D2.T1 AtCoder - agc010_d

题意:

一个 gcd 为 1 的正整数序列。两人轮流操作,每次选择一个 > 1 的数 -1 ; 然后序列中的所有元素除以它们的 gcd。 不能操作者输。

D2.T2 AtCoder - agc035_d

题意:

给定一个长度为 N 的数列 A ,每次操作可以选择其中连续的三项,权值依次为 a,b,c ,将其替换为 a+b,c+b 这两项。 求经过操作最后剩下的两个数的和的最小值。

题解:

极其巧妙的区间 DP。

考虑我们最后一次删除结点 i 的情况,那么i 号点的贡献系数是 2。

再递归考虑左区间的贡献,那么一个点向左合并出去一次将获得系数 1,向右出去一次将获得系数 2。设左区间最后删的结点是 j,那么 j 号点的贡献系数一定是 3(左贡献系数加右贡献系数),再往下递归的时候, [1,j-1] 的左系数是 1,右系数是 3;[j+1,i-1] 的左系数是 2……递归下去。

设 f[i][j][cl][cr] 表示,区间 [i,j] 消掉,合并到区间左边那个点的系数是 cl,右边那个是 cr的最小开销。状态转移方程:

$$f[i][j][cl][cr] = \min\{f[i][p-1][cl][cl+cr] + f[p+1][j][cl+cr][cr] + a[p]*(cl+cr)\}$$

时间复杂度: $T(n) = \sum T(i)[i \le n] = O(3^n)$,评测链接:AC Submission。

D2.T3 AtCoder - agc027_f

题意:

给定两棵 N 个节点的树 A, B , 你需要执行若干次操作,每次操作选择 1 个 A 的叶子 v , 删掉与其相邻的边,并加 1 条边连接 v 和另 1 个点,每个点只能被选择 1 次。请操作最少的步数使 A, B 相同。

考虑枚举第一个移动的点和它移动到了哪个点 $(O(n^2))$,然后贪心地把 n-整个连通块 作为答案(显然这样可以),然后要 $O(n^2)$ 判断合法性。

复杂度: Tn^4 , 评测链接:AC Submission。