

Aufgabenblatt 0

Organisation

Die Praktische Übung zu “Einführung in die Mikroökonomie” findet zweiwöchentlich statt. Die Termine und Räume finden Sie im eKVV. Ich lade vor den Treffen das aktuelle Aufgabenblatt in Moodle hoch. Während der Treffen haben Sie Zeit an den Aufgaben zu arbeiten, im Anschluss besteht die Möglichkeit die Lösungen gemeinsam zu besprechen.

Sie können eine Studienleistung für 31-M23 oder 31-SW-StatM erwerben. Dazu analysieren Sie einen von mir bereitgestellten Datensatz mit den Methoden aus der Vorlesung.

- Wenn Sie eine Studienleistung erwerben möchten, müssen Sie mir das bis zum 10.11.2023 durch eine Nachricht im Forum mitteilen.
- Zum 20.11.2023 erhalten Sie dann einen Datensatz mit Fragestellungen von mir. Die Fragestellungen umfassen eine Beschreibung der Daten, eine Formulierung geeigneter Methoden zur Analyse der Daten und ein konkretes Modellierungsziel.
- Ihre Bearbeitung der Fragestellungen ist in zwei Teile aufgeteilt, die Sie jeweils im Moodle als einzelne .pdf Datei hochladen.
 1. Bis zum 22.12.2023 geben Sie Ihre Beschreibung der Daten ab.
 2. Bis zum 12.01.2024 geben Sie Ihre Formulierung der Methoden und Modellierung ab.
- Am 29.01.2024 gibt es eine kleine Abschlussdiskussion der Abgaben.

Aufgaben

Die folgenden Aufgaben sind eine Wiederholung einiger Konzepte aus Mathematik, Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik, die in der Vorlesung eingesetzt werden. Außerdem wiederholen wir das Programmieren in R und das Erstellen von Berichten in **R Markdown**.

1. Die Dokumentation *simpleR* von John Verzani liefert eine gute Einführung in R, Sie finden das Dokument unter <http://cran.r-project.org/doc/contrib/Verzani-SimpleR.pdf>. Lesen Sie *Section 2: Data*, um zu lernen, wie Datensätze mit der `c()` Funktion eingegeben werden können. Erzeugen Sie anschließend folgende zwei Vektoren in R:

$$x^T = [10 \ 8 \ 13 \ 9 \ 11 \ 14 \ 6 \ 4 \ 12 \ 7 \ 5]$$
$$y^T = [8.1 \ 6.9 \ 7.5 \ 8.8 \ 8.3 \ 9.9 \ 7.2 \ 4.2 \ 10.8 \ 4.8 \ 5.6]$$

2. Welche Operation wird durch `x + y` ausgeführt? Wenden Sie auch `-`, `*`, `/`, `%*` an.

3. Die Einträge der beiden Vektoren können wir als Wertepaare $(x_1, y_1), \dots, (x_{11}, y_{11})$ betrachten. Erzeugen Sie mit `plot()` ein Streudiagramm dieser Daten.
4. Lesen Sie *Section 5: Multivariate Data* und lernen Sie den Datentyp `data.frame` kennen. Erstellen Sie einen `data.frame` aus `x` und `y`.
5. Schätzen Sie die Koeffizienten β_0 und β_1 des linearen Modells $y = \beta_0 + \beta_1 x + u$ mithilfe der Funktion `lm()` (steht für *lineares Modell*). Erklärungen finden Sie in *Section 13: Regression Analysis*. Zeichnen Sie dann mithilfe von `abline()` die angepasste Regressionsgerade in Ihr Streudiagramm ein.
6. Erklären Sie den Output von `summary()`, angewendet auf Ihr geschätztes Modell.
7. **R Markdown** ist eine Kombination aus **R**, unserer Programmiersprache für Datenanalyse, und **Markdown**, einer einfachen Auszeichnungssprache für die Erstellung von Berichten. Durch die Kombination können wir **R** Code direkt in Textdokumente integrieren und mit minimalem Aufwand dynamische Analyseberichte generieren. Entwickelt wurde **R Markdown** 2014 von Yihui Xie, der einen einfachen Weg gesucht hat, seine **R** Hausaufgaben aufzuschreiben. Das Buch *R for Data Science* von Hadley Wickham bietet unter anderem eine gute Einführung in **R Markdown**. Das Buch ist kostenlos online unter <https://r4ds.had.co.nz/> verfügbar. Lesen Sie *Chapter 27: R Markdown*, um zu lernen, wie ein **R Markdown** Dokument erstellt werden kann. Verwenden Sie die Vorlage aus Abschnitt 27.2 und erstellen Sie selbst ein **R Markdown** Dokument im `.html`-Format.
8. Fügen Sie in das **R Markdown** Dokument Ihre Lösungen aus Aufgabe 1 ein.
9. Wie können Sie ein `.pdf`-Dokument erstellen?
10. Wie wird das multiple lineare Regressionsmodell definiert, und wie können die Modellparameter geschätzt werden?
11. Welche Eigenschaften hat der Kleinste-Quadrate Schätzer, und welche Voraussetzungen müssen dafür erfüllt sein?
12. Bitte prognostizieren Sie den y Wert für $x_1 = 6$ und $x_2 = -1$, gegeben die Daten

$$\begin{aligned} x_1 &= (1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5), \\ x_2 &= (1 \ 1 \ 2 \ 2 \ 3 \ 3 \ 4 \ 4 \ 5 \ 5), \\ y &= (1 \ 3 \ 1 \ 5 \ 2 \ -3 \ -3 \ -1 \ -2 \ -2). \end{aligned}$$

13. Die Schlusskurse von Bitcoin und Ethereum aus 2022 haben eine Kovarianz von 7718820. Kann daraus ein starker, positiver Zusammenhang geschlossen werden?
14. Finden Sie ein Beispiel, dass im Allgemeinen $\text{Var}(X + Y) \neq \text{Var}(X) + \text{Var}(Y)$ für zwei Zufallsvariablen X und Y gilt.

15. Finden Sie zwei Zufallsvariablen, die unkorreliert, aber nicht unabhängig sind.
16. Finden Sie zwei reelle Vektoren x und y , jeweils der Länge 10, sodass die empirische Korrelation $\widehat{\text{Cor}}(x, y)$ exakt -1 bzw. 0 bzw. $+1$ beträgt.
17. Es seien X, Y zwei unabhängige Zufallsvariablen, die mit gleicher Wahrscheinlichkeit die Werte in $\{1, 2, 3\}$ annehmen. Berechnen Sie $E(1 + 4X + 2Y \mid X = 2)$.
18. Ein Losverkäufer behauptet, dass mindestens 20% seiner Lose Gewinne seien. Die Käufer aber vermuten, dass der Anteil geringer ist. Es werden $n = 100$ Lose überprüft. Führen Sie einen statistischen Test zum Signifikanzniveau $\alpha = 5\%$ zur Streitschlichtung durch, wobei Sie die Aussage des Losverkäufers als Nullhypothese wählen.
19. Angenommen, der wahre Anteil an Gewinnlosen beträgt nur 10%. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, mit der Ihr Test dem Losverkäufer fälschlicherweise recht gibt.
20. Sie möchten die in b) berechnete Wahrscheinlichkeit auf unter 5% reduzieren. Auf welche Werte müssen Sie dafür entweder α oder n verändern?