# Fiche 1 — Développement et

# **factorisation**

# **I. Exercices**



Compléter les tableaux de valeurs pour les expressions suivantes :

$$A(x) = -2x^2 + 3x - 1$$
 ;  $B(x) = (1 - 2x)(3 - 4x)$ 

#### **Valeurs** de A(x)

×	-2	-1	0	$\frac{2}{3}$	1	2
A(x)						

#### **Ⅵ** Valeurs de B(x)

×	-2	-1	0	$\frac{3}{4}$	1	2
B(x)						

### Exercice 2 – Développements :

Développer et simplifier les expressions suivantes :

$$C(x) = (x-2)(1-3x) \ D(x) = (2x+1)^2 - 4x \ E(x) = (2x-3)(1-4x) - (2-x) \ F(x) = (1+x)(2-3x) + 3x^2$$

# Exercice 3 – Multiple de 4 (\*) :

Montrer que pour tout nombre premier impair p, (p+1)(p-1) est un multiple de 4.

#### **Exercice 4 – Factorisations :**

Factoriser les expressions suivantes :

$$G(x) = 4x + 12$$
 $H(x) = 3x^2 + 6x$ 
 $I(x) = x^2 + x$ 
 $J(x) = -5x + 5$ 
 $K(x) = (x+1)(2-x) - (x+1)$ 
 $L(x) = (x+1)(2-x) - (x+1)^2$ 
 $M(x) = x(2-x) - (2-x)(2-3x)$ 
 $N(x) = (x+1)(1-2x) - 2(x+1)(2-3x)$ 

# Exercice 5 – Arithmétique :

Démontrer les propriétés suivantes :

- La somme d'un entier pair et d'un entier impair est un entier impair
- Le produit d'un nombre pair et d'un nombre impair est un nombre pair
- La somme de 3 entiers consécutifs est un multiple de 3
- La somme de deux multiples de 3 est un multiple de 3

## Exercice 6 – Programme et affirmations :

Programme de calcul:

Choisir un nombre  $x \to \operatorname{calculer} (x+1)^2 - x^2$ 

Montrer que le résultat est 2x+1. Vérifier les affirmations pour certains cas et généraliser.

#### Exercice 7 – Expression à factoriser :

$$A(x) = (x+1)(2-x) - 2(x+1)(2x+3)$$

Montrer la forme développée et la forme factorisée, puis calculer A(2).

#### **Exercice 8 – Factorisation intermédiaire :**

$$B(x) = 5x + 10 - (x+2)^2$$

Factoriser, développer et calculer B(-1).

# Exercice 9 – Pythagore :

Soit un triangle ABC rectangle en A avec AB=5 et BC=x+7.

- 1. Montrer que  $AC^2=x^2+14x+24$
- 2. Si x=6, calculer les longueurs, le périmètre et l'aire.

# II. Corrigé

### ☑ Corrigé de l'exercice 1 :

#### Tableaux complétés :

#### **A**(x)

×	-2	-1	0	$\frac{2}{3}$	1	2
A(x)	-15	-6	-1	$\frac{1}{9}$	0	-3

#### **B**(x)

×	-2	-1	0	$\frac{3}{4}$	1	2
B(x)	55	21	3	0	1	15

## **☑** Corrigé de l'exercice 2 :

$$C(x) = -3x^2 + 7x - 2$$

$$D(x) = 4x^2 + 1$$

$$E(x) = -8x^2 + 15x - 5$$

$$F(x) = 2 - x$$

# **☑** Corrigé de l'exercice 3 :

$$(p+1)(p-1) = p^2 - 1$$

Comme p est impair, p-1 et p+1 sont pairs consécutifs  $\rightarrow$  leur produit est divisible par 4.

#### Corrigé de l'exercice 4 :

$$G(x) = 4(x+3)$$

$$H(x) = 3x(x+2)$$

$$I(x) = x(x+1)$$

$$J(x) = 5(-x+1)$$

$$K(x) = (x+1)(1-x)$$

$$L(x) = (x+1)(1-2x)$$

$$M(x) = (2-x)(4x-2)$$

$$N(x) = (x+1)(4x-3)$$

## **☑** Corrigé de l'exercice 5 :

- Pair + impair = impair car la somme d'un pair (2n) et d'un impair (2m+1) est 2(n+m) + 1 →
  impair
- Pair × impair = pair car 2n × (2m + 1) = 2n(2m + 1) → multiple de 2
- $n + (n+1) + (n+2) = 3n + 3 = 3(n+1) \rightarrow multiple de 3$
- 3a + 3b = 3(a + b) → multiple de 3

#### ✓ Corrigé de l'exercice 6 :

$$(x+1)^2 - x^2 = x^2 + 2x + 1 - x^2 = 2x + 1$$

Valeurs testées : pour x=3 on a 7 ; pour x=-2, on a -3. Cela vérifie l'expression.

#### Corrigé de l'exercice 7 :

$$A(x) = (x+1)(2-x) - 2(x+1)(2x+3) = (x+1)[(2-x) - 2(2x+3)] = (x+1)(-5x-4)$$
  
 $A(2) = (2+1)(-10-4) = 3 \times (-14) = -42$ 

#### Corrigé de l'exercice 8 :

$$B(x) = 5x + 10 - (x + 2)^2 = 5x + 10 - (x^2 + 4x + 4) = -x^2 + x + 6$$
  
 $B(-1) = -1 + (-1) + 6 = 4$ 

#### Corrigé de l'exercice 9 :

$$AC^2 = (x+7)^2 - 25 = x^2 + 14x + 49 - 25 = x^2 + 14x + 24$$
 Si  $x=6$ :  $AC=12$ ,  $BC=13$ ,  $AB=5$  Périmètre  $=30$  ; Aire  $=\frac{1}{2} \times AB \times AC = \frac{1}{2} \times 5 \times 12 = 30$