Exercício-Programa 2

Lucas Magno 7994983

1 Introdução

Este trabalho consiste em, a partir de um $dicion\'{a}rio$, um arquivo com sequência de palavras, determinar um maior conjunto de anagramas dentre tais palavras. Um dicion\'{a}rio tem a forma:

Α a aa aal aalii aam Aani aardvark aardwolf Aaron zymotoxic zymurgy Zyrenian ${\bf Zyrian}$ Zyryan zythem Zythia zythum Zyzomys Zyzzogeton

Listing 1: Exemplo de dicionário

Para tal foi desenvolvido um programa em C, cujos detalhes serão discutidos a seguir. Também foi implementado um gerador de dicionários, a fim de testar o programa, discutido mais adiante.

2 Algoritmo

O algoritmo para encontrar um maior conjunto de anagramas consiste em, para cada string de um dado dicionário, calcular uma hash (tal que todos os anagramas de uma palavra têm a mesma hash) e colocar a string na fila do nó correspondente a tal hash em uma árvore binária de busca. Ao longo do processo, basta manter um registro de uma maior fila encontrada até então e ao final teremos uma maior fila, um maior conjunto de anagramas, do dicionário.

Devido à nececessidade de se verificar um grande número de strings contra determinadas chaves (hashes), algoritmo faz uso de uma árvore binária de busca B, que permite tal busca em tempo logarítmico, cujas chaves e valores de cada nó são

Chave: um vetor letters de 26 inteiros, onde cada elemento representa a contagem de uma determinada letra em uma palavra.

```
letters [0] é o número de vezes que a letra a aparece, 
 :
letters [25] é o número de vezes que a letra z aparece.
```

Valor: uma fila de strings, tais que todas têm a mesma contagem de letras que a chave.

Onde a comparação entre duas chaves l_1 e l_2 é feita da seguinte forma:

$$\begin{cases} l_1 = l_2, & \text{se } l_1[i] = l_2[i], \text{ para todo } i = 0, \dots, 25 \\ l_1 < l_2, & \text{se } l_1[j] = l_2[j], \ j = 0, \dots, i - 1 \\ & \text{e } l_1[i] < l_2[i] \text{ para algum } i = 0, \dots, 25 \\ l_1 > l_2, & \text{se } l_1[j] = l_2[j], \ j = 0, \dots, i - 1 \\ & \text{e } l_1[i] > l_2[i] \text{ para algum } i = 0, \dots, 25 \end{cases}$$

Assim, ao irmos adicionando as strings lidas do dicionário D às filas de cada chave correspondente, garantimos que cada uma dessas filas é um conjunto de anagramas, pois contém strings com exatamente as mesmas letras. Portanto, após ler todo o dicionário, uma fila com maior tamanho é um maior conjunto de anagramas em D. A seguir o pseudocódigo do programa implementado.

```
Entrada: D dicionário
Saída: Fila com as strings que pertencem a um maior conjunto de anagramas em D
B \leftarrow árvore binária de busca vazia;
qmax \leftarrow NULL;
enquanto não chegou ao final de D faça
   ler uma string s de D;
   ls \leftarrow a \text{ forma } lowered \text{ de } s;
                                                                                // letras minúsculas
   letters \leftarrow um vetor com a contagem das letras em ls;
   se letters está em B então
       adiciona s à fila correspondente a esta chave;
   senão
       cria um nó correspondente a esta chave em B e coloca s na nova fila;
   q \leftarrow a fila correspondente a letters em B;
   se length(q) > length(qmax) então
       qmax \leftarrow q;
   _{\text{fim}}
retorna qmax;
```

Algorithm 1: Busca por um maior conjunto de anagramas em um dicionário.

3 Gerador

Para testar o programa, também foi implementado um gerador de dicionários, baseado na função npermutations, que gera as n primeiras (ou todas, se não existirem mais que n) permutações únicas em ordem lexicográfica de um conjunto de letras, determinado por uma sequência letters de letras.

A função funciona recursivamente, gerando permutações únicas de subsequências de letters e as concatenando com cada letra única restante, como descrito no algoritmo a seguir.

```
Entrada:
     letters uma sequência de letras;
     n um inteiro.
Saída: As n primeiras permutações únicas de letters em ordem lexicográfica.
P \leftarrow \text{uma fila de strings vazia};
se length(letters) = 1 então
    s \leftarrow \text{a unica letra em } letters;
    enfileira(P, s);
    retorna P;
_{\text{fim}}
para cada letra única c em letters em ordem alfabética faça
    Q \leftarrow \text{npermutations}(letters - c, n);
                                                           // remove uma instância de c em letters
    enquanto length(Q) > \theta faça
       s \leftarrow \mathtt{desenfileira}(Q);
        enfileira(P, c \cdot s);
                                                                                         // concatenação
        se length(P) = n então
           retorna P;
        fim
    _{\rm fim}
_{\text{fim}}
retorna P;
```

Algorithm 2: Função npermutations.

A partir desta função podemos construir de fato o gerador de dicionários, que consiste em:

- 1. Gerar uma contagem de letras letters aleatória com um dado tamanho máximo wordlen;
- 2. Calcular um dado número setlen de permutações dessas letras e salvar como o maior conjunto de anagramas qmax;
- 3. Inserir qmax em uma árvore binária de busca B com a chave letters;
- 4. Enquanto ainda precisarmos gerar mais palavras sortear outra contagem de letras letters e, se esta n\u00e3o est\u00e1 em B, calcular um n\u00famero menor que setlen de permuta\u00f3\u00e9es e as salvar em B com a chave letters.

A seguir é dado o algoritmo mais detalhadamente.

¹ A implementação é um pouco diferente, utilizando um vetor letters de contagem como definido anteriormente e mais argumentos, por questões de eficiência, mas a lógica é a mesma.

```
Entrada:
     wordlen o tamanho máximo das palavras;
     setlen o tamanho máximo dos conjuntos de anagramas;
     dictlen o número de palavras no dicionário;
    file o nome arquivo de saída.
Saída: Um dicionário com dictlen palavras de tamanho máximo wordlen, cujo único maior
        conjunto de anagramas qmax tem tamanho no máximo setlen, escrito no arquivo de saída
        file. Além disso, imprime qmax para a STDOUT.
B \leftarrow \text{uma árvore binária de busca vazia;}
letters \leftarrow \texttt{lettersrandom}(wordlen);
qmax \leftarrow \text{npermutations}(letters, setlen);
B[letters] \leftarrow qmax;
                                                          // insere qmax em B com chave letters
setlen \leftarrow length(qmax);
                                               // o conjunto gerado pode ser menor que setlen
imprime(qmax);
enquanto length(qmax) > \theta faça
   s \leftarrow \texttt{desenfileira}(qmax);
   imprime(file, s);
fim
restantes \leftarrow dictlen - setlen;
                                             // número de palavras que ainda temos que gerar
enquanto restantes > 0 faça
   len \leftarrow rand([1, wordlen]);
                                                  // número aleatório no intervalo [1, wordlen]
   letters \leftarrow \texttt{lettersrandom}(len);
   se letters está em B então
      continua;
   fim
   m \leftarrow \text{rand}([1, \min(restantes, setlen-1)]);
   q \leftarrow \texttt{npermutations}(letters, m);
   B[letters] \leftarrow q;
   enquanto length(q) > \theta faça
       s \leftarrow \mathtt{desenfileira}(q);
       imprime(file, s);
   restantes \leftarrow restantes - length(q);
fim
```

Algorithm 3: Gerador de dicionários.

Onde letters random(n) é uma função que retorna uma contagem aleatória de letras com tamanho n.

4 Compilação e Uso

Para compilar os programas, basta executar os seguintes comandos:

```
Programa: make
Gerador: make gen
```

que criam os executáveis EP2 e gen, respectivamente.

O programa EP2 deve ser invocado da forma

```
./EP2 dicionario.txt
```

e o resultado é mostrado na tela.

Já o gerador é invocado na forma

```
./gen wordlen setlen dictlen output.txt
```

onde wordlen, setlen e dictlen são inteiros positivos como definido anteriormente e output.txt é o arquivo de saída onde será gravado o dicionário. O programa então imprime para a tela o maior conjunto de anagramas gerado.

5 Resultados

Para o dicionário dicionario.txt fornecido como exemplo, obtemos a seguinte saída

```
Biggest set of anagrams:
Queue (11 elements):
    angor
    argon
    goran
    grano
    groan
    nagor
    Orang
    orang
    organ
    rogan
    Ronga
```

eeeeeeeeeeee

e cuja execução levou $0.27\,s.$

A seguir são dados outros exemplos gerados, que foram executados num computador com a seguinte configuração (saída do programa neofetch):

```
eeeeeeeeeeeeeee
    eeeee
           eeeeeeeeee
                           eeeee
                                       OS: elementary OS 0.4 Loki x86 64
         eeeee
                                       Model: Z97-D3H
  eeee
                              eeee
                     eee
                                       Kernel: 4.4.0-77-generic
 eeee
        eeee
                      eee
                               eeee
                                       Uptime: 14 hours, 21 mins
eee
       eee
                      eee
                                 eee
                                       Packages: 2300
      eee
eee
                     eee
                                 eee
                                       Shell: fish 2.2.0
eе
      eee
                     eeee
                                eeee
                                       Resolution: 1920x1080
ее
      eee
                  eeeee
                              eeeeee
                                       DE: Pantheon
ee
      eee
                eeeee
                            eeeee ee
                                       WM: Mutter (Gala)
                          eeeee
                                 eee
eee
      eeee
             eeeeee
                                       Theme: Arc [GTK2/3]
       eeeeeeeee
                       eeeeee
                                 eee
 eeeeeeeeeeeeeeee
                              eeeee
                                       Icons: Paper [GTK2/3]
  eeeeeee eeeeeeeee
                              eeee
                                       Terminal: mc
                                       CPU: Intel i5 -4690K (4) @ 3.900GHz
    eeeee
                           eeeee
                                       GPU: NVIDIA GeForce GTX 750
      eeeeeee
                       eeeeeee
         eeeeeeeeeeee
                                       Memory: 4915MiB / 15925MiB
```

5.1 ./gen 4 10 100000 output.txt

Tempos de execução:

gen: 0.10 sEP2: 0.04 s

Saída de gen:

Saída de EP2:

Biggest set of anagrams:
Queue (10 elements):
 dhsy
 dhys
 dshy
 dsyh
 dyhs
 dysh
 hdsy
 hdys
 hsdy
 hsyd

5.2 ./gen 8 10 1000000 output.txt

Tempos de execução:

gen: 0.97 sEP2: 0.63 s

Saída de gen:

```
Biggest set of anagrams:
Queue (10 elements):
aijlpuvz
aijlpuzv
aijlpvuz
aijlpvzu
aijlpzuv
aijlpzvu
aijlupvz
aijlupvz
aijlupzv
aijluvpz
aijluvpz
```

Saída de EP2:

```
Biggest set of anagrams:
Queue (10 elements):
aijlpuvz
aijlpuzv
aijlpvuz
aijlpvzu
aijlpzuv
aijlpzvu
aijlupvz
aijlupvz
aijlupvz
aijluvpz
aijluvpz
```

5.3 ./gen 20 20 1000000 output.txt

Tempos de execução:

gen: 0.98 sEP2: 0.44 s

Saída de gen:

Biggest set of anagrams: Queue (20 elements): defggijjklmmorttwxyz defggijjklmmorttwxzy defggijjklmmorttwyxz defggijjklmmorttwyzx defggijjklmmorttwzxydefggijjklmmorttwzyx defggijjklmmorttxwyz defggijjklmmorttxwzy defggijjklmmorttxywz defggijjklmmorttxyzw ${\tt defggijjklmmorttxzwy}$ defggijjklmmorttxzyw defggijjklmmorttywxz defggijjklmmorttywzx ${\tt defggijjklmmorttyxwz}$ defggijjklmmorttyxzw defggijjklmmorttyzwx defggijjklmmorttyzxw defggijjklmmorttzwxy defggijjklmmorttzwyx

Saída de EP2:

Biggest set of anagrams: Queue (20 elements): defggijjklmmorttwxyz defggijjklmmorttwxzy defggijjklmmorttwyxz ${\tt defggijjklmmorttwyzx}$ defggijjklmmorttwzxy defggijjklmmorttwzyx defggijjklmmorttxwyz defggijjklmmorttxwzy defggijjklmmorttxywz defggijjklmmorttxyzw defggijjklmmorttxzwy defggijjklmmorttxzywdefggijjklmmorttywxz defggijjklmmorttywzx defggijjklmmorttyxwz defggijjklmmorttyxzw defggijjklmmorttyzwx defggijjklmmorttyzxwdefggijjklmmorttzwxy defggijjklmmorttzwyx