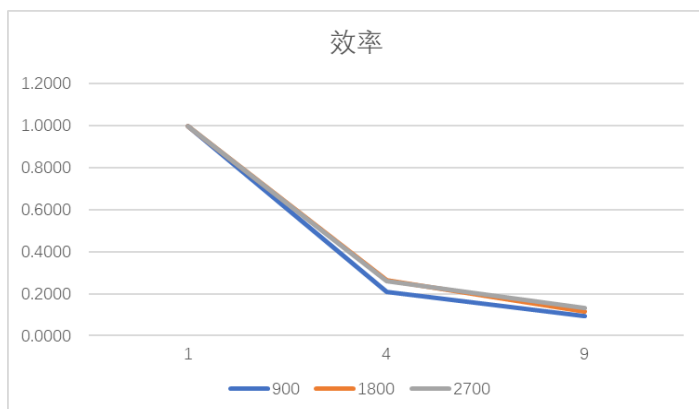
1.3.2 加速比

N \ ppn	1	4	9
900	1.0	0.8364	0.8607
1800	1.0	1.0643	1.0280
2700	1.0	1.0380	1.1741



1.3.3 效率

N \ ppn	1	4	9
900	1.0	0.2091	0.0956
1800	1.0	0.2661	0.1142
2700	1.0	0.2595	0.1305



四、实验总结

根据实验数据，我们可以分析出：

1、多线程并行的效果比串程序结果好；随着数据规模的增大，程序耗费时间不断上升，但并行的效果更加明显。

2、随着线程量的增加，多线程并程序的加速比不断增加，但效率不断变低。

在本次实验中，我对多线程编程又有了更加进一步的了解与认识，与第一次实验相比，本次的实验进行起来较为轻松。当然，在编程的过程中，我也遇到了一些问题。首先我需要将读取的矩阵分成子块，并把子块的首地址进行转置。一开始始终没能成功，是由于我读取的矩阵与开的矩阵规模不同导致。还有就是实现多线程的过程中，我没有做到各个线程并行，导致没有做到优化。

通过编写两种不同的并行算法来进行矩阵的转置，我对计算机并行计算有了更加深刻的认识。通过对实验中串行、并行结果的分析，我也更加清晰认识到并行计算的重要性。这会对我未来编写有效高速的代码奠定了更加坚实的基础。

五、课程总结

本次实验在有了第一次实验的基础上,继续在 Windows 系统和天津大学超算平台的环境下进行多线程编程。有了第一次实验的经验以及教训,我在编程过程中变得更加轻松,尽管在过程中遇到了或多或少的错误,但在自己的不断修改、优化以及与同学的沟通下,我算是顺利地完成了此次实验。就授课的内容而言,授课教师和助教对我的帮助很大,实验指导书讲解详细,图文并茂,在编程前可以起到很好的帮助,可谓是一事半功倍。

在实验过程中,请允许我在此提出一下建议:

1, 实验指导书中可以适当添加一些与并行计算相关联知识的网络链接,可以提供一个让同学们自主获取知识的渠道,这样可以更加高效率地进行该学科的学习。

2, 建议实验期间进行开放式问题的探究(可以选做),这样可以促进同学们进行深入挖掘,对并行计算有更多了解。

在做实验之前,我认为我们必须要将课程上学到的理论知识完全吸收,这是进行实践过程中最为重要的基石。至此,第二次实验顺利完成,这对我在并行计算方面的学习有巨大的帮助。

附: 上机实验与课程知识点分析

序号	上机实验内容	理论知识点	分析总结
1	矩阵转置的方式	两种并行计算方式详见	在块棋盘划分方法中, 注意线程需要是整数的平方, 否则转置过程中易出现错

		实验指导书	误。
2	加速比	$S(n)=t_s/t_p$	加速比等于串行计算时间与多线程计算时间的比值
3	效率	$E=S(n)/n$	效率等于加速比与线程数的比值
4			

