### Bilanci

#### Sistema chiuso

Bilancio massa  $M = \cos t$ Bilancio energia

$$\sum (\dot{Q} + \dot{L})_{in} = \sum (\dot{Q} + \dot{L})_{out} + \frac{dE}{dt}$$

 $\frac{dE}{dt} = \frac{d}{dt} \left( M \frac{w^2}{2} + Mgz + U \right)$ Lavoro dilatativo, dovuto alla deformazione del contorno del sistema (hp: TIR)

Compressione:  $L_{in} = -\int PdV$ Espansione:  $L_{in} = \int PdV$ 

## Sistema aperto

Bilancio massa  $m_{in} = m_{out}$ Bilancio energia

$$\dot{m}e_{in} + \sum (\dot{Q} + \dot{L})_{in} = \dot{m}e_{out} + \sum (\dot{Q} + \dot{L})_{out}$$

Energia specifica del fluido:  $e = \left(u + g\Delta z + \frac{w^2}{2} + Pv\right)$  Lavoro pulsione:  $l_{puls} = Pv$  Entalpia:  $h = u + l_{puls} = u + Pv$  Bilancio di potenze:

$$\dot{m}h_{in} + \dot{Q}_{in} = \dot{m}h_{out} + \dot{L}_{out}$$

Forma differenziale:  $dh + dl_{out} = dq_{in}$  Lavoro utile in uscita:

$$l_{utile}^{out} = -\int_{in}^{out} v dP$$

#### Portata

Portata massica:  $\dot{m} = \rho w A$ Portata volumetrica:  $\dot{m} = \rho V$ 

## Secondo principio

#### Enunciati

**Kelvin**: É impossibile realizzare una macchina il cui unico risultato preveda che

tutto il calore assorbito da una sorgente omogenea sia interamente trasformato in lavoro. Macchina motrice prevede  $Q_c = L + Q_f$  Clausius: É impossibile realizzare una macchina il cui unico risultato sia quello di trasferire calore da un corpo piú freddo ad uno più caldo. Macchina frigorifera prevede  $Q_f + L =$ 

### Entropia

Irreversibilitá dovute a scambio termico con  $\Delta T$  non nulli sono **esterne**.

Irreversibilitá dovute ad attriti, miscelamenti, turbolenza sono **interne**.

Bilancio entropia:

$$\dot{m}_{in}s_{in} + \dot{S}_{Qin} + \dot{S}_{irr} = \dot{m}_{out}s_{out} + \dot{S}_{Qout} + \frac{dS}{dt}$$

## Trasformazioni gas

#### Equazioni del Tds

Sistema chiuso: du + Pdv = TdsSistema aperto: dh - vdP = Tds

#### Gas ideali

$$R=rac{R*}{M_m}$$
Monoatomica  $\begin{vmatrix} c_v=rac{3}{2}R & c_p=rac{5}{2}R \\ c_v=rac{5}{2}R & c_p=rac{7}{2}R \end{vmatrix}$ 
Biatomica  $\begin{vmatrix} c_v=rac{5}{2}R & c_p=rac{7}{2}R \\ c_v=3R & c_p=4R \end{vmatrix}$ 
ergia interna:  $du=c_v(T_f-T_i)$ 
Entalpia:  $dh=c_p(T_f-T_i)$ 

$$s_2 - s_1 = \left(c_v \ln\left(\frac{T_2}{T_1}\right) + R \ln\left(\frac{v_2}{v_1}\right)\right)$$
$$= \left(c_p \ln\left(\frac{T_2}{T_1}\right) - R \ln\left(\frac{P_2}{P_1}\right)\right)$$

### Costanti

$$\begin{array}{ll} M_{_{m}}^{aria}=28.9, \left[\frac{Kg}{Kmol}\right] & M_{_{m}}^{^{AZOTO}}=28 \\ M_{_{m}}^{^{O2}}=32 & M_{_{m}}^{^{ACQUA}}=18 \\ M_{_{m}}^{^{ELIO}}=4 & P_{amb}=101325, Pa \end{array}$$

#### Politropica

Calore specifico  $c_x$  costante durante la trasformazione.

Indice politropica:  $n = \frac{c_x - c_p}{c_x - c_v}$ 

$$\frac{T_f}{T_i} = \left(\frac{P_f}{P_i}\right)^{\frac{n-1}{n}} \qquad Pv^n = \cot \frac{T_f}{T_i} = \left(\frac{V_i}{V_f}\right)^{n-1}$$

#### Isobara

$$L_{\scriptscriptstyle OUT}^{\scriptscriptstyle ISOBARA} = P\Delta V$$

$$q_{in} = l_{out} + \Delta u$$

$$= \int P dV + c_v \Delta T$$

$$= P \Delta V + c_v \Delta T$$

$$[G.I.] = R \Delta T + c_v \Delta T$$

$$= c_p \Delta T$$

$$q_{in} = dh$$

Il lavoro uscente in un sistema aperto é nullo:  $l_{out}^{^{APERTO}}=0$ 

#### Isoterma

Sistema chiuso:  $\Delta u = c_v \Delta T = 0$ Sistema aperto:  $\Delta h = c_p \Delta T = 0$ 

$$l_{out} = q_{in} = -RT \ln \frac{P_f}{P_i}$$

#### Isocora

$$q_{in}=\Delta u$$
  $l_{out}=0$  Sistema chiuso:  $q_{in}=l_{out}+du=\int Pdv+du=0+du$  Sistema aperto:

$$q_{in} = l_{out} + dh$$

$$= -vdP + dh$$

$$= -vdP + (du + l_{puls})$$

$$= -vdP + (du + vdP)$$

$$= du$$

#### Isoentropica

$$q_{in} = 0$$

$$\gamma = \frac{c_p}{v_1^2}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{P_2}{P_1}^{\frac{\gamma - 1}{\gamma}} \qquad \frac{T_2}{T_1} = \frac{v_1^2}{v_2}^{-1} \qquad \frac{P_2}{P_1} = \frac{v_1^{\gamma - 1}}{v_2}$$

## Liquidi ideali

 $\Delta u = C\Delta T$   $\Delta h = C\Delta T + v\Delta P$   $\Delta s = C \ln \frac{T_2}{T_2}$ 

Per i liquidi ideali una trasformazione isoentropica é anche isoterma:

 $\Delta s = 0 = C \ln \left( \frac{T_f}{T_i} \right) \to T_f = T_i$ 

Per una trasformazione ISOBARA si usano le stesse leggi dei gas ideali, ma siccome il lavoro di pulsione é nullo perché  $P=\cos$  abbiamo  $\Delta h=\Delta u$ 

#### Miscele

$$X = \frac{v - v_{\scriptscriptstyle LS}}{v_{\scriptscriptstyle VS} - v_{\scriptscriptstyle LS}}$$

#### Conduzione

Flusso termico:  $\dot{q} = \frac{\dot{Q}}{A}$ Legge Fourier che descrive flusso termico:

$$\dot{q} = -k\frac{dT}{dx}$$

Conducibilitá Termica:  $k=\lambda=\frac{\dot{q}L}{\Delta T}$  Conservazione dell'energia

$$\frac{d\dot{q}}{dx} = -\rho c \frac{dT}{dt}$$

Equazione generale della Conduzione

$$\begin{split} \frac{\partial}{\partial x} \bigg( k \frac{\partial T}{\partial x} \bigg) &= \rho c \frac{dT}{dt} \\ R_{cond}^{\text{lastra p.}} &= \frac{S}{KA} \; \bigg| \; R_{cond}^{eilin} &= \frac{\ln(\frac{r_e}{r_i})}{2\pi KL} \end{split}$$

# Generazione interna: $\dot{Q}_{in} + \dot{g}V = \dot{Q}_{out} + \frac{dU}{dt}$

Lastra piana con convezione:

$$T = -\frac{\dot{g}}{2k}x^2 + \frac{\dot{g}}{2k}Lx + T_s$$
  
$$\dot{q} = -k(-\frac{\dot{g}}{k}x + \frac{\dot{g}}{2k}L)$$

#### Convezione

Legge di Newton per la convezione:

$$\dot{Q} = hA(T_s - T_{\infty})$$

Il numero di Biot ci indica se possiamo usare l'analisi a parametri concentrati:

$$B_i = \frac{hL_c}{k_{materiale}} \ll 0.01 \mid L_c =$$

 $\overline{A_{
m scambio}}$ 

$$T(t) = T_{\infty} + (T_0 - T_{\infty})^{e^{-\frac{t}{T}}}$$
$$\tau = \frac{Mc}{hA_{SCAMBIO}} = \frac{\rho Vc}{hA}$$
$$t = -\frac{\rho cV}{hA} \ln\left(\frac{T(t) - T_{\infty}}{T(0) - T_{\infty}}\right)$$

La viscositá cinematica:  $\nu = \frac{\mu}{\rho}$ Perdita di carico:  $\Delta P = f(\frac{L}{D})\rho \frac{w^2}{2}$ 

$$Re = \frac{w_{\infty}\rho L}{\mu} = \frac{w_{\infty}L}{\nu}$$

 $\begin{array}{ll} {\rm Lastra~p.} & Re_{cr} = 500000 \\ {\rm Cil.~esterno} & Re_{cr} = 100000 \\ {\rm Cil.~interno} & 2300 < {\rm instabile} < 4000 \\ & 4000 < {\rm turbolento} \end{array}$ 

$$P_R = \frac{c_p \mu}{k}$$

differenza con Biot é che il k usato é quello del fluido non quello del solido

$$N_u = \frac{\dot{Q_{cnv}}}{\dot{Q_{cnd}}} = \frac{hL}{k}$$

$$Nu = cRe^m P r^{\frac{1}{3}}$$

$$T_{film} = \frac{T_s + T_{\infty}}{2}$$

## 1 film —

## Alette

Equazione aletta:

$$\begin{aligned} -d\dot{Q}_{cond} &= \dot{Q}_{conv} \\ \frac{d}{dx} \Big( \frac{dT}{dx} \Big) &= \frac{h \cdot \mathbf{P}_{erimetro}}{k_s \cdot Sez} \cdot (T - T_{\infty}) \end{aligned}$$

Parametro alette:

$$m = \sqrt{\frac{h \cdot P_{erimetro}}{k_s \cdot Sez}}$$

$$L_c = L_{fin} + \frac{t}{2}$$

$$\eta_{fin} = \frac{\tanh(m \cdot L)}{m \cdot L}$$

$$\dot{Q}_{tot} = \dot{Q}_{base} + \dot{Q}_{fin}$$
$$= h(A_{base} + A_{fin} \cdot \eta_{fin}) \cdot (T_s - T_{\infty})$$

#### Regione di sviluppo

Laminare  $(Re_D < 2300)$ : Idrodinamica:  $L \approx 0.05 \cdot Re \cdot D$ Termica:  $L \approx 0.05 \cdot Re \cdot D \cdot Pr$ Turbolento  $(Re_D > 4000)$ :  $L \approx 10 \cdot D$ 

#### Convezione interna

#### Profilo Temperatura

Temperatura superficiale costante:

$$\ln \frac{T_s - T_u}{T_s - T_i} = -\frac{h \cdot A}{\dot{m} \cdot C_p}$$

Flusso termico costante:

$$T_s - T_f = \frac{\dot{q}}{h}$$

#### Differenza media logaritmica

$$\Delta T_{ML} = \frac{\Delta T_{Sx} - \Delta T_{Dx}}{\ln\left(\frac{\Delta T_{Sn}}{\Delta T_{Dx}}\right)}$$

#### Scambiatori di calore

#### Interna

$$\dot{m}_f = (\rho_f \cdot w_f \cdot A_t) \cdot N_{tubi}$$
  
Esterna

$$\dot{m}_c = (\rho_c \cdot w_c \cdot (\pi r_m - N_{tubi} A_t)) \cdot N_{tubi}$$
 $t = \text{tubo}$ 
 $m = \text{mantello}$ 
 $f = \text{fluido freddo}$ 
 $c = \text{fluido caldo}$ 

$$N_{{\scriptscriptstyle TUBI}} = \left\lceil \frac{\dot{m}}{\rho \overline{w} Sez} \right\rceil$$

Coefficiente globale di scambio termico:  $U = \frac{1}{R_{++} \cdot A}$ 

$$\frac{1}{U_i} = \frac{1}{h_i} + \frac{D_i \ln\left(\frac{D_e}{D_i}\right)}{2k} + \frac{1}{h_e} \frac{D_i}{D_e}$$

Con alettature interne o esterne:

$$\frac{1}{U_i} = \frac{1}{h_i \cdot Z_i} + \frac{D_i \ln(D_e/D_i)}{2k} + \frac{1}{h_e \cdot Z_e}$$

$$Z_e = \frac{\{A_{base} + A_{fin} \cdot \eta_{fin}\}_e}{A_i}$$

$$Z_i = \frac{\{(\pi D_e L - N_{fin} l_{fin}) + A_{fin} \cdot \eta_{fin}\}_i}{A_i}$$

Calore scambiato:  $\dot{Q} = U \cdot A \cdot \Delta T_{ml}$ 

#### Compressori

Sistema aperto che richiede un lavoro in ingresso per comprimere un gas (aumentare la sua pressione).

Se trasformazione isoentropica, quindi abbiamo rapporto di compressione  $Pv^{\gamma} = \cos t$ 

$$\frac{T_u^{is}}{T_i} = \frac{P_u}{P_i}^{\frac{\gamma - 1}{\gamma}}$$

Rendimento isoentropico

$$\eta_{is}^{C} = \frac{l_{in}^{is}}{l_{in}} = \frac{h_{u}^{is} - h_{i}}{h_{u} - h_{i}} = \frac{T_{u}^{is} - T_{i}}{T_{u} - T_{i}}$$

Lavoro entrante

$$\dot{L}_{in} = \dot{m}c_p \frac{(T_u^{is} - T_i)}{\eta_{is}^C}$$

Rapporto di compressione:  $\beta = \frac{P_u}{P_i}$ n uguali in serie:  $\beta_{tot} = \beta^n$ 

#### Turbine

Rendimento isoentropico

$$\eta_{is}^{T} = \frac{l_{out}}{l_{out}^{is}} = \frac{h_{i} - h_{u}}{h_{i} - h_{u}^{is}} = \frac{T_{i} - T_{u}}{T_{i} - T_{u}^{is}}$$

Lavoro entrante

$$\dot{L}_{out} = \dot{m}c_p \frac{(T_i - T_u^{is})}{\eta_{is}^T}$$

**Equazione di Bernoulli** Linea dei carichi totali [m]:

$$z + \frac{P}{g\rho} + \frac{w^2}{2g} = \text{costante} = H$$

**Pompa** Lavoro necessario per aumentare pressione di un liquido.

$$\dot{L}_{in} = \dot{m}(h_u - h_i) + \dot{m}(\frac{w_u^2}{2} - \frac{w_i^2}{2})$$

$$dh = (u_u - u_i) + v(P_u - P_i)$$
isoentropica =  $0 + \frac{1}{\rho}(P_u - P_i)$ 

$$\dot{L}_{in} \approx \dot{m}(\frac{P_u - P_i}{\rho})$$

Linea dei carichi in presenza di una pompa o turbina  $H^* = H + \frac{l_{in}}{a}$ 

Rendimento idraulico:  $\eta_{id} = \frac{\dot{L}_{p,is}}{\dot{L}_{p,re}}$ Prevalenza Pompa

$$H_{pompa} = \frac{(P_u - P_i)}{\rho \cdot g \cdot \eta_{id} \cdot \eta_{el}}$$

#### Idraulica

Prevalenza

$$H_d = \xi_T \dot{V}^2$$

Portata volumetrica:  $\dot{V} = w \cdot Sez$ Coefficiente totale di perdita del tubo: Serie:

$$\xi_T = \sum_{i=1}^n \frac{1}{2g \cdot Sez_i^2} \cdot \left( f\left(\frac{L}{D}\right) + K\right)_i, \left[\frac{s^2}{m^5}\right]$$

Parallelo:  $\frac{1}{\xi_{T,i}}$ 

$$\xi_p = \frac{1}{\{\sum_{i=1}^{N_{tubi}} \sqrt{\frac{1}{\xi^T}}\}^2} = \frac{\xi^T}{N_{tubi}^2}$$

$$S_{_{Q}}^{^{OUT}}=-\frac{Q}{T_{_{SERR}}}$$

$$L_{\scriptscriptstyle OUT} = L_{\scriptscriptstyle DIL} - L_{\scriptscriptstyle DISS}$$

$$H=PVU$$

$$ds = c\frac{dT}{T}$$

$$R_{\scriptscriptstyle CONV} = \frac{I}{hA}$$

$$T_i = T_0 - \dot{Q} \sum_{0}^{i} R$$

$$dh = cdt + vdP$$