



# Einführung Mikroökonometrie 310208 (VO)

Dietmar Bauer





# Organisatorisches

Der Hauptteil dieser Vorlesung orientiert sich am Buch:

Jeff Wooldridge: Introductory Econometrics (fifth edition), Cengage Learning, 2013.

Die Theorie wird mit Datenbeispielen veranschaulicht. Dazu wird R verwendet.

- Eine sehr gute Einführung in R ist John Verzani: SimpleR.
- R ist frei erhältlich: CRAN project.
- Eine gute Oberfläche für R bietet das R-Studio: R-Studio Download

Ein Wort zu R: Empirie lebt davon, dass mit Daten gearbeitet wird. Nutzen Sie die angebotenen Materialien, experimentieren Sie selber.

In der Klausur: wieder nur die Interpretation von R-Output, kein Wissen über Coding nötig.





# Organisatorisches Vorlesung

- nötige Vorkenntnisse: Statistik I + II, Einführung in die Ökonometrie: in den nächsten Wochen gibt es einen Schnelldurchlauf als Wiederholung der nötigen Konzepte.
- Klausur: Modulprüfung (31-M23) ein Mal pro Semester. Sie wählen zwei der drei Vorlesungen 'Einführung in die Mikroökonometrie', 'Zeitreihenanalyse' und 'Multivariate Methoden' in der Klausur aus.
- findet wöchentlich Dienstags von 08:15-09:45 in X-E0-222.
- Infos und Folien finden Sie immer im Lernraum im eKVV.





# Organisatorisches Praktische Übung

- Die Vorlesung wird durch eine praktische Übung (310214) unterstützt.
- Sie brauchen eine Studienleistung zur Absolvierung des Moduls. In Zeitreihenanalyse n\u00e4chstes Semester wir voraussichtlich keine P\u00fc angeboten werden k\u00f6nnen. Erledigen Sie die P\u00fc also dieses Semester.
- Die Übung findet zweiwöchentlich immer Mo 16-18 statt.
- Jede zweite Woche gibt es einen Übungszettel, der in der darauffolgenden Session besprochen wird.
- Die Übung wird geleitet von Herrn Lennart Oelschläger.
- Nähere Information im eKVV bzw. in der ersten Übungsstunde.





# Organisatorisches

# NOCH FRAGEN zur Organisation?





### Was ist Ökonometrie?

#### Definition (Gabler Wirtschaftslexikon, Prof. Rottmann)

Die Ökonometrie ist ein Teilgebiet der Wirtschaftswissenschaften, das ökonomische Theorie, empirische Daten und statistische Methoden vereinigt.

#### Anders gesagt:

Ökonometrie handelt von

- der Verbindung von mathematischen Modellen mit empirischen Daten
- zur Beschreibung von ökonomischen Vorgängen
- mit Hilfe von statistischen Methoden.

Wortsinn: 'Vermessen der Wirtschaft'





# Womit beschäftigt sich die Mikroökonometrie?

Die Ökonometrie kann grob in drei Teilbereiche unterteilt werden:

- Makroökonometrie: behandelt makroökonomische Prozesse, betrachtet also meist Aggregate: BIP, Einkommen, Konsum, Produktion, Zinsniveau, Wechselkurse, ...: vorwiegend Zeitreihenmethoden, teils raumzeitliche Prozesse.
- Finance: behandelt Aktien, Indices, Zinssätze: vor allem Zeitreihenmethoden.
- Mikroökonometrie: behandelt Beobachtungen von Charakteristika, Entscheidungen von Individuen (Personen, Haushalte, Unternehmen): vorwiegend Querschnittsdaten und Paneldaten

Mikroökonometrische Methoden kommen auch in der BWL (vor allem im Marketing) zum Einsatz.





#### Welche Daten kommen in der Mikroökonometrie vor?

Die allermeisten Daten in der Mikroökonometrie kommen aus Befragungen und anderen Surveys von Individuen:

#### Beispiele:

- Volkszählungen
- Haushaltsbefragungen, wie etwa das SOEP (sozioäkonomische Panel) oder das MOP (Mobilitätspanel)
- Behördendaten (Arbeitslosen, Meldungen, Krankenkassen, ...)
- Kundendaten: E-Fahrzeuge, Strom aus Smart Meter, ...

#### Unterschieden wird zwischen

- Querschnittsdaten: jedes Individuum wird einmal beobachtet, typischerweise zu einem Zeitpunkt
- Paneldaten: jedes Individuum wird zu verschiedenen Zeiten beobachtet.





# Typische mikroökonometrische Modelle

- lineare Modelle für Querschnittsdaten, gepoolte Querschnittsdaten und Paneldaten
- Modelle für qualitative Daten (nur wenige mögliche Antworten: diskrete Wahlmöglichkeiten: Logit- und Probit-Modelle) oder Zähldaten (etwa Zahl an gekauften Produkten; Poissonregression)
- zensierte Daten: Beobachtungen erfolgen nur unter bestimmten Gegebenheiten
  - etwa Lebensdaueruntersuchungen: beobachtet werden kann nur eine zeit lang, die Lebensdauer aller Überlebenden kann nicht erhoben werden
  - Einkommen: Angabe nur bis zu einer Maximalhöhe, danach nur Kategorie 'mehr als XY Euro im Jahr'

Für viele dieser Daten sind die linearen Regressionsmodelle aus der Einführung Ökonometrie nicht ideal geeignet.





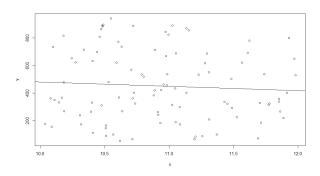
## Beispiel 1: Paneldaten

- Sie wollen den Zusammenhang zwischen Verkaufszahlen und Preis einer neuen Biersorte ermitteln.
- Dazu kaufen Sie von 100 Supermärkten in zwei Wochen jeweils die Verkaufszahlen, wobei jeweils 50 Supermärkte eine Preisreduktion anbieten und die restlichen 50 nicht.
- Man erwartet sich, dass ein niedrigerer Preis h\u00f6here Verkaufszahlen bedeutet.





# Beispiel 1: Paneldaten (II)







## Beispiel 1: Paneldaten (II)

- Die Daten zeigen ein sehr unklares Bild.
- Aus den Querschnittsdaten alleine k\u00f6nnen wir zwei Effekte nicht auseinander halten:
  - Größere Supermärkte machen immer mehr Umsatz. Wir wissen nicht, ob in der zweiten Woche vielleicht die größeren Märkte die höheren Preise hatten?
  - Die Verkäufe k\u00f6nnen durch besondere Ereignisse in einer der Wochen systematisch variieren.
- Diese Effekte k\u00f6nnen wir entdecken und trennen, wenn wir die gleich Superm\u00e4rkte jede Woche beobachten und kontrollieren k\u00f6nnen, in welchen M\u00e4rkten verbilligt wird.
- Solche Datensätze heissen Paneldaten.





## Beispiel 2: binäre Daten

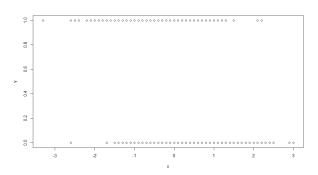
- In vielen Fällen beobachten wir für Individuen, ob etwas zutrifft oder nicht.
  - Jemand hat ein Auto oder nicht.
  - Jemand kauft, oder nicht.
  - Jemand macht Gewinn oder nicht.
  - Jemand nimmt an einem Gewinnspiel teil oder nicht.
- Wir kennen solche Dummy-Variablen aus der Einführung Ökonometrie, dort aber als Regressoren.





# Beispiel 2: binäre Daten (II)

Scatterplots geben dann ein sehr schlechtes Bild mit wenig direkt ersichtlicher Information:







# Beispiel 2: binäre Daten (III)

- Neben den Scatterplots sind auch die Modelle nicht immer sinnvoll.
- Ein lineares Modell kann in Prognosen münden, die kleiner als null oder größer als 1 sind.
- Bei einer binären Variable ist die Varianz an den Erwartungswert gekoppelt: Alternativ verteilte Variablen mit  $\mathbb{P}(\mathbf{y} = 1) = p$  haben Erwartungswert p und Varianz p(1 p).
- Das hat Auswirkungen auf die Schätzung: Heteroskedastizität!





# Beispiel 3: Zähldaten mit Zensurierung

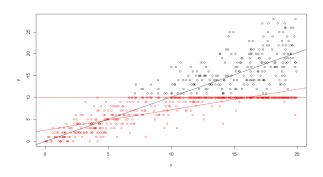
- Sie kennen vielleicht die Zählart 'Eins, zwei, drei, viele ...'.
- In manchen Fällen trifft das auf echte Daten zu.
- Zählungen von Fußgängern, die durch visuelle Beobachtung gemacht werden.





# Beispiel 3: Zähldaten mit Zensurierung (II)

In solchen Fällen muss die Verfälschung der Zählungen in der Modellierung berücksichtigt werden.







# Beispiel 3: Zähldaten mit Zensurierung (III)

Die Zensurierung kann dabei verschieden Auswirkungen haben:

- Niedrige Daten werden nicht gemessen: Spielgewinne.
- Hohe Daten werden nicht gemessen: siehe oben.
- Daten fallen auf andere Art systematisch aus: z.B. Nichtkäufe.





# Inhaltsangabe dieser Vorlesung

Die Vorlesung hält sich eng an das Buch

Jeff Wooldridge: Introductory Econometrics, Cengage Learning, Part III: Advanced Topics.

- 1. lineare Modelle für gepoolte Querschnittsdaten (Chapter 13)
- 2. Paneldatenmodelle (Chapter 14)
- 3. Instrumental Variables Schätzung (Chapter 15)
- Modelle für diskrete Auswahl (qualitative Daten): binäre Auswahl (Section 17.1)
- 5. Modelle für Zähldaten (Section 17.3)
- 6. Modelle für zensierte Daten (Section 17.2, 17.4)





## Wiederholung benötigter Konzepte

- Im Folgenden wiederhole ich einige Konzepte aus Mathematik, Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik, die wir das Semester über brauchen werden.
- Eine ausführlichere Erklärung findet sich in den Appendices A-D von Wooldridge.
- Ich habe ein PDF Dokument erstellt, in dem ich alle Grundlagen gesammelt habe. Dieses finden Sie im Lernraum.
- Einen Teil davon werde ich in der Vorlesung wiederholen, die Grundlagen aus der Statistik aber nicht.
- In der gesamten Vorlesung werde ich teils aus Zwecken der mathematischen Stringenz zusätzliche Formeln und Definitionen bringen,
  - die nicht geprüft werden.
  - deren Verständnis für das Verständnis der Vorlesung hilfreich jedoch nicht notwendig ist
  - die zum Teil einen starken mathematischen Hintergrund brauchen
- Diese zusätzlichen Dinge werden in blau geschrieben, ich werde in der Vorlesung teils auch nicht extra darauf eingehen.





#### Was brauchen wir und wozu?

#### Ökonometrie behandelt mathematische Modelle mit statistischen Methoden:

- Mathematik zur Beschreibung der Modelle
- Mathematik zur Herleitung von 'optimalen' Parametern und deren Eigenschaften.
- Stochastik zur Beschreibung der Daten: viele Phänomene in der Ökonomie beinhalten Unsicherheiten, die mittels Stochastik modelliert werden.
- Statistik zum Abgleich von Modellen und Daten durch Anpassung von 'Parametern'.

Neben den mathematischen und statistischen Grundvorlesungen liefert die Vorlesung 'Einführung in die Ökonometrie' die Grundlagen, diese werden auch wiederholt.





# Mathematik: Lineare Algebra

- Vektor:  $x = \begin{pmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^n$  (n-Tupel): Vektor immer Spaltenvektor.
- Transposition:  $x' = [x_1, ..., x_n]$  Zeilenvektor. Sprechweise: x-Strich.
- Transpositionsregel: (AB)' = B'A'.
- inneres Vektorenprodukt:  $x'y = \sum_{i=1}^{n} x_i y_i = y'x$  für  $x, y \in \mathbb{R}^n$ .
- Einheitsmatrix  $I_n = \text{diag}(1, ..., 1)$
- Einsvektor der Dimension n:  $\iota_n = [1, 1, ..., 1]' \in \mathbb{R}^n$ .
- Lösen von linearen Gleichungen:  $Ax = b \Rightarrow x = A^{-1}b$ , wenn  $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$  (quadratisch) invertierbar ist (die Spalten sind linear unabhängig).





# Mathematik: Funktionen und Ableitungen

**Funktion:** Zuordnung:  $x = [x_i] \mapsto f(x_1, x_2, \dots, x_n) = f(x) \in \mathbb{R}$ .

**Ableitung:** 
$$\frac{\partial f(x_0)}{\partial x} = \begin{pmatrix} \frac{\partial f(x_0)}{\partial x_1} \\ \frac{\partial f(x_0)}{\partial x_2} \\ \vdots \\ \frac{\partial f(x_0)}{\partial x_n} \end{pmatrix}$$
: zuerst abgeleitet, dann ausgewertet an  $x_0$ 

**Beispiel 1:** 
$$f(x) = \beta' x = \sum_{i=1}^{n} \beta_i x_i \Rightarrow \frac{\partial f(x_0)}{\partial x_i} = \partial(\sum_{i=1}^{n} \beta_i x_i)/\partial x_i(x_0) = \beta_i \Rightarrow \frac{\partial (\beta' x)(x_0)}{\partial x} = \beta \in \mathbb{R}^n.$$

**Beispiel 2:**  $f(x) = x'Qx = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} x_i Q_{i,j} x_j$  für symmetrische Matrix Q = Q':

$$\Rightarrow \frac{\partial f(x_0)}{\partial x} = \sum_{j=1}^n Q_{i,j} x_{j,0} + \sum_{i=1}^n x_{i,0} Q_{i,j} = 2Qx_0 \in \mathbb{R}^n.$$





## Stochastik zur Beschreibung der Daten

Wo kommen die Unsicherheiten und Zufälle in den Daten her? **Beispiel Stundenlohn einer Person:** auf Basis des Consumer Panel Surveys (CPS)

- Stichprobenziehung: die Daten stammen aus einer Stichprobe der Grundgesamtheit, die zufällig bestimmt wurde.
- Unkontrollierbare Faktoren: ob jemand gerade vor oder nach einer Gehaltserhöhung steht, kann nicht kontrolliert werden
- Nicht beobachtete Einflußgrößen: ein Fragebogen kann nur manche Merkmale abfragen, aber nicht umfassend alles. Zusatzausbildungen und Kurse werden zum Beispiel selten erfragt.
- Nicht beobachtbare Einflußgrößen: individuelle Fähigkeiten, die sich nicht hart quantifizieren lassen, können nicht abgefragt werden. Etwa handwerkliches Geschick oder Intelligenz.
- Fehlende Modellkomplexität: Jedes Modell ist eine Vereinfachung der Realität. Wie sich diese im Einzelfall auswirkt, ist nicht immer vollständig kontrollierbar.





# Stochastik zur Beschreibung der Daten Beispiel für ein Modell

Reales Phänomen: Würfeln mit zwei Würfeln.

**Zufallsexperiment:** mathematische Repräsentation eines realen Phänomens; beschrieben mittels einer bivariaten Zufallsvariablen  $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2)$ , wobei  $\mathbf{x}_i \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, i = 1, 2$ .

**Zufallsvariable:**  $\mathbf{x}_i$  ist eine Variable, deren Wert durch ein Zufallsexperiment bestimmt wird.

#### Verteilung von x<sub>i</sub>:

- Wahrscheinlichkeit  $\mathbb{P}(\mathbf{x}_i = k) = p_k$  bezeichnet mit Parameter  $p_k, k = 1, 2, ..., 6$  wobei  $0 \le p_k \le 1, \sum_{k=1}^{6} p_k = 1$ .
- $\mathbf{x}_1$  und  $\mathbf{x}_2$  unabhängig voneinander:  $\mathbb{P}(\mathbf{x}_1 = j, \mathbf{x}_2 = k) = \mathbb{P}(\mathbf{x}_1 = j) \mathbb{P}(\mathbf{x}_2 = k) = p_j \rho_k$



# 1. Grundlagen stochastischer Modelle



# Stochastik zur Beschreibung der Daten Zufallsvariable

Zufallsexperiment: mathematisches Pendant zu realer Beobachtung.

**Zufallsvariable:** mathematische Beschreibung der Ergebnisse eines Zufallsexperiments.

Zwei Grundtypen werden meist verwendet:

- 1. diskrete Zufallsvariable:
  - können nur eine abzählbare (mit natürlichen Zahlen indizierbare) Anzahl an Ausprägungen haben.
  - werden beschrieben durch Angabe einer pmf (probability mass function):  $\mathbb{P}(\mathbf{y} = S_i)$ .
  - Bekanntéste diskrete Verteilungen: Bernoulli (auch binomial, Alternativverteilung), multinomial, diskret gleichverteilt, Poisson.
- 2 kontinuierliche Zufallsvariable
  - mögliche Ausprägungen bilden eine offene Teilmenge eines  $\mathbb{R}^k$ .
  - werden beschrieben durch Angabe einer pdf (probability density function)
  - Bekannteste kontinuierliche Verteilungen: Normalverteilung, Gleichverteilung, t-Vert., F-Vert., y<sup>2</sup>. Exponentialverteilung.



# 1. Grundlagen stochastischer Modelle



# Stochastik zur Beschreibung der Daten Zufallsvariable

Zufallsexperiment: mathematisches Pendant zu realer Beobachtung.

**Zufallsvariable:** mathematische Beschreibung der Ergebnisse eines Zufallsexperiments.

#### Zwei Grundtypen werden meist verwendet:

- 1. diskrete Zufallsvariable:
  - können nur eine abzählbare (mit natürlichen Zahlen indizierbare) Anzahl an Ausprägungen haben.
  - werden beschrieben durch Angabe einer pmf (probability mass function):  $\mathbb{P}(\mathbf{y} = S_i)$ .
  - Bekanntéste diskrete Verteilungen: Bernoulli (auch binomial, Alternativverteilung), multinomial, diskret gleichverteilt, Poisson.
- 2. kontinuierliche Zufallsvariable
  - mögliche Ausprägungen bilden eine offene Teilmenge eines  $\mathbb{R}^k$ .
  - werden beschrieben durch Angabe einer pdf (probability density function)
  - Bekannteste kontinuierliche Verteilungen: Normalverteilung, Gleichverteilung, t-Vert., F-Vert., \(\chi^2\), Exponentialverteilung.

## 1. Grundlagen stochastischer Modelle



