



TP/3: Dinámica Molecular **Dirigida por Eventos:** **Movimiento Browniano**

A decorative network diagram in the top-left corner, featuring a complex web of interconnected nodes and lines. The nodes are represented by circles of varying sizes, some with concentric circles, and the lines are thin and grey. The overall structure is organic and sprawling.

Grupo 5

- ◎ Golmar, Agustín
- ◎ Lobo, Daniel Alejandro



Fundamentos



A destacar...

- Simulación Dinámica molecular: avanza cada cierto Δt (colisiones)
- Cada partícula posee movimiento, radio y masa.
- Las interacciones son totalmente elásticas.
- Las partículas se mueven a velocidad constante (MRU).
- No hay gravedad.
- Las partículas generadas no pueden estar superpuestas.
- Las actualizaciones provistas durante una colisión/evento se separan en:
 - Colisión contra el recipiente
 - Colisión entre partículas
- Las partículas se esparcen con distribución uniforme.
- Contorno no-periódico.
- Movimiento browniano: partículas de igual masa excepto la partícula distinguida.

Ecuaciones...

- Se verifica la superposición mediante:

$$(x_i - x_j)^2 + (y_i - y_j)^2 > (r_i + r_j)^2$$

- Se determina la colisión contra el recipiente:

$$\begin{aligned} 0 < v_x &\rightarrow x_r - r = x_0 + t v_x \\ v_x < 0 &\rightarrow x_l + r = x_0 + t v_x \end{aligned}$$

- Para la colisión entre partículas se utiliza:

$$(x_i - x_j)^2 + (y_i - y_j)^2 = (r_i + r_j)^2$$

- El tiempo de colisión resulta ser: $t_c = -\frac{\Delta v \cdot \Delta r + \sqrt{\Delta}}{\Delta v \cdot \Delta v}$ $\Delta = (\Delta v \cdot \Delta r)^2 - (\Delta v \cdot \Delta v)(\Delta r \cdot \Delta r - \sigma^2)$

- El impulso durante la colisión es: $J = (J_x, J_y) = J_m(\Delta x, \Delta y)$ $J_m = \frac{2m_i m_j (\Delta v \cdot \Delta r)}{\sigma^2 (m_i + m_j)}$



Implementación



Detalles importantes...

◎ Formato de archivos:

El archivo de salida solo contiene eventos, el estado de las partículas y los ID de las partículas que colisionaron:

`<t0> <id0> ... <idn>`

`<x> <y> <vx> <vy>`

`...`

El archivo de animación tiene 4 columnas para ser leído por Ovito: posición X, posición Y, radio, módulo de la velocidad (para colorear).

◎ Configuración por JSON

◎ Dos modos de ejecución: **GENERATE** y **SIMULATE**



Modelos



Modelos Relevantes y de Implementación

- ◎ **Massive Generator**
- ◎ **Massive Particle**
- ◎ **Event Driven Simulation**
- ◎ **Particle Collider**
- ◎ **Collision**

Massive Generator

❖ Permite agregar partículas *distinguidas*.

```
public class MassiveGenerator implements Generator {  
  
    protected final List<MassiveParticle> particles;  
    protected final Consumer<MassiveParticle> spy;  
    protected final double length;  
    protected final double radius;  
    protected final double speed;  
    protected final double mass;  
    protected double availableArea;  
  
    public MassiveGenerator(final Builder builder) {..  
  
    public static Builder over(final double length) {..  
  
    public MassiveGenerator destroy() {..  
  
    public List<MassiveParticle> getParticles() {..  
  
    public MassiveGenerator create(final int size) {..  
  
    public double getLength() {..  
  
    protected boolean addWithoutCollision(..  
  
    public static class Builder {..  
  
}
```

Massive Particle

❖ Implementa los algoritmos de ***colisión*** y de ***detección***.

```
public class MassiveParticle extends MobileParticle {  
  
    protected final double mass;  
  
    public MassiveParticle()  
  
    public double getMass() {  
  
    public MassiveParticle move(final double Δt) {  
  
    public boolean overlap(final MassiveParticle particle) {  
  
    public double timeToVerticalCollision(final double length) {  
  
    public double timeToHorizontalCollision(final double length) {  
  
    public double timeToCollide(final MassiveParticle particle) {  
  
    public MassiveParticle bounce(final double vx, final double vy) {  
  
    public MassiveParticle verticalCollide() {  
  
    public MassiveParticle horizontalCollide() {  
  
    public Pair<MassiveParticle> collide(final MassiveParticle particle) {  
  
}
```

Event Driven Simulation

- ❖ Es independiente del ***tipo*** de evento, es decir, es un motor ***genérico*** de simulación.
- ❖ Utiliza una ***Priority Queue***.

```
public class EventDrivenSimulation {  
  
    protected final PriorityQueue<Event> events;  
    protected final EventSystem<? extends Event> system;  
    protected final long maxEvents;  
    protected final double maxTime;  
  
    public EventDrivenSimulation(final Builder builder) {}  
  
    public EventDrivenSimulation run() {}  
  
    public static Builder of(final EventSystem<? extends Event> system) {}  
  
    public static class Builder {}  
}
```

ParticleCollider

- ❖ Genera eventos de tipo ***Collision***.
- ❖ Detecta la validés de los mismos.

```
public class ParticleCollider implements EventSystem<Collision> {  
  
    protected final long [] wallCollisions;  
    protected final long [] particleCollisions;  
  
    protected final BiConsumer<Collision, List<MassiveParticle>> spy;  
    protected final List<MassiveParticle> particles;  
    protected final Generator generator;  
    protected final int size;  
    protected final double length;  
  
    public ParticleCollider(final Builder builder) {}  
  
    public List<Collision> bootstrap() {}  
  
    public List<Collision> evolve(final Event event, final double baseTime) {}  
  
    public boolean isValid(final Event event) {}  
  
    protected List<Collision> imminentCollisions(final double baseTime) {}  
  
    protected CollisionType inferType()  
  
    protected boolean isStale()  
  
    protected double impactTime()  
  
    public static Builder of(final int size) {}  
  
    public static class Builder {}  
}
```

Collision

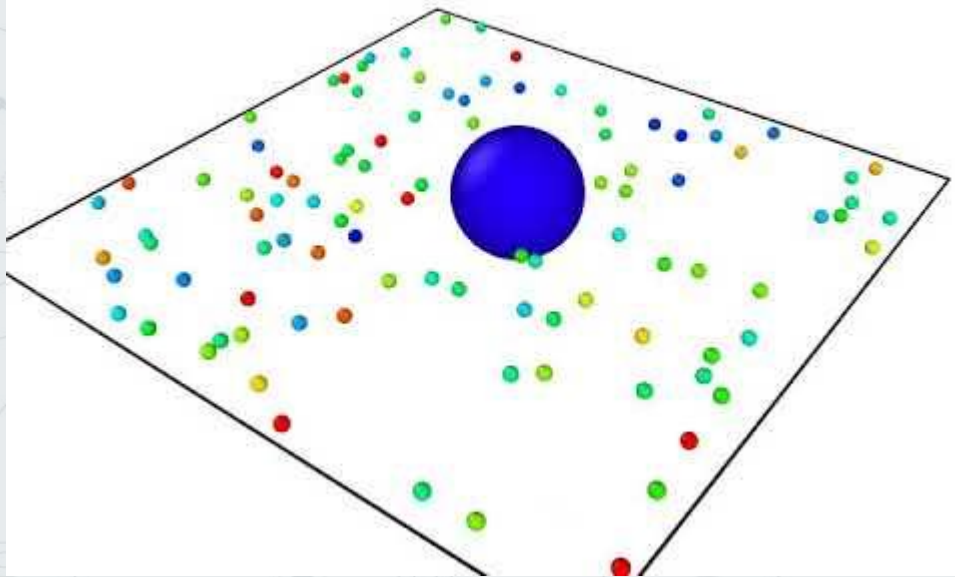
- ❖ Almacena los IDs de las partículas.
- ❖ El tipo de ***colisión***.
- ❖ El tiempo.
- ❖ La cantidad de colisiones actuales.

```
public class Collision implements Event {  
  
    protected final List<Long> collisions;  
    protected final List<Integer> ids;  
    protected final CollisionType type;  
    protected final double time;  
    protected final double baseTime;  
  
    public Collision(final Builder builder) {..  
  
    public double getTime() {..  
  
    public double getBaseTime() {..  
  
    public List<Long> getCollisions() {..  
  
    public List<Integer> getIDs() {..  
  
    public CollisionType getType() {..  
  
    public List<MassiveParticle> collide(..)  
  
    public static Builder type(final CollisionType type) {..  
  
    public static class Builder {..  
  
    }
```



Resultados

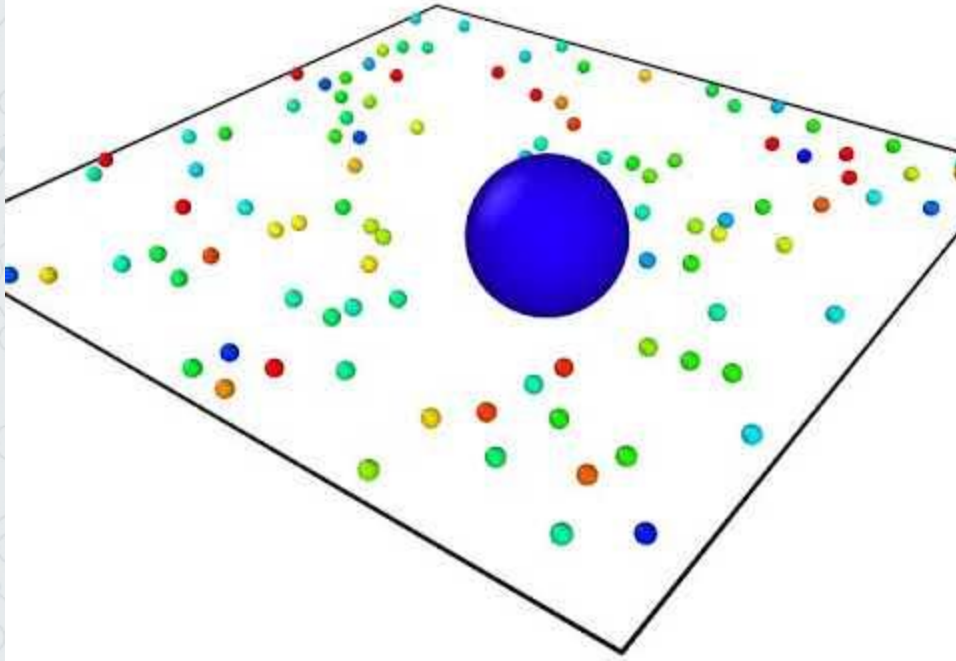




Usando los datos del ejemplo

```
"n"           : "100",  
  
"events"      : "20000",  
"tmax"       : "60.0",  
"l"          : "0.5",  
  
"r"           : "0.005",  
"speed"      : "0.1",  
"mass"       : "0.0001",  
"rbig"       : "0.05",  
"massbig"    : "0.1",  
"xbig"       : "0.25",  
"ybig"       : "0.25",  
  
"inputfile"  : "input.txt",  
"outputfile" : "output.txt",  
"deltat"     : "0.025"
```

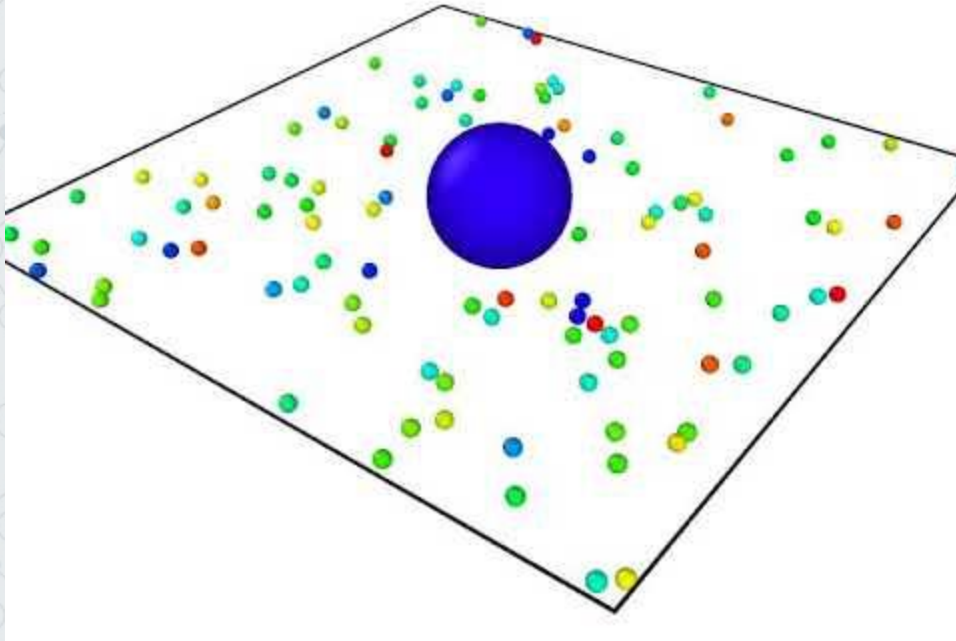
```
"events"      : "20000",  
"tmax"       : "60.0",  
"l"          : "0.5",  
  
"inputfile"  : "input.txt",  
"outputfile" : "output.txt",  
"deltat"     : "0.025"
```

Triple velocidad

```
"n"           : "100",  
"events"      : "20000",  
"tmax"        : "60.0",  
"l"           : "0.5",  
  
"r"           : "0.005",  
"speed"       : "0.3",  
"mass"        : "0.0001",  
"rbig"        : "0.05",  
"massbig"     : "0.1",  
"xbig"        : "0.25",  
"ybig"        : "0.25",  
  
"inputfile"   : "input.txt",  
"outputfile"  : "output.txt",  
"deltat"      : "0.025"
```

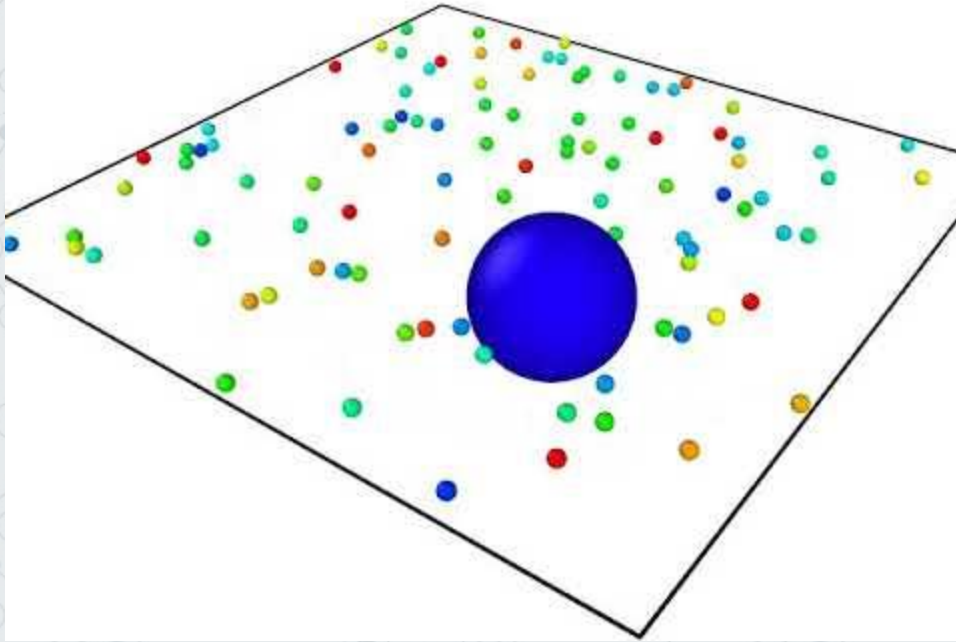
```
"events"      : "20000",  
"tmax"        : "60.0",  
"l"           : "0.5",  
  
"inputfile"   : "input.txt",  
"outputfile"  : "output.txt",  
"deltat"      : "0.025"
```



La mitad de la velocidad

```
"n"           : "100",  
"events"      : "20000",  
"tmax"        : "60.0",  
"l"           : "0.5",  
  
"r"           : "0.005",  
"speed"       : "0.05",  
"mass"        : "0.0001",  
"rbig"        : "0.05",  
"massbig"     : "0.1",  
"xbig"        : "0.25",  
"ybig"        : "0.25",  
  
"inputfile"   : "input.txt",  
"outputfile"  : "output.txt",  
"deltat"      : "0.025"
```

```
"events"      : "20000",  
"tmax"        : "60.0",  
"l"           : "0.5",  
  
"inputfile"   : "input.txt",  
"outputfile"  : "output.txt",  
"deltat"      : "0.025"
```



El quíntuple de la velocidad

```
"n"           : "100",
"events"      : "20000",
"tmax"       : "60.0",
"l"          : "0.5",

"r"           : "0.005",
"speed"       : "0.5",
"mass"        : "0.0001",
"rbig"        : "0.05",
"massbig"     : "0.1",
"xbig"        : "0.25",
"ybig"        : "0.25",

"inputfile"   : "input.txt",
"outputfile"  : "output.txt",
"deltat"      : "0.025"
```

```
"events"      : "20000",
"tmax"       : "60.0",
"l"          : "0.5",

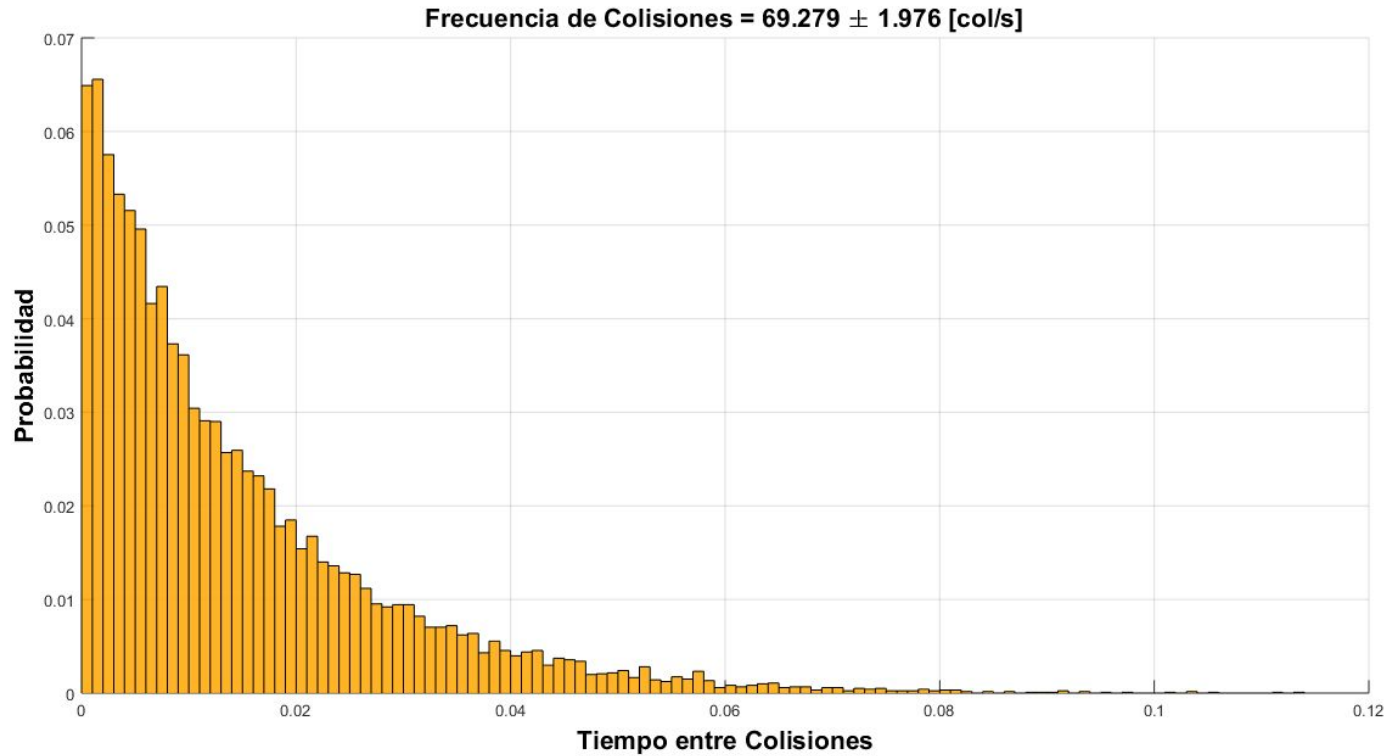
"inputfile"   : "input.txt",
"outputfile"  : "output.txt",
"deltat"      : "0.025"
```



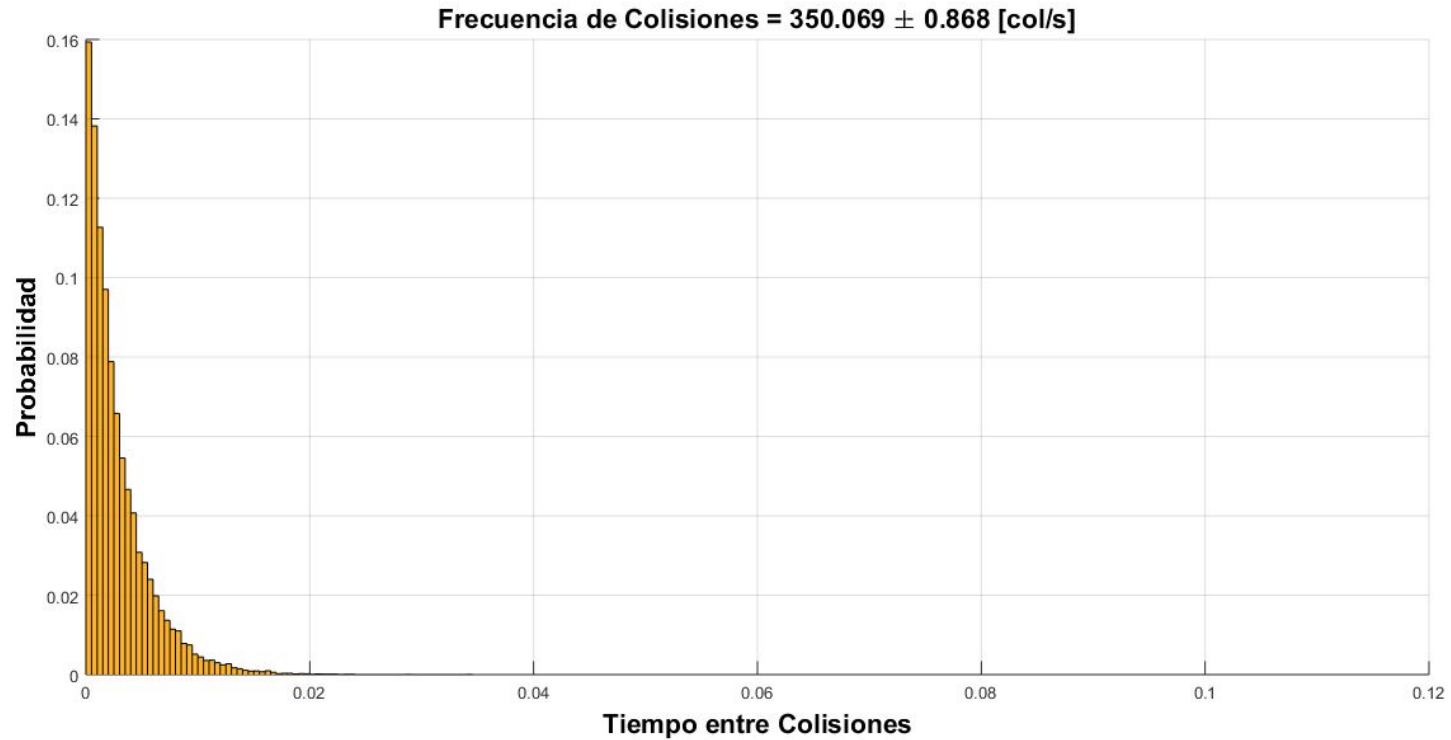
Gráficos



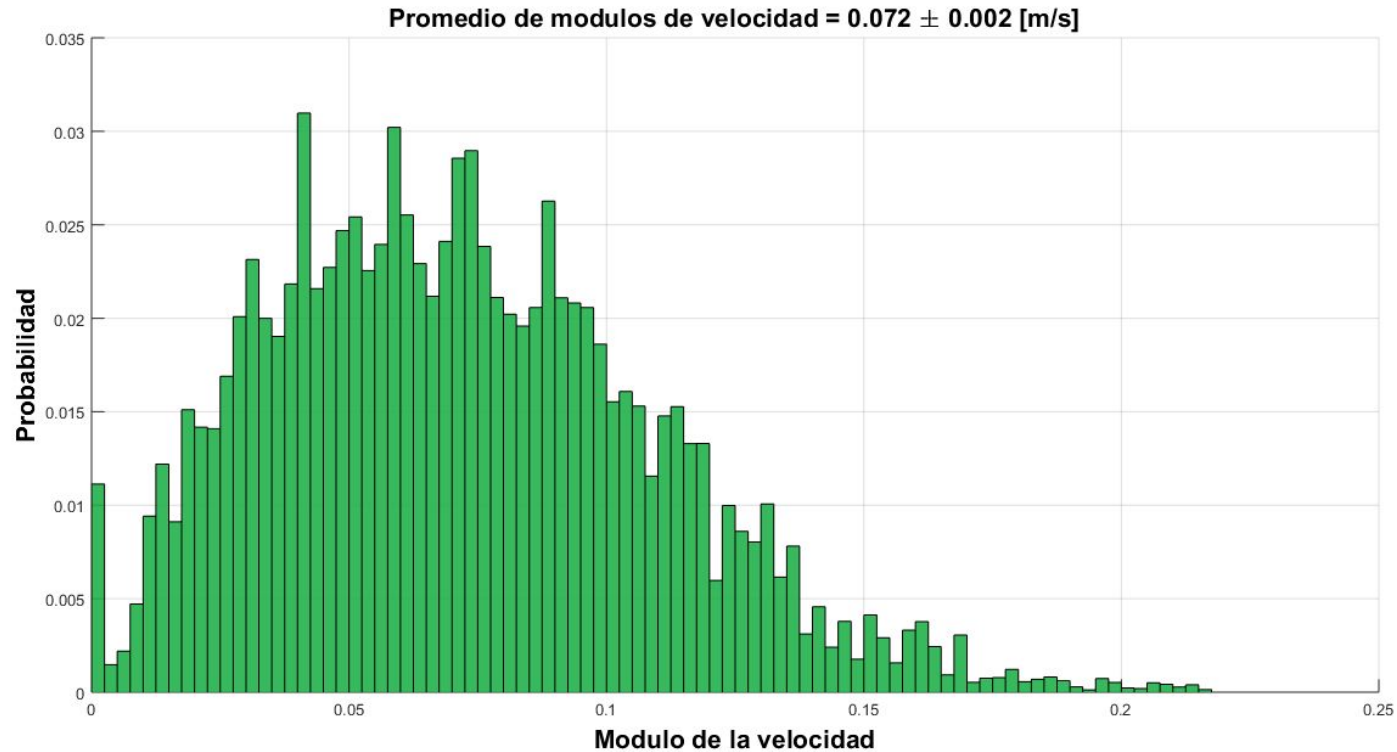
3 Simulaciones (N = 100 | V = 0.1 | 1 min)



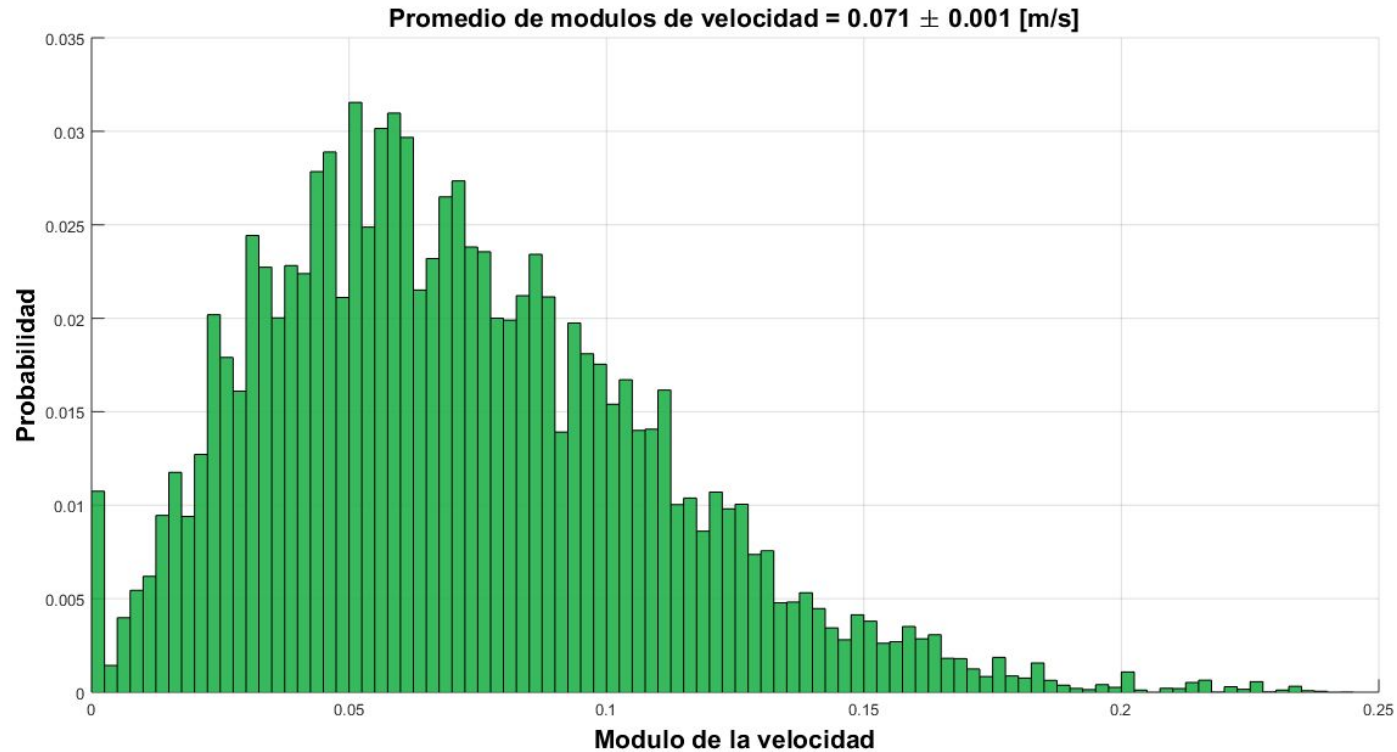
3 Simulaciones ($N = 100$ | $V = 0.5$ | 30 seg)



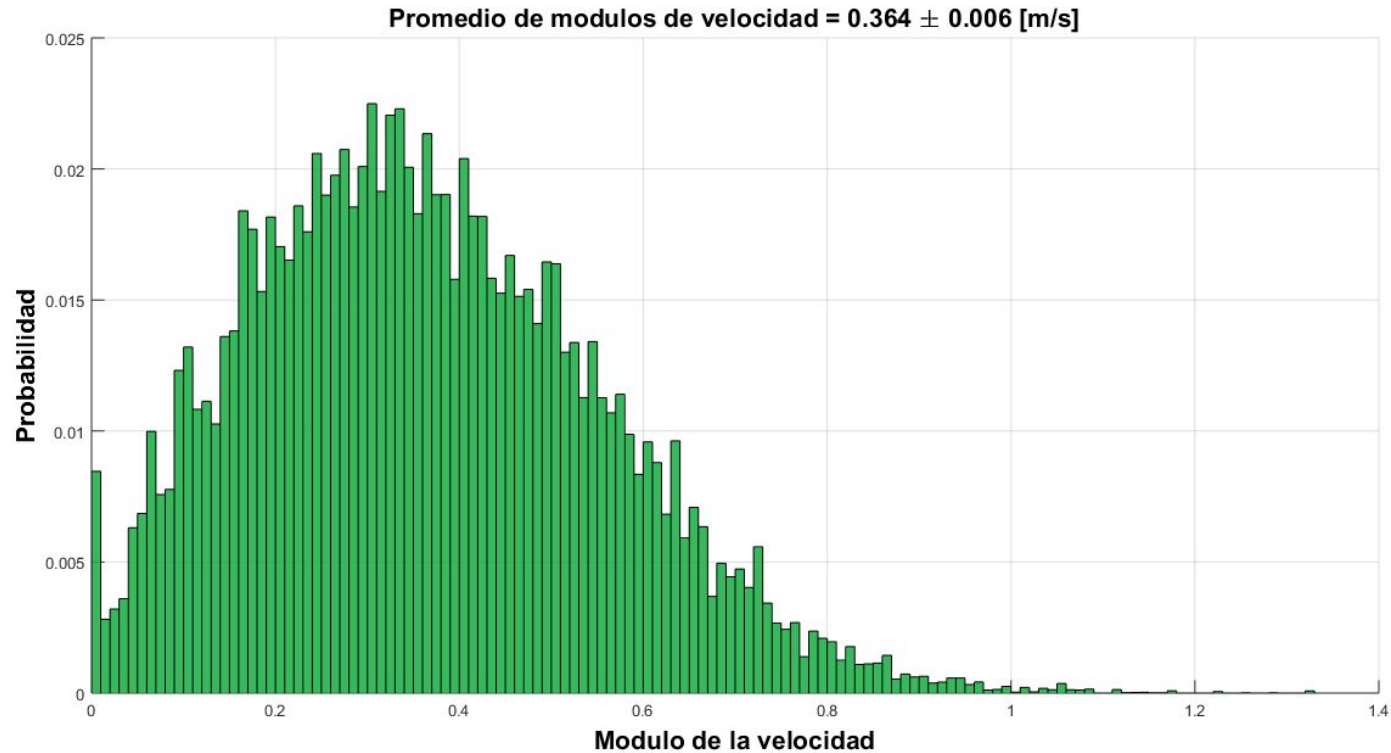
3 Simulaciones (N = 100 | V = 0.1 | 1 min): Estado Inicial (1er Tercio)



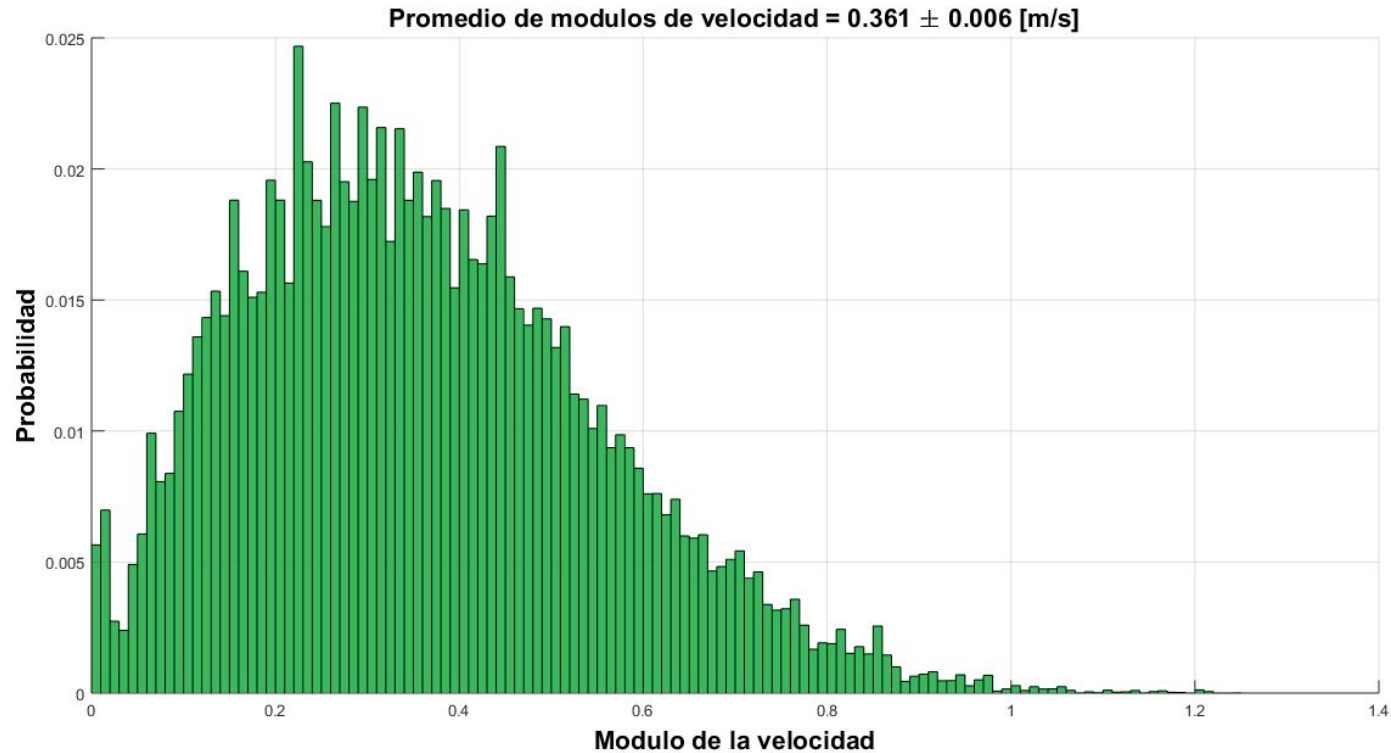
3 Simulaciones (N = 100 | V = 0.1 | 1 min): Estado Final (3er Tercio)



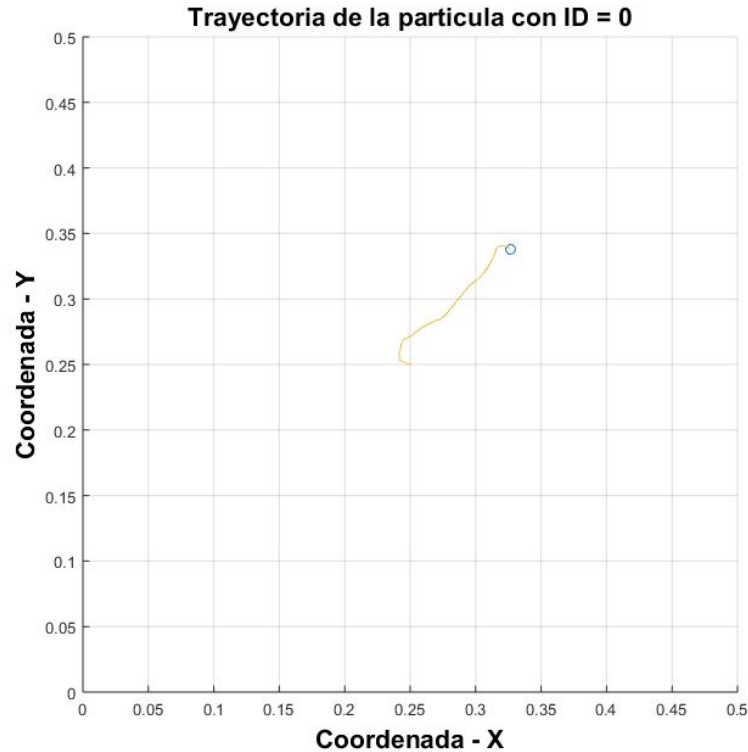
3 Simulaciones (N = 100 | V = 0.5 | 30 seg): Estado Inicial (1er Tercio)



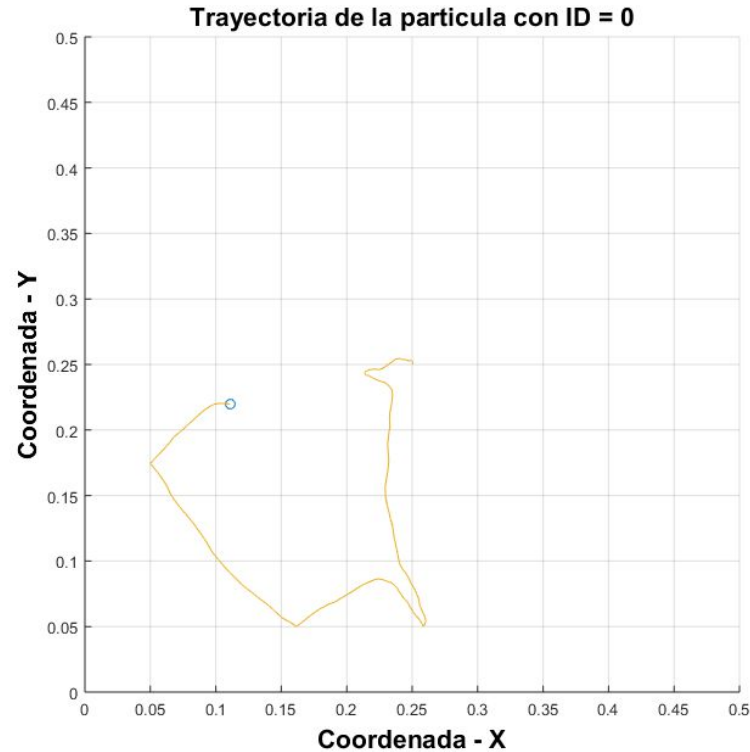
3 Simulaciones (N = 100 | V = 0.5 | 30 seg): Estado Final (3er Tercio)



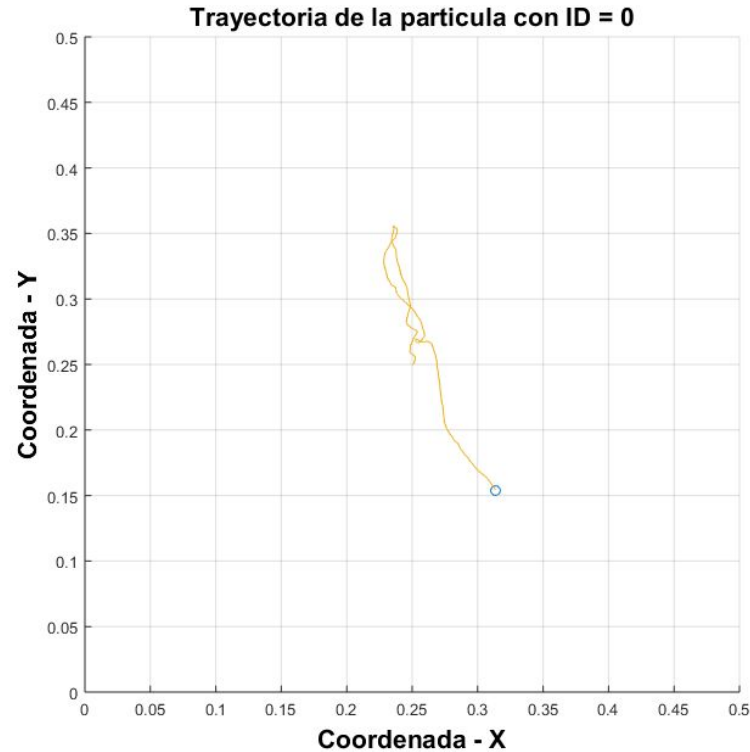
Trayectoria (N = 100 | V = 0.1 m/s | 2 min): Partícula Distinguida



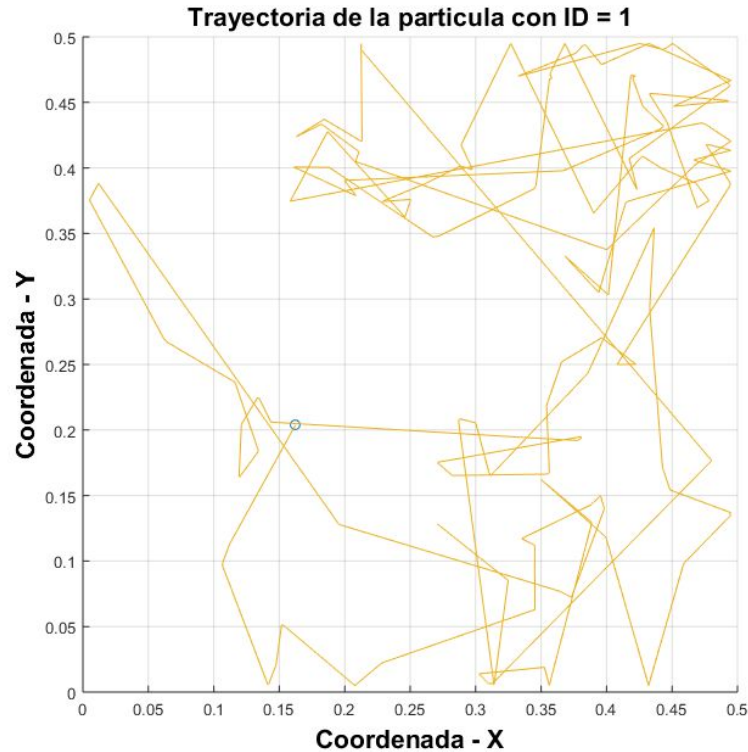
Trayectoria (N = 100 | V = 0.5 m/s | 1 min): Partícula Distinguida



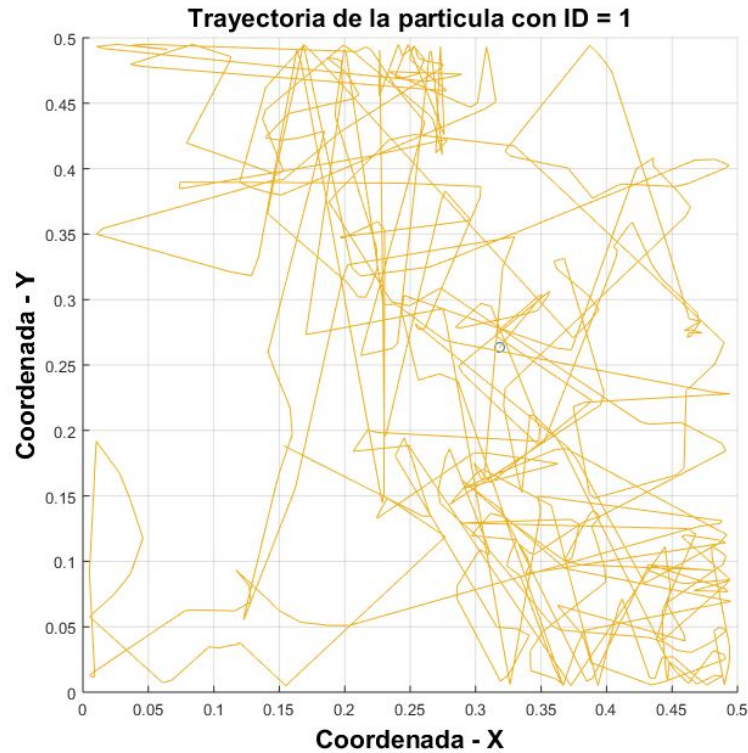
Trayectoria (N = 100 | V = 1.0 m/s | 30 seg): Partícula Distinguida



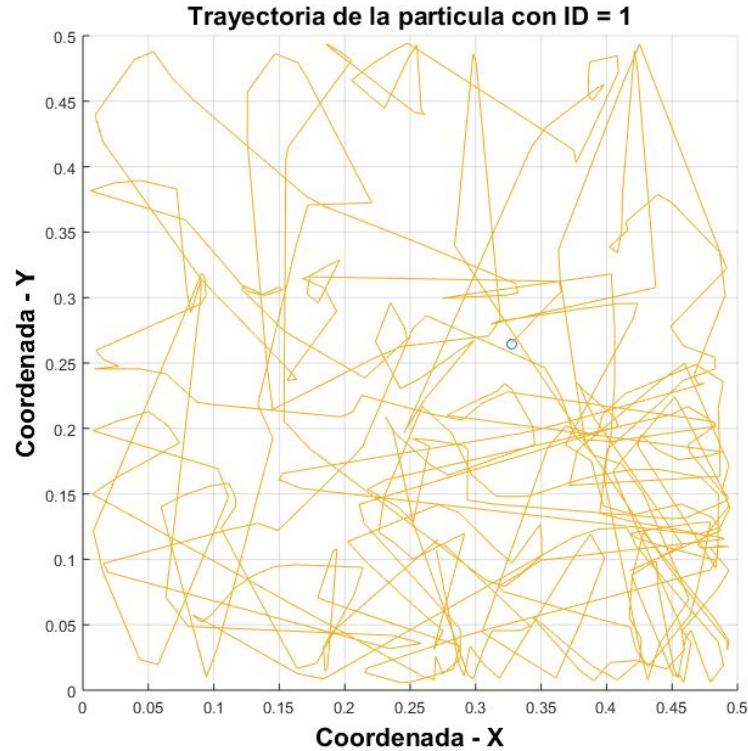
Trayectoria (N = 100 | V = 0.1 m/s | 2 min): Partícula Pequeña



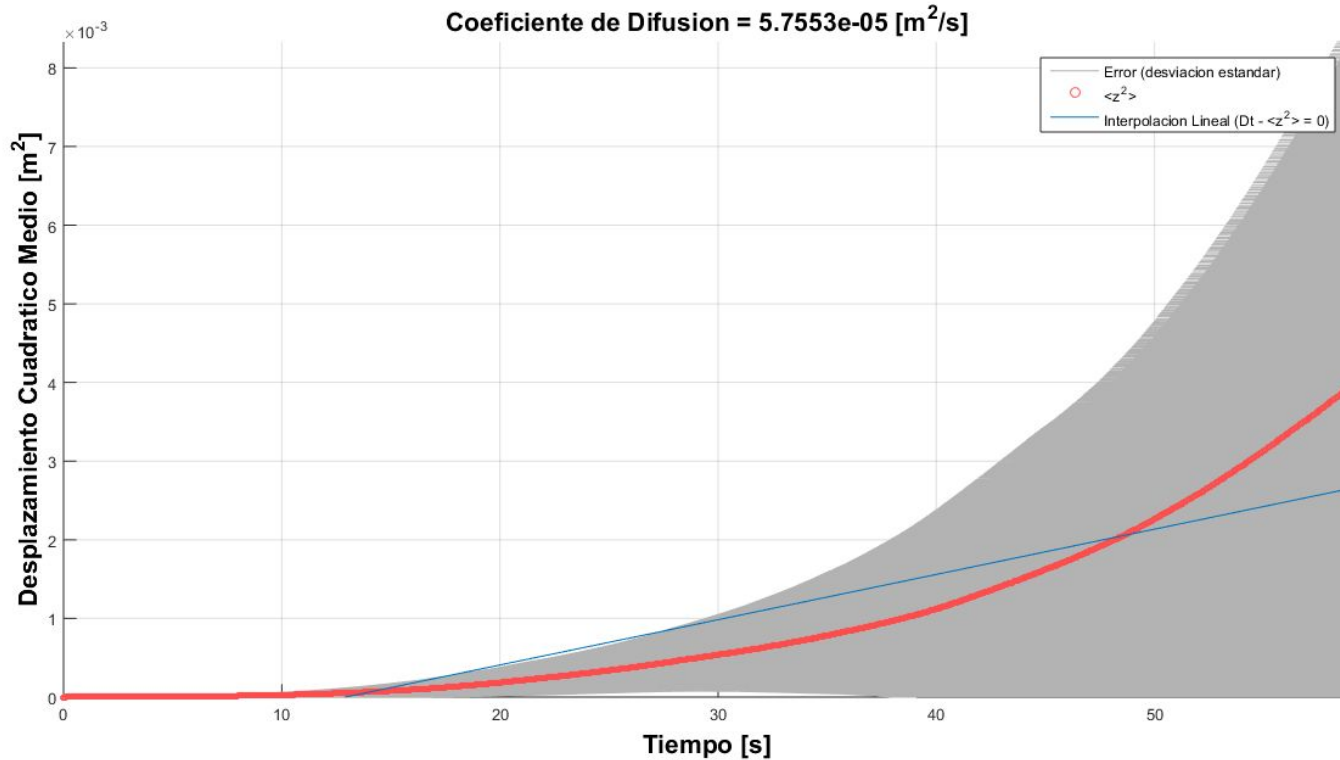
Trayectoria (N = 100 | V = 0.5 m/s | 1 min): Partícula Pequeña



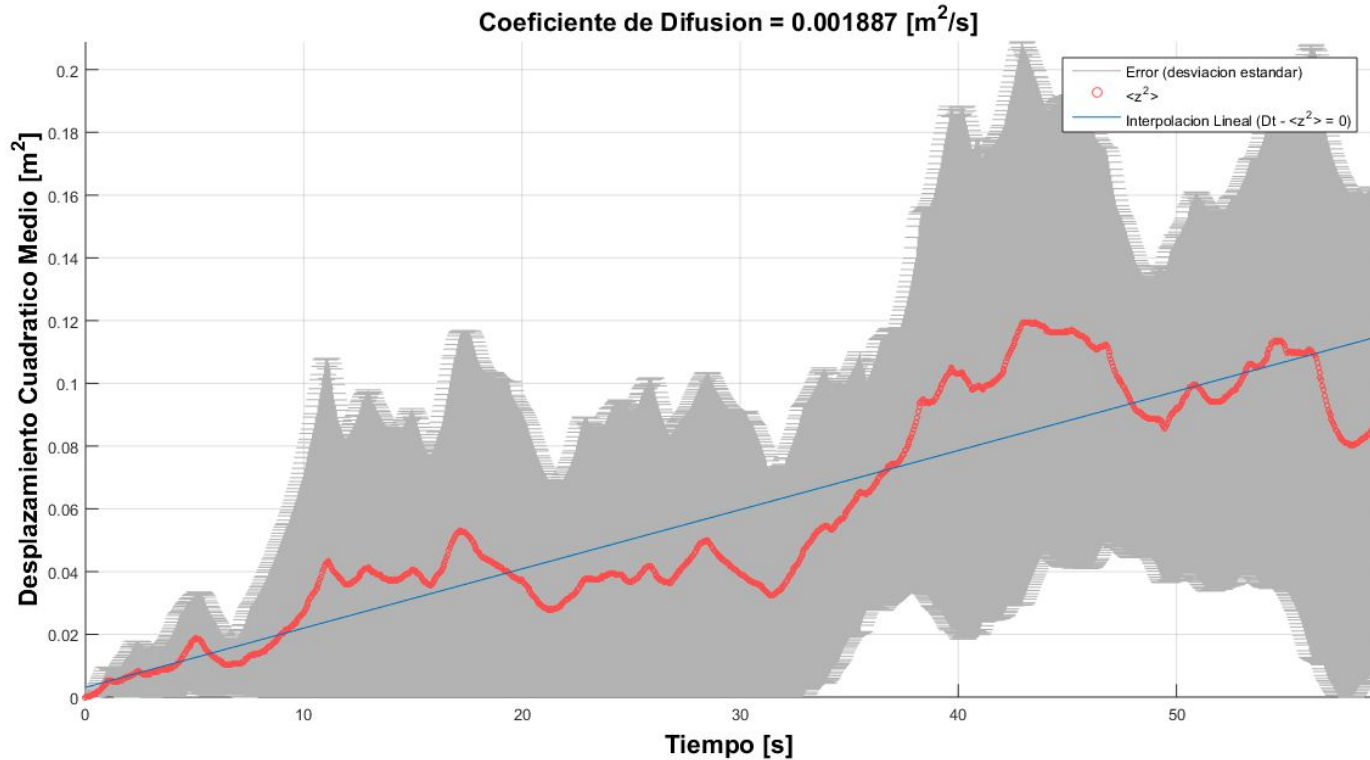
Trayectoria (N = 100 | V = 1.0 m/s | 30 seg): Partícula Pequeña



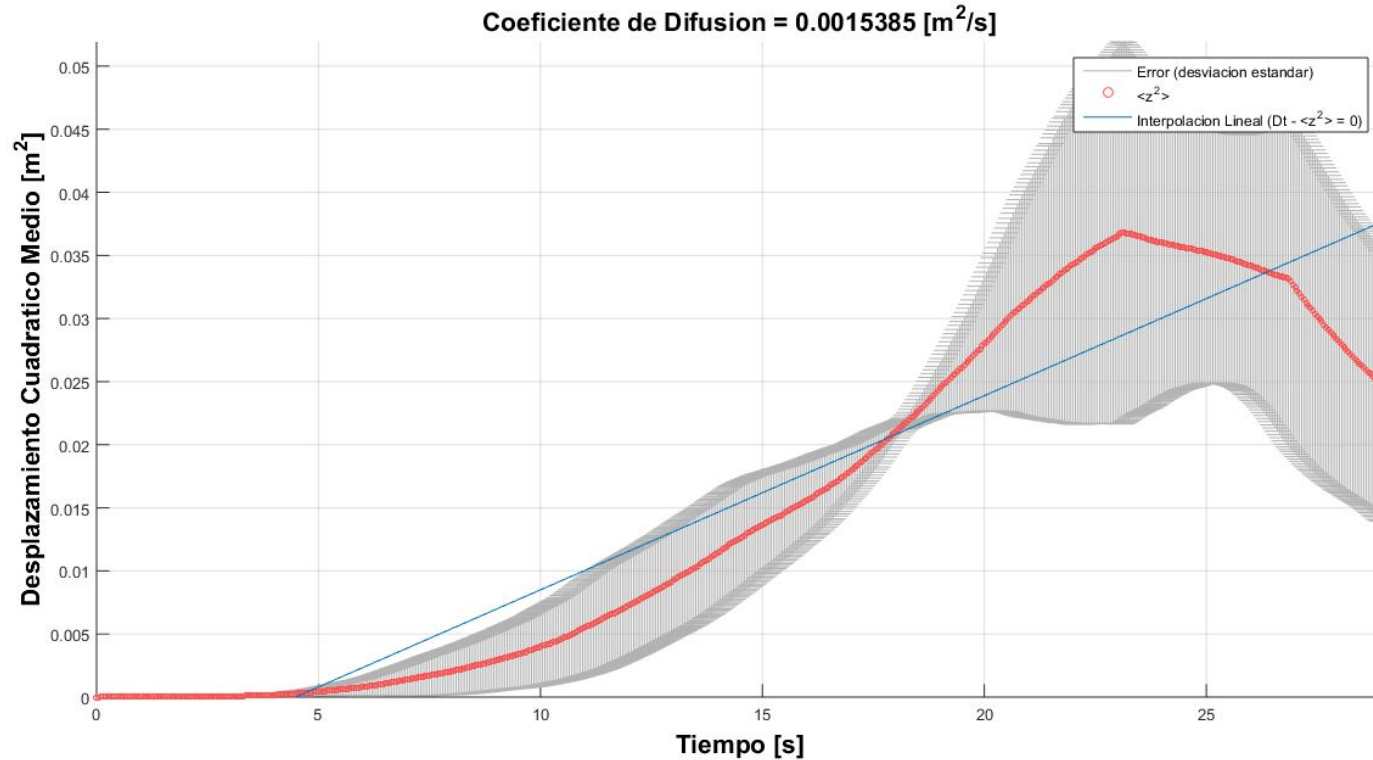
10 Simulaciones (N = 100 | V = 0.1 m/s): Partícula Distinguida



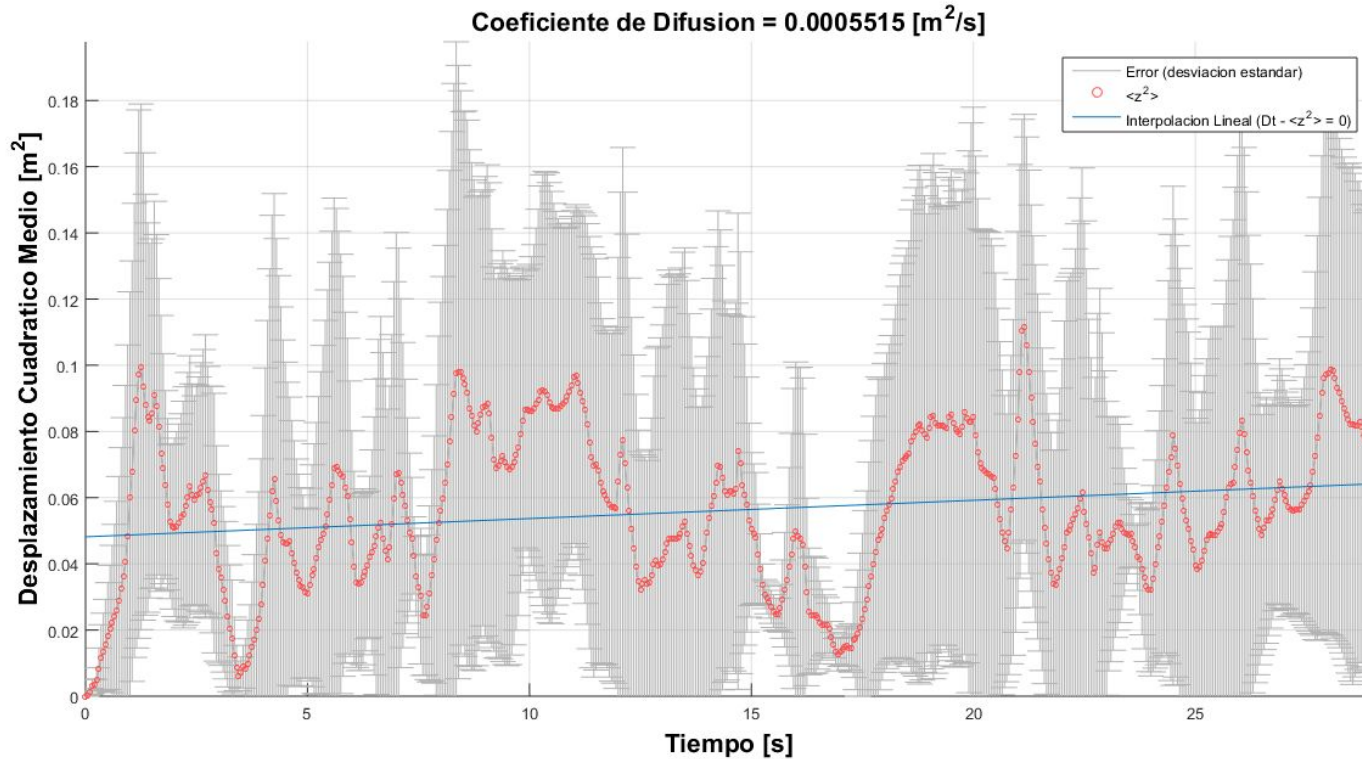
10 Simulaciones (N = 100 | V = 0.1 m/s): Partícula Pequeña



5 Simulaciones (N = 100 | V = 0.5 m/s): Partícula Distinguida



5 Simulaciones (N = 100 | V = 0.5 m/s): Partícula Pequeña





Conclusiones



Conclusiones

- © A más velocidad, más frecuencia de colisiones.
- © La distribución de velocidades se corresponde con la distribución de **Maxwell-Boltzmann**. Para altas temperaturas, la curva se aplanan.
- © La difusión aumenta a más velocidad, pero la partícula distinguida se ve afectada por su tamaño y masa.
- © A mayor velocidad, la probabilidad de encontrar una partícula en cualquier lugar del espacio aumenta.



Gracias!

Grupo 5: Golmar & Lobo