Regresión Lineal

En el mercado de smartphones, los dispositivos con mayor capacidad de almacenamiento suelen tener baterías más duraderas. Modelar estos datos podría ayudar a estimar la duración de la batería en función de su capacidad de almacenamiento, algo útil para los consumidores a la hora de elegir un nuevo dispositivo. Sea X la capacidad de almacenamiento de los smartphones (en TB) e Y la duración de su batería (en días), con densidad de probabilidad conjunta de la forma:

$$p_{XY}(x,y) = \frac{3}{4} \cdot \mathbb{1} \left\{ 0 < y < 1 + x^2, 0 < x < 1 \right\}$$

- (a) Soluciones óptimas:
 - 1. Calcular la esperanza condicional.
 - 2. Calcular el error bayesiano.
 - 3. Calcular la recta de regresión.

 $\stackrel{\frown}{\mathbb{S}}$: Las únicas integrales que debe resolver son con respecto a la marginal $p_X(x)$. El resto de los cálculos debe hacerse utilizando propiedades

- (b) Simulación: Utilizando random.uniform (numpy), generar un dataset de 500 pares de muestras. S: Truncada de uniforme es uniforme y simular truncadas es intuitivo.
- (c) Regresión Lineal:
 - 1. Implementar una regresión lineal (matricial) a partir de los datos generados previamente. El código debe estar estructurado de la siguiente manera:

```
class regresion_lineal:
    # Opcional, para inicializar atributos o declarar hiperparámetros
    def __init__(self,...

# Etapa de entrenamiento
    def fit(self,X,y):

# Etapa de testeo
    def predict(self,X):
```

A su vez, debe poder extraer los atributos reglin.w_ y reglin.b_ una vez que el regresor fue entrenado.

- 2. Entrenar la regresión lineal con el dataset generado anteriormente.
- 3. Utilizar el regresor para predecir la duración de una batería de 256GB.
- (d) Comparación: Graficar en una misma figura (pyplot) el soporte, la esperanza condicional, la recta de regresión (teórica) y la regresión lineal hallada.
- (e) Repetir el inciso (c) utilizando gradiente descendente.