

# Réalisation d'une analyse statistique avec le langage R

Dans un premier temps, nous allons récupérer les données dans le CSV

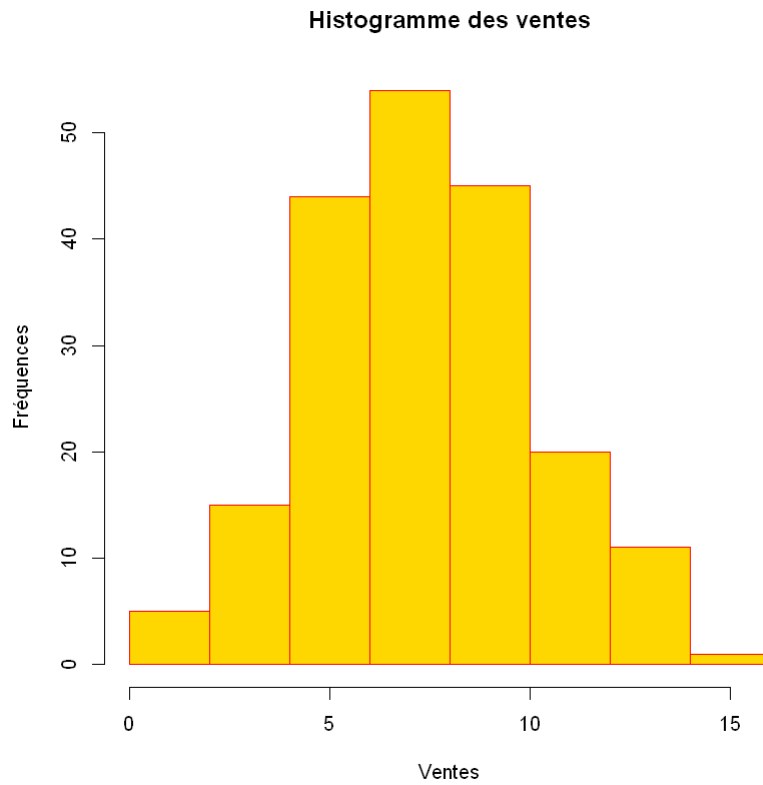
```
In [217... # Charger Les données
source("charger.R")
mondata <- charger(2105482)
Y <- mondata$Sales
X1 <- mondata$Price
X2 <- mondata$Advertising
X3 <- mondata$Region
```

## Phase 1 : Analyse statistique descriptive et inférence.

### Partie A

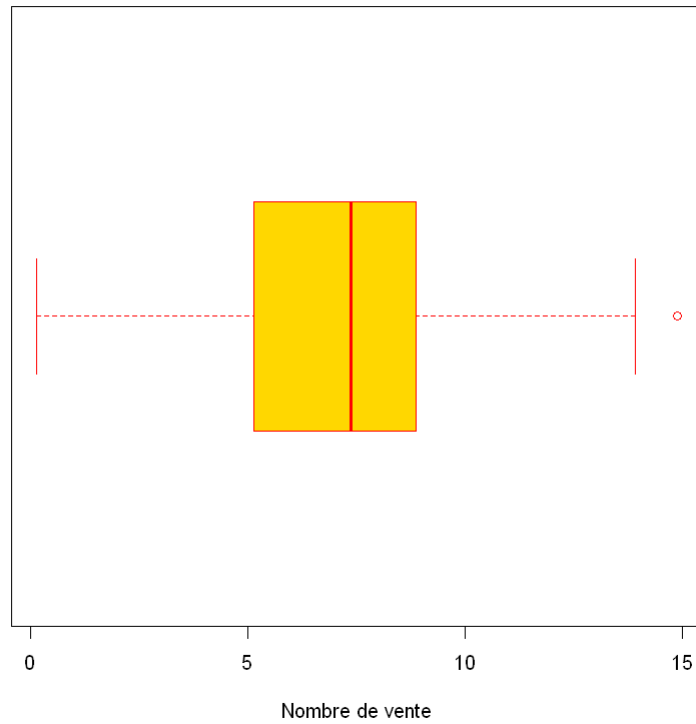
#### Histogramme des ventes

```
In [218... hist(Y, col="gold",border="red", main=paste("Histogramme des ventes"),
      xlab="Ventes",ylab="Fréquences")
```



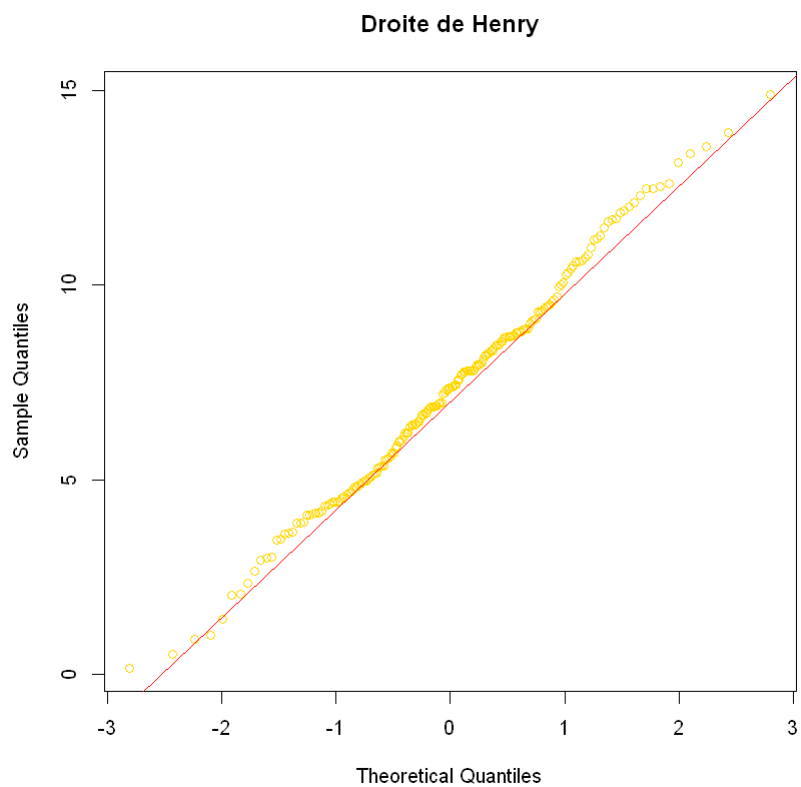
## Diagramme de Tukey pour les ventes

```
In [219... boxplot(Y,  
horizontal=TRUE,  
col="gold",border="red",  
xlab="Nombre de vente")
```



## Droite de Henry

```
In [220... qqnorm(Y, col ="gold", main=paste("Droite de Henry"))
qqline(Y, col ="red")
```



## Test de normalité (Shapiro-Wilk)

In [221...] shapiro.test(Y)

Shapiro-Wilk normality test

data: Y

W = 0.99, p-value = 0.7

## Interprétation du test de normalité droite de Henry et test de Shapiro-Wilk

D'après la droite de Henry et le test de normalité (Shapiro-Wilk), on déduit que la variable Y suit une loi normale.

Premièrement, on remarque que plus on se rapproche du milieu, plus les points ont tendance à être alignés et donc, construire une droite et vers les bornes, on remarque une symétrie dans le dispersement des valeurs.

Deuxièmement, on a la valeur observée de W est grande (W = 0.99463) et p-value = 0.7128 grande (supérieure à 0.05), alors on accepte H0 qui est l'hypothèse que Y suit une loi normale

## Tableau de statistique descriptive

```
In [222...] mesureStatistique = data.frame(mondata=c("Sales"),
                                   moyenne=NA, écartType=NA, q1=NA, mediane=NA,
                                   q3=NA, IntervalConfiance=NA)

# moyenne,
mesureStatistique$moyenne = sapply(2, function(i) mean(Y))
# quartiles q1, q2 = mediane, q3
mesureStatistique[1, c("q1", "mediane", "q3")] = quantile(Y, probs = c(0.25,0.5,0.7)
# écart type,
mesureStatistique$écartType = sapply(2, function(i) sd(Y))
# intervalle de confiance pour la moyenne
ci <- t.test(Y, conf.level = 0.95)$conf.int
# cat("95% Confidence Interval: [", ci[1], ", ", ci[2], "]\n")
mesureStatistique$IntervalConfiance = sprintf("[%f, %f]", ci[1], ci[2])

# Afficher le resultat
mesureStatistique
```

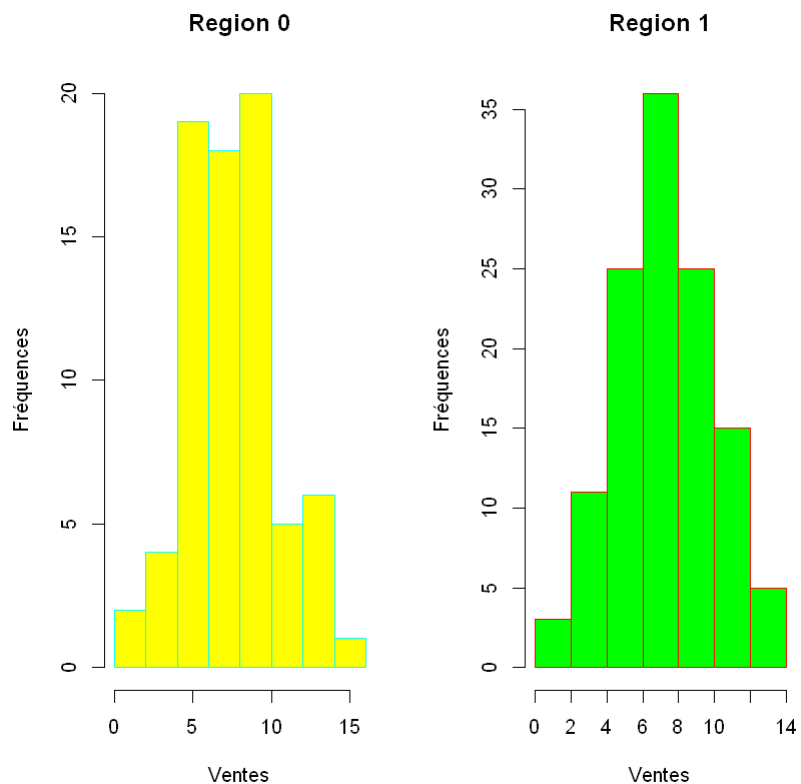
A data.frame: 1 × 7

| mondata | moyenne | écartType | q1    | mediane | q3    | IntervalConfiance    |
|---------|---------|-----------|-------|---------|-------|----------------------|
| <chr>   | <dbl>   | <dbl>     | <dbl> | <dbl>   | <dbl> | <chr>                |
| Sales   | 7.302   | 2.826     | 5.14  | 7.37    | 8.88  | [6.902551, 7.700833] |

## PARTIE B

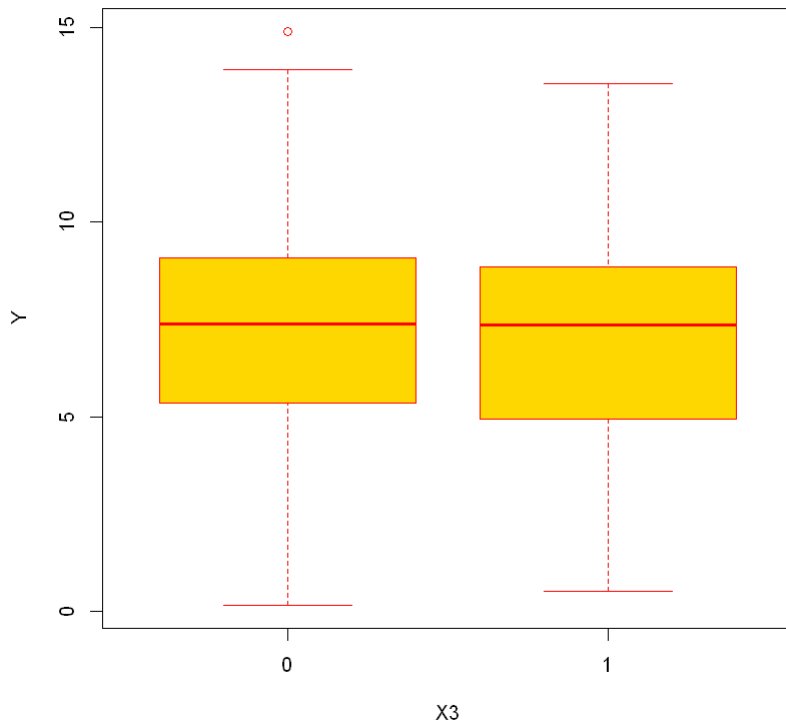
## Histogramme de vente en fonction de la région

```
In [223...] layout(matrix(1:2,1,2))
hist(Y[X3=="0"], col="yellow",border="cyan",
     main=paste("Region 0"),xlab="Ventes",ylab="Fréquences")
hist(Y[X3=="1"], col="green",border="red",
     main=paste("Region 1"),xlab="Ventes",ylab="Fréquences")
```



## Boxplot de vente en fonction de la région

```
In [253...] boxplot(Y~X3, col="gold",border="red")
```



## Tableau de statistique descriptive pour les 2 régions

```
In [225...] statistiques = data.frame(ventes=c("Region 0", "Region 1"),
                             moyenne=NA, s=NA, q1=NA, mediane=NA,
                             q3=NA, interval=NA)

#moyenne
statistiques$moyenne = sapply(0:1, function(i) mean(mondata$Sales[mondata$Region==i]))

# écart-type
statistiques$s = sapply(0:1, function(i) sd(mondata$Sales[mondata$Region==i]))

# mediane
statistiques$mediane = sapply(0:1, function(i) median(mondata$Sales[mondata$Region==i]))

# quantiles q1 et q3
statistiques[1, c("q1", "q3")] = quantile(mondata$Sales[mondata$Region=="0"], probs=
statistiques[2, c("q1", "q3")] = quantile(mondata$Sales[mondata$Region=="1"], probs=

# interval de confiance
ci0 <- t.test(mondata$Sales[mondata$Region=="0"], conf.level = 0.95)$conf.int
statistiques[1, c("interval")] = sprintf("[%f, %f]", ci0[1], ci0[2])

ci1 <- t.test(mondata$Sales[mondata$Region=="1"], conf.level = 0.95)$conf.int
statistiques[2, c("interval")] = sprintf("[%f, %f]", ci1[1], ci1[2])

options(digits=4) # Pour limiter le nombre de décimales et

statistiques
```

A data.frame: 2 × 7

| ventes   | moyenne | s     | q1    | mediane | q3    | interval             |
|----------|---------|-------|-------|---------|-------|----------------------|
| <chr>    | <dbl>   | <dbl> | <dbl> | <dbl>   | <dbl> | <chr>                |
| Region 0 | 7.474   | 2.926 | 5.345 | 7.380   | 9.095 | [6.800852, 8.147148] |
| Region 1 | 7.194   | 2.769 | 4.955 | 7.365   | 8.852 | [6.693506, 7.694494] |

## Tests d'hypothèse

### Test d'hypothèses sur l'égalité des variances pour les deux groupes

```
In [226...] rural <- subset(mondata, Region==0)$Sales
urbain <- subset(mondata, Region==1)$Sales
var.test(rural, urbain)
```

F test to compare two variances

```
data: rural and urbain
F = 1.1, num df = 74, denom df = 119, p-value = 0.6
alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
95 percent confidence interval:
 0.7462 1.7045
sample estimates:
ratio of variances
      1.117
```

Dans ce test, on a les hypothèses:

H0:  $V1 = V2$  vs H1:  $V1 \neq V2$  (nb: '!=' signifie "non égale à").

Ici V1 est la variance pour le 1er groupe (Region==0) et V2 est la variance pour le 2eme groupe (Region==1)

On remarque que p-value = 0.6 est supérieure au seuil critique (0.05), alors on ne rejette pas l'hypothèse H0

### Test d'hypothèses sur l'égalité des moyennes pour les deux groupes

```
In [227...] rural <- subset(mondata, Region==0)$Sales
urbain <- subset(mondata, Region==1)$Sales
t.test(rural, urbain)
```

### Welch Two Sample t-test

```
data: rural and urbain
t = 0.66, df = 151, p-value = 0.5
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
95 percent confidence interval:
 -0.5537  1.1137
sample estimates:
mean of x mean of y
  7.474    7.194
```

Dans ce test, on a les hypothèses:

$H_0: u_1 = u_2$  vs  $H_1: u_1 \neq u_2$  (nb: '!=' signifie "non égale à")

ici  $u_1$  est la moyenne pour le 1er groupe (Region==0) et  $u_2$  est la moyenne pour le 2eme groupe (Region==1)

On remarque que  $p\text{-value} = 0.5$  est supérieure au seuil critique (0.05), alors on ne rejette pas l'hypothèse  $H_0$

## Phase 2 : Recherche du meilleur modèle

### Partie C

#### Étude du modèle 1

$Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \epsilon$

Dans un premier temps nous intéressons à un modèle linéaire entre Y et X1. Les résultats de nos analyses ont fourni les données suivantes :

#### Graphe de regression

Observons le graphe de cette régression linéaire ci-dessous pour se faire une idée du dispersement des données

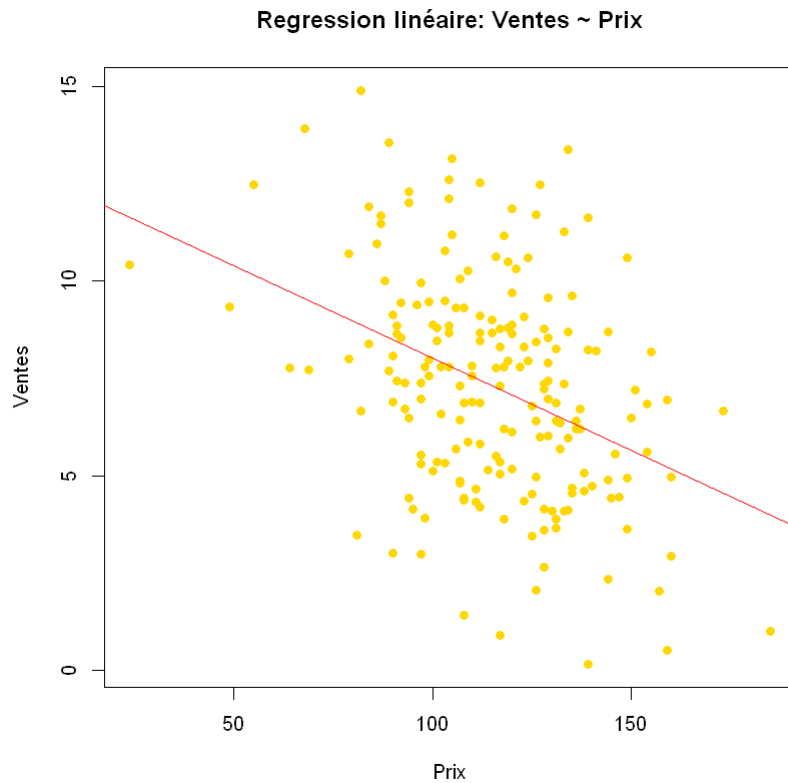
In [228...

```
modele1 <- lm(Y ~ X1)

# Create a scatter plot of log(Y) against X1
plot(X1, Y, main = "Regression linéaire: Ventes ~ Prix", col = "gold",
     xlab = "Prix", ylab = "Ventes", pch = 16)

# Add the regression line
abline(modele1, col = "red")
```





## Tableau d'analyse de la variance

In [229...

```
summary(modele1)
anova(modele1)
```

Call:

```
lm(formula = Y ~ X1)
```

Residuals:

| Min    | 1Q     | Median | 3Q    | Max   |
|--------|--------|--------|-------|-------|
| -6.318 | -1.830 | -0.079 | 1.666 | 6.969 |

Coefficients:

|             | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t )    |
|-------------|----------|------------|---------|-------------|
| (Intercept) | 12.78009 | 0.96962    | 13.18   | < 2e-16 *** |
| X1          | -0.04745 | 0.00824    | -5.76   | 3.3e-08 *** |

---

Signif. codes: 0 '\*\*\*' 0.001 '\*\*' 0.01 '\*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 2.62 on 193 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.147, Adjusted R-squared: 0.142

F-statistic: 33.2 on 1 and 193 DF, p-value: 3.3e-08

A anova: 2 × 5

|           | Df    | Sum Sq | Mean Sq | F value | Pr(>F)    |
|-----------|-------|--------|---------|---------|-----------|
|           | <int> | <dbl>  | <dbl>   | <dbl>   | <dbl>     |
| X1        | 1     | 227.2  | 227.185 | 33.16   | 3.297e-08 |
| Residuals | 193   | 1322.2 | 6.851   | NA      | NA        |

## Test de la signification du modèle

Les hypothèses sont les suivantes :

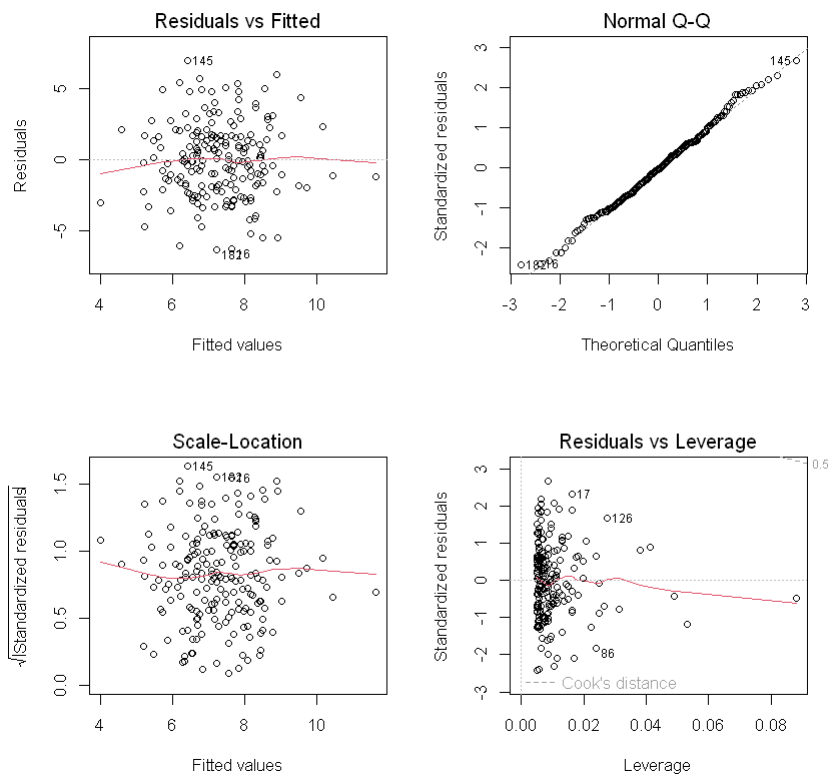
- $H_0 : \beta_1 = 0$  ce qui implique qu'il n'y a pas de relation linéaire entre Y et X1
- $H_1 : \beta_1 \neq 0$

La p-value de  $\beta_1$  est 3.3e-08 qui est inférieure au seuil  $\alpha = 0$  ce qui signifie qu'on rejette l'hypothèse  $H_0$

## Analyse des résidus

Observons et interprétons les différents tests effectués sur les résidus avec la figure ci-dessous.

```
In [260...] par(mfrow = c(2,2))  
plot(modele1)
```



## Interprétations:

- Pour le graphe des residual vs Fitted et le graphe Residual vs Leverage on remarque on remarque une répartition des données assez égale de part et d'autre de l'axe 0. On conclut donc qu'il y a homoscédasticité
- Pour le graphique Normal Q-Q on constate que les résidus sont majoritairement confondus aux quantiles théoriques de la normal on conclut donc que la distribution de l'erreur suit effectivement une normal
- En observant le graphe Scale-Location, on remarque que les résidus sont aléatoirement dispersés et ne présentent aucune tendance entre eux. On peut donc conclure qu'il n'y a pas d'autocorrélation entre les résidus

Ces interprétations montrent que les hypothèses de bases sont respectées par notre modèle, cependant nous avons obtenu comme valeur de  $R^2$  :  $R^2 = 0.1466$  qui est très éloigné de 1 nous concluons donc que ce modèle ne convient pas pour faire une prédiction.

## Interval de confiance de beta0 et beta1

In [231]...

```
conf_int <- confint(modele1)
conf_int
```

A matrix: 2 × 2 of type dbl

|                    | 2.5 %    | 97.5 %  |
|--------------------|----------|---------|
| <b>(Intercept)</b> | 10.86768 | 14.6925 |
| <b>X1</b>          | -0.06371 | -0.0312 |

## Étude du modèle 2

$$Y = \beta_0(X_1^{\beta_1})\exp(\epsilon)$$

Maintenant, nous nous intéressons à un modèle non linéaire entre Y et X1.

Nous allons poser  $Y^* = \ln(Y)$  ce qui va nous permettre d'obtenir

$$Y^* = \ln(\beta_0) + \beta_1 \ln(X_1) + \epsilon$$

## Graphe de regression

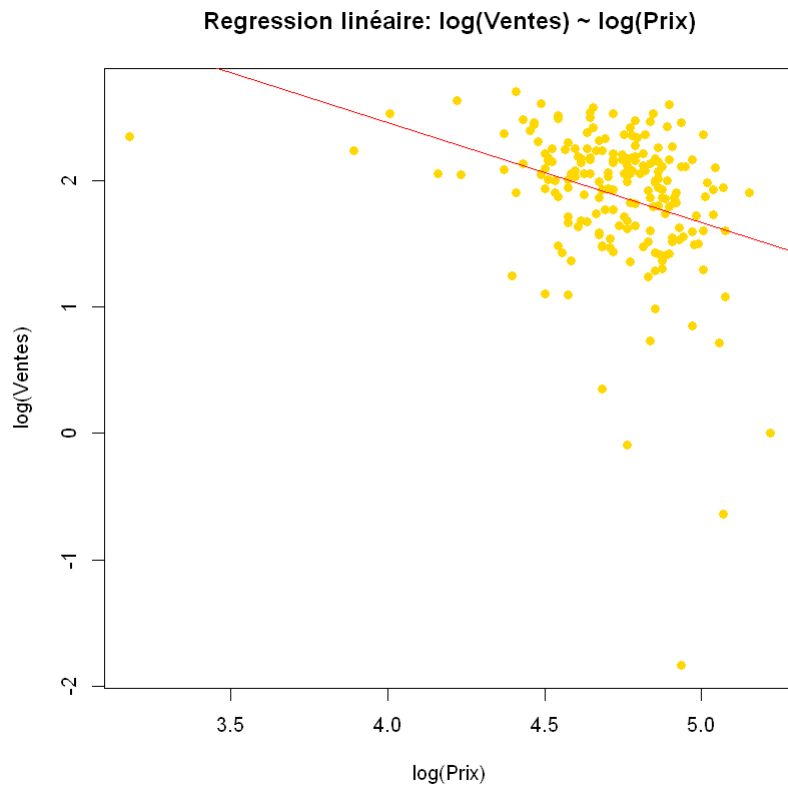
Observons le graphe de la régression linéaire ci-dessous afin de se faire une idée visuellement de l'évolution des données.

In [232]...

```
modele2 <- lm(log(Y) ~ log(X1))

# Create a scatter plot of log(Y) against X1
plot(log(X1), log(Y), main = "Regression linéaire: log(Ventes) ~ log(Prix)", col =
      xlab = "log(Prix)", ylab = "log(Ventes)", pch = 16)
```

```
# Add the regression line
abline(modele2, col = "red")
```



## Tableau d'analyse de la variance

```
In [233...] summary(modele2)
          anova(modele2)
```

Call:

```
lm(formula = log(Y) ~ log(X1))
```

Residuals:

| Min    | 1Q     | Median | 3Q    | Max   |
|--------|--------|--------|-------|-------|
| -3.549 | -0.209 | 0.094  | 0.320 | 0.849 |

Coefficients:

|             | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t )    |
|-------------|----------|------------|---------|-------------|
| (Intercept) | 5.599    | 0.779      | 7.19    | 1.4e-11 *** |
| log(X1)     | -0.787   | 0.165      | -4.78   | 3.5e-06 *** |

---

Signif. codes: 0 '\*\*\*' 0.001 '\*\*' 0.01 '\*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 0.523 on 193 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.106, Adjusted R-squared: 0.101

F-statistic: 22.8 on 1 and 193 DF, p-value: 3.49e-06

A anova: 2 × 5

|           | Df    | Sum Sq | Mean Sq | F value | Pr(>F)   |
|-----------|-------|--------|---------|---------|----------|
|           | <int> | <dbl>  | <dbl>   | <dbl>   | <dbl>    |
| log(X1)   | 1     | 6.255  | 6.2548  | 22.83   | 3.49e-06 |
| Residuals | 193   | 52.866 | 0.2739  | NA      | NA       |

## Test de la signification du modèle

Les hypothèses sont les suivantes :

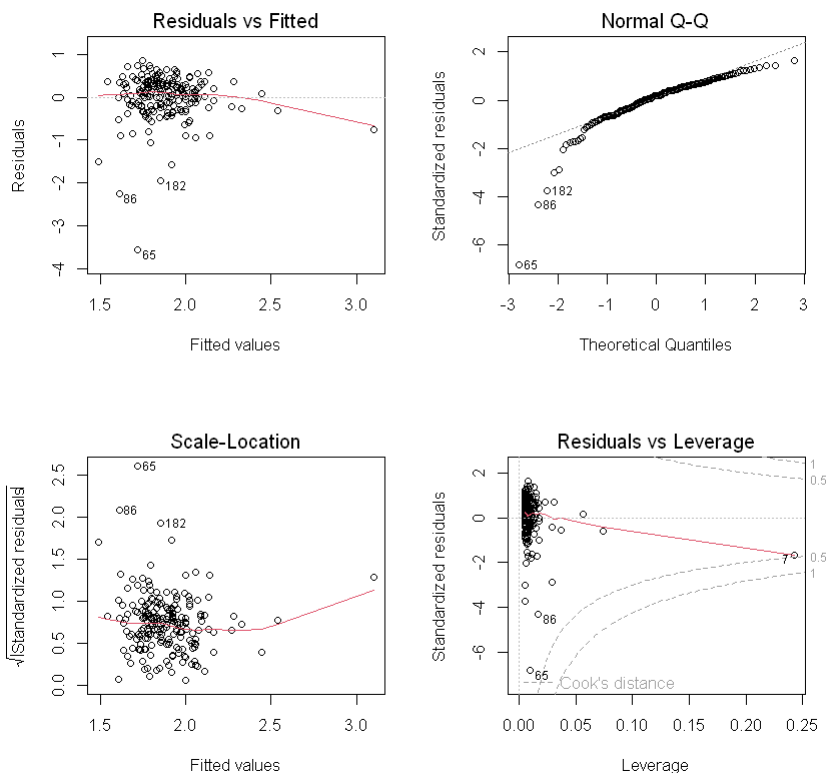
- $H_0 : \beta_1 = 0$  ce qui implique qu'il n'y a pas de relation linéaire entre  $\ln(Y)$  et  $\ln(X1)$
- $H_1 : \beta_1 \neq 0$

La p-value de  $\beta_1$  est 3.49e-06 qui est inférieure au seuil  $\alpha = 0.05$  ce qui signifie qu'on rejette l'hypothèse  $H_0$

## Analyse des résidus

Observons les différents tests effectués sur les résidus avec la figure ci-dessous.

```
In [259...] par(mfrow = c(2,2))  
plot(modele2)
```



## Interprétations:

- Pour le graphe des residual vs Fitted et le graphe Residual vs Leverage on remarque on remarque une répartition des données assez égale de part et d'autre de l'axe 0. On conclut donc qu'il y a homoscédasticité
- Pour le graphique Normal Q-Q on constate que les résidus sont majoritairement confondus aux quantiles théoriques de la normal on conclut donc que la distribution de l'erreur suit effectivement une normal
- En observant le graphe Scale-Location, on remarque que les résidus sont aléatoirement dispersés et ne présentent aucune tendance entre eux. On peut donc conclure qu'il n'y a pas d'autocorrélation entre les résidus

Ces interprétations montrent que les hypothèses de bases sont respectées par notre modèle, nous concluons donc que ce modèle est utilisable pour faire une prédiction

## Interval de confiance de beta0 et beta1

```
In [235...] # Obtenir Les intervalles de confiance des coefficients
conf_int <- confint(modele2) # Calculer Les intervalles de confiance
# Afficher Les résultats
conf_int
```

A matrix: 2 × 2 of type dbl

|             | 2.5 %  | 97.5 % |
|-------------|--------|--------|
| (Intercept) | 4.062  | 7.135  |
| log(X1)     | -1.111 | -0.462 |

## Étude du modèle 3

$$Y = \beta_0 * \exp[(\beta_1 * X_1) + \epsilon]$$

Maintenant, nous nous intéressons à un autre modèle non linéaire entre Y et X1.

Nous allons poser  $Y^* = \ln(Y)$  ce qui va nous permettre d'obtenir

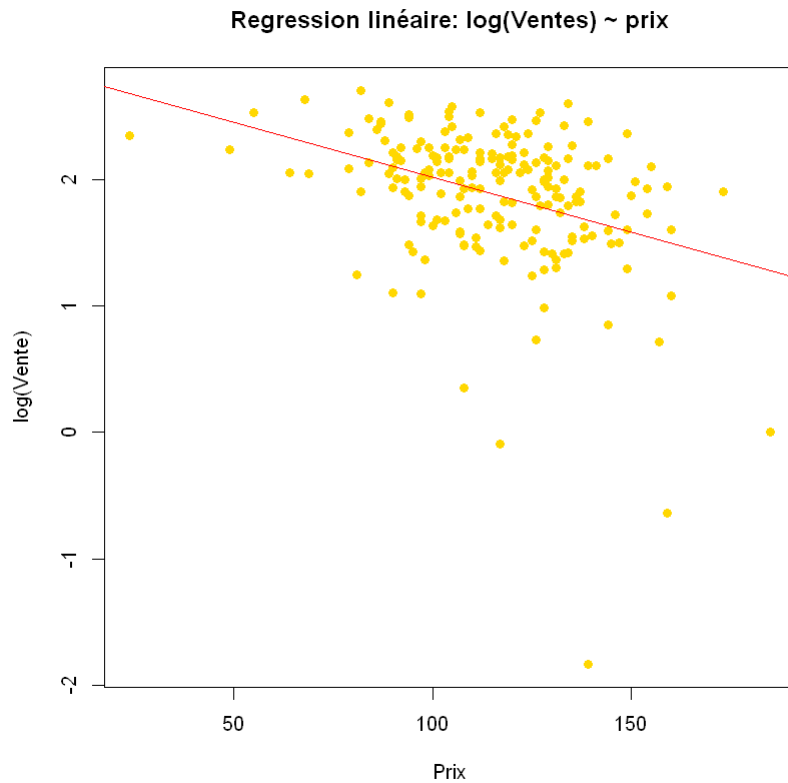
$$Y^* = \ln(\beta_0) + \beta_1 * X_1 + \epsilon$$

## Graphe de regression

```
In [236...] modele3 <- lm(log(Y) ~ (X1))

# Create a scatter plot of log(Y) against X1
plot(X1, log(Y), main = "Regression linéaire: log(Ventes) ~ prix", col = "gold",
     xlab = "Prix", ylab = "log(Vente)", pch = 16)

# Add the regression Line
abline(modele3, col = "red")
```



## Tableau d'analyse de la variance

In [237...

```
summary(modele3)
anova(modele3)
```

Call:

```
lm(formula = log(Y) ~ (X1))
```

Residuals:

| Min    | 1Q     | Median | 3Q    | Max   |
|--------|--------|--------|-------|-------|
| -3.508 | -0.212 | 0.101  | 0.309 | 0.875 |

Coefficients:

|             | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t )    |
|-------------|----------|------------|---------|-------------|
| (Intercept) | 2.88607  | 0.19131    | 15.09   | < 2e-16 *** |
| X1          | -0.00871 | 0.00163    | -5.36   | 2.4e-07 *** |

---

Signif. codes: 0 '\*\*\*' 0.001 '\*\*' 0.01 '\*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 0.516 on 193 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.129, Adjusted R-squared: 0.125

F-statistic: 28.7 on 1 and 193 DF, p-value: 2.41e-07

A anova: 2 × 5

|           | Df    | Sum Sq | Mean Sq | F value | Pr(>F)    |
|-----------|-------|--------|---------|---------|-----------|
|           | <int> | <dbl>  | <dbl>   | <dbl>   | <dbl>     |
| X1        | 1     | 7.65   | 7.6500  | 28.68   | 2.407e-07 |
| Residuals | 193   | 51.47  | 0.2667  | NA      | NA        |

## Test de la signification du modèle

Les hypothèses sont les suivantes :

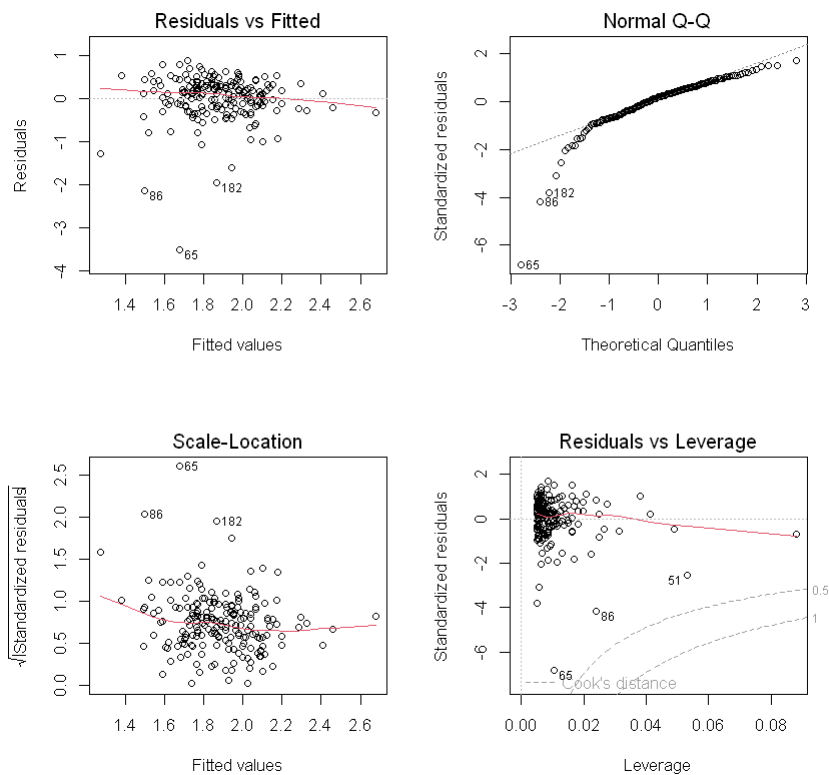
- $H_0 : \beta_1 = 0$  ce qui implique qu'il n'y a pas de relation linéaire entre  $\ln(Y)$  et  $X_1$
- $H_1 : \beta_1 \neq 0$

La p-value de  $\beta_1$  est  $2.41e-07$  qui est inférieure au seuil  $\alpha = 0.05$  ce qui signifie qu'on rejette l'hypothèse  $H_0$

## Analyse des résidus

Observons et interprétons les différents tests effectués sur les résidus avec la figure ci-dessous.

```
In [258...] par(mfrow = c(2,2))  
plot(modele3)
```





## Interprétations:

- Pour le graphe des residual vs Fitted et le graphe Residual vs Leverage on remarque on remarque une répartition des données assez égale de part et d'autre de l'axe 0. On conclut donc qu'il y a homoscedasticité
- Pour le graphique Normal Q-Q on constate que les résidus sont majoritairement confondus aux quantiles théoriques de la normal on conclut donc que la distribution de l'erreur suit effectivement une normal
- En observant le graphe Scale-Location, on remarque que les résidus sont aléatoirement dispersés et ne présentent aucune tendance entre eux. On peut donc conclure qu'il n'y a pas d'autocorrélation entre les résidus

Ces interprétations montrent que toutes les hypothèses de bases sont respectées par notre modèle, nous concluons donc que ce modèle est utilisable pour faire une prédiction.

## Interval de confiance de beta0 et beta1

```
In [239... # Obtenir Les intervalles de confiance des coefficients
conf_int <- confint(modele3) # Calculer Les intervalles de confiance
# Afficher Les résultats
conf_int
```

A matrix: 2 × 2 of type dbl

|                    | 2.5 %    | 97.5 %    |
|--------------------|----------|-----------|
| <b>(Intercept)</b> | 2.50874  | 3.263393  |
| <b>X1</b>          | -0.01191 | -0.005501 |

## Étude du modèle 4

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X_2 + \epsilon$$

Nous nous intéressons à un modèle linéaire entre Y et X2. Les résultats de nos analyses ont fourni les données suivantes :

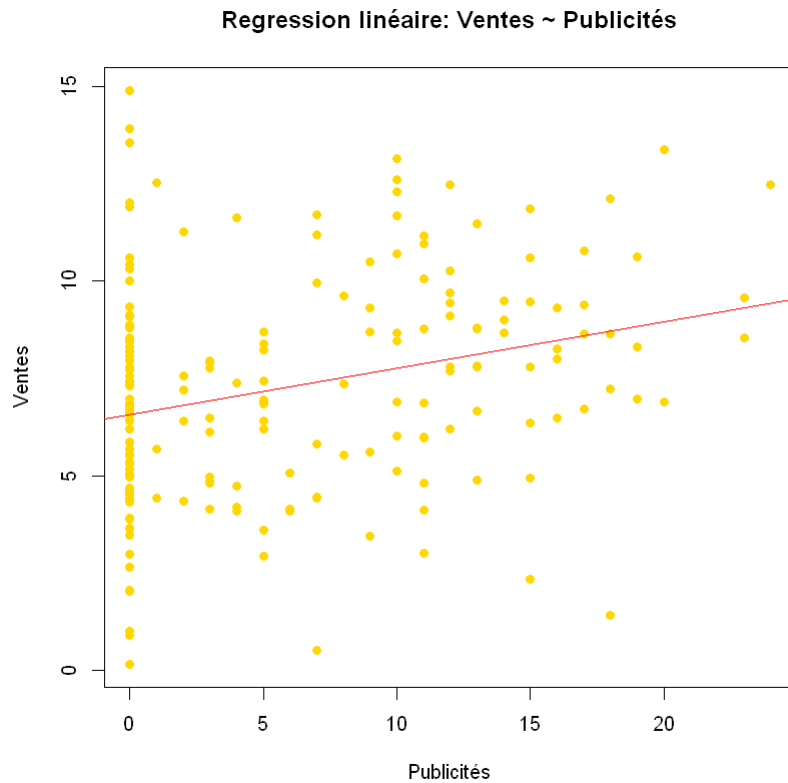
## Graphe de regression

La figure ci-dessous représente la droite de régression linéaire entre Y et X2

```
In [240... modele4 <- lm(Y ~ X2)

# Create a scatter plot of log(Y) against X1
plot(X2, Y, main = "Regression linéaire: Ventés ~ Publicités", col = "gold",
     xlab = "Publicités", ylab = "Ventés", pch = 16)

# Add the regression Line
abline(modele4, col = "red")
```



## Tableau d'analyse de la variance

In [241...

```
summary(modele4)
anova(modele4)
```

Call:

```
lm(formula = Y ~ X2)
```

Residuals:

| Min    | 1Q     | Median | 3Q    | Max   |
|--------|--------|--------|-------|-------|
| -7.306 | -1.969 | -0.076 | 1.648 | 8.320 |

Coefficients:

|             | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t )    |
|-------------|----------|------------|---------|-------------|
| (Intercept) | 6.580    | 0.266      | 24.71   | < 2e-16 *** |
| X2          | 0.119    | 0.030      | 3.98    | 9.8e-05 *** |

---

Signif. codes: 0 '\*\*\*' 0.001 '\*\*' 0.01 '\*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 2.72 on 193 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.0758, Adjusted R-squared: 0.071

F-statistic: 15.8 on 1 and 193 DF, p-value: 9.81e-05

A anova: 2 × 5

|           | Df    | Sum Sq | Mean Sq | F value | Pr(>F)   |
|-----------|-------|--------|---------|---------|----------|
|           | <int> | <dbl>  | <dbl>   | <dbl>   | <dbl>    |
| X2        | 1     | 117.4  | 117.431 | 15.83   | 9.81e-05 |
| Residuals | 193   | 1431.9 | 7.419   | NA      | NA       |

## Test de la signification du modèle

Les hypothèses sont les suivantes :

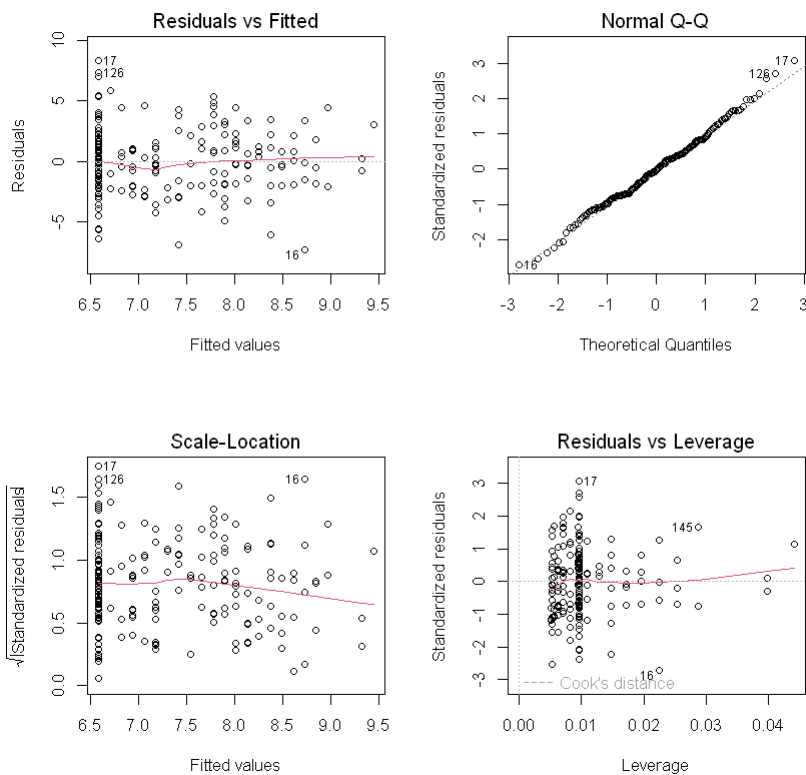
- $H_0 : \beta_1 = 0$  ce qui implique qu'il n'y a pas de relation linéaire entre Y et X2
- $H_1 : \beta_1 \neq 0$

La p-value de  $\beta_1$  est 9.81e-05 qui est inférieure au seuil  $\alpha = 0.05$  ce qui signifie qu'on rejette l'hypothèse  $H_0$

## Analyse des résidus

Observons et interprétons les différents tests effectués sur les résidus avec la figure ci-dessous.

```
In [242... par(mfrow = c(2,2))  
plot(modele4)
```



## Interprétations:

- Pour le graphe des residual vs Fitted et le graphe Residual vs Leverage on remarque on remarque une répartition des données assez égale de part et d'autre de l'axe 0. On conclut donc qu'il y a homoscedasticité
- Pour le graphique Normal Q-Q on constate que les résidus sont majoritairement confondus aux quantiles théoriques de la normal on conclut donc que la distribution de l'erreur suit effectivement une normal
- En observant le graphe Scale-Location, on remarque que les résidus sont aléatoirement dispersés et ne présentent aucune tendance entre eux. On peut donc conclure qu'il n'y a pas d'autocorrélation entre les résidus

Ces interprétations montrent que les hypothèses de bases sont respectées par notre modèle, nous concluons donc que ce modèle est utilisable pour faire une prédiction

## Interval de confiance de beta0 et beta1

```
In [243...] conf_int <- confint(modele4)
conf_int
```

A matrix: 2 × 2 of type dbl

|             | 2.5 %   | 97.5 % |
|-------------|---------|--------|
| (Intercept) | 6.05505 | 7.1056 |
| X2          | 0.06011 | 0.1783 |

## Étude du modèle 5

$$Y = \beta_0(8 + X_2^{\beta_1})\exp(\epsilon)$$

Maintenant, nous nous intéressons à un modèle non linéaire entre Y et X1.

Nous allons poser  $Y^* = \ln(Y)$  ce qui va nous permettre d'obtenir

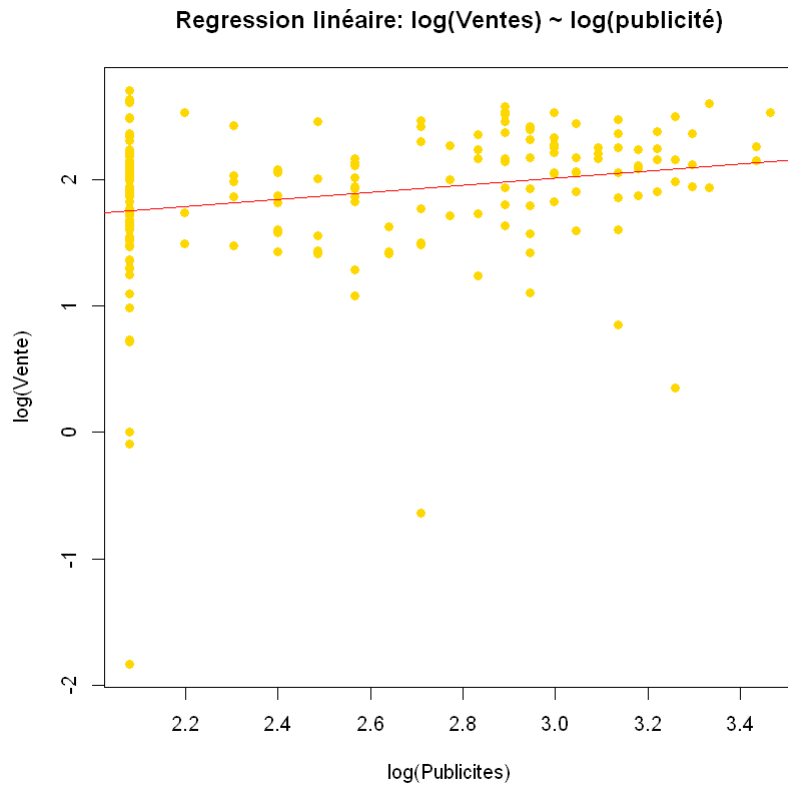
$$Y^* = \ln(\beta_0) + \ln(8 + X_1^{\beta_1}) + \epsilon$$

## Graphe de regression

```
In [244...] modele5 <- lm(log(Y) ~ log(X2+8))

# Create a scatter plot of log(Y) against X2
plot(log(X2+8), log(Y), main = "Regression linéaire: log(Ventes) ~ log(publicité)",
     xlab = "log(Publicites)", ylab = "log(Vente)", pch = 16)

# Add the regression line
abline(modele5, col = "red")
```



## Tableau d'analyse de la variance

In [245...

```
summary(modele5)
anova(modele5)
```

Call:

```
lm(formula = log(Y) ~ log(X2 + 8))
```

Residuals:

| Min    | 1Q     | Median | 3Q    | Max   |
|--------|--------|--------|-------|-------|
| -3.585 | -0.207 | 0.105  | 0.315 | 0.949 |

Coefficients:

|             | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t )    |
|-------------|----------|------------|---------|-------------|
| (Intercept) | 1.1735   | 0.2222     | 5.28    | 3.4e-07 *** |
| log(X2 + 8) | 0.2785   | 0.0861     | 3.23    | 0.0014 **   |

---

Signif. codes: 0 '\*\*\*' 0.001 '\*\*' 0.01 '\*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 0.539 on 193 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.0514, Adjusted R-squared: 0.0464

F-statistic: 10.4 on 1 and 193 DF, p-value: 0.00144

A anova: 2 × 5

|             | Df    | Sum Sq | Mean Sq | F value | Pr(>F)   |
|-------------|-------|--------|---------|---------|----------|
|             | <int> | <dbl>  | <dbl>   | <dbl>   | <dbl>    |
| log(X2 + 8) | 1     | 3.037  | 3.0366  | 10.45   | 0.001443 |
| Residuals   | 193   | 56.085 | 0.2906  | NA      | NA       |

## Test de la signification du modèle

Les hypothèses sont les suivantes :

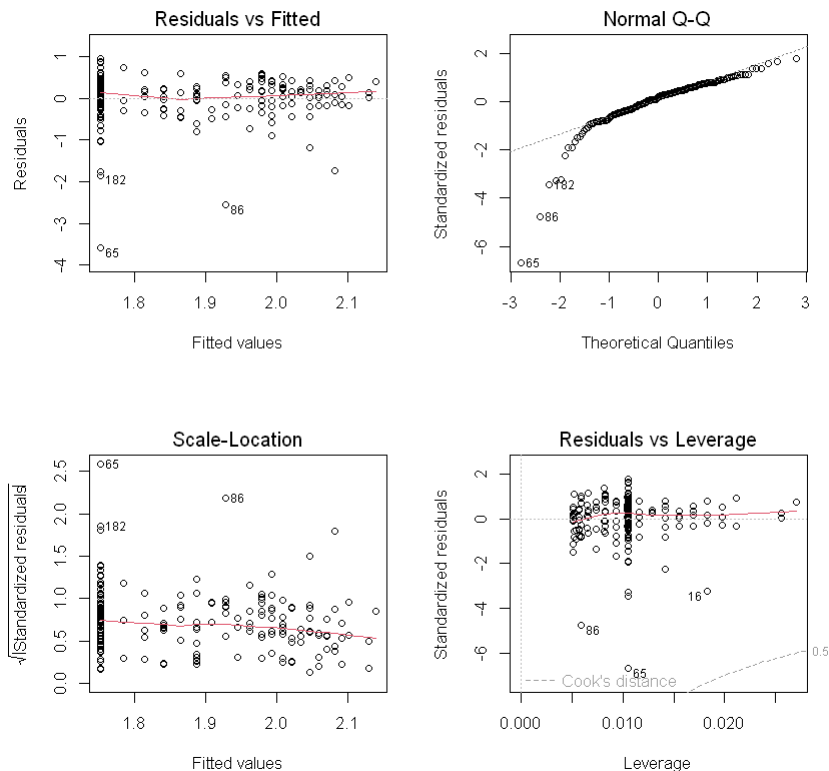
- $H_0 : \beta_1 = 0$  ce qui implique qu'il n'y a pas de relation linéaire entre Y et X2
- $H_1 : \beta_1 \neq 0$

La p-value de  $\beta_1$  est 0.00144 qui est inférieure au seuil  $\alpha = 0.05$  ce qui signifie qu'on rejette l'hypothèse  $H_0$

## Analyse des résidus

Observons les différents tests effectués sur les résidus avec la figure ci-dessous.

```
In [246... par(mfrow = c(2,2))  
plot(modele5)
```



## Interprétations:

- Pour le graphe des residual vs Fitted et le graphe Residual vs Leverage on remarque on remarque une répartition des données assez égale de part et d'autre de l'axe 0. On conclut donc qu'il y a homoscédasticité
- Pour le graphique Normal Q-Q on constate que les résidus sont majoritairement confondus aux quantiles théoriques de la normal on conclut donc que la distribution de l'erreur suit effectivement une normal
- En observant le graphe Scale-Location, on remarque que les résidus sont aléatoirement dispersés et ne présentent aucune tendance entre eux. On peut donc conclure qu'il n'y a pas d'autocorrélation entre les résidus

Ces interprétations montrent que les hypothèses de bases sont respectées par notre modèle, nous concluons donc que ce modèle est utilisable pour faire une prédiction

## Interval de confiance de beta0 et beta1

```
In [247...] # Obtenir Les intervalles de confiance des coefficients
conf_int <- confint(modele5) # Calculer Les intervalles de confiance
# Afficher Les résultats
conf_int
```

A matrix: 2 × 2 of type dbl

2.5 % 97.5 %

(Intercept) 0.7353 1.6117

log(X2 + 8) 0.1086 0.4483

## Étude du modèle 6

$$Y = \beta_0 * \exp[(\beta_1 * X_2) + \epsilon]$$

Maintenant, nous nous intéressons à un autre modèle non linéaire entre Y et X2.

Nous allons poser  $Y^* = \ln(Y)$  ce qui va nous permettre d'obtenir

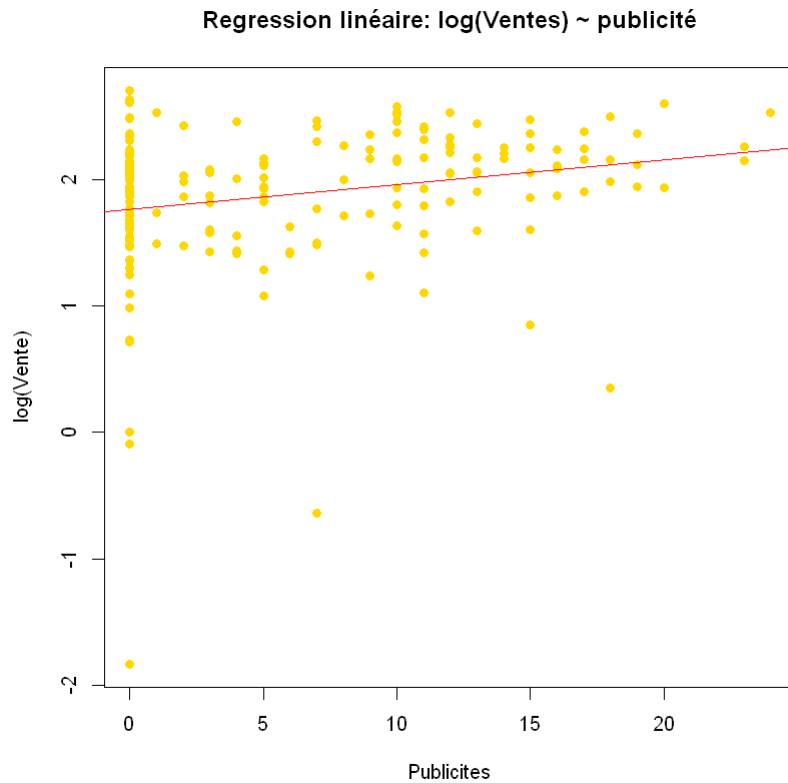
$$Y^* = \ln(\beta_0) + \beta_1 * X_2 + \epsilon$$

## Graphe de regression

```
In [248...] modele6 <- lm(log(Y) ~ X2)

# Create a scatter plot of Log(Y) against X1
plot(X2, log(Y), main = "Regression linéaire: log(Ventes) ~ publicité", col = "gold",
     xlab = "Publicites", ylab = "log(Vente)", pch = 16)

# Add the regression Line
abline(modele6, col = "red")
```



## Tableau d'analyse de la variance

In [249...

```
summary(modele6)
anova(modele6)
```

Call:

```
lm(formula = log(Y) ~ X2)
```

Residuals:

| Min    | 1Q     | Median | 3Q    | Max   |
|--------|--------|--------|-------|-------|
| -3.595 | -0.210 | 0.079  | 0.304 | 0.939 |

Coefficients:

|             | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t )   |
|-------------|----------|------------|---------|------------|
| (Intercept) | 1.76199  | 0.05264    | 33.47   | <2e-16 *** |
| X2          | 0.01963  | 0.00592    | 3.31    | 0.0011 **  |

---

Signif. codes: 0 '\*\*\*' 0.001 '\*\*' 0.01 '\*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 0.538 on 193 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.0539, Adjusted R-squared: 0.0489

F-statistic: 11 on 1 and 193 DF, p-value: 0.0011



A anova: 2 × 5

|           | Df    | Sum Sq | Mean Sq | F value | Pr(>F)   |
|-----------|-------|--------|---------|---------|----------|
|           | <int> | <dbl>  | <dbl>   | <dbl>   | <dbl>    |
| X2        | 1     | 3.184  | 3.1838  | 10.98   | 0.001097 |
| Residuals | 193   | 55.937 | 0.2898  | NA      | NA       |

## Test de la signification du modèle

Les hypothèses sont les suivantes :

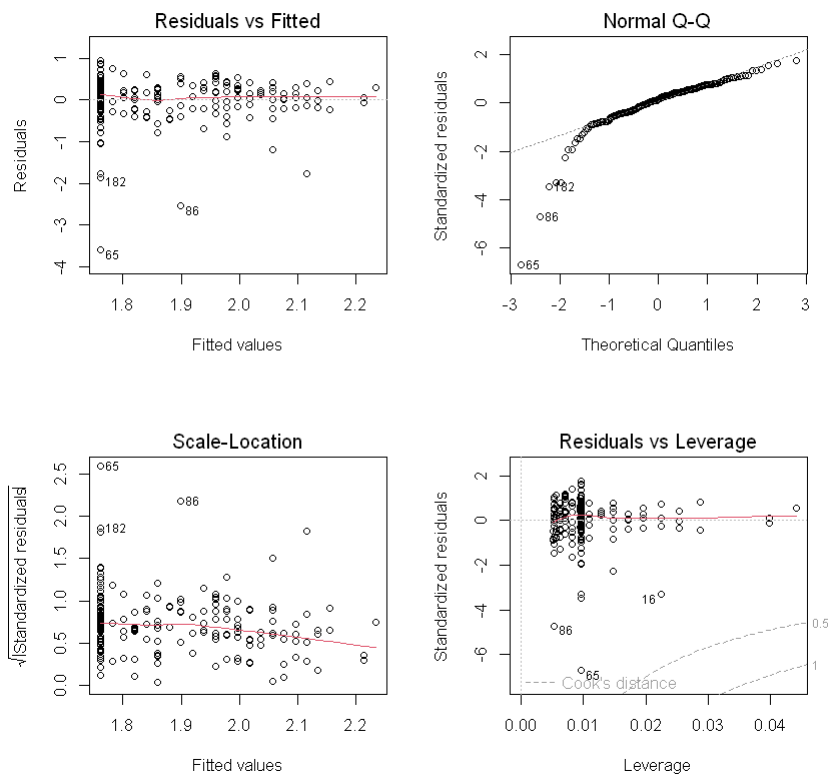
- $H_0 : \beta_1 = 0$  ce qui implique qu'il n'y a pas de relation linéaire entre  $\ln(Y)$  et  $X_1$
- $H_1 : \beta_1 \neq 0$

La p-value de  $\beta_1$  est 0.0011 qui est inférieure au seuil  $\alpha = 0.05$  ce qui signifie qu'on rejette l'hypothèse  $H_0$

## Analyse des résidus

Observons et interprétons les différents tests effectués sur les résidus avec la figure ci-dessous.

```
In [250...] par(mfrow = c(2,2))  
plot(modele6)
```



## Interprétations:

- Pour le graphe des residual vs Fitted et le graphe Residual vs Leverage on remarque on remarque une répartition des données assez égale de part et d'autre de l'axe 0. On conclut donc qu'il y a homoscedasticité
- Pour le graphique Normal Q-Q on constate que les résidus sont majoritairement confondus aux quantiles théoriques de la normal on conclut donc que la distribution de l'erreur suit effectivement une normal
- En observant le graphe Scale-Location, on remarque que les résidus sont aléatoirement dispersés et ne présentent aucune tendance entre eux. On peut donc conclure qu'il n'y a pas d'autocorrélation entre les résidus

Ces interprétations montrent que les hypothèses de bases sont respectées par notre modèle, nous concluons donc que ce modèle est utilisable pour faire une prédiction

## Interval de confiance de beta0 et beta1

```
In [251... # Obtenir Les intervalles de confiance des coefficients
conf_int <- confint(modele6) # Calculer Les intervalles de confiance
# Afficher Les résultats
conf_int
```

A matrix: 2 × 2 of type dbl

|             | 2.5 %    | 97.5 %  |
|-------------|----------|---------|
| (Intercept) | 1.658174 | 1.86581 |
| X2          | 0.007948 | 0.03131 |

## Choix du meilleur modèle:

Déterminons quel modèle est le plus adapté en fonction du Coefficient de détermination  $R^2$

Modèle1  $R^2 = 0.1466$

Modèle1  $R^2 = 0.106$

Modèle3  $R^2 = 0.1294$

Modèle4  $R^2 = 0.07579$

Modèle5  $R^2 = 0.05136$

Modèle6  $R^2 = 0.05385$

Pour départager nous allons choisir le modèle qui a le plus grand  $R^2$ . Le modèle le plus approprié pour notre prévision sur les ventes est donc le modèle1

## Prévision des ventes en fonction du meilleur modele

---

```
In [252... predict(modele1, data.frame(X1 = 118), level = 0.95)
```

```
1: 7.18050173218808
```

## Interprétation

Le résultat obtenu montre qu'on est certain à 95% de vendre 7180 à 118\$ peu importe le montant investi en publicité et peu importe la région