Zadanie 2.

Wiązka zadań Ułamki dwójkowe

W systemach pozycyjnych o podstawie innej niż 10 można zapisywać nie tylko liczby całko- wite, ale również rzeczywiste z pewną dokładnością. Na przykład w systemie dwójkowym cyfry po przecinku odpowiadają kolejnym potęgom 1/2 (jednej drugiej). Cyfra 1 na pierwszym miejscu po przecinku odpowiada 1/2, na drugim miejscu — 1/4, na trzecim — 1/8 i tak dalej.

Na przykład $(0,101)_2 = 1/2 + 1/8 = 5/8 = 0,625_{10}$. Podobnie jak w systemie dziesiętnym nie każda liczba daje się zapisać w ten sposób dokładnie — na przykład liczba 1/3 nie ma skończonego rozwinięcia w systemie dwójkowym (ani też w dziesiętnym). Można jednak stosunkowo łatwo wyznaczyć zadaną liczbę początkowych cyfr po przecinku dla każdej liczby rzeczywistej.

Następujący algorytm przyjmuje na wejściu liczbę rzeczywistą x należącą do przedziału [0, 1) oraz dodatnią liczbę całkowitą k i wypisuje k pierwszych cyfr liczby x w zapisie dwójkowym. Przeanalizuj algorytm i odpowiedz na podane pytania.

```
Dane:
```

```
x — liczba rzeczywista, 0 ≤ x < 1,</li>
k — liczba całkowita dodatnia.
Wynik:
zapis dwójkowy liczby x do k-tego miejsca po przecinku.
```

```
funkcja binarny(x, k)

wypisz "0,"

y \leftarrow x

dla i=1, 2, ..., k wykonuj

(*) jeżeli y \ge 1/2

wypisz "1"

w przeciwnym razie

wypisz "0"

y \leftarrow y * 2

jeżeli y \ge 1

y \leftarrow y - 1
```

Zadanie 2.1.

Podaj liczbę wypisaną przez algorytm dla x = 0.6, k = 5 oraz wartości zmiennej y przy każdorazowym wykonaniu wiersza oznaczonego (*).

Kolejne wykonanie (*)	Wartość zmiennej y
1	
2	
3	
4	
5	

Liczba wypisana przez algorytm:

Zadanie 2.2.

Podaj przykład liczby x, dla której po wykonaniu funkcji binarny(x,4) zmienna y ma wartość 0, a po wykonaniu funkcji binarny(x,3) zmienna y nie jest równa 0.

W systemie trójkowym używa się cyfr 0, 1 i 2. Cyfra 1 na pierwszym miejscu po kropce oznacza 1/3, zaś 2 oznacza 2/3. Na drugim miejscu są to odpowiednio 1/9 i 2/9, na trzecim — 1/27 i 2/27 i tak dalej, z kolejnymi potęgami trójki w mianownikach.

Poniżej podany jest algorytm wypisujący dla zadanej liczby rzeczywistej x z przedziału [0,1) oraz liczby całkowitej dodatniej k pierwsze k cyfry zapisu x w systemie trójkowym. Uzupełnij luki tak, aby algorytm działał prawidłowo.

```
funkcja trójkowy(x, k)

wypisz "0,"

y ← x

dla i = 1, 2, ..., k wykonuj

jeżeli y ≥ 2/3

wypisz "2"

jeżeli ......

wypisz "1"

jeżeli ......

wypisz "0"

y = y * 3

jeżeli y≥2

.....

jeżeli y≥1
......
```