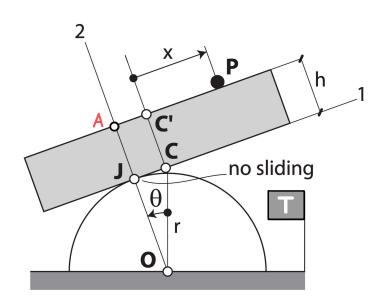
derivació analítica



The mass point **P** slides on the block. The block rotates without sliding on the semicylindrical support fixed to the ground (T). For $\theta = 0$, **C** and **C**' are both on the vertical line through **O**.

Find:

$$\overline{v}_{T}(\mathbf{P}), \overline{a}_{T}(\mathbf{P})$$
?

Feu-lo per derivação analítica, en base B = (1,2,3), i després per derivação geomètrica

Pistes:

- Deriver OP = OA + AP.
- Utilitien les coordenades $X i \theta$ per expressar $\overline{OA} i \overline{AP}$.
- Fixen-vos que || AC' || = || JC || = rt. Per què?
- La velocifat anqu'an de la bare és ⊙θ.

Solucions:

$$\left\{ \overrightarrow{v_{T}}(P) \right\}_{B} = \left\{ \begin{matrix} \dot{x} - \dot{\theta} h \\ (r\theta + x) \dot{\theta} \\ 0 \end{matrix} \right\}_{B}$$

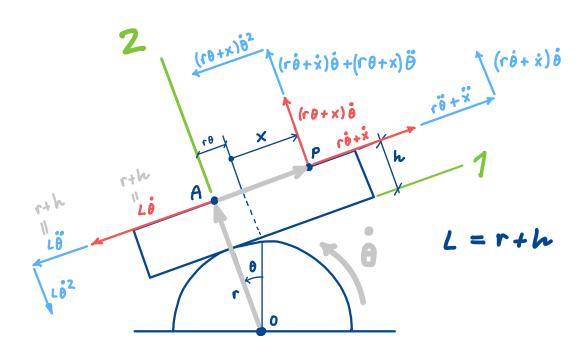
\overline{a}_{τ} (P)

$$\left\{ \bar{a}_{\tau}^{-}(P) \right\}_{\mathcal{B}} = \left\{ \begin{array}{l} \ddot{x} - \ddot{\theta} h - (r\theta + x) \dot{\theta}^{2} \\ (r - h) \dot{\theta}^{2} + (r\theta + x) \ddot{\theta} + 2 \dot{\theta} \dot{x} \end{array} \right\}_{\mathcal{B}}$$

Solució gràfica de la deivada geomètrica

Desampasem $\overline{OP} = \overline{OA} + \overline{AP}$ i derivem \overline{OA} i \overline{AP} per separat.

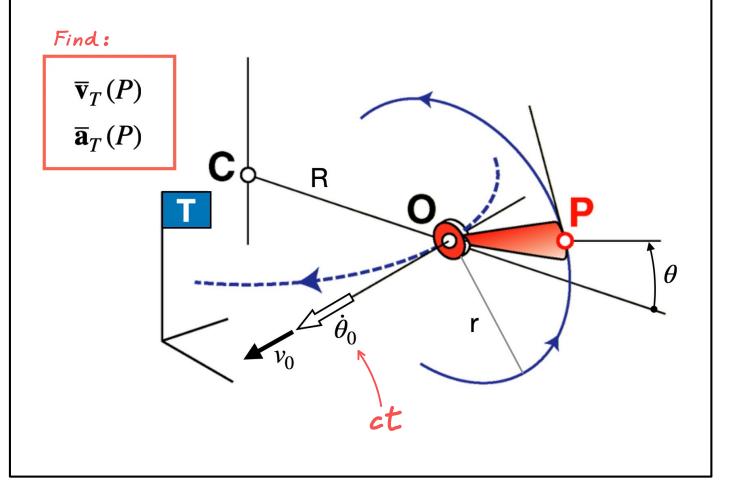
- vecs OA i AP
- 1eres derivades = velocitat 20nes " = accel.



Hen de projectar aquests vectors sobre B= (1,2,3) ...

Problema 3.8 RBK, pàg. 103

A plane has a simple rotation motion relative to the ground (T). Its propeller center O describes a circular trajectory in T, with center C, radius R, and constant speed v_0 . The propeller rotates relative to the airplane with constant angular velocity $\dot{\theta}_0$ about its axis, which is tangent to the O trajectory.

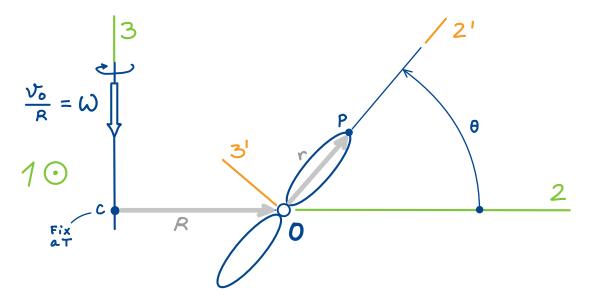


El farem per deivació avalítica i vosaltres després el prodeu fer per deiv. geomètrica i veure que els revoltats encaixen.

Pistes:

- Proposeu 2 bases en les que co o OP signin faisb de projector (almenys un d'ells).
- Deriveu $\overline{CP} = \overline{CO} + \overline{OP}$ utilitzant cadascuna d'aquestes bases.

Solucious:



Les 2 bases
$$B = (1,2,3)$$
 facilità proj. \overline{CO}
"maturals" són $B' = (1',2',3')$ " " \overline{OP}

En base B

$$\begin{cases} \bar{v}_{T}(P) \Big|_{B} = \begin{cases} \omega R + \omega r \cos \theta \\ -r \dot{\theta} \sin \theta \end{cases} \\ r \dot{\theta} \cos \theta \end{cases}$$

$$\begin{cases} \bar{a}_{T}(P) \Big|_{B} = \begin{cases} -2 \omega r \dot{\theta} \sin \theta \\ -\omega^{2} R - r \cos \theta \cdot (\dot{\theta}^{2} + \omega^{2}) \\ -r \dot{\theta}^{2} \sin \theta \end{cases} \end{cases} \text{ on the assumit}$$

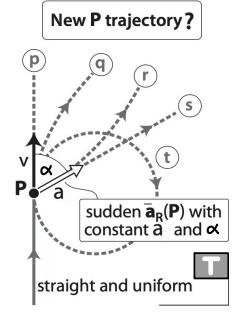
$$\dot{\theta} = ct \Rightarrow \ddot{\theta} = 0$$

En base B'

$$\left\{ \vec{\mathcal{V}}_{T}(P) \right\}_{B} = \left\{ \begin{array}{c} \omega R + \omega r \cos \theta \\ o \\ \dot{\theta} r \end{array} \right\}$$

$$\int_{\overline{a}_{\tau}(P)} \int_{B} = \begin{cases}
-2\omega r \dot{\theta} \sin \theta \\
-\omega^{2} \cos \theta (R + r \cos \theta) - \dot{\theta}^{2} r
\end{cases}$$
Novament, aqui assumeixo que
$$\dot{\theta} = ct \Rightarrow \dot{\theta} = 0$$

Questió 2.8 RBK



2.8 The initial motion of **P** in R is uniform and rectilinear. Suddenly it acquires an acceleration with constant value a and defining a constant angle α with the velocity $\bar{\mathbf{v}}_{R}(\mathbf{P})$. What will be the new trajectory of **P** in R?

A p

B q

C r

D s

E t

Pistes :

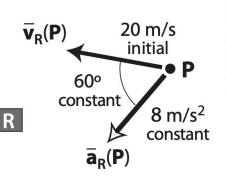
- (5) i (7) son rapidament descartables. Per què?
- Per saber si ens trobem en P, q o t tinquen en compte que per a una velocitat v donada, qui determina el radi de curvatura de la trajectòria és l'acceleració mormal $\bar{a}_T^n(P)$. Escriviu $\mathcal{R}_T(P)$ en funció de v, a i α ...

Questió 2.9 RBK, mag. 85

Speed after 10 s?

2.9 The initial speed of point P relative to R is 20 m/s. What will be the speed 10 s later?

- A 100 m/s
- B 26.93 m/s
- C 20 m/s
- D = 60 m/s
- E Not enough data to calculate it.



Pistes:

- l'única component de $\bar{a}_R(P)$ que pot causiar la celestat de P és la tangencial $\bar{a}_R^S(P)$.
- la āp (P) només canvia la curvatura de la trajectoria (el radi del cencle osculador).