Chapitre 5 : Repérage dans le plan

Plan du chapitre

- I. Notion de nombres relatifs
- II. Repérage sur une droite graduée
- III. Repérage dans le plan
- IV. Comparaison de nombres relatifs

I/ Notion de nombres relatifs

Définitions

- Les nombres supérieurs ou égaux à 0 sont appelés les nombres positifs.
- Les nombres inférieurs ou égaux à 0 sont appelés les nombres négatifs.
- 0 est considéré à la fois comme un nombre positif et un nombre négatif.
- Les nombres positifs et les nombres négatifs forment l'ensemble des nombres relatifs.

I/ Notion de nombres relatifs

Exemples:

- + 3,2 est un nombre positif que l'on peut aussi écrire 3,2.
- -5 est un nombre négatif. C'est un nombre entier relatif.

Autres nombres positifs : $\frac{5}{7}$; π ; 1,5; + 12 etc.

Autres nombres négatifs : -7 ; - 0,002 ; - $\frac{7}{8}$ etc.

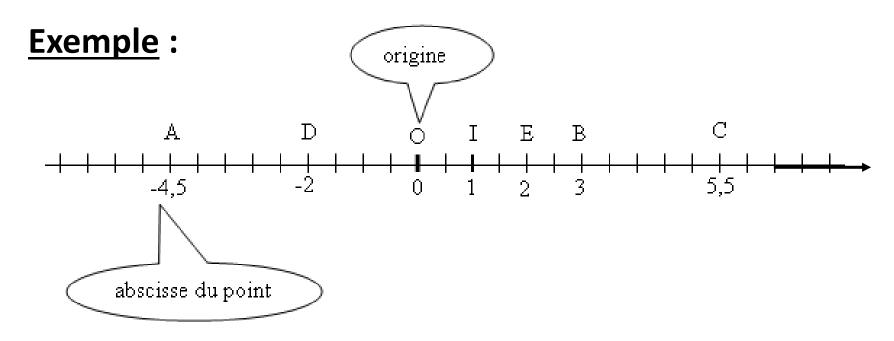
Définition 1

Une droite graduée est une droite sur laquelle on fixe :

- un point O appelé origine de la droite graduée,
- un sens symbolisé par une flèche,
- une **unité**.

Définition 2

Tout point d'une droite graduée peut être repéré par un nombre relatif appelé son abscisse.



L'abscisse du point O est le nombre 0.

Les points A,D et E ont pour abscisses respectives -4,5; -2 et 2. On note A(-4,5); D(-2) et E(2).

Définition 3

La distance à zéro d'un nombre relatif est la distance OA où A a pour abscisse ce nombre relatif.

Exemples:

- La distance à zéro du nombre -4,5 est la distance OA car A a pour abscisse -4,5. Elle vaut donc 4,5.
- La distance à zéro du nombre 3 est la distance OB car B a pour abscisse
 3. Elle vaut donc 3.

Définition 4

Deux nombres relatifs qui ont des **signes contraires** et qui ont la **même distance à zéro** sont dits **opposés**.

Exemples:

• Les nombres 3,1 et -3,1 sont des nombres opposés.

Remarque:

Deux points d'abscisses opposés sont symétriques par rapport à l'origine.

III/ Repérage dans le plan

Définition

Un repère orthogonal du plan est constitué de deux axes gradués perpendiculaires de même origine O. L'axe horizontal est appelé axe des abscisses et l'axe vertical est appelé axe des ordonnées.

Propriété

Dans un repère orthogonal du plan, tout point peut être repéré par un couple de nombres relatifs qui forment les coordonnées. Le premier nombre s'appelle l'abscisse et le second l'ordonnée du point.

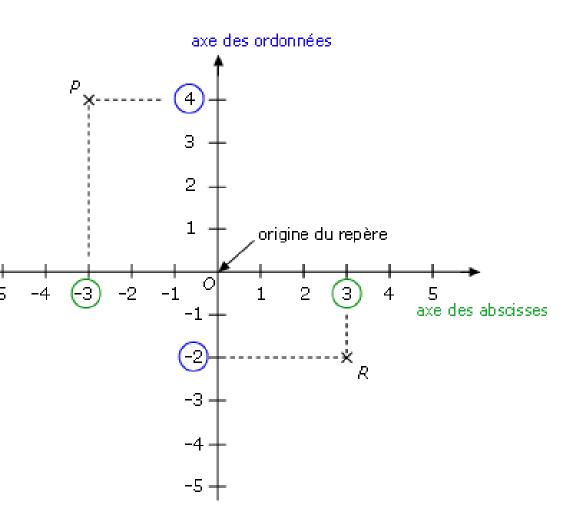
III/ Repérage dans le plan

Exemple:

- Le point P a pour abscisse -3
 et pour ordonnée 4 donc P(-3; 4).
- Le point R a pour abscisse 3
 et pour ordonnée -2 donc R(3; -2).

Remarque:

L'origine a pour coordonnées O(0;0).



IV/ Comparer des nombres relatifs

Propriétés

- Deux nombres relatifs positifs sont rangés dans l'ordre de leur distance à zéro.
- Un nombre relatif négatif est inférieur à un nombre positif.
- Deux nombres relatifs **négatifs** sont rangés dans l'**ordre inverse** de leur **distance à zéro**.

IV/ Comparer des nombres relatifs

Exemples:

- Les nombres 3,7 et 3,68 sont deux nombres positifs.
- 3,7 a la plus grande distance a zéro donc 3,7 > 3,68.
- 4 est un nombre positif et -5,3 est un nombre négatif donc 4 > -5,3.
- -2 et -3,5 sont deux nombres négatifs.
- -3,5 a la plus grande distance à zéro donc -3,5 < -2.