第4章 串

- 4.1 <u>串类型的定义</u>
- 4.2 串的表示和实现
- 4.3 串的模式匹配算法

4.1 串类型的定义

串是一种线性结构,可以看作是特殊的线性表,是由多个 或零个字符组成的有限序列,记作

$$S = {^{\prime}c_1c_2c_3\cdots c_n}' \qquad (n \ge 0)$$

其中,S是串名字, 'c₁c₂c₃···c_n'是串值

c_i是串中字符,n是串的长度,表示串中字符的数目。

空串:零个字符的串称为空串记作"Ø"

子串: 串中任意个连续的字符组成的子序列

主串:包含子串的串

字符在串中的位置:字符在序列中的序号

子串在串中的位置: 子串的第一个字符在主串中的位置

例: a='BEI', b='JING', c='BEIJING', d= ='BEI JING'

串长度? 子串? 子串在串中的位置?

- 申相等: 当且仅当两个串长度相同,并且 各个对应位置的字符都相同
- 空格串: 由一个或多个空格组成的串
- 串的表示: 用一对单引号括起来

串的抽象数据类型

```
ADT String {
    数据对象: D={a<sub>i</sub>| a<sub>i</sub> ∈ CharacterSet, i=1,2, ...,n, n≥0}
    数据关系: R<sub>1</sub>={<a<sub>i-1</sub>, a<sub>i</sub>> | a<sub>i-1</sub>, a<sub>i</sub> ∈ D, i=2, ..., n}
```

基本操作: 13个

}ADT String

StrAssign (&T, chars)

初始条件: chars是字符串常量

操作结果: 串赋值,将串值chars赋值给串T

StrCopy(&T, S)

初始条件: 串S存在

操作结果: 串复制,将一个串S赋给串T。

StrEmpty(S)

初始条件: 串S存在

操作结果: 判串空, 判断串S是否为空。若S为空串,则返回TRUE, 否则返回FALSE。

StrCompare(S, T)

初始条件: 串S和串T存在

操作结果: 串比较, 若S>T, 则返回值>0; 若S=T, 则返回值=0; 若S<T, 则返回值<0。

StrLength(S)

初始条件: 串S存在

操作结果: 求串长,返回串S的长度。

ClearString(&S)

初始条件: 串S存在

操作结果:将串S清为空串

Concat(&T, S1, S2)

初始条件: 串S1和串S2存在

操作结果:用T返回由S1和S2联接而成的新串。

SubString(&Sub, S, pos, len)

初始条件: 串S存在,1 ≤ pos ≤StrLength(S)且0 ≤len ≤StrLength(S)-pos+1

操作结果:用Sub返回串S的第pos个字符起长度为len的子串。

Index(S, T, pos)

操作结果:返回子串T在主串S中第pos个字符之后第一次出现的位置;若子串T不在主串S中,则函数值为0。

Replace(&S, T, V)

初始条件: 串S, T和V存在, T是非空串

操作结果:用V替换主串S中出现的所有与T相等的不重叠的子串。

StrInsert(&S, pos, T)

初始条件: 串S和串T存在, 1 ≤ pos ≤StrLength(S)+1

操作结果:在串S的第pos个字符之前插入串T

StrDelete(&S, pos, len)

操作结果:从串S中删除第pos个字符起长度为len的子串。

DestroyString(S)

初始条件: 串S存在

操作结果: 串S被销毁。

●基本操作集:

●串赋值StrAssign、串比较StrCompare、求串长StrLength、串联接Concat、求子串SubString,5种操作构成串类型的最小基本操作集。

●其他串操作(除了串清除和串销毁)均可在这个最小操作子集上实现。如可用求串长和求子串等操作实现定位函数Index。

```
int Index (String S, String T, int pos)
   if (pos>0) {
       n = Strlength(S); m = Strlength(T); i= pos;
       while (i \le n-m+1) {
           SubString(sub, S, i, m);
           if (StrCompare(sub, T)!= 0) i++;
           else return i;;
       }//while
   }//if
return 0;
```

串的基本操作集可以有不同的定义方法,依具体的 程序设计语言而定。

- ●C语言中提供了丰富的字符串函数
 - •strcat (str1, str2): 把str2接到str1后面, str1后面的'\0'被取消;
 - ●strcmp (str1, str2): 比较两个字符串
 - •Strcpy(str1, str2): 把str2字符串拷贝到str1 中去
 - •Strlen(str): 求字符串的长度

串的特点:

- ●串的逻辑结构:与线性表极为相似,但串的数据 对象约束为字符集
- ●串的操作:与线性表("单个元素"作为操作对象)有很大差别,以"串的整体"为操作对象例如,在串中查找某个子串、求取一个子串、插入一个子串、删除一个子串

4.2 串的表示和实现

- 三种机内表示:
 - 1. 定长顺序存储表示
 - 2. 堆分配存储表示
 - 3. 串的块链存储表示
- <u>串的基本操作</u>的实现

1. 定长顺序存储表示

• 静态分配

- 类似于线性表的顺序存储结构,用一组地址连续的存储单元 存储串值的字符序列。
- 每个串预先分配一个固定长度的存储区域。

用定长数组描述:

#define MAXSTRLEN 255 //最大串长
typedef unsigned char SString[MAXSTRLEN + 1]
//0号单元存放串的长度

- 串长表示方法:
 - · 以下标为0的数组分量存放串的实际长度——PASCAL;
 - 在串值后加入"\0"表示结束,此时串长为隐含值——C
- 实际串长可在所分配的固定长度区域内变动,超过预定义长度的串值则被舍去,称之为"截断"。

串联结

```
Status Concat(sstring &t,sstring s1,sstring s2) {
 if (s1[0]+s2[0])<=MAXSTRLEN {
  t.[1..s1[0]]=s1[1..s1[0]];
  t.[s1[0]+1..s1[0]+s2[0]]=s2[1..s2[0]];
  t.[0]=s1[0]+s2[0]; uncut=TRUE; }
 else if(s1[0])<=MAXSTRLEN {
  t.[1..s1[0]]=s1[1..s1[0]];
  t.[s1[0]+1..MAXSTRLEN]=s2[1.. MAXSTRLEN-s1[0]];
  t.[0]= MAXSTRLEN; uncut=FALSE; }
 else {
  t.[1.. MAXSTRLEN]=s1[1..MAXSTRLEN];
  t.[0]= MAXSTRLEN ;uncut=FALSE; }
 return uncut;
```

求子串

```
Status Substring(sstring &sub, sstring s, int pos, int len)
  if(pos<1 | pos>s[0] | len<0 | len>s.[0]-pos+1)
     return ERROR;
  sub[1..len]=s[pos..pos+len-1];
  sub[0]=len;
  return OK;
```

2. 堆分配存储表示

- 以一组地址连续的存储单元存放串值字符序列;
- 存储空间动态分配,用malloc()和free()来管理

//串的堆分配存储表示

typedef struct {

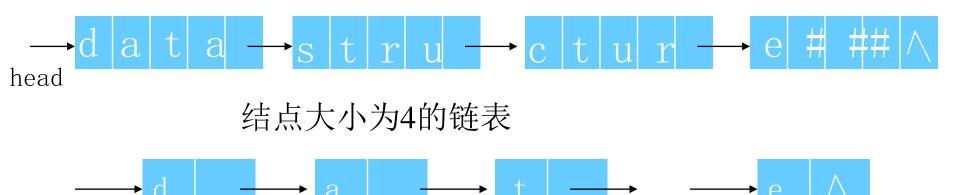
char *ch; // 若为非空串, 按实际长度分配存储区, 否则ch为NULL

int length; //串长度

}HString;

3. 串的块链存储表示

- 串的链式存储方式
- 结点大小: 一个或多个字符
 - ★串长不一定是结点大小的整倍数,导致最后一个结点不一定全被串值占满,用"#"补上。
 - ★存储密度=串值所占的存储位/实际分配的存储位
 - ★存储密度小,运算处理方便,然而,存储占用量大。
 - > P78图4.2 (a) (b)



串值的链表存储方式

结点大小为1的链表

head

有时,为了便于对串进行连接等操作,在链串中可设置尾指针,指向最后一个结点,并给出当前串的长度。这种定义的存储结构称为**块链结构(P78)**。

4. 串的基本操作

- 串插入 Status StrInsert(HString &S, int pos, HString T)
- 串赋值 Status StrAssign(HString &S, char *chars)
- 求串长 int StrLength(HString S)
- 串比较 int StrCompare(HString S, HString T)
- 串联接 Status Concat (HString &S, HString S1, HString S2)
- 求子串 Status SubString(HString &Sub, HString S, int pos, int len)
- 串清空 Status ClearString(HString &S)
- 串定位
- 删除
- 置换

Status StrInsert (HString &S, int pos, HString T)

```
//在串S的第pos个位置前插入串T
{ int i;
  if (pos<1 | pos>S. length+1) return ERROR;
  if (T. length) {
      if (!(S.ch=(char*) realloc(S.ch, (S.length+T.length)*sizeof(char))))
        exit(OVERFLOW);
      for (i=S. length-1; i>=pos-1; --i) //为插入T而腾出位置
           { S. ch[i+T. length]=S. ch[i]:}
      for (i=0; i \le T. length-1; i++)
             S. ch[pos-1+i]=T. ch[i];
      S. length+=T. length;
   return OK;
```

```
Status StrAssign (HString &S, char *chars)
          生成一个值等于chars的串S
{ int i, j; char *c;
 for (i=0, c=chars;*c;++i,++c); //求chars的长度
 if (!i) {S. ch=NULL; S. length=0;}
 else {
     if (!(S.ch=(char *)malloc(i * sizeof(char))))
           exit(OVERFLOW);
     for (j=0; j \le i-1; j++)
           S. ch[j]=chars[j];}
     S. length=i;
 return OK;
```

int StrLength(HString S) 求串的长度

```
f
return S. length;
}
```

```
int StrCompare(HString S, HString T)
比较两个串,若相等返回0
```

```
int i;
for (i=0;i<S.length && i<T.length; ++i)
    if (S.ch[i] != T.ch[i]) return S.ch[i]-T.ch[i];
return S.length-T.length;</pre>
```

```
Status Concat (HString &S, HString S1, HString S2)
            用S返回由S1和S2联接而成的新串
{ int j;
 if (!(S.ch = (char*)malloc((S1.length+S2.length)*sizeof(char))))
     exit(OVERFLOW):
  for (i=0; i \le S1. length-1; j++)
       \{ S. ch[i]=S1. ch[i]: \}
  S. length=S1. length+S2. length;
  for (j=0; j \le S2. 1ength-1; j++)
       { S. ch[S1. length+i]=S2. ch[i]; }
  return OK:
```

```
Status SubString (HString & Sub, HString S, int pos, int len)
        用Sub返回串S的第pos个字符开始长度为len的子串
     if (pos<1 | pos>S. length | len<0 | len>S. length-
     pos+1)
         return ERROR;
     if (!len) { Sub. ch=NULL; Sub. length=0;}
     else {
         Sub. ch=(char *) malloc(len*sizeof(char));
         for (int j=0; j \le 1en-1; j++) {
               Sub. ch[i]=S. ch[pos-1+i];
         Sub. length=len;
     return OK;
```

Status ClearString(HString &S) 将S清为空串

```
if (S.ch) { free(S.ch); S.ch=NULL;}
S.length=0;
return OK;
}
```

4.3 串的模式匹配算法

- * 定义 在串中寻找子串 (第一个字符) 在串中的位置
- * 词汇 在模式匹配中,子串称为模式,串称为目标。
- * 示例 目标 S: "Beijing"

模式 P: "jin"

匹配结果 = 4

1. 穷举模式匹配

基本思想:从源串S的第一个字符开始对模式串T进行匹配,若匹配失败,则从串S的下一位置的字符开始进行匹配,直到匹配成功或到达S的串尾。

1. 穷举模式匹配

• 设 $S=s_1, s_2, \dots, s_n$ (主串) $P=p_1, p_2, \dots, p_m$ (模式串) i为指向S中字符的指针,j为指向P中字符的指针

匹配失败:
$$s_i \neq p_j$$
时,
$$(s_{i-j+1} \cdots s_{i-1}) = (p_1 \cdots p_{j-1})$$
 回溯: $i=i-j+2$; $j=1$

重复回溯太多, 0(m*n)

第1趟 S abbaba a b a 第2趟 S abbaba a b a 第3趟 S abbaba a b a

第4趟 S abbaba P aba

求子串位置的定位函数

```
int Index (SString S, SString T, int pos) {
//穷举的模式匹配
 int i=pos; int j=1;
while (i<=S[0] && j<=T[0]) {//当两串未检测完,
 S[0]、S[0]为串长
    if (S[i]==T[j]) {++i; ++j;}
    else \{i=i-j+2; j=1;\}
 if (j>T[0]) return i-T[0]; //匹配成功
 else return 0;
```

匹配过程:

```
| i=3
第一趟匹配
           ababcabcacbab
                                  S [3]!=T [3],该趟匹配失败
           a b c
  i=1
                                  i=i- j+2, j=1 进入下趟
                 j=3
             __i=2
第二趟匹配
           ababcabcacbab
                                 S [2]!=T [2],该趟匹配失败
                                  i=i- j+2, j=1 进入下趟
  i=2
                    ↓ i=7
第三趟匹配
           a b a b c a b c a c b a b
                                 S[7]!=T [5],该趟匹配失败
              abcac
                    ↑ j=5
                                 i=i- j+2, j=1 进入下趟
  i=3
```

匹配过程:

↓ i=4 ababcabcacbab 第四趟匹配 a ↑ j=1 i=4↓ i=5 第五趟匹配 a b a b c a b c a c b a b a i=5 ↑ j=1 第六趟匹配 ababcabcacbab abcac i=6 T 配成功

S [4]!=T[1], 该趟匹配失败 i=i- j+2, j=1 进入下趟

S [5]!=T[1],该趟匹配失败 i=i- j+2, j=1 进入下趟

j 等于T的串长+1,该趟匹配成功, 返回i-T[0]

算法分析:

优点: 简单易懂,实现容易。

缺点: 算法的执行效率较低, 因为该算法实际上是对串S中所有位置进行穷举, 直到匹配成功或扫描完S中全部位置。

算法时间复杂度:

设串S和T的长度分别为m和n,在最坏的情况下的时间复杂度为O(m*n)。



2. KMP快速模式匹配

- D. E. Knuth, J. H. Morris, V. R. Pratt同时发现
- 无回溯的模式匹配
- 改进:每当一趟匹配过程中出现字符比较不等时,不需回溯i指针,而是利用已经得到的"部分匹配"的结果将模式向右"滑动"尽可能远的一段距离后,继续进行比较。

匹配过程示例:

一般情况:

S
$$s_1$$
 … s_{i-j-1} s_{i-j} s_{i-j+1} s_{i-j+2} … s_{i-j+2} … s_{i-1} s_i s_{i+1} … s_n

P p_1 p_2 … p_{j-1} p_j p_{j+1} … p_m

风有 s_{i-j+1} s_{i-j+2} … s_{i-1} = p_1 p_2 … p_{j-1} (1)

为使模式 P 与目标 S 匹配,必须满足

$$p_1 p_2 \cdots p_{j-1} p_j \cdots p_m = s_{i-j+1} s_{i-j+2} \cdots s_{i-1} s_i \cdots s_{i-j+m}$$

如果
$$p_1 \cdots p_{j-2} \neq p_2 p_3 \cdots p_{j-1}$$
 (2)

由(1)(2)则立刻可以断定

$$p_1 \cdots p_{j-2} \neq s_{i-j+2} s_{i-j+3} \cdots s_{i-1}$$

下一趟必不匹配

同样,若 $p_1 p_2 \cdots p_{j-3} \neq p_3 p_4 \cdots p_{j-1}$

则再下一趟也不匹配,因为有

$$p_1 \cdots p_{j-3} \neq s_{i-j+3} \cdots s_{i-1}$$

直到对于某一个"k"值,使得

$$p_1 \cdots p_k \neq p_{j-k} p_{i-k+1} \cdots p_{j-1}$$

$$\mathbf{\underline{H}} \qquad \mathbf{p}_1 \cdot \cdots \mathbf{p}_{k-1} = \mathbf{p}_{j-k+1} \ \mathbf{p}_{j-k+2} \cdot \cdots \mathbf{p}_{j-1}$$

则
$$p_1 \cdots p_{k-1} = s_{i-k+1} s_{i-k+2} \cdots s_{i-1}$$

$$\parallel \qquad \parallel$$

$$p_{j-k+1} p_{j-k+3} \cdots p_{j-1}$$

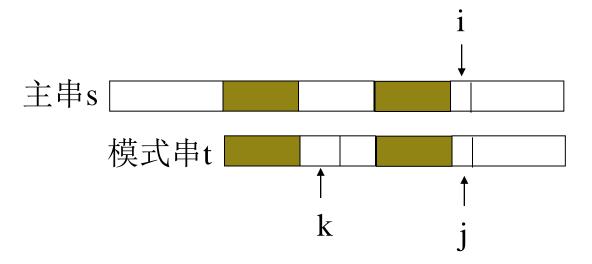
模式右滑j-k位

next数组值

• 假设当模式中第j个字符与主串中相应字符"失配"时,可以拿第k个字符来继续比较,则令next[j]=k

next函数定义:

$$next[j] = \begin{cases} 0 & \text{当}j=1$$
时
$$& \max\{k \mid 1 < k < j \text{ 且'} p_1 \cdots p_{k-1}' = \\ & \text{`} p_{j-k+1} \cdots p_{j-1}' \text{ } \}$$
当此集合不空时 1 其他情况



手工求next数组的方法

- 序号j
- 模式P
- k
- Pk==Pj
- next[j]

- 1 2 3 4 5 6 7 8
- b a a b c a c
 - 1 1 2 2 3 1 2
 - \neq = \neq = \neq = \neq
- 0 1 1 2 2 3 1 2
- Nextval[j] 0 1 0 2 1 3 0 2

在求得了next[j]值之后,KMP算法的思想是:

设目标串(主串)为s,模式串为t,并设i指针和j指针分别指示目标串和模式串中正待比较的字符,设i和j的初值均为1。若有s_i=t_j,则i和j分别加1。否则,i不变,j退回到j=next[j]的位置,再比较s_i和t_j,若相等,则i和j分别加1。否则,i不变,j再次退回到j=next[j]的位置,依此类推。直到下列两种可能:

- (1) j退回到某个下一个[j]值时字符比较相等,则指针各自加1继续进行匹配。
- (2) 退回到j=0,将i和j分别加1,即从主串的下一个字符 s_{i+1} 模式串的 t_1 重新开始匹配。

匹配过程举例如下:

运用KMP算法的匹配过程

第1趟 目标 acabaabaabcacaabc 模式 abaabcac

 \times next(2) = 1

第2趟 目标 acabaabaabcacaabc 模式 abaabcac next(1)=0

第3趟 目标 acabaabaabcacaabc 模式 abaabcac

 \times next(6) = 3

第4趟 目标 a c a b a a b b c a c a a b c 模式 (a b) a a b c a c

1

KMP算法

```
int Index KMP(SString S, SString T, int
  *next) { int i, j;
  i=1; j=1;
  while (i \le S[0] \&\& j \le T[0]) \{
     if (j==0 | S[i]==T[j]) \{++i;++j;\}
     else j=next[j];
  if (j>T[0]) return i-T[0];
  else return 0;
```

很显然, KMP_index函数是在已知下一个函数值的基础上执行的, 以下讨论如何求next函数值?

求模式串的next[j]值与主串s无关,只与模式串t本身的构成有关,则可把求next函数值的问题看成是一个模式匹配问题。由next函数定义可知:

当j=1时: next[1]=0。

设next[j]=k, 即在模式串中存在: $t_1t_2...t_{k-1}=t_{j-(k-1)}t_{j-k}...t_{j-1}$, 其中下标k满足1<k<j的某个最大值,此时求 next[j+1]的值有两种可能:

(1) 若有 $t_k = t_i$:则表明在模式串中有:

 $t_1t_2...t_{k-1}t_k=t_{j-(k-1)}t_{j-k}...t_{j-1}t_j$,且不可能存在k'>k满足上式,即: next[j+1]=next[j]+1=k+1

(2) 若有 $t_k \neq t_j$: 则表明在模式串中有: $t_1 t_2 ... t_{k-1} t_k \neq t_j$. $(k-1) t_{j-k} ... t_{j-1} t_j$, 当 $t_k \neq t_j$ 时应将模式向右滑动至以模式中的第next[k]个字符和主串中的第j个字符相比较。若next[k]= k',且 $t_j = t_{k'}$,则说明在主串中第j+1字符之前存在一个长度为k'(即next[k])的最长子串,与模式串中从第一个字符起长度为k'的子串相等。即next[j+1]=k'+1

同理,若 $t_j \neq t_k$,应将模式继续向右滑动至将模式中的第next[k']个字符和 t_j 对齐,……,依此类推,直到 t_j 和模式串中的某个字符匹配成功或者不存在任何k'(1<k'<j)满足等式: $t_1 t_2 \dots t_{k-1} t_{k'} = t_{j-(k'-1)} t_{j-k'} \dots t_{j-1} t_j$

则: next[j+1]=1

求next数组的步骤

```
(1) next [1]=0
    i=1; j=0;
(2) 设next[i]=j
   若 j=0, next [i+1]=1
   若Pi=Pj, next[i+1]=j+1=next[i]+1
   若Pi \neq Pj, next[i+1]=next[j]+1
   参看教材p82~83递推过程
举例:
```

求next数组的函数

```
void get next(SString S, int *next) {
  int i, j;
  i=1; next[1]=0; j=0;
  while (i \le \lceil 0 \rceil) {
     if (j==0 | S[i]==S[j]) \{++i; ++j;
  next[i]=j;
     else j=next[j];
```

改进的求next数组方法

```
设next[i]=j
若P[i]=P[j], 则nextval[i]=nextval[j]
```

例:

```
序号j
模式P
next[j]
Nextval[j]
0
0
0
4
```

改进的求next数组的函数

```
void get nextval(SString S, int *nextval) {
  int i, j;
          nextval[1]=0; i=0:
 while (i \leq S[0])
     if (j==0 ||S[i]==S[j]) {
          ++1:++1:
          if (S[i]!=S[j]) nextval[i]=j;
          else nextval[i]=nextval[j];
     else j=nextval[j];
```

- 穷举的模式匹配算法时间代价: 最坏情况比较n-m+1趟,每趟比较m次, 总比较次数达(n-m+1)*m
- 原因在于每趟重新比较时,目标串的检测指针要回退。改进的模式匹配算法可使目标串的检测指针每趟不回退。
- 改进的模式匹配(KMP)算法的时间代价:
 - ◆ 若每趟第一个不匹配,比较n-m+1趟,总比较次数最坏达(n-m)+m = n
 - ◆ 若每趟第m个不匹配,总比较次数最坏亦达到 n
 - ◆ 求next函数的比较次数为m, 所以总的时间复杂 度是0(n+m)

小结

* 重点:

- * 串的基本概念:空串与空白串、主串和子串 、目标串和模式串
- * 串的基本运算: 求串长、串复制、串联接、 串比较、串的字符定位
- * 串的两种存储结构: 定长顺序存储、堆分配 存储
- * 串的朴素的模式匹配算法