

Algorithmique Appliquée

BTS SIO SISR

Programmes numériques simples et
techniques de débogage



CHAMBRE DE COMMERCE
ET D'INDUSTRIE

1^{er} ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



Loïc Yvonnet



Plan

- Introduction à la technique "devine-et-vérifie"
- Introduction à la dichotomie
- Introduction à l'instrumentation de code
- Introduction à l'algorithme Newton Raphson
- Histoire des bugs et du débogage
- Techniques pour déboguer manuellement
- Utilisation d'un "debugger" avec points d'arrêt

Correction du travail à la maison



DM : Retours sur Scratch et Python

[Lien vers le sujet de DM.](#)

Introduction à la technique "devine-et-vérifie"

Guess-and-check 

Devine-et-vérifie

Nous souhaitons résoudre les problèmes suivants :

- Retrouver un nombre dans un intervalle,
- Déterminer si un nombre est premier,
- Calculer une racine carrée.

Nous allons aborder différentes techniques. La plus simple est "devine-et-vérifie".

Retrouver un nombre dans un intervalle

```

valeur_recherchee = int(input("Entrez un nombre entre 0 et 1 000 000 : "))

if valeur_recherchee < 0 or valeur_recherchee > 1000000:
    print("Erreur")
else:
    devine = 0
    while devine < valeur_recherchee:
        devine += 1
    print(devine)

```

Nombre premier

```
x = int(input("Entrez un nombre entier positif : "))

if x <= 2:
    print("Les nombres inférieurs ou égaux à 2 ne sont pas premiers")
else:
    diviseur = None
    for devine in range(2, x):
        if x % devine == 0:
            diviseur = devine
            break

    if diviseur != None:
        print(f"Le plus petit diviseur de {x} est {diviseur}.")
    else:
        print(f"{x} est un nombre premier")
```


Nombre premier (plus rapide)

```
x = int(input("Entrez un nombre entier positif : "))

if x <= 2:
    print("Les nombres inférieurs ou égaux à 2 ne sont pas premiers")
elif x % 2 == 0:
    print(f"Le plus petit diviseur de {x} est 2.")
else:
    diviseur = None
    for devine in range(3, x, 2):
        if x % devine == 0:
            diviseur = devine
            break

    if diviseur != None:
        print(f"Le plus petit diviseur de {x} est {diviseur}.")
    else:
        print(f"{x} est un nombre premier")
```

Notion d'heuristique (1/2)

- On pourrait encore accélérer l'algorithme précédent avec des **heuristiques** supplémentaires.
- Une heuristique est une **astuce** permettant de simplifier un problème ou d'accélérer sa résolution.

Notion d'heuristique (2/2)

- Par exemple :
 - on sait qu'un nombre dont le dernier chiffre est 5 est divisible par 5.
 - on sait que si la somme des chiffres d'un nombre est divisible par 3, alors ce nombre est divisible par 3.
 - on sait qu'il n'est pas nécessaire de tester les nombres supérieurs à \sqrt{x} .
- Ainsi, on peut éliminer très rapidement les nombres divisibles par 2, 3 ou 5.

Racine carrée

```
x = int(input("Entrez un nombre entier positif : "))
devine = 0
while devine ** 2 < x:
    devine += 1

if devine ** 2 != x:
    print(f"{x} n'est pas un carré parfait")
else:
    print(f"La racine carrée de {x} est {devine}.")
```

Racine carrée à petits pas

```
x = float(input("Entrez un nombre entier positif : "))
devine = 0
pas = 0.0001
while devine ** 2 < x:
    devine += pas

erreur = abs(x - devine ** 2)
print(f"La racine carrée de {x} est {devine} à {erreur} près")
```

Limites de l'approche devine-et-vérifie

- Cette approche est basée sur une **énumération exhaustive**.
- Limites :
 - Effectue un *grand nombre* de tests.
 - Si le nombre recherché n'est pas énuméré, l'erreur n'est pas complètement maîtrisée.
- D'autres approches existent.

Introduction à la dichotomie

Bisection search 

Le juste prix

- Jeu télévisé des années 1990.
- Le présentateur demandait au joueur de trouver un prix entre **1 et 1000** francs.
- Le joueur propose un prix.
- Le présentateur dit si c'est **supérieur, inférieur ou égal**.
- Le joueur propose un nouveau prix, et le présentateur répond à nouveau.
- Le joueur a **une minute** pour trouver le juste prix.

La dichotomie

- On utilise le fait que l'espace de travail est **totalelement ordonné**.
- A chaque étape, on divise l'espace de travail par 2, jusqu'à converger vers une solution satisfaisante.

Retrouver un nombre dans un intervalle

```

valeur_recherchee = int(input("Entrez un nombre entre 0 et 1 000 000 : "))

if valeur_recherchee < 0 or valeur_recherchee > 1000000:
    print("Erreur")
else:
    debut = 0
    fin = 1000000
    milieu = round((fin + debut) / 2)
    while milieu != valeur_recherchee:
        if milieu > valeur_recherchee:
            fin = milieu
        else:
            debut = milieu
        milieu = round((fin + debut) / 2)
    print(milieu)

```

Racine carrée

```
x = float(input("Entrez un nombre positif : "))

debut = 0
fin = max(1, x)
milieu = (fin + debut) / 2
epsilon = 0.0001

while abs(milieu ** 2 - x) >= epsilon:
    if milieu ** 2 > x:
        fin = milieu
    else:
        debut = milieu
    milieu = (fin + debut) / 2

erreur = abs(milieu ** 2 - x)
print(f"La racine carrée de {x} est {milieu} à {erreur} près")
```

Comparaison entre dichotomie et énumération exhaustive

- Intuitivement, pour les 3 problèmes qui nous préoccupent :
 - Retrouver un nombre dans un intervalle : la **dichotomie** gagne.
 - Déterminer si un nombre est premier : l'**énumération exhaustive** gagne.
 - Calculer une racine carrée : la **dichotomie** gagne.
- S'il est nécessaire de tester toutes les valeurs, la dichotomie n'apporte rien.

TD : Utilisation de la dichotomie pour calculer des racines et des logarithmes



TD : Dichotomie pour Racines et Logarithmes

[Lien vers le sujet de TD.](#)

Introduction à l'instrumentation de code

Pourquoi instrumenter le code

- Nous avons vu que différents algorithmes permettent de résoudre un même problème.
- Nous avons tenté de comparer ces algorithmes en utilisant notre intuition.
- L'intuition est utile mais pas très *mathématique*.
- On souhaite effectuer des **mesures** et **observer l'exécution**.

Instrumentation

- L'instrumentation consiste à rajouter du code :
 - pour **observer** l'exécution avec des `print`.
 - pour **mesurer** des indicateurs comme le nombre d'itérations effectuées.
 - pour **comprendre** les problèmes, lorsqu'il y en a.
- Ces ajouts **ne modifient pas** l'algorithme instrumenté. Il s'agit **d'instruments de mesure**.

Observation de valeurs en cours d'exécution

```
x = float(input("Entrez un nombre positif : "))

debut = 0
fin = max(1, x)
milieu = (fin + debut) / 2
epsilon = 0.0001

while abs(milieu ** 2 - x) >= epsilon:
    print(milieu) # On affiche ici la valeur
    if milieu ** 2 > x:
        fin = milieu
    else:
        debut = milieu
    milieu = (fin + debut) / 2

erreur = abs(milieu ** 2 - x)
print(f"La racine carrée de {x} est {milieu} à {erreur} près")
```

Compte du nombre d'itérations

```
x = float(input("Entrez un nombre positif : "))

debut = 0
fin = max(1, x)
milieu = (fin + debut) / 2
epsilon = 0.0001

compteur = 0

while abs(milieu ** 2 - x) >= epsilon:
    compteur += 1 # On incrémente le compteur d'itérations
    if milieu ** 2 > x:
        fin = milieu
    else:
        debut = milieu
    milieu = (fin + debut) / 2

erreur = abs(milieu ** 2 - x)
print(f"La racine carrée de {x} est {milieu} à {erreur} près")
print(f"Nombre d'itérations : {compteur}") # on l'affiche
```

Chronométrage de l'exécution

```
import time

x = float(input("Entrez un nombre positif : "))

chrono_debut = time.process_time() # démarrage du chronomètre

#
# Corps du code à chronométrer
# (voir diapositives précédentes pour les détails)
#

chrono_fin = time.process_time() # arrêt du chronomètre
temps_ecoule = chrono_fin - chrono_debut # calcul du temps écoulé

erreur = abs(milieu ** 2 - x)
print(f"La racine carrée de {x} est {milieu} à {erreur} près")
print(f"Temps d'exécution : {temps_ecoule}s") # on l'affiche
```

Benchmark (1/2)

- La comparaison du temps d'exécution de 2 algorithmes (ou plus) s'appelle un **benchmark**.
- Les processus s'exécutant sur un système d'exploitation sont en compétition pour les ressources de la machine.
- Les mesures effectuées avec `time.process_time` ne sont **pas précises** car elles sont impactées par les autres processus s'exécutant sur la machine.

Benchmark (2/2)

- Si un processus gourmand en ressources (tel qu'un jeu vidéo) est exécuté en même temps, la mesure peut être fortement **impactée**.
- Lorsque l'on souhaite être précis, il faut que les mesures soient **indépendantes** des autres processus.
- Dans les prochains cours et TPs, nous verrons des méthodes plus précises.

Introduction à l'algorithme Newton Raphson

Algorithme d'approximation numérique

- On a utilisé une méthode d'**approximations successives** avec la dichotomie pour résoudre \sqrt{x} .
- A chaque itération :
 - on fait une **supposition** ;
 - on calcul l'**erreur** par rapport au résultat théorique ;
 - si l'erreur est inférieure à un δ suffisamment petit, on s'arrête ;
 - sinon, on fait une nouvelle supposition plus proche que la supposition précédente.

Newton Raphson (1/4)

- Un autre algorithme d'approximation est également célèbre : **Newton-Raphson**.
- L'algorithme de Newton-Raphson peut être utilisé pour trouver les **racines** de nombreuses fonctions.
- La racine r d'une fonction f est telle que :

$$f(r) = 0$$

- On s'intéresse au cas des fonctions polynomiales à une variable.

Newton Raphson (2/4)

- On note notre fonction polynomiale $P(x)$:

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$$

$$P(x) = \sum_{k=0}^n a_k x^k$$

- Pour rappel, la dérivée de $P(x)$ se note $P'(x)$ et est égale à :

$$P'(x) = \sum_{k=0}^n a_k k x^{k-1}$$

Newton Raphson (3/4)

- On cherche à trouver la racine r telle que $P(r) = 0$.
- On note s_1 et s_2 des approximations de r pour $P(r) = 0$.
- On souhaite que s_2 soit une meilleure approximation de r que s_1 , soit :

$$P(r) \leq P(s_2) < P(s_1)$$

Newton Raphson (4/4)

- Un **théorème** prouvé par Newton montre que s_2 peut être calculé de la manière suivante :

$$s_2 = s_1 - \frac{P(s_1)}{P'(s_1)}$$

Newton-Raphson pour le calcul de racine carrée

- Trouver la racine carrée de a_0 revient à résoudre $x^2 - a_0 = 0$.
- Notre polynôme s'écrit donc $P(x) = x^2 - a_0$.
- Trivialement, on a $P'(x) = 2x$.
- Si on a une approximation s_1 de $P(r) = 0$, alors on calcule une meilleure approximation s_2 :

$$s_2 = s_1 - \frac{P(s_1)}{P'(s_1)} = s_1 - \frac{s_1^2 - a_0}{2s_1}$$

Application en Python

```
a0 = float(input("Entrez un nombre positif : "))

s = a0 / 2
epsilon = 0.0001

while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:
    P = s ** 2 - a0
    P_prime = 2 * s
    s = s - P / P_prime

erreur = abs(s ** 2 - a0)
print(f"La racine carrée de {a0} est {s} à {erreur} près")
```

Problèmes et algorithmes

- En résumé :
 - Retrouver un nombre dans un intervalle : la **dichotomie** gagne,
 - Déterminer si un nombre est premier : l'**énumération exhaustive** gagne,
 - Calculer une racine carrée : **Newton-Raphson** gagne.
- Vous allez voir cela en pratique dans le prochain TP.

TP : Comparaison d'algorithmes ayant le même objectif



TP : Comparaison d'Algorithmes

[Lien vers le sujet de TP.](#)



Histoire des bugs et du débogage dans la culture anglo-saxonne

Le mythe de l'insecte dans la machine

- 1947 : un insecte empêchant le fonctionnement du calculateur de l'université de Harvard est découvert.
- Depuis, une légende urbaine affirme qu'il s'agit du premier "bug" (insecte en anglais).
- L'emploi du terme "bug" pour désigner un problème viendrait de là.

Les vraies origines

- Le terme "bug" était déjà utilisé dans la langue anglaise pour désigner un problème.
- 1896 : Le livre *Nouveau Catéchisme de l'Electricité* de *Hawkins* emploie cette terminologie.
- En ancien anglais, le terme "*bugbear*" signifie "*tout ce qui peut causer une peur ou une anxiété excessive sans que cela soit nécessaire*".

Eviter les bugs (1/2)

- **Problème d'arrêt** (Halting Problem) : il n'est pas possible de prouver la validité d'un programme de manière générique.
- **Preuve de programme** :
 - Prouver le bon fonctionnement d'un algorithme est ardu.
 - Prouver le fonctionnement d'un programme complexe est presque toujours trop coûteux.

Eviter les bugs (2/2)

- **Solution** : mettre en place de **bonnes pratiques** de développement logiciel.
- Nous aborderons quelques unes de ces bonnes pratiques dans les prochains cours.

Bugs manifestes et cachés

- **Bug manifeste** : le problème est visible facilement. Par exemple, un crash.
- **Bug caché** : le problème est quasiment invisible dans la plupart des cas. Par exemple, une fuite mémoire.

Bugs persistants et intermittents

- **Bug persistant** : il survient de manière systématique et il est facile à reproduire.
- **Bug intermittent** : il semble survenir de manière aléatoire et il est difficile à reproduire.

Techniques pour déboguer manuellement un programme sur papier

Plus capables et moins rapides

- Une **machine** n'est pas nécessaire pour exécuter un algorithme.
- Les 1ers algorithmes ont été inventés bien avant la création des 1ers calculateurs.
- Un **humain** peut tout à fait exécuter manuellement un algorithme.
- Un humain sera simplement moins rapide qu'une machine.
- Un humain peut également faire des erreurs de calcul qu'une machine éviterait.

Pourquoi le faire manuellement ?

- Vous devez donc vous préparer pour l'**examen**.
- Les entreprises les plus prestigieuses demandent aux candidats de **développer sur un tableau blanc**.
- En pratique, même en entreprise, on continue à **résoudre les problèmes les plus complexes** par des brouillons sur papier ou sur tableau blanc avant de passer sur machine.

Procédure

- Prendre un papier 
- Prendre un crayon 
- Dessiner un tableau dont le nombre de colonnes est égal au nombre de variables à suivre 
- A chaque itération, remplir une ligne avec les valeurs actuelles des variables 

Example

```
a0 = 16

s = a0 / 2
epsilon = 0.1

while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:
    P = s ** 2 - a0
    P_prime = 2 * s
    s = s - P / P_prime

print(f"sqrt({a0}) == {s}")
```

| a0 | s | epsilon | P | P_prime |
|----|-----|---------|------|---------|
| 16 | 8 | 0.1 | | |
| 16 | 8 | 0.1 | 48 | 16 |
| 16 | 5 | 0.1 | 9 | 10 |
| 16 | 4.1 | 0.1 | -0.8 | 8.2 |
| 16 | 4 | 0.1 | | |

Utilisation d'un debugger avec points d'arrêt

La puissance d'un EDI

- Tout bon **E**nvironnement de **D**éveloppement **I**ntégré (EDI) propose un **debugger**.
- Visual Studio Code, avec l'extension Python, propose un bon debugger.
- L'objectif d'un debugger est d'arrêter l'exécution d'un processus pour regarder son état.
- On doit lancer le processus depuis l'EDI en **mode débogage**, et utiliser des **points d'arrêt**.
- Un point d'arrêt se nomme *breakpoint* en anglais.

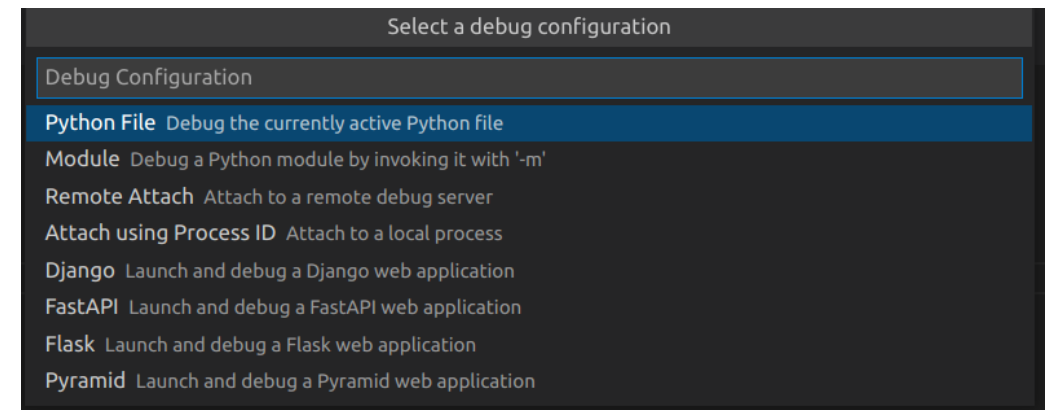
Lancer en mode débogage

A gauche de l'interface se trouve le menu *Run and Debug*.



Choisir le mode de débogage

Dans le cadre de ce cours, vous choisirez toujours de déboguer le fichier courant.



La barre d'outils de débogage

Lorsque le programme s'exécute (non arrêté sur un point d'arrêt), la barre d'outils de débogage, qui se trouve en haut de l'éditeur, a cet aspect.



Barre d'outils de débogage sur un point d'arrêt

- L'aspect change lorsque l'exécution arrive sur un point d'arrêt.
- Il devient alors possible d'exécuter pas à pas les instructions.



Options de la barre d'outils

- Les icônes permettent respectivement :
 - Continuer l'exécution (**F5**),
 - Exécuter l'instruction courante (**F10**),
 - Rentrer dans la fonction (**F11**),
 - Exécuter toutes les instructions jusqu'à la fin de la fonction,
 - Recommencer l'exécution depuis le début,
 - Stopper l'exécution;



Comment poser un point d'arrêt ?

Aspect d'une ligne
avant de poser un point
d'arrêt.

```
68  if __name__ == "__main__":  
69      compress()
```

Point d'arrêt classique

- Il suffit de **cliquer à gauche de la ligne** pour poser un point d'arrêt.
- Un **rond rouge** apparaît.
- Il est également possible d'utiliser le raccourci **F9**.
- Pour supprimer un point d'arrêt, il suffit de cliquer dessus à nouveau (ou d'utiliser F9 une seconde fois).

```
68  if __name__ == "__main__":  
● 69      compress()
```

Arrêt sur point d'arrêt

- La ligne est mise en **surbrillance** lorsqu'un point d'arrêt est atteint.
- Il devient alors possible d'**examiner toutes les variables** locales et globales.
- Pour cela, positionnez le curseur de la souris au-dessus d'une variable.

```
68  if __name__ == "__main__":  
69  | compress()
```

Autre méthode pour lancer en mode débogage

En haut à droite de l'éditeur se trouve un bouton avec une flèche. Si on sélectionne la flèche avec un insecte, on lance l'exécution en mode débogage.



Point d'arrêt conditionnel

Parfois, on souhaite arrêter l'exécution **uniquement lorsqu'une condition bien particulière est remplie.**

Pour cela, on commence par créer un point d'arrêt classique. Ensuite, on fait un clic droit sur ce point d'arrêt pour l'éditer.



```
6 while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:  
7     P = s ** 2 - a0  
8     P_prime = 2 * s
```

Remove Breakpoint Del P_prime
Edit Breakpoint... carrée de {a0} est {s} près")
Disable Breakpoint

Expression Booléenne sur un point d'arrêt

Si on souhaite arrêter l'exécution uniquement si la valeur de la variable P est inférieure à 20, il suffit de rentrer l'expression $P < 20$.

Il est possible de rentrer n'importe quelle expression Booléenne valide en Python.

```
6 while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:  
7     P = s ** 2 - a0  
8     P_prime = 2 * s  
Expression ▼ P < 20|
```

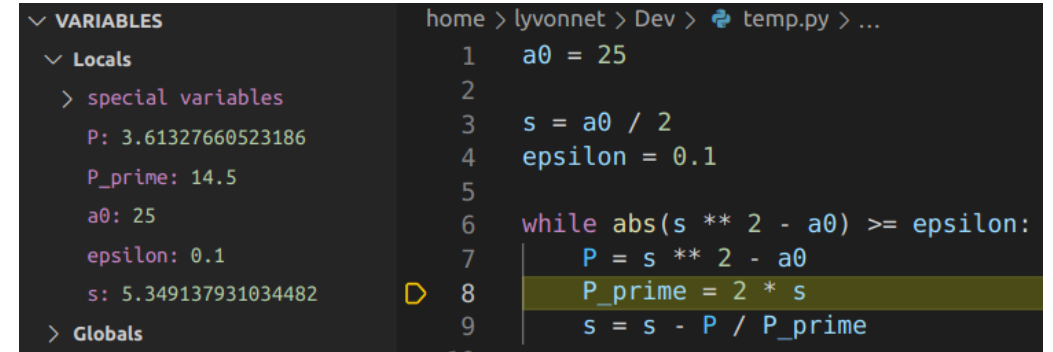
Aspect d'un point d'arrêt conditionnel

L'aspect d'un point d'arrêt conditionnel permet d'alerter sur la nature particulière de ce point d'arrêt.

```
6  while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:  
7      P = s ** 2 - a0  
8      P_prime = 2 * s
```

Tableau de valeurs

On peut obtenir
l'arborescence de
toutes les valeurs de
toutes les variables
dans l'encadré à
gauche de l'éditeur.



The screenshot shows a code editor interface. On the left, a 'VARIABLES' panel is expanded, showing a tree structure under 'Locals'. It lists 'special variables' with values for P, P_prime, a0, epsilon, and s. On the right, a Python script is visible, showing a while loop that calculates s and P_prime. The current line of execution is highlighted in yellow.

```
home > lyvonnet > Dev > temp.py > ...  
1 a0 = 25  
2  
3 s = a0 / 2  
4 epsilon = 0.1  
5  
6 while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:  
7     P = s ** 2 - a0  
8     P_prime = 2 * s  
9     s = s - P / P_prime  
10
```

Avec un compteur

- Parfois, on souhaite arrêter l'exécution à une **itération particulière**.
- On crée un point d'**arrêt conditionnel** en spécifiant "Hit" puis le numéro d'itération souhaité.
- L'arrêt s'effectuera lorsque le pointeur de stack sera passé le nombre de fois spécifié sur la ligne de code spécifiée.

```
6 while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:  
7     P = s ** 2 - a0  
8     P_prime = 2 * s  
Hit Count ▾ 3  
9     s = s - P / P_prime
```

Logs supplémentaires

- Parfois, on souhaite rajouter des **logs supplémentaires** sans pour autant changer le programme.
- Le point d'arrêt Log **n'arrête pas** l'exécution du programme.
- Il affiche le contenu de la f-string spécifiée à chaque fois que la ligne est atteinte.

```
6 while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:  
7     P = s ** 2 - a0  
8     P_prime = 2 * s  
Log Message ▾ P = {P}  
9     s = s - P / P_prime
```

Aspect d'un point d'arrêt Log

Un point d'arrêt Log est
un losange à la place
d'un cercle.

```
6  while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:  
7      P = s ** 2 - a0  
♦ 8      P_prime = 2 * s  
9      s = s - P / P_prime
```

Autres options de débogage (1/2)

- Il existe de nombreuses autres options de débogage.
- Par exemple :
 - Voir la pile d'appels de fonctions et changer de contexte ;
 - Créer un point d'arrêt lors de l'entrée dans une fonction ;

Autres options de débogage (2/2)

Autres exemples

- Activation et désactivation de tous les points d'arrêt,
- Suivre la valeur d'expressions particulières,
- Afficher différents threads d'exécution,
- etc.

TP : Déboguer un programme mal écrit et comportant des bugs



TP : Débogage d'un programme mal écrit

[Lien vers le sujet de TP.](#)