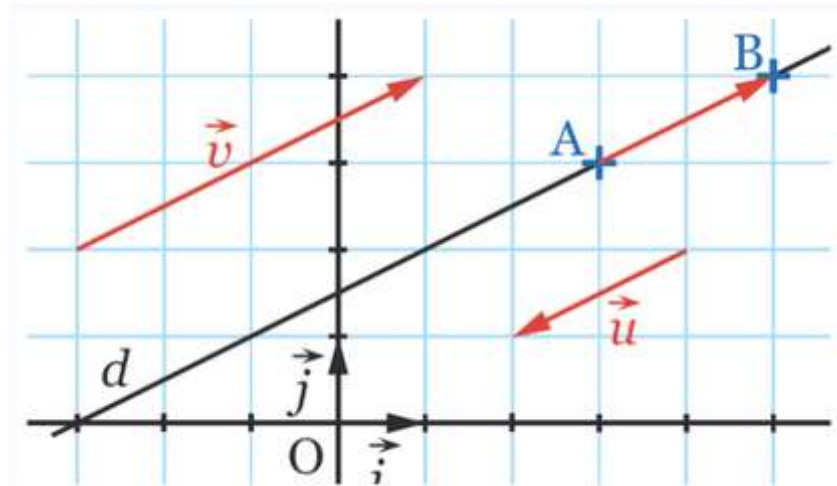


Fiche d'exercices – Équations de droites

◆ Exercice 1 – Vecteurs et droite (d)



1. Lire les coordonnées des points A et B .
2. Lire les coordonnées des vecteurs \vec{u} , \vec{v} et \overrightarrow{AB} .
3. Ces vecteurs sont-ils colinéaires ?
4. En déduire trois vecteurs directeurs de la droite (d) .

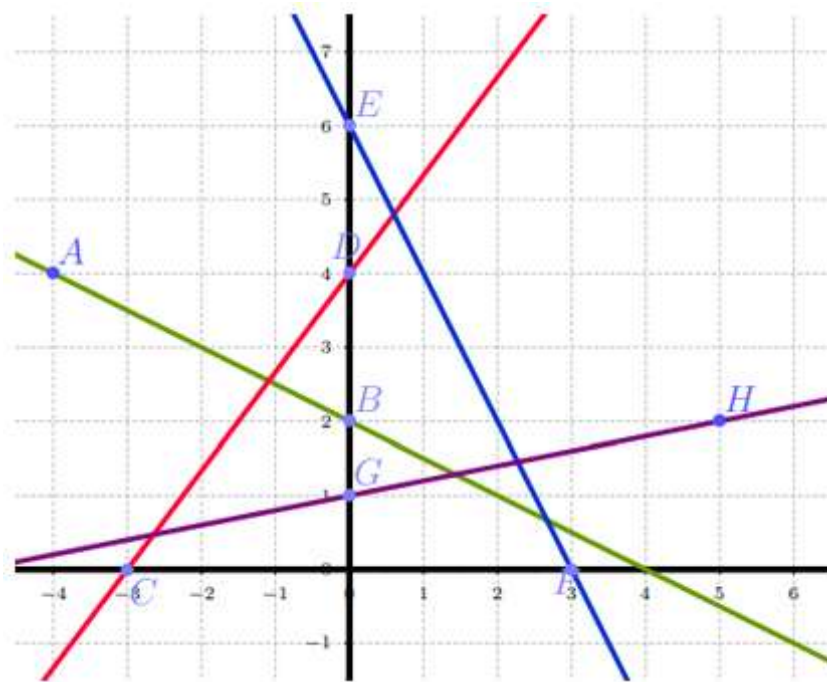
◆ Exercice 2 – Par lecture graphique

Méthode : L'équation réduite d'une droite est de la forme $y = mx + p$.

- On détermine le coefficient directeur m de la droite (AB) soit par lecture graphique (en observant l'augmentation « pour 1 en abscisse »), soit en utilisant les coordonnées de deux points de la droite :

$$m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}.$$

- On détermine ensuite p , l'ordonnée à l'origine, en lisant sur le graphique (ou en utilisant les coordonnées d'un point de la droite lorsque ce n'est pas possible directement).



Par lecture graphique, déterminer les équations réduites des droites (AB) , (CD) , (EF) et (GH) .

◆ Exercice 3 – À partir de l'équation réduite

1. Déterminer un point et un vecteur directeur de la droite (d) dont l'équation réduite est :

$$y = 2x + 1.$$

2. Déterminer un point et un vecteur directeur de la droite (d') dont l'équation réduite est :

$$y = -2x + 5.$$

3. Déterminer un point et un vecteur directeur de la droite (d_1) dont l'équation réduite est :

$$y = 2 - 4x.$$

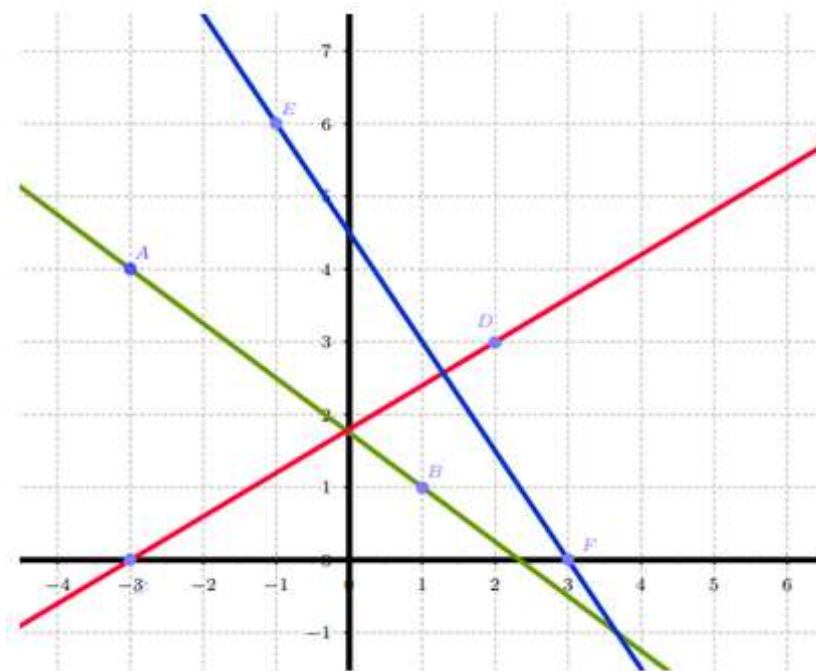
◆ Exercice 4 – Par le calcul

Méthode : L'équation réduite d'une droite est de la forme $y = mx + p$.

- On détermine le coefficient directeur m de la droite (AB) en utilisant les coordonnées de deux points de la droite :

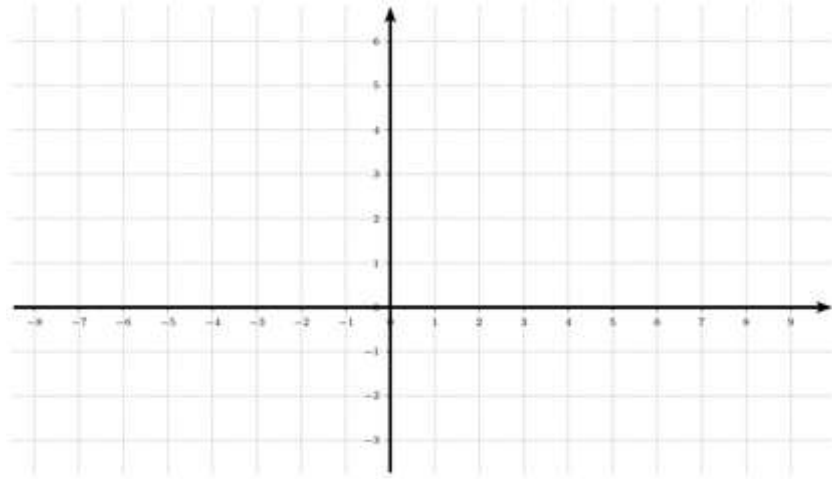
$$m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}.$$

- On détermine ensuite p en utilisant les coordonnées de l'un des deux points.



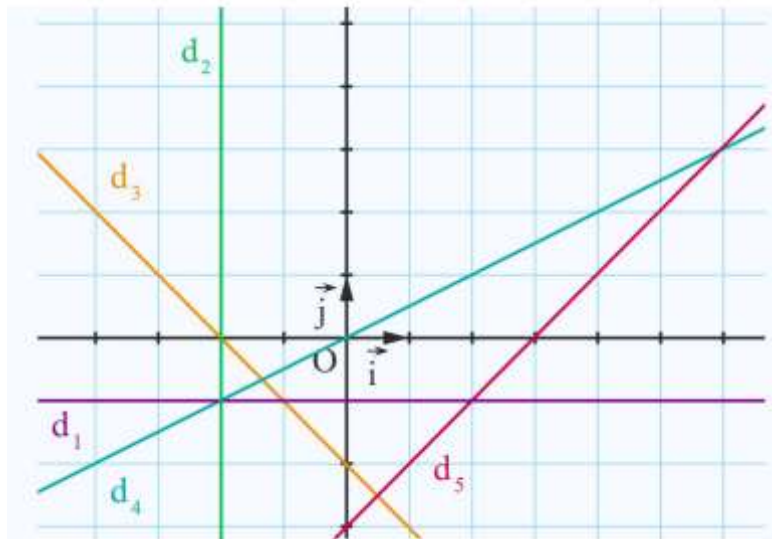
Déterminer les équations réduites des droites (AB) , (CD) et (EF) .

◆ Exercice 5 – À partir d'un point et d'un vecteur directeur



1. Déterminer l'équation réduite de la droite (d) passant par le point $A(-1; -4)$ et dont un vecteur directeur est $\vec{u} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$.
2. Déterminer l'équation réduite de la droite (d') passant par le point $B(2; -3)$ et dont un vecteur directeur est $\vec{v} \begin{pmatrix} 2 \\ -4 \end{pmatrix}$.
3. Déterminer l'équation réduite de la droite (d_1) passant par le point $C(3; 0)$ et parallèle à la droite (d) .
4. Déterminer l'équation réduite de la droite (d_2) passant par le point $C(3; 0)$ et parallèle à la droite (d') .
5. Tracer ces droites dans un même repère du plan.

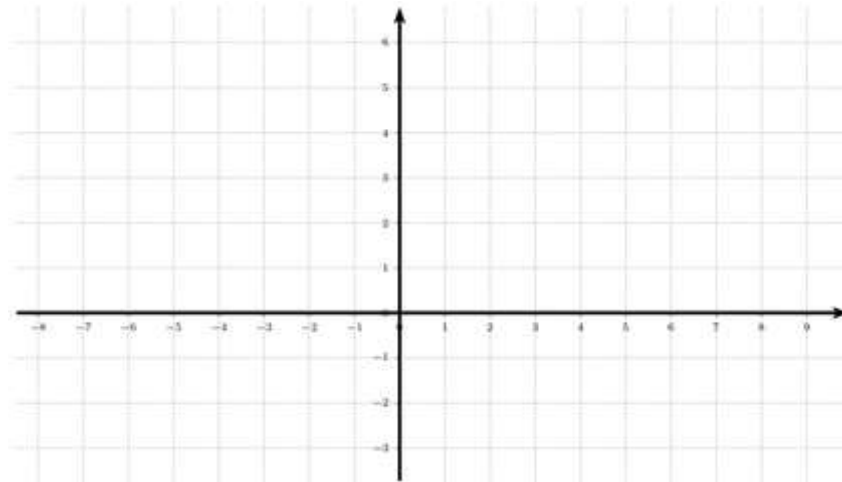
◆ Exercice 6 – Par lecture graphique (équations cartésiennes)



Par lecture graphique, déterminer une équation cartésienne pour chacune des droites représentées dans le repère.

◆ Exercice 7 – Représentation graphique

Représenter dans un repère chacune des droites suivantes. Chaque droite passe par un point A donné et a pour vecteur directeur \vec{u} .



1. Droite d_1 : point $A_1(1; 1)$ et vecteur directeur $\vec{u}_1 \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}$.
2. Droite d_2 : point $A_2(-2; 1)$ et vecteur directeur $\vec{u}_2 \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \end{pmatrix}$.
3. Droite d_3 : point $A_3(0; 3)$ et vecteur directeur $\vec{u}_3 \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}$.
4. Droite d_4 : point $A_4(-4; 0)$ et vecteur directeur $\vec{u}_4 \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \end{pmatrix}$.

◆ Exercice 8 – Un point appartient-il à une droite ?

Dans chaque cas, déterminer en justifiant si le point A appartient à la droite (d).

1. On considère la droite d_1 d'équation $x + 4y - 20 = 0$ et le point $A_1(-4; 9)$.
2. Soit la droite d_2 d'équation $2x - 3y - 1 = 0$ et le point $A_2(12; 5)$.
3. Soit la droite d_3 d'équation $-\frac{2}{3}x + 2y - \frac{2}{3} = 0$ et le point $A_3(1; \frac{2}{3})$.
4. Soit la droite d_4 d'équation $-\frac{5}{4}x - \frac{1}{2}y - 1 = 0$ et le point $A_4(\frac{1}{2}; 3)$.

◆ Corrigé – Exercice 1**Données**

$A(3; 3)$, $B(5; 4)$, $\vec{u}(-2; -1)$ et $\vec{v}(4; 2)$.

1) Coordonnées de \overrightarrow{AB}

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} 5 - 3 \\ 4 - 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

2) Colinéarité

$\vec{u}(-2; -1)$ est un multiple de $\overrightarrow{AB}(2; 1)$ (multiple -1).

$\vec{v}(4; 2)$ est un multiple de $\overrightarrow{AB}(2; 1)$ (multiple 2).

Donc \vec{u} , \vec{v} et \overrightarrow{AB} sont colinéaires.

3) Vecteurs directeurs de (d)

Trois vecteurs directeurs possibles de (d) sont : $\overrightarrow{AB}(2; 1)$, $\vec{u}(-2; -1)$ et $\vec{v}(4; 2)$.

◆ Corrigé – Exercice 2**Données**

$A(-4; 4)$, $B(0; 2)$, $C(-3; 0)$, $D(0; 4)$, $E(0; 6)$, $F(3; 0)$, $H(5; 2)$.

Droite (AB)

$$m_{AB} = \frac{2 - 4}{0 - (-4)} = -\frac{1}{2}, \quad p = 2 \Rightarrow \boxed{y = -\frac{1}{2}x + 2}.$$

Droite (CD)

$$m_{CD} = \frac{4 - 0}{0 - (-3)} = \frac{4}{3}, \quad p = 4 \Rightarrow \boxed{y = \frac{4}{3}x + 4}.$$

Droite (EF)

$$m_{EF} = \frac{0 - 6}{3 - 0} = -2, \quad p = 6 \Rightarrow \boxed{y = -2x + 6}.$$

Droite (GH)

Avec les points fournis, on peut déterminer l'équation de la droite passant par $E(0; 6)$ et $H(5; 2)$ (même méthode) :

$$m = \frac{2 - 6}{5 - 0} = -\frac{4}{5}, \quad p = 6 \Rightarrow \boxed{y = -\frac{4}{5}x + 6}.$$

◆ Corrigé – Exercice 3

Pour une droite d'équation réduite $y = mx + p$: un vecteur directeur possible est $\begin{pmatrix} 1 \\ m \end{pmatrix}$, et un point de la droite est obtenu en prenant $x = 0$ (donc $y = p$).

1. $y = 2x + 1$: point $A(0; 1)$, vecteur directeur $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$.

2. $y = -2x + 5$: point $B(0; 5)$, vecteur directeur $\begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$.

3. $y = 2 - 4x$ soit $y = -4x + 2$: point $C(0; 2)$, vecteur directeur $\begin{pmatrix} 1 \\ -4 \end{pmatrix}$.

◆ Corrigé – Exercice 4

Données

$A(-3; 4)$, $B(1; 1)$, $C(-3; 0)$, $D(2; 3)$, $F(3; 0)$.

Droite (AB)

$$m_{AB} = \frac{1 - 4}{1 - (-3)} = -\frac{3}{4}.$$

$$1 = -\frac{3}{4} \times 1 + p \Rightarrow p = \frac{7}{4} \Rightarrow \boxed{y = -\frac{3}{4}x + \frac{7}{4}}.$$

Droite (CD)

$$m_{CD} = \frac{3 - 0}{2 - (-3)} = \frac{3}{5}.$$

$$0 = \frac{3}{5} \times (-3) + p \Rightarrow p = \frac{9}{5} \Rightarrow \boxed{y = \frac{3}{5}x + \frac{9}{5}}.$$

Droite (CF) (si elle est demandée sur la figure)

$$m_{CF} = \frac{0 - 0}{3 - (-3)} = 0 \Rightarrow \boxed{y = 0}.$$

Pour toute autre droite (par exemple (EF)), on applique la même méthode dès que l'on connaît deux points de cette droite.

◆ Corrigé – Exercice 5

(Corrigé complet déjà présent dans ta fiche si tu as les points/les vecteurs.) Pour mémoire, ici la méthode :

- Si une droite passe par $A(x_A; y_A)$ et a pour vecteur directeur $\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$ avec $a \neq 0$, alors $m = \frac{b}{a}$ et l'équation est $y = mx + p$ avec $p = y_A - mx_A$.
- Si $a = 0$, la droite est verticale : $x = x_A$.

◆ Corrigé – Exercice 6

Par lecture graphique :

- $d_1 : \boxed{y = -1}$
- $d_2 : \boxed{x = -2}$
- $d_3 : \boxed{y = -x - 2}$
- $d_4 : \boxed{y = 0,5x}$
- $d_5 : \boxed{y = x - 3}$

◆ Corrigé – Exercice 7

Pour tracer une droite définie par un point $A(x_A; y_A)$ et un vecteur directeur $\vec{u}(a; b)$, on place le point A , puis on construit un second point $B(x_A + a; y_A + b)$, et on trace la droite (AB) .

(Optionnel) On peut aussi déterminer l'équation :

- Si $a \neq 0$: $m = \frac{b}{a}$, puis $p = y_A - mx_A$ et $y = mx + p$.
- Si $a = 0$: droite verticale $x = x_A$.

◆ Corrigé – Exercice 8

Un point $A(x_A; y_A)$ appartient à une droite d'équation $ax + by + c = 0$ si et seulement si $ax_A + by_A + c = 0$.

1. $d_1 : x + 4y - 20 = 0$, $A_1(-4; 9) : -4 + 36 - 20 = 12 \neq 0$ donc $A_1 \notin d_1$.

2. $d_2 : 2x - 3y - 1 = 0$, $A_2(12; 5) : 24 - 15 - 1 = 8 \neq 0$ donc $A_2 \notin d_2$.

3. $d_3 : -\frac{2}{3}x + 2y - \frac{2}{3} = 0$, $A_3(1; \frac{2}{3}) : -\frac{2}{3} + \frac{4}{3} - \frac{2}{3} = 0$ donc $A_3 \in d_3$.

4. $d_4 : -\frac{5}{4}x - \frac{1}{2}y - 1 = 0$, $A_4(\frac{1}{2}; 3) : -\frac{5}{8} - \frac{3}{2} - 1 = -\frac{25}{8} \neq 0$ donc $A_4 \notin d_4$.