Molles i amortidors

Contacte partícula superfície

Condicions límit d'enllaç

Classificació de forces d'interacció

Forces formulables

 ρ = separació entre **P** i **Q**

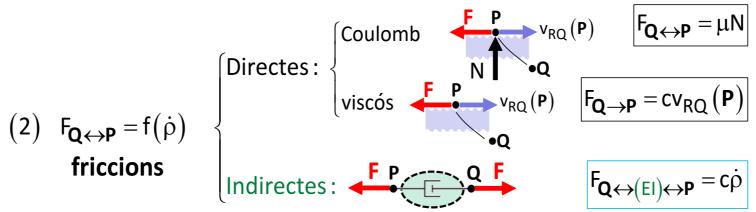
$$(1) \quad \mathsf{F}_{\mathbf{Q} \leftrightarrow \mathbf{P}} = \mathsf{f}(\rho)$$

$$F_{\mathbf{Q}\leftrightarrow\mathbf{P}} = G(m_{\mathbf{P}}m_{\mathbf{Q}}/\rho^2)$$



$$\Delta F_{\mathbf{Q} \leftrightarrow (EI) \leftrightarrow \mathbf{P}} = \mathbf{k} \Delta \rho$$

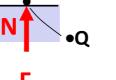
(2)
$$F_{\mathbf{Q} \leftrightarrow \mathbf{P}} = f(\dot{\rho})$$
 frictions

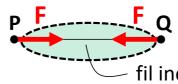


$$F_{\mathbf{Q} \leftrightarrow (EI) \leftrightarrow \mathbf{P}} = c\dot{\rho}$$

Forces no formulables

(3) Enllaç $F_{\mathbf{Q}\leftrightarrow\mathbf{P}} = ??$ Directes: $\begin{cases}
\mathbf{Directes:} & \mathbf{N} \\
\mathbf{Directes:} & \mathbf{P} \\
\mathbf{Directes:} & \mathbf{P} \\
\mathbf{Directes:} & \mathbf{P} \\
\mathbf{Directes:} & \mathbf{P} \\
\mathbf{Directes:} & \mathbf{Directes:} \\$



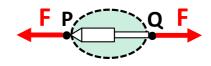


fil inextensible

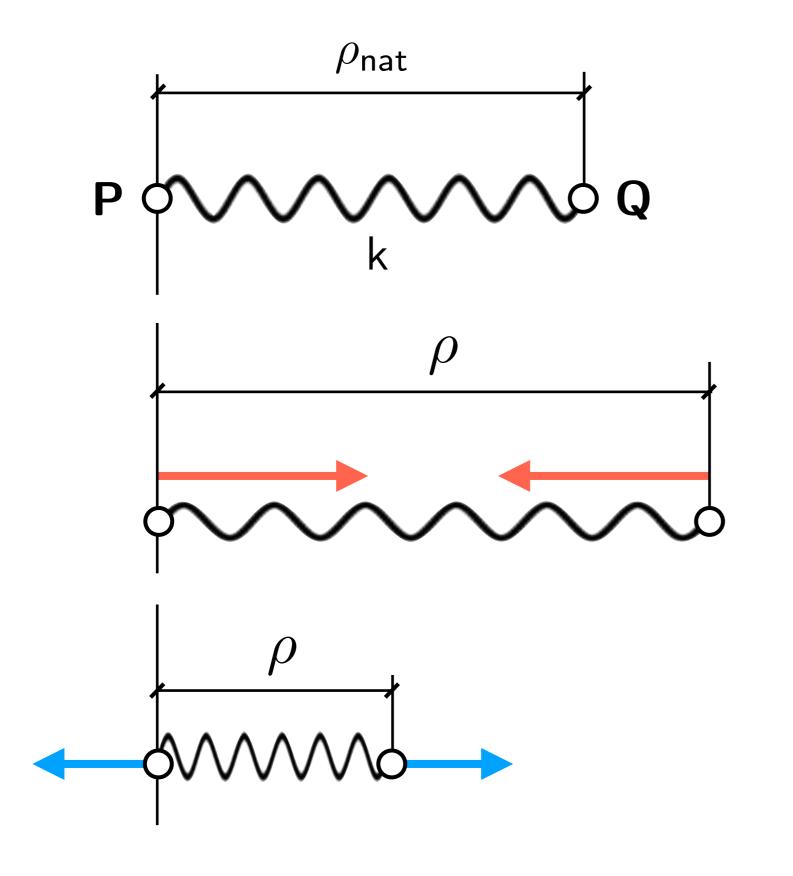
(4) Actuadors - Indirectes:
$$\begin{cases} F_{\mathbf{Q} \leftrightarrow \mathbf{P}} = ?? & \text{incògnita} \\ F_{\mathbf{Q} \leftrightarrow \mathbf{P}} = F(t) & \text{dada} \end{cases}$$

$$\int F_{\mathbf{Q} \leftrightarrow \mathbf{P}} = ??$$
 incògnita

$$F_{\mathbf{Q} \leftrightarrow \mathbf{P}} = F(t)$$
 dada



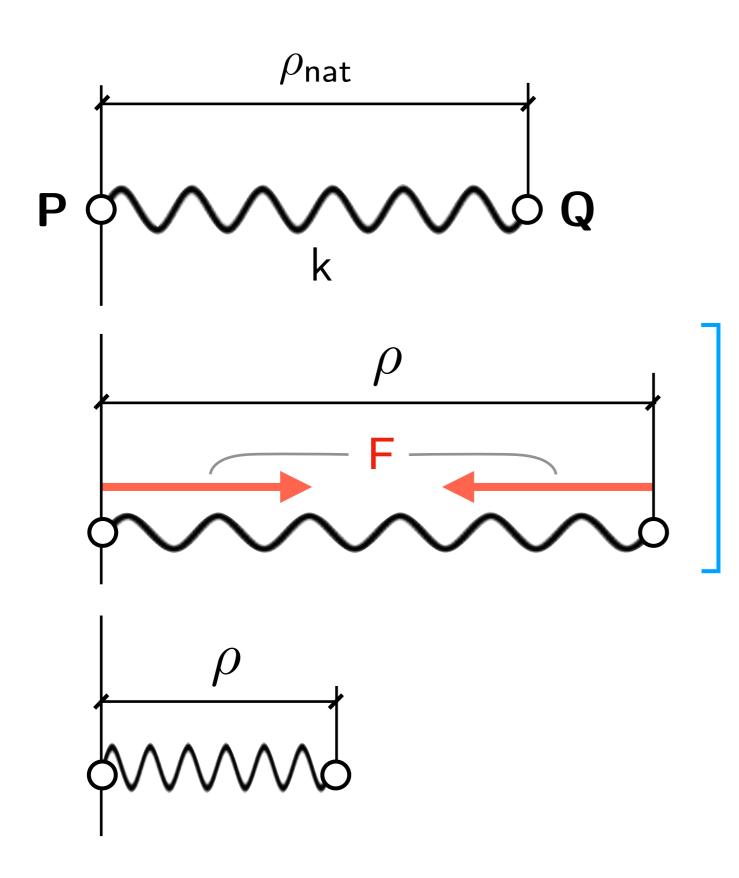
Molles i amortidors



Molla distesa

L'estirem
$$\rho > \rho_{\text{nat}}$$

L'escurcem
$$\rho < \rho_{\rm nat}$$



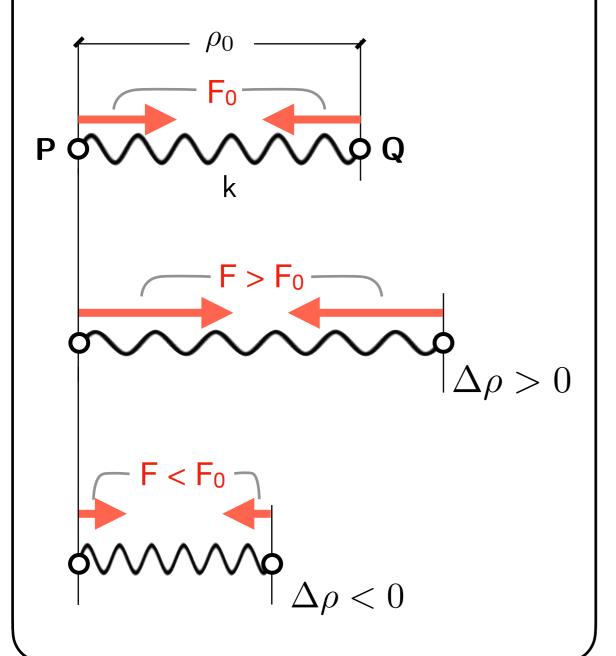
Si la dibuixem atractiva

$$\mathsf{F} = \mathsf{k} \ \underbrace{(\rho - \rho_{\mathsf{nat}})}_{\Delta \rho}$$

Criteri d'atracció

$$\mathsf{F}^{\mathsf{at}}_{\mathsf{molla}} = \mathsf{F}_0 + \mathsf{k} \; \Delta \rho$$

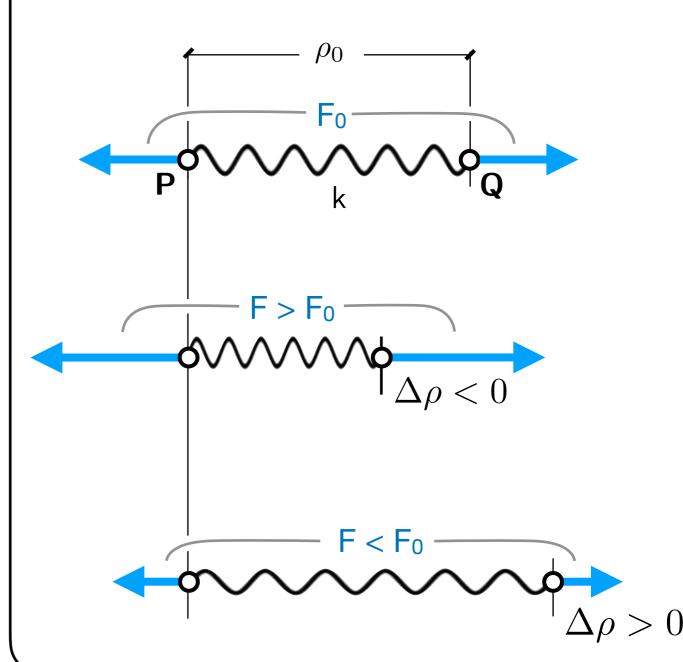
Config. inicial: atracció



Criteri de repulsió

$$\mathsf{F}^{\mathsf{at}}_{\mathsf{molla}} = \mathsf{F}_0 - \mathsf{k} \; \Delta \rho$$

Config. inicial: repulsió



Criteri d'atracció

Criteri de repulsió

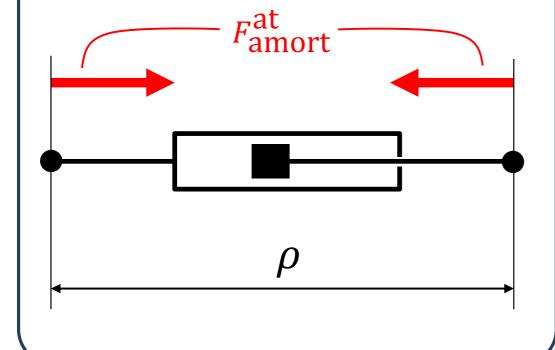
$$\mathsf{F}^{\mathsf{at}}_{\mathsf{molla}} = \mathsf{F}_0 + \mathsf{k} \, \Delta \rho$$

$$\mathsf{F}^{\mathsf{at}}_{\mathsf{molla}} = \mathsf{F}_0 - \mathsf{k} \, \Delta \rho$$

Cal formular-los en funció de les coordenades que descriuen la configuració del sistema

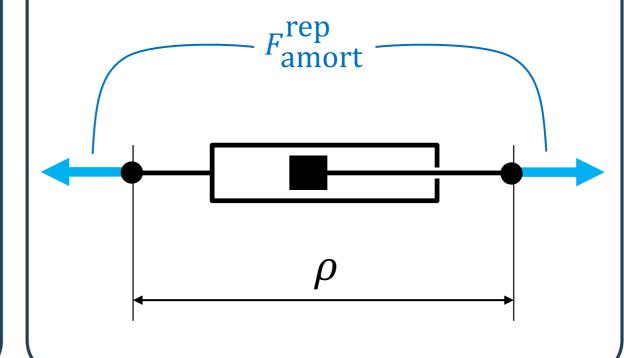


$$F_{\mathrm{amort}}^{\mathrm{at}} = c \cdot \dot{\rho}$$



Criteri de repulsió

$$F_{\text{amort}}^{\text{rep}} = -c \cdot \dot{\rho}$$



Criteri d'atracció

Criteri de repulsió

$$F_{\mathrm{amort}}^{\mathrm{at}} = c \cdot \dot{\rho}$$

$$F_{\text{amort}}^{\text{rep}} = -c \cdot \dot{\rho}$$

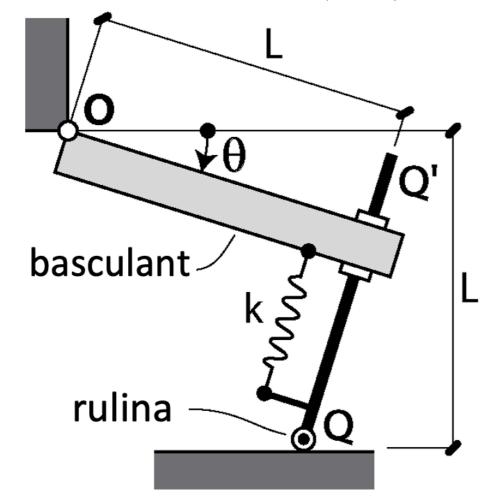
Cal formular-los en funció de les coordenades que descriuen la configuració del sistema

Exercicis molles i amortidors

La barra **QQ'**llisca respecte del basculant

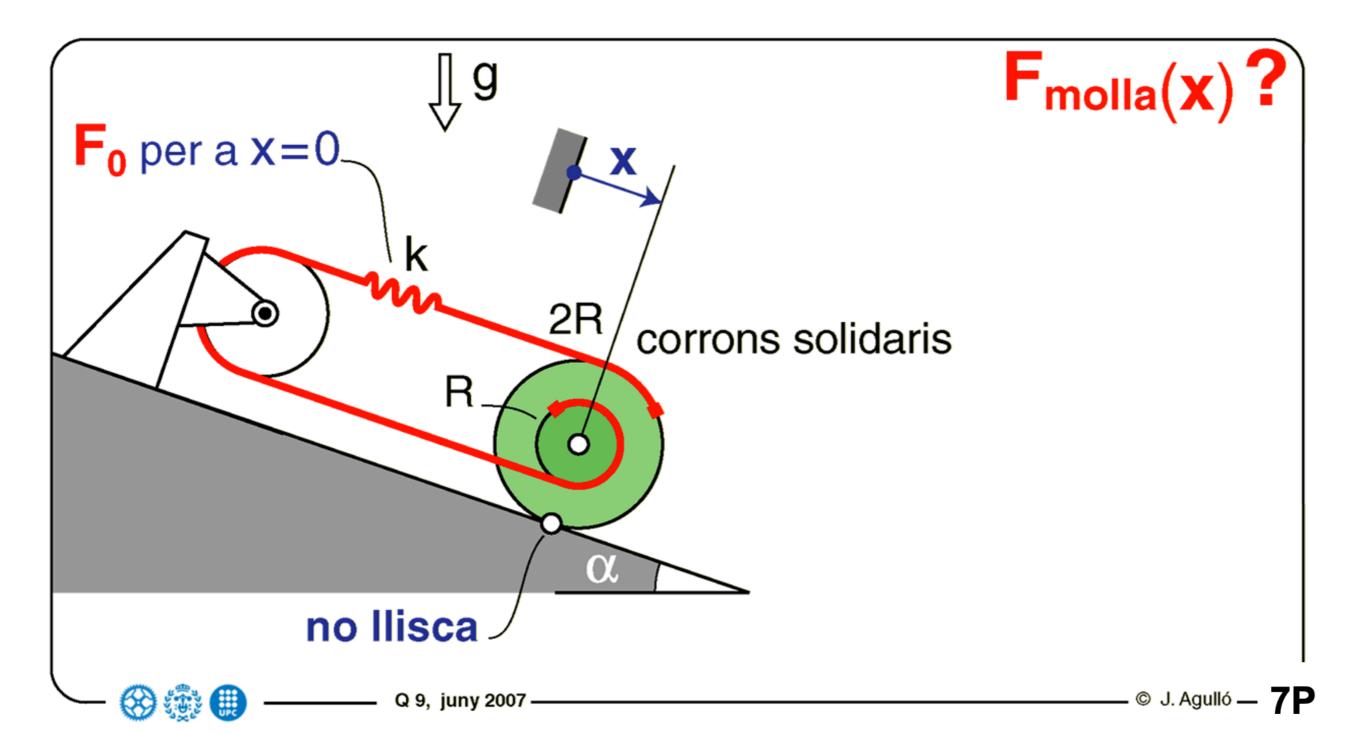
Equilibri per a $\theta = 0$, $F_m(\theta = 0) = F_0$

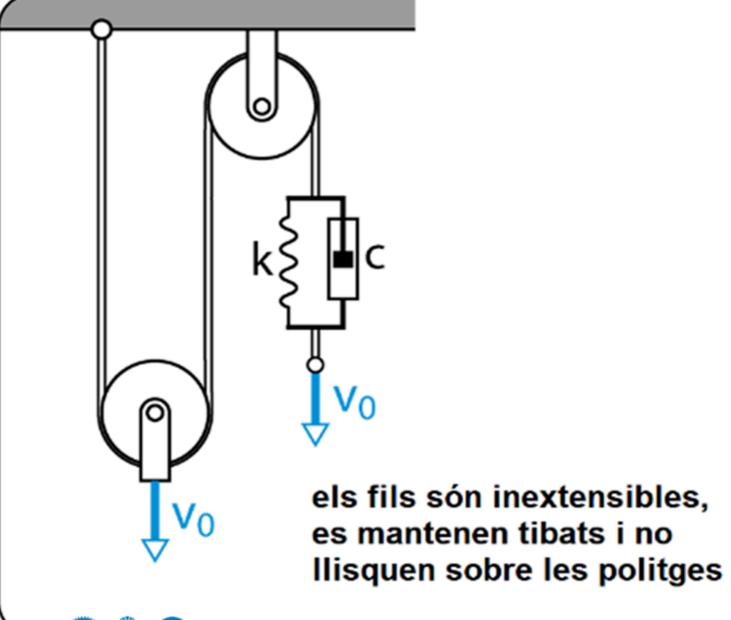






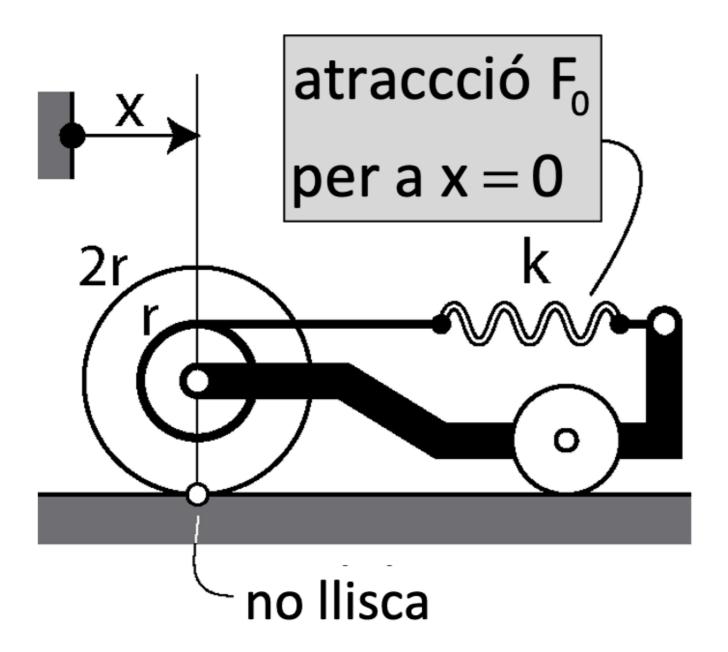






força de l'amortidor?

© A. Barja

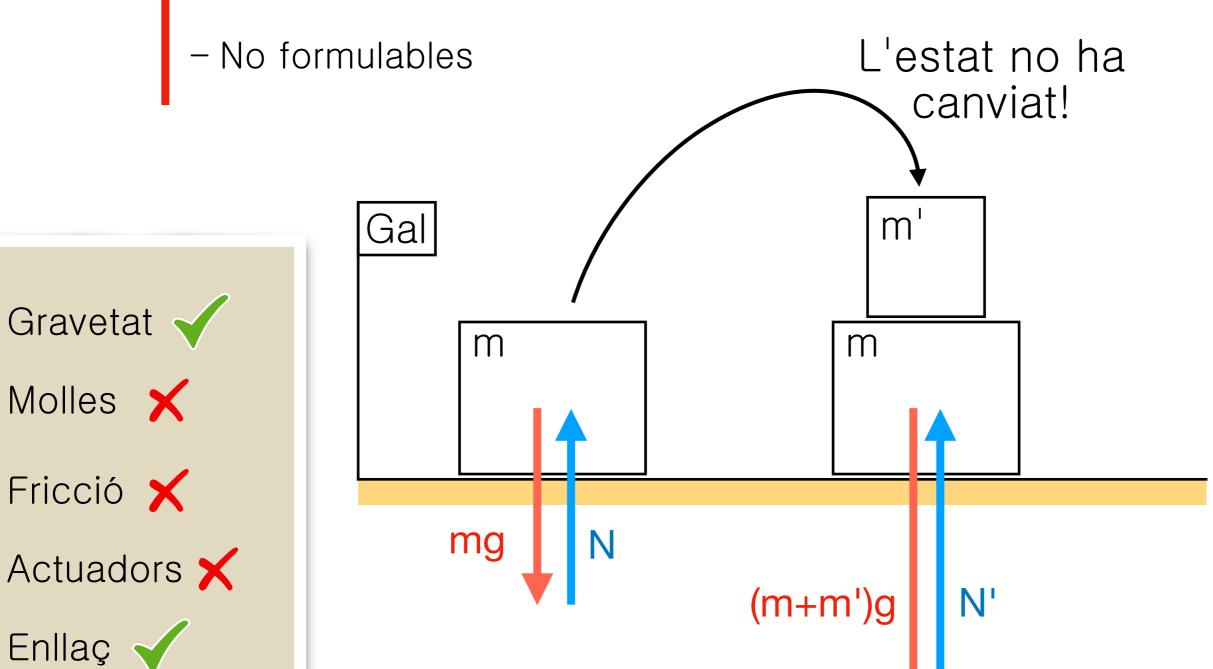


 $=_{\text{molla}}^{\text{atrac}}(\theta)$?

Contacte partícula-superfície Condicions límit d'enllaç

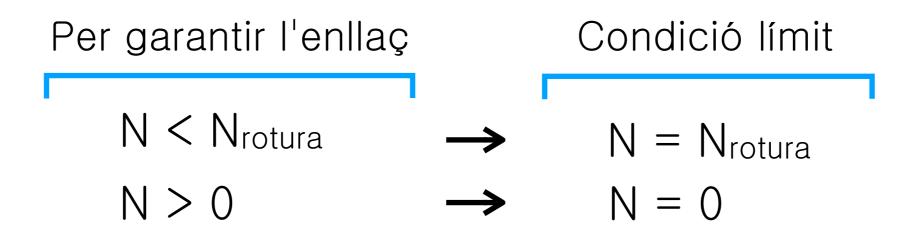
Forces d'enllaç

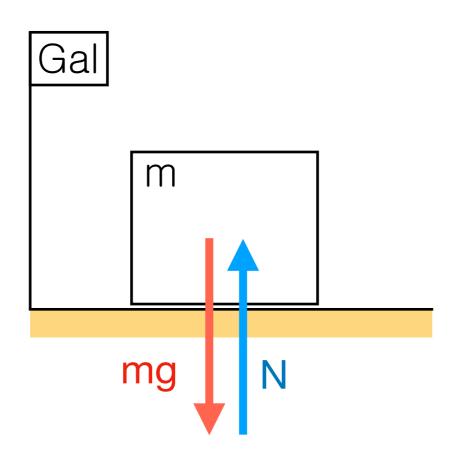
- Restringeixen el moviment relatiu entre partíc. per garantir un enllaç
- Prenen el valor que calgui per garantir l'enllaç



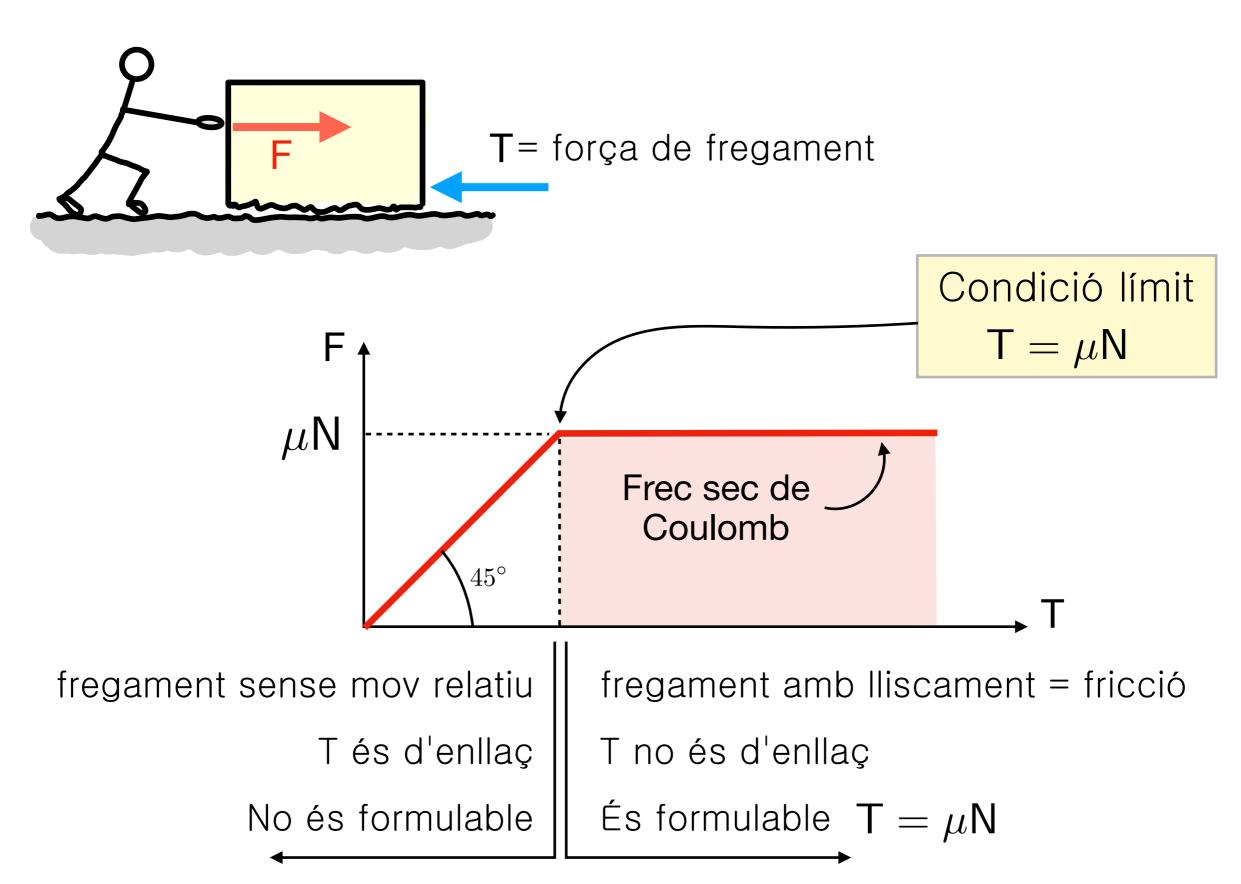
A què es deuen? Deformacions microscòpiques Gal m mg

Condicions límit d'enllaç

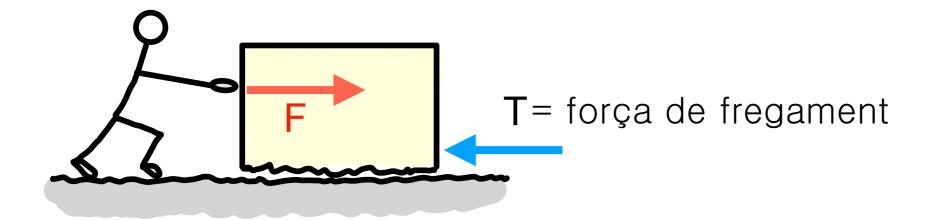


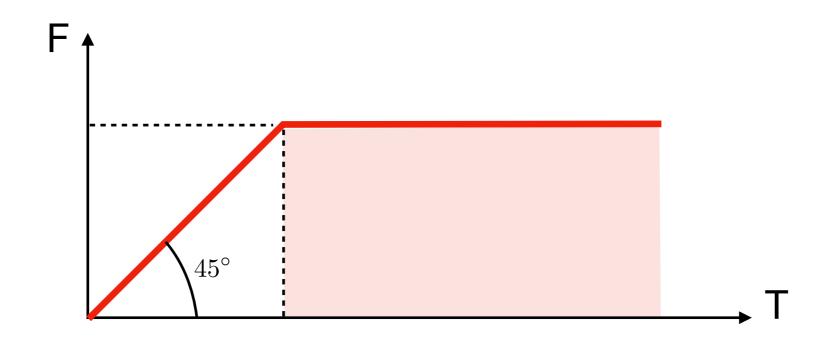


F enllaç degudes a fregament

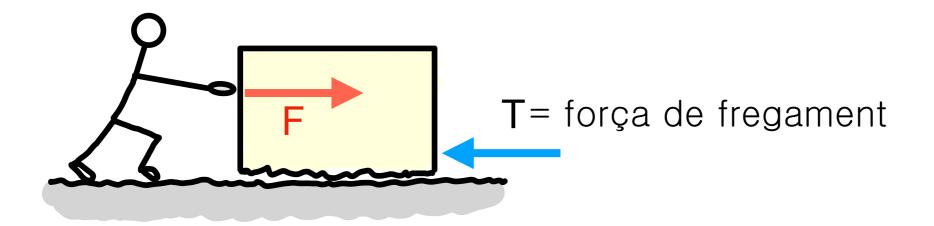


F enllaç degudes a fregament

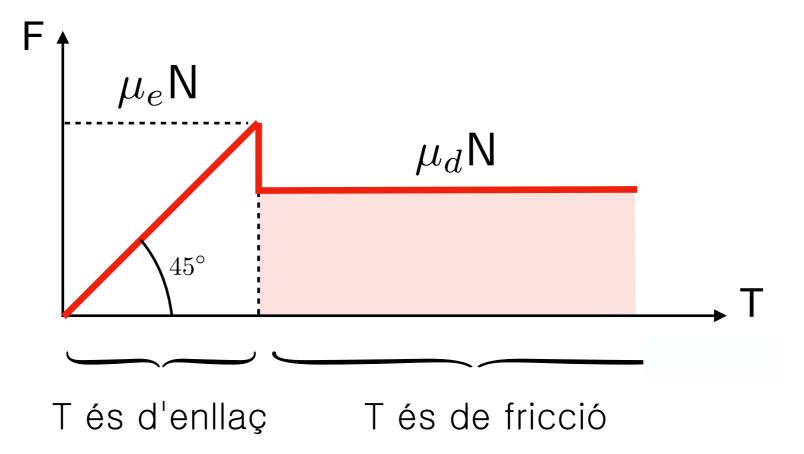




F enllaç degudes a fregament



Model més acurat



Hipòtesi inicial de no lliscament

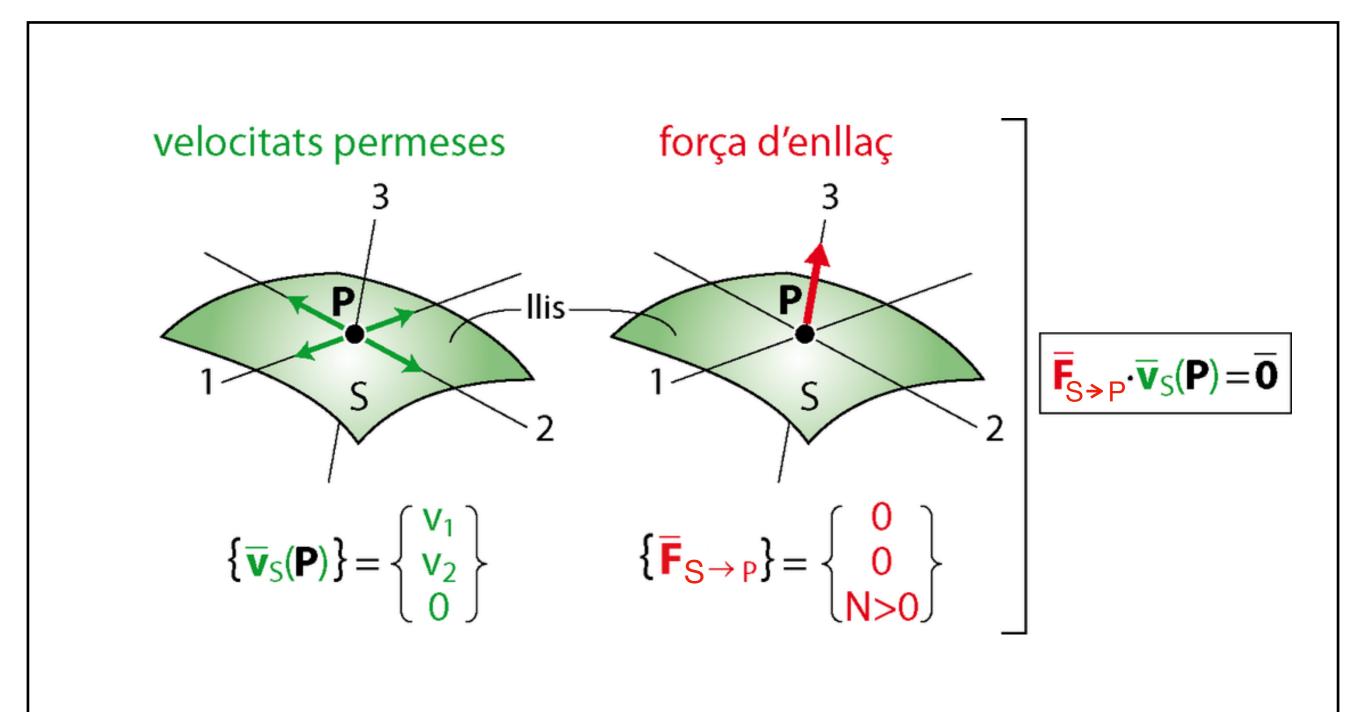
En resoldre un problema, típicament:

- Suposarem ∄ Iliscament
- Resoldrem el problema
- Si surten valors que violen les cond. límit d'enllaç:

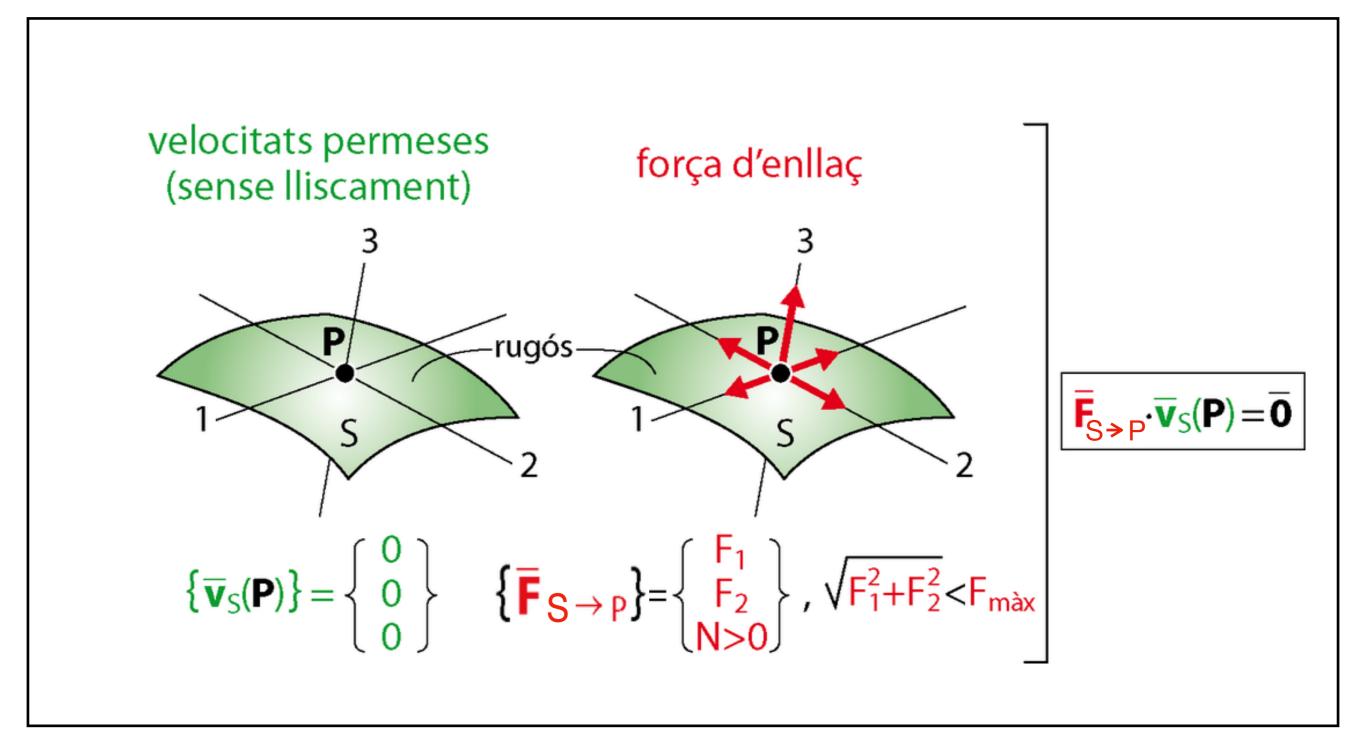


Refarem problema suposant - Iliscament

Caracterització de forces d'enllaç P sobre S llisa



Caracterització de forces d'enllaç P sobre S rugosa



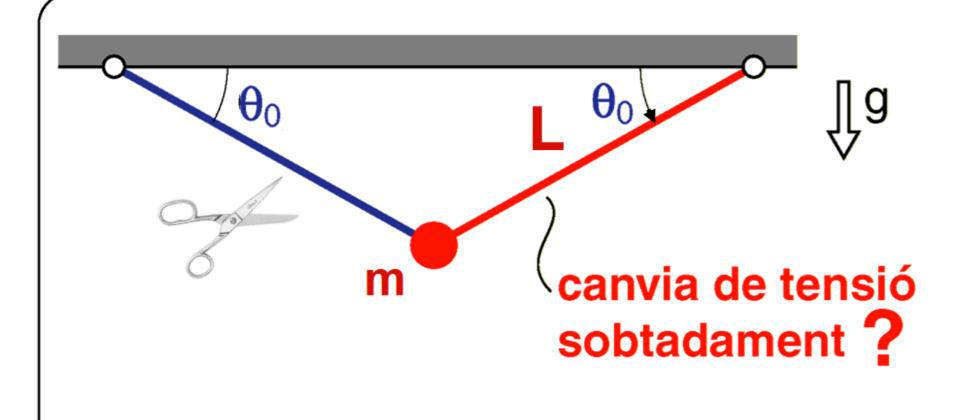
Alerta!

"3 lliscament" = "3 velocitat relativa en el contacte"

"∃ fregament" = "∃ rugositat que s'oposa al moviment" Però no vol dir que hi hagi lliscament

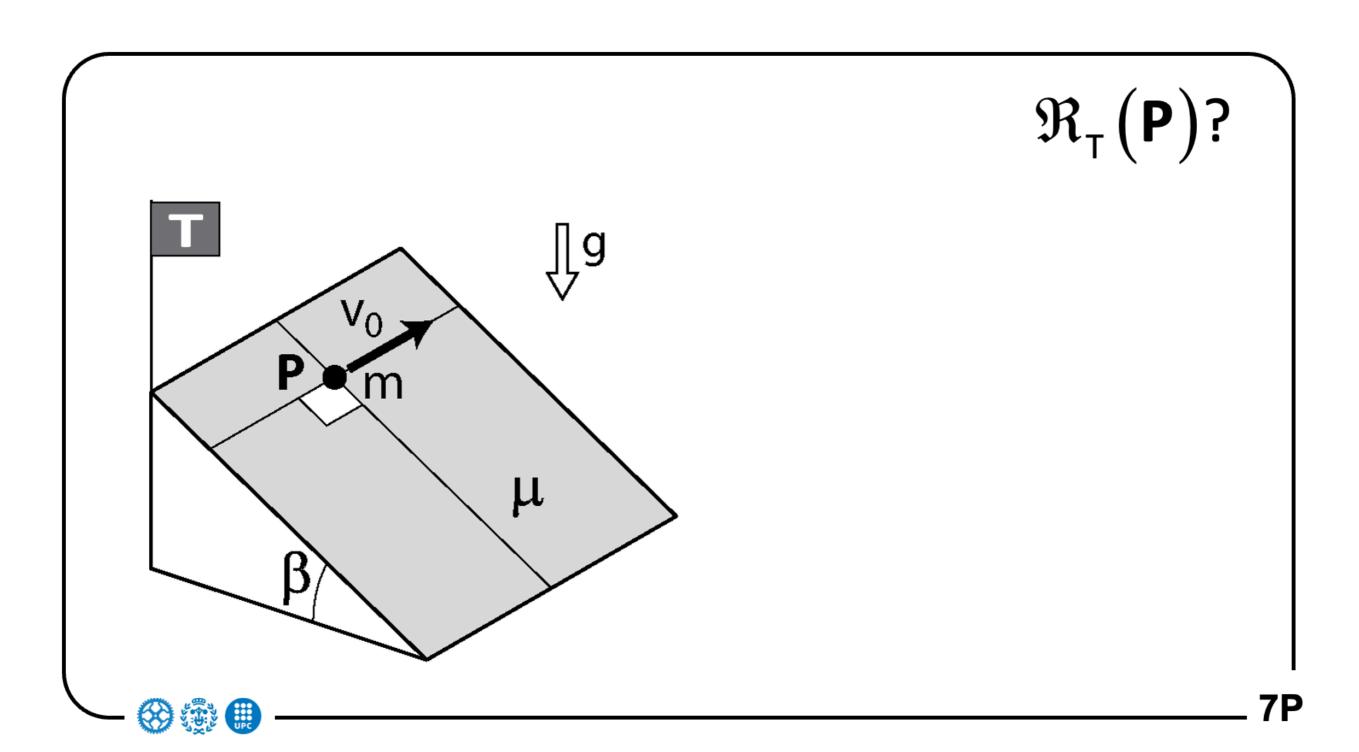
"∃ fricció = ∃ fregament amb lliscament"

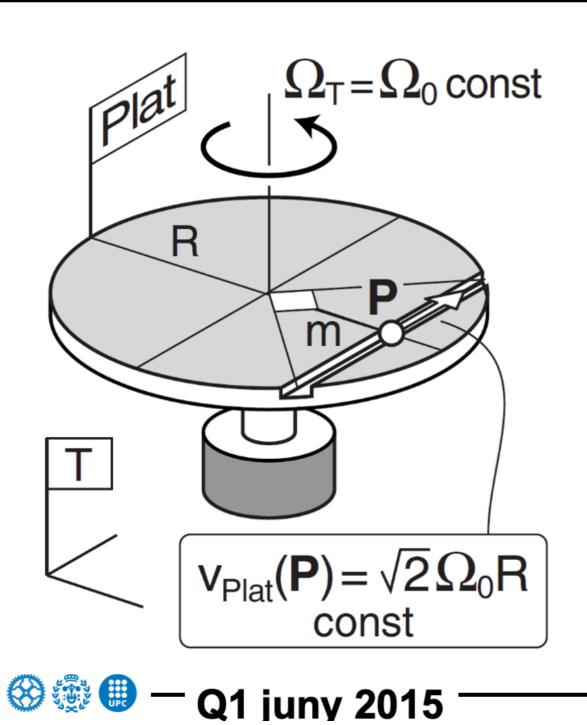
Exercicis dinàmica partícula



θ depèn de L o de m?







|Fhoritzontal d'enllaç(P)|?

