2025 年高考综合改革适应性演练

数学

注意事项:

- 1. 答卷前, 考生务必将自己的姓名、考生号等填写在答题卡上.
- 2. 回答选择题时,选出每小题答案后,用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑,如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号.回答非选择题时,将答案写在答题卡上,写在本试卷上无效.
- 3. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回.
- 一、选择题:本题共8小题,每小题5分,共40分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的.
- 1. 己知集合 $A = \{-1,0,1\}, B = \{0,1,4\}$,则 $A \cap B = ($ B. {1} D. $\{-1,0,1,4\}$ $_{A}\quad \{0\}$ C. $\{0,1\}$ 2. 函数 $f(x) = \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$ 的最小正周期是() A. $\frac{\pi}{4}$ B. $\frac{\pi}{2}$ C. π D. 2π 3. |2-4i|= (B. 4 C. $2\sqrt{5}$ A. 2 D. 6 4. 己知向量 $\vec{a} = (0,1), \vec{b} = (1,0), \quad \text{则} \vec{a} \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = ($ A. 2 C. 0 D. -15. 双曲线 $x^2 - \frac{y^2}{9} = 1$ 的渐近线方程为 () A. $y = \pm x$ B. $y = \pm 2x$ C. $y = \pm 3x$ D. $y = \pm 4x$ 6. 底面直径和母线长均为 2 的圆锥的体积为 () A. $\frac{\sqrt{3}}{2}\pi$ C. 2π Β. π D. 3π

7. 在 VABC 中, BC = 8, AC = 10, $\cos \angle BAC = \frac{3}{5}$,则 VABC 的面积为(

第 1页/共 7页

D. 48

B. 8

A. 6

8. 已知函数 $f(x) = x | x - a | -2a^2$, 若当 x > 2 时, f(x) > 0, 则 a 的取值范围是 ()

- A. $(-\infty,1]$
- B. [-2,1]
- C. [-1,2]
- D. $[-1, +\infty)$

二、选择题:本题共3小题,每小题6分,共18分.在每小题给出的选项中,有多项符合题目要求.全部选对的得6分,部分选对的得部分分,有选错的得0分.

9. 已知 F(2,0) 是抛物线 $C: y^2 = 2px$ 的焦点, $M \in C$ 上的点,O 为坐标原点.则(

- A. p = 4
- B. $|MF| \ge |OF|$
- C. 以 M 为圆心且过 F 的圆与 C 的准线相切
- D. 当 $\angle OFM = 120^{\circ}$ 时, $\triangle OFM$ 的面积为 $2\sqrt{3}$
- 10. 在人工神经网络中,单个神经元输入与输出的函数关系可以称为激励函数. 双曲正切函数是一种激励函

数. 定义双曲正弦函数 $\sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$,双曲余弦函数 $\cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$,双曲正切函数 $\tanh x = \frac{\sinh x}{\cosh x}$.则

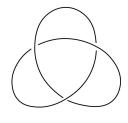
A. 双曲正弦函数是增函数

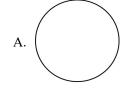
B. 双曲余弦函数是增函数

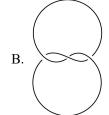
C. 双曲正切函数是增函数

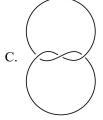
D. $\tanh(x+y) = \frac{\tanh x + \tanh y}{1 + \tanh x \tanh y}$

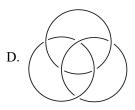
11. 下面四个绳结中,不能无损伤地变为图中的绳结的有()











三、填空题:本题共3小题,每小题5分,共15分.

12. 已知函 $f(x) = a^x (a > 0, a \neq 1)$,若 $f(\ln 2) f(\ln 4) = 8$,则 a =______

13. 有8张卡片,分别标有数字1,2,3,4,5,6,7,8,现从这8张卡片中随机抽出3张,则抽出的3张卡片上的数字之和与其余5张卡片上的数字之和相等的概率为 .

14. 已知曲线 $C: y = x^3 - \frac{2}{x}$,两条直线 l_1 、 l_2 均过坐标原点O, l_1 和C交于M、N两点, l_2 和C交于P、Q 两点,若三角形 $\triangle OPM$ 的面积为 $\sqrt{2}$,则三角形 $\triangle MNQ$ 的面积为_______.

四、解答题(本题共5小题,共77分.解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.)

15. 为考察某种药物 A 对预防疾病 B 的效果,进行了动物(单位: 只)试验,得到如下列联表:

药物	疾病		A.11
	未患病	患病	合计
未服用	100	80	S
服用	150	70	220
合计	250	t	400

- (1) 求s, t;
- (2) 记未服用药物 A 的动物患疾病 B 的概率为 P ,给出 P 的估计值;
- (3) 根据小概率值 $\alpha = 0.01$ 的独立性检验,能否认为药物 A 对预防疾病 B 有效?

附:
$$\chi^2 = \frac{n(ad-bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$$
,

$P(\chi^2 \ge k)$	0.050	0.010	0.001
k	3.841	6.635	10.828

16. 已知数列
$$\{a_n\}$$
中, $a_1=3, a_{n+1}=\frac{3a_n}{a_n+2}$

- (1) 证明:数列 $\left\{1-\frac{1}{a_n}\right\}$ 为等比数列;
- (2) 求 $\{a_n\}$ 的通项公式;

(3)
$$\diamondsuit b_n = \frac{a_{n+1}}{a_n}$$
, 证明: $b_n < b_{n+1} < 1$.

17. 己知函数
$$f(x) = a \ln x + \frac{b}{x} - x$$
.

- (1) 设a = 1, b = -2, 求曲线y = f(x)的斜率为2的切线方程;
- (2) 若x=1是f(x)的极小值点,求b的取值范围.
- 18. 已知椭圆 C 的离心率为 $\frac{1}{2}$,左、右焦点分别为 $F_1(-1,0)$, $F_2(1,0)$
- (1) 求 C 的方程;
- (2) 已知点 $M_0(1,4)$,证明:线段 F_1M_0 的垂直平分线与C恰有一个公共点;
- (3)设M是坐标平面上的动点,且线段 F_1M 的垂直平分线与C恰有一个公共点,证明M的轨迹为圆,并求该圆的方程.
- 19. 在平面四边形 ABCD 中, AB = AC = CD = 1, $\angle ADC = 30^\circ$, $\angle DAB = 120^\circ$,将 $\triangle ACD$ 沿 AC 翻折至 $\triangle ACP$,其中 P 为动点.
- (1) 设 $PC \perp AB$, 三棱锥P-ABC 的各个顶点都在球O 的球面上.
- (i) 证明: 平面 PAC L 平面 ABC;
- (ii) 求球 O 的半径
- (2) 求二面角 A-CP-B 的余弦值的最小值.

2025年高考综合改革适应性演练

数学

注意事项:

- 1. 答卷前, 考生务必将自己的姓名、考生号等填写在答题卡上.
- 2. 回答选择题时,选出每小题答案后,用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑,如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号.回答非选择题时,将答案写在答题卡上,写在本试卷上无效.
- 3. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回.
- 一、选择题:本题共8小题,每小题5分,共40分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的.
- 【1题答案】
- 【答案】C
- 【2题答案】
- 【答案】D
- 【3题答案】
- 【答案】C
- 【4题答案】
- 【答案】B
- 【5 题答案】
- 【答案】C
- 【6题答案】
- 【答案】A
- 【7题答案】
- 【答案】C
- 【8题答案】
- 【答案】B
- 二、选择题:本题共3小题,每小题6分,共18分.在每小题给出的选项中,有多项符合题目要求.全部选对的得6分,部分选对的得部分分,有选错的得0分.

【9题答案】

【答案】ABC

【10 题答案】

【答案】ACD

【11 题答案】

【答案】ABD

三、填空题:本题共3小题,每小题5分,共15分.

【12 题答案】

【答案】e

【13 题答案】

【答案】
$$\frac{3}{56}$$

【14 题答案】

【答案】 $2\sqrt{2}$

四、解答题(本题共5小题,共77分.解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.)

【15 题答案】

【答案】(1) s = 180, t = 150

- (2) $\frac{4}{9}$
- (3) 能认为药物 A 对预防疾病 B 有效

【16 题答案】

【答案】(1)证明见解析;

(2)
$$a_n = \frac{3^n}{3^n - 2^n}$$
;

(3) 证明见解析.

【17 题答案】

【答案】(1)
$$2x-y-5=0$$

(2) b > 1

【18 题答案】

【答案】(1)
$$\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$$

(2) 证明见解析 (3) 点 M 的轨迹是圆,该圆的方程为 $(x-1)^2 + y^2 = 16$

【19 题答案】

【答案】(1)(i)证明见解析;(ii)球O的半径为 $\frac{\sqrt{5}}{2}$;

(2)
$$\frac{\sqrt{3}}{3}$$
.