# <u>Fiche1 - Exercices – Intervalles et</u> <u>Ensembles</u>

#### Exercice 1 — Intervalles

On considère les intervalles suivants :

 $A = [2; +\infty[ ; B = ]-\infty; 3] ; C = [-5; 4]$ 

- 1. A ∩ C = ...
- 2. B U C = ...
- 3. B  $\cap$  C = ...
- $4. B \cup A = ...$
- 5. A ∪ C = ...
- 6. B  $\cap$  A = ...

#### Exercice 2 — Intervalles

Compléter avec ∈ ou ∉ :

- 1. √2 ... ]–5 ; 1[
- 2. √3 ... ]1.7 ; 5]
- 3. 4,999 ... [4;5]
- 4. 100,01 ... [10<sup>-2</sup>; 10<sup>2</sup>]
- $5. \pi ... ]0; 3.14[$
- 6. −5 ... ]−5 ; 1[ ∪ ]1 ; 10]

### Exercice 3 — Intervalles

On considère:

$$A = ]-\infty$$
; 3];  $B = ]-5$ ; 4];  $C = [2; +\infty[$ 

- 1.  $A \cap B = ...$
- 2. C ∩ B = ...
- 3. A ∪ B = ...
- 4. C ∪ B = ...

#### Exercice 4 — Intervalles

1. 
$$]-\infty$$
; 8]  $\cup$  ]-3; 10] = ...

2. 
$$]-\infty$$
; 8]  $\cap$  ]-3; 10] = ...

3. ]
$$-\infty$$
; 8]  $\cup$  [1;  $+\infty$ [ = ...

4. ]
$$-\infty$$
; 8]  $\cap$  [1; + $\infty$ [ = ...

5. 
$$A = \{ x \in \mathbb{R} \mid x > 2 \text{ et } x \le 5 \} = \dots$$

6. B = 
$$\{ x \in \mathbb{R} \mid x < 0 \text{ et } x \ge -5 \} = \dots$$

### Exercice 5 — Intervalles

Déterminer l'ensemble le plus petit contenant chaque nombre :

Nombre	Ensemble
-3	
-1,5	
1/5	
-3/7	
2π	
√2	
0	
15/45	
7	
2,658369574	
-12	

### Exercice 6 (\*) — Décimal ou pas ?

On suppose que  $\sqrt{2}$  est un nombre décimal. Cela signifierait que son carré se termine par 2.

- 1. Montrer que cette hypothèse conduit à une contradiction, et en déduire que  $\sqrt{2}$  n'est pas un nombre décimal.
- 2. Peut-on utiliser ce raisonnement pour montrer que √5 n'est pas un nombre décimal ? Justifier.

### Exercice 7 (\*) — Affirmations

Pour chacune des affirmations suivantes, indiquer si elle est vraie ou fausse, en justifiant la réponse.

1. 
$$A = \frac{\frac{1}{2} - 2}{\frac{1}{8}}$$

Le nombre A est un entier relatif.

- 2. Le quotient de deux nombres irrationnels est toujours un irrationnel.
- 3. Le produit de deux nombres décimaux est toujours un nombre décimal.

# Corrigés

### Corrigé – Exercice 1

- 1.  $A \cap C = [2; 4]$
- 2. B  $\cup$  C = ]- $\infty$ ; 4]
- 3. B  $\cap$  C = ]-5; 3]
- 4. B  $\cup$  A =  $\mathbb{R}$
- 5. A ∪ C = ]-5; + $\infty$ [
- 6. B  $\cap$  A = [2; 3]

# Corrigé – Exercice 2

- 1. √2 ∉ ]−5 ; 1[ **×** 2. √3 ∈ ]1.7 ; 5] **∨**

- 3. 4,999 ∈ [4 ; 5[ ☑
- 4.  $100,01 \notin [10^{-2}; 10^{2}] \times$
- 5. π ∉ ]0 ; 3.14[ **×**
- 6. -5 ∉ ]-5 ; 1[ ∪ ]1 ; 10] 🗶

## Corrigé – Exercice 3

- 1.  $A \cap B = ]-5$ ; 3]
- 2.  $C \cap B = [2; 4]$
- 3.  $A \cup B = ]-5$ ; 4]
- 4. C ∪ B = ]-5; +∞[

## Corrigé – Exercice 4

- 1.]-∞;10]
- 2.]-3;8]
- 3. ℝ
- 4. [1;8]
- 5. A = ]2; 5]
- 6. B = [-5; 0[

# Corrigé – Exercice 5

Nombre	Ensemble
-3	$\mathbb{Z}$
-1,5	D

1/5	D
-3/7	Q
2π	$\mathbb{R}$
√2	$\mathbb{R}$
0	N
15/45	Q
7	N
2,658369574	D
-12	$\mathbb{Z}$

### Corrigé – Exercice 6

- 1. Un carré de nombre décimal ne peut pas se terminer par 2  $\rightarrow$  contradiction. Donc  $\sqrt{2}$  n'est pas décimal.
- 2. Le raisonnement ne s'applique pas à  $\sqrt{5}$  car 5 est un chiffre carré possible. On ne peut pas conclure.

### Corrigé – Exercice 7

1. 
$$A=rac{rac{1}{2}-2}{rac{1}{8}}=rac{-rac{3}{2}}{rac{1}{8}}=-rac{3}{2} imes 8=-12$$

- $lue{}$  Donc A=-12, un entier relatif.
- ✓ Vrai
- 2. Exemple :  $\dfrac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}=1$

Deux irrationnels peuvent donner un rationnel.

X Faux

3. Soient  $A=rac{a}{10^m}$  et  $B=rac{b}{10^n}$ , deux nombres décimaux, avec  $a,b\in\mathbb{Z}$  et  $m,n\in\mathbb{N}$ .

Alors:

$$A imes B = rac{a}{10^m} imes rac{b}{10^n} = rac{ab}{10^{m+n}}$$

avec  $ab \in \mathbb{Z}$  et  $m+n \in \mathbb{N}$ .

Donc  $A \times B$  est bien un nombre décimal.



Vrai