

# Algorithmique Appliquée

BTS SIO SISR

## Procédures et fonctions



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Plan

- Procédures : définition et appel
- Arguments
- Valeurs par défaut
- Variables locales et globales
- Fonctions
- Spécifications et contrat
- Nombre variable d'arguments
- Retour de plusieurs résultats
- Un mot sur la récursivité
- Fonctions d'ordre supérieur
- Fonctions lambda
- Programmation impérative et fonctionnelle
- Un mot sur les méthodes

# Procédures : définition et appel



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Comment réutiliser ce code ?

```
a0 = 16  
  
s = a0 / 2  
epsilon = 0.001  
  
while abs(s ** 2 - a0) >= epsilon:  
    P = s ** 2 - a0  
    P_prime = 2 * s  
    s = s - P / P_prime
```

- ➡ On souhaite pouvoir appeler ce code pour n'importe quelle valeur de  $a_0$ .

# Comment combiner des algorithmes ?

```
a0, b0, epsilon = 16, -27, 0.001

# Racine carrée
sa = a0 / 2
while abs(sa ** 2 - a0) >= epsilon:
    P = sa ** 2 - a0
    P_prime = 2 * sa
    sa = sa - P / P_prime

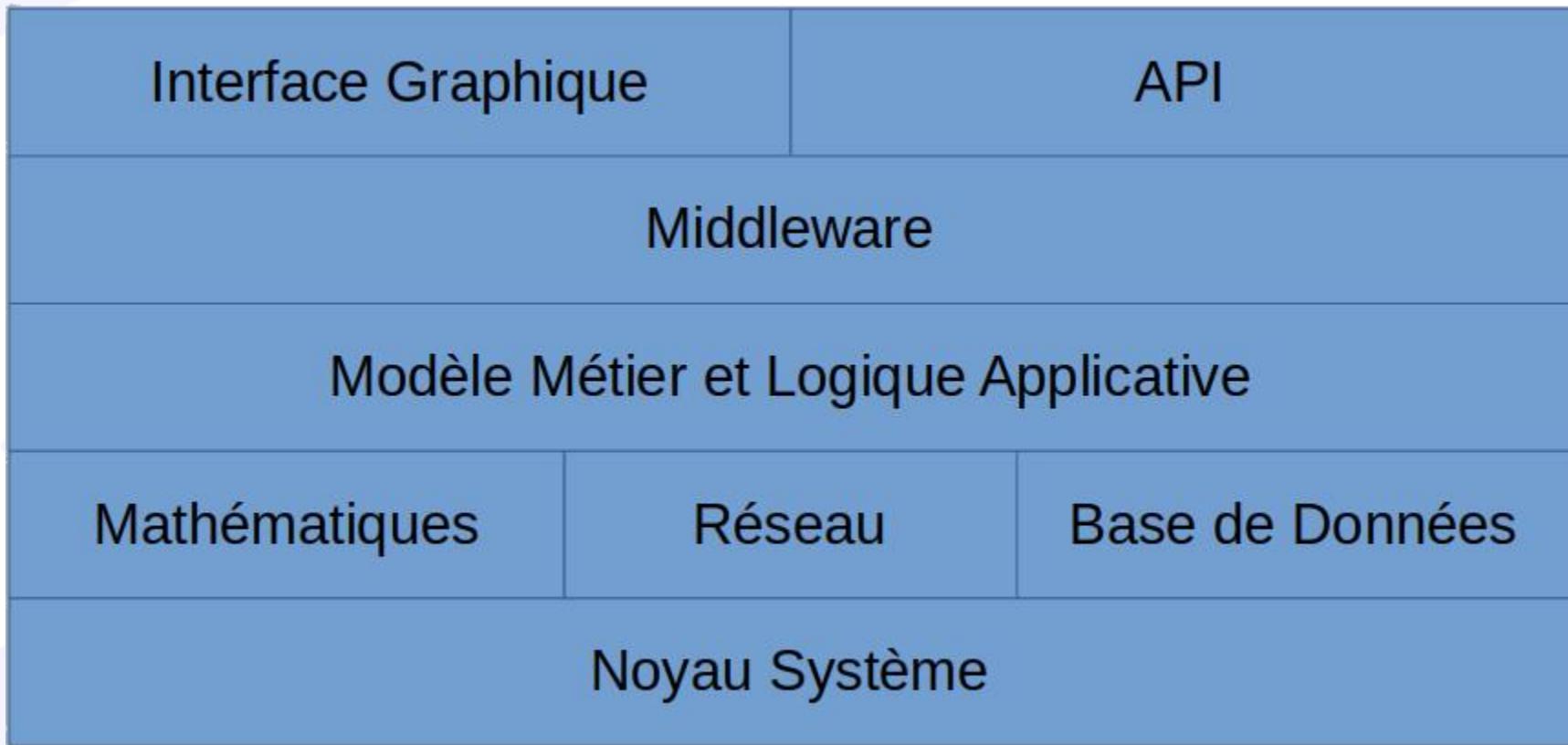
# Racine cubique
positif = True
if b0 < 0:
    positif, b0 = False, -b0
sb = b0 / 2
while abs(sb ** 3 - b0) >= epsilon:
    P = sb ** 3 - b0
    P_prime = 3 * sb ** 2
    sb = sb - P / P_prime
if not positif:
    sb = -sb

s = sa + sb
```

# Réutilisabilité

- On souhaite pouvoir **réutiliser** des algorithmes.
- On souhaite pouvoir **appeler** et **paramétrier** les appels à nos algorithmes.
- On souhaite pouvoir **combiner** facilement nos algorithmes.

# Couches d'abstraction



# Procédure

- Une **procédure** est une suite d'instructions.
- Il est possible d'appeler plusieurs fois une procédure.

# Syntaxe d'une procédure

```
def procedure():
    print("Première procédure")
```

# Appel d'une procédure (invocation)

```
def procedure():
    print("Première procédure")
```

```
procedure()
procedure()
procedure()
```



```
Première procédure
Première procédure
Première procédure
```

## Exemple avec racine cubique

```
def racine_cubique_27():
    """Affiche la racine cubique de 27."""
    b0 = 27
    epsilon = 0.001
    positif = True
    if b0 < 0:
        positif = False
        b0 = -b0
    sb = b0 / 2
    while abs(sb ** 3 - b0) >= epsilon:
        P = sb ** 3 - b0
        P_prime = 3 * sb ** 2
        sb = sb - P / P_prime
    if not positif:
        sb = -sb
    print(sb)

racine_cubique_27()
```



3.000000081210202

# Arguments



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Passage d'un argument

```
def carre(x):  
    print(f"{x ** 2}")
```

```
carre(2)  
carre(3)
```



4  
9

## Argument pour le calcul de la racine cubique

```
def racine_cubique(x):
    epsilon = 0.001
    positif = True
    if x < 0:
        positif = False
        x = -x
    s = x / 2
    while abs(s ** 3 - x) >= epsilon:
        P = s ** 3 - x
        P_prime = 3 * s ** 2
        s = s - P / P_prime
    if not positif:
        s = -s
    print(s)

racine_cubique(27)
racine_cubique(-27)
```



3.000000081210202  
-3.000000081210202

# Plusieurs arguments

```
def somme(a, b)
    resultat = a + b
    print(resultat)
```

```
somme(2, 3)
somme(3, 4)
```



5  
7

# Passage par valeur et passage par référence (1/2)

- Certains langages (comme C++ ou C#) font la distinction entre le passage d'arguments **par valeur** et le passage **par référence**.
- **En Python, seul le passage par valeur existe.**
- En C#, par défaut, les arguments sont également passés par valeur, comme en Python.
- Le passage par référence permet de modifier le paramètre d'entrée.

# Passage par valeur et passage par référence en C# (2/2)

```
static void passage_par_valeur(int a)
{
    a = a + 1;
    Console.WriteLine(a); // affiche 1
}

static void passage_par_reference(ref int a)
{
    a = a + 1;
    Console.WriteLine(a); // affiche 1
}

static void Main()
{
    x = 0;

    passage_par_valeur(x); // passe une copie de x
    Console.WriteLine(x); // affiche 0

    passage_par_reference(ref x); // passe une référence vers x
    Console.WriteLine(x); // affiche 1
}
```

# Valeurs par défaut



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Intérêt

- Une valeur par défaut pour un argument permet de **simplifier l'appel** dans les cas classiques.
- Cela donne à l'appelant **plus de possibilités** de paramétrage dans les cas particuliers.

# Puissance

```
def puissance(x, exposant=2):  
    print(f"{x ** exposant}")
```

```
puissance(2)  
puissance(2, 3)
```



4  
8

## Racine cubique avec $\varepsilon$

```
def racine_cubique(x, epsilon=0.0000001):
    positif = True
    if x < 0:
        positif = False
        x = -x
    s = x / 2
    while abs(s ** 3 - x) >= epsilon:
        P = s ** 3 - x
        P_prime = 3 * s ** 2
        s = s - P / P_prime
    if not positif:
        s = -s

    print(s)

racine_cubique(27)
racine_cubique(27, 1)
```



3.00000000000002  
3.0004936436555805

# Tous les arguments sont éligibles

```
def bonjour(prenom="Amélie", nom="Poulain"):  
    print(f"Bonjour {prenom} {nom}")  
  
bonjour()  
bonjour(nom="Teng")
```



Bonjour Amélie Poulain  
Bonjour Amélie Teng

# Attention

```
def bonjour(prenom="Amélie", nom):  
    print(f"Bonjour {prenom} {nom}")
```



```
def bonjour(prenom="Amélie", nom):  
    ^
```

```
SyntaxError: non-default argument follows default argument
```

# Variables locales et globales

## Scope



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Portée des variables

```
def f(a):  
    print(a)  
  
def g(a, b):  
    f(a)  
    f(b)  
  
def h():  
    a = 3  
    b = a + 2  
    g(b, a)  
  
h()
```



5  
3

# Variable globale

```
a = 5  
  
def f(a=10):  
    print(a)  
  
f()  
f(a)
```



```
10  
5
```

# Accès en lecture à une variable globale

```
a = 3  
  
def f():  
    for _ in range(a):  
        print(a * "***")  
  
f()
```



```
***  
***  
***
```

# Accès en écriture à une variable globale

```
a = 3

def f():
    a -= 1
    for _ in range(a):
        print(a * "***")

f()
```



a -= 1  
UnboundLocalError: local variable 'a' referenced before assignment 28

# Mot clé global

```
a = 3

def f():
    global a
    a -= 1
    for _ in range(a):
        print(a * "***")

f()
```



\*\*  
\*\*

# Fonctions



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Généralisation

- Une procédure est une **fonction** qui ne retourne pas de résultat.
- Une procédure est donc une fonction.
- De manière générale, on parle toujours de fonctions.

# Retourner un résultat

```
def somme(a, b):  
    """Renvoie la somme de a + b."""  
    return a + b  
  
resultat = somme(1, 2)
```



3

# Définition formelle (1/3)

```
def nom_de_la_fonction(liste_de_parametres):  
    corps_de_la_fonction
```

# Définition formelle (2/3)

- Lorsque l'on appelle (ou *invoque*) une fonction :
  - les expressions qui forment les paramètres sont évaluées.
  - les paramètres formels de la fonction sont liés aux valeurs de ces expressions (passage par valeur).
  - le point d'exécution est déplacé depuis le point d'invocation à la première instruction du corps de la fonction.
  - *cf. diapositive suivante...*

# Définition formelle (3/3)

- Lorsque l'on appelle (ou *invoque*) une fonction :
  - cf. diapositive précédente...
  - le corps de la fonction est exécuté :
    - jusqu'à une instruction `return`, auquel cas la valeur de la fonction devient la valeur de cette expression `return`,
    - ou alors jusqu'à ce qu'il n'y ait plus d'instruction à exécuter, auquel cas `None` est retourné.

# Fonction racine carrée

```
def racine_carree(x, epsilon=0.000001):  
    """Renvoie la racine carrée de x à epsilon près."""  
    s = x / 2  
    while abs(s ** 2 - x) >= epsilon:  
        P = s ** 2 - x  
        P_prime = 2 * s  
        s = s - P / P_prime  
  
    return s  
  
resultat = racine_carree(16)
```



4 . 0000000000000004

# Fonction racine cubique

```
def racine_cubique(x, epsilon=0.000001):
    """Renvoie la racine cubique de x à epsilon près."""
    positif = True
    if x < 0:
        positif = False
        x = -x
    s = x / 2
    while abs(s ** 3 - x) >= epsilon:
        P = s ** 3 - x
        P_prime = 3 * s ** 2
        s = s - P / P_prime
    if not positif:
        s = -s
    return s

resultat = racine_cubique(-27)
```



-3.00000000000002

# Retour au problème initial

```
r2 = racine_carree(16)
r3 = racine_cubique(-27)
resultat = somme(r2, r3)
```



```
1.000000000000022
```

# Plusieurs retours

```
def converti_nombre(x):
    """Converti le nombre x textuel sous un format entier."""
    if x == "zéro":
        return 0
    elif x == "un":
        return 1
    elif x == "deux":
        return 2
    else:
        return "non défini"

resultat = converti_nombre("un")
```



# Retour de plusieurs résultats

```
def ajoute_soustrait_et_multiplie(a, b):
    """Renvoie a + b, a - b et a * b."""
    somme = a + b
    difference = a - b
    produit = a * b

    return somme, difference, produit

ajout, diff, prod = ajoute_soustrait_et_multiplie(3, 2)
print(f"somme : {ajout}; différence : {diff} ; produit : {prod}")
```



somme : 5; différence : 1 ; produit : 6

# Spécifications et contrat



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Intérêt de la documentation des spécifications

- Vous avez étudié, lors du dernier cours, l'algorithme de Newtown-Raphson.
- Cet algorithme n'est pas trivial.
- De manière générale, il faut considérer qu'**aucun algorithme n'est trivial**.
- Il faut **documenter son code**.
- En particulier, il faut documenter chacune de ses fonctions.

# Les docstrings

- Chaque langage de programmation a ses bonnes pratiques de documentation.
- En Python, on documente le contrat de nos fonctions en utilisant une **docstring**.
- Une **docstring** commence et termine par un triple double-guillemet sur plusieurs lignes.

```
"""La première ligne décrit de manière concise le but de la fonction.  
On laisse ensuite une ligne vide avant de rentrer plus dans les détails.  
Ensuite, on documente chaque entrée, puis chaque sortie.  
"""
```

# Exemple avec la fonction

## somme

```
def somme(a, b):
    """Retourne la somme des arguments.

    a - entier, flottant ou chaîne de caractères.
    b - entier, flottant ou chaîne de caractères.
    Retourne la somme a + b.
    """
    return a + b
```

# Exemple avec la fonction $\sqrt{x}$

```
def racine_carree(x, epsilon=0.000001):  
    """Renvoie la racine carrée de x à epsilon près.
```

Calcule la racine carrée d'un nombre x positif en employant l'algorithme de Newtown-Raphson.

x - nombre flottant positif ou nul.

epsilon - nombre flottant strictement positif.

Retourne une valeur proche de la racine carrée de x, à plus ou moins epsilon près.

"""

```
s = x / 2  
while abs(s ** 2 - x) >= epsilon:  
    P = s ** 2 - x  
    P_prime = 2 * s  
    s = s - P / P_prime
```

```
return s
```

# Aide (1/2)

```
help(round)
```



```
round(number, ndigits=None)
```

Round a number to a given precision in decimal digits.

The return value is an integer if `ndigits` is omitted or `None`. Otherwise the return value has the same type as the number. `ndigits` may be negative.

# Aide (2/2)

```
help(racine_carree)
```



racine\_carree(x, epsilon=1e-06)

Renvoie la racine carrée de x à epsilon près.

Calcule la racine carrée d'un nombre x positif en employant l'algorithme de Newton-Raphson.

x - nombre flottant positif ou nul.

epsilon - nombre flottant strictement positif.

Retourne une valeur proche de la racine carrée de x, à plus ou moins epsilon près.

# TD : Fonctions géométriques simples



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# **TD : Fonctions géométriques simples**

**Lien** vers le sujet de TD.

# Nombre variable d'arguments

# Fonction print

```
arg1 = "La fonction print"  
arg2 = "peut prendre"  
arg3 = "N"  
arg4 = "arguments"  
print(arg1, arg2, arg3, arg4)
```



La fonction print peut prendre N arguments.

# Fonction max

```
max_pair = max(1, 5)
max_serie = max(4, 8, 0, -1, 4, 5)
print(f"{max_pair}\n{max_serie}")
```



5  
8

# Intérêt

- La capacité à passer une liste variable d'arguments offre de la **fléxibilité** pour l'appelant.
- La sémantique au niveau de l'appelant est claire.
- Il vous est possible de définir vos propres fonctions à nombre variable d'arguments positionnels.

# Opérateur \* de déballage (*unpacking operator* ).

```
def moyenne(*arguments):
    """Renvoie la moyenne des arguments.

    arguments - doit comporter au moins une valeur et toutes
                les valeurs sont numériques.
    Retourne la moyenne de ces arguments.
    """
    total = 0
    for argument in arguments:
        total += argument

    return total / len(arguments)

resultat = moyenne(1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)
print(resultat)
```



# Autre exemple

```
def log(message, *valeurs):
    """Affiche dans la sortie standard le message et la liste des valeurs.

    message - chaîne de caractères à afficher.
    valeurs - liste d'arguments variable de valeurs à afficher.
    """
    if not valeurs:
        print(message)
    else:
        valeurs_str = str(valeurs[0])
        for valeur in valeurs[1:]:
            valeurs_str += ", " + str(valeur)
        print(f"{message} : {valeurs_str}")

log("Bonjour")
log("Mes valeurs", 7, 42, 3.14)
```



Bonjour  
Mes valeurs : 7, 42, 3.14

# Arguments positionnels et nommés (1/2)

- Il est possible d'appeler une fonction avec les arguments dans l'ordre de leur déclaration. Il s'agit d'**arguments positionnels**.
- Il est également possible d'appeler une fonction en **spécifiant les noms des arguments et leurs valeurs**. Il s'agit d'**arguments nommés**.

## Arguments positionnels et nommés (2/2)

```
def debit(diff_poids, diff_temps, periode=1, unites_par_kg=1):  
    return ((diff_poids * unites_par_kg) / diff_temps) * periode
```

- Les 2 premiers arguments sont positionnels, et les 2 derniers sont nommés.
- Il est possible de définir des fonctions avec un nombre variable d'arguments nommés.

# Nombre variable d'arguments nommés

```
def affiche_parametres(**kwargs):
    """Affiche simplement les paramètres d'entrée."""
    for cle, valeur in kwargs.items():
        print(f"{cle} : {valeur}")

affiche_parametres(a=1, b=3, c=5)
affiche_parametres(prenom="Louise", nom="Clark")
```



```
a : 1
b : 3
c : 5
prenom : Louise
nom : Clark
```

# Retour de plusieurs résultats



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Intérêt

- Nous avons vu que le passage d'arguments se fait par valeur en Python.
- Il est donc nécessaire de retourner les résultats, et il peut y en avoir plusieurs.
- Nous avons vu des exemples avec les vecteurs lors du TP précédent.

# Un autre exemple de retour de plusieurs résultats

```
def echange(premier, second):  
    return second, premier  
  
un = 1  
deux = 2  
un, deux = echange(un, deux)  
print(f"{un}, {deux}")
```



2, 1

# l'intérêt d'un sous-ensemble de résultats

- Il peut arriver que certains résultats ne soient pas pertinants dans notre contexte d'appel.
- Une convention en Python consiste à utiliser `_` (underscore) pour une variable dont la valeur ne nous intéresse pas.

```
def quelques_elements():
    return 1, 2, 3

un, _, trois = quelques_elements()
print(f"un : {un} ; trois : {trois}")
```



un : 1 ; trois : 3

# Opérateur de déballage pour retours de fonction

Vous pouvez utiliser l'unpacking operator lorsqu'une fonction retourne un grand nombre de résultats.

```
def longue_liste():
    return 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

un, *entre, neuf = longue_liste()
print(f"un : {un} ; neuf : {neuf} ; nombre d'autres : {len(entre)}")
```



un : 1 ; neuf : 9 ; nombre d'autres : 7

# Autre exemple

```
def longue_liste():
    return 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

un, deux, *autres = longue_liste()
print(f"un : {un} ; deux : {deux} ; nombre d'autres : {len(autres)}")
```

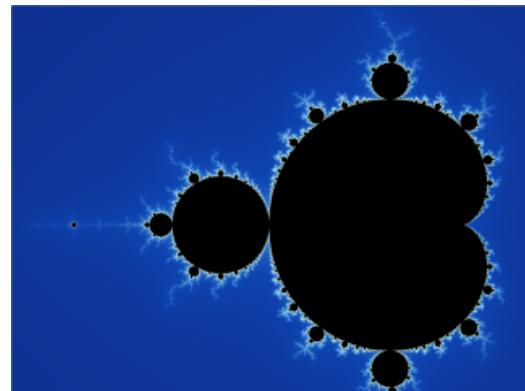
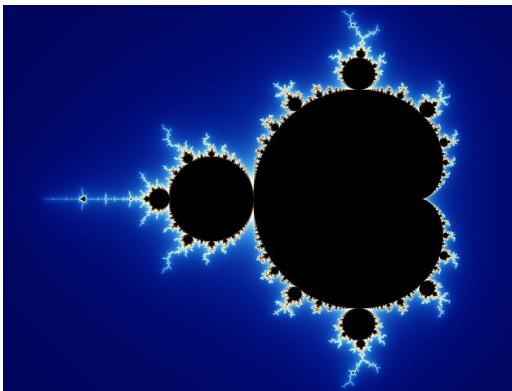


un : 1 ; deux : 2 ; nombre d'autres : 7

# Un mot sur la récursivité

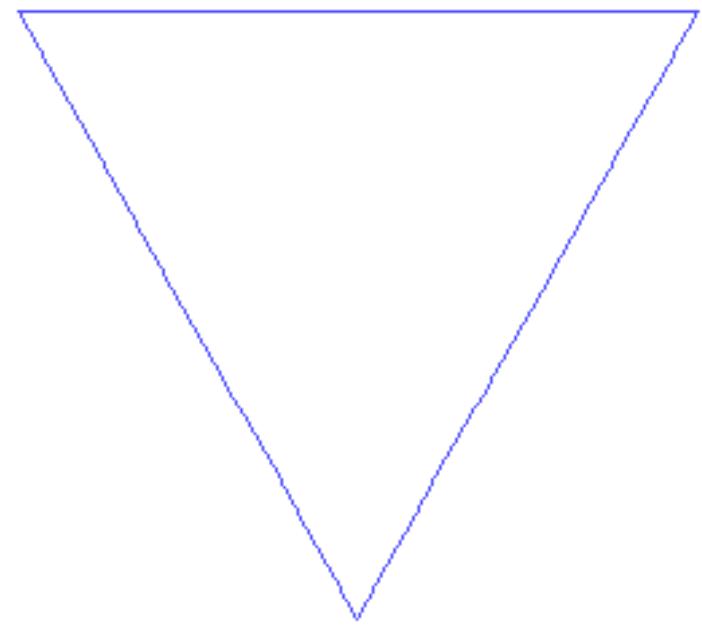
# Fractal

- Un fractal est un motif géométrique dont la forme se répète indéfiniment à différentes échelles.
- L'exemple ci-contre est la séquence de Mandelbrot.



# Fractal et récursivité

- Un fractal est récursif dans le sens où il se répète lui-même.
- Le flocon de Von Koch ci-contre part d'un triangle et lui applique plusieurs fois la même fonction.
- On dit que cette fonction est appliquée de manière récursive.



# Accronymes récursifs

- Ces acronymes sont récursifs :
  - **GNU** is **N**ot **U**nix
  - **WINE** **I**s **N**ot an **E**mulator
  - **CURL** **U**RL **R**equest **L**ibrary
  - **PHP** **H**ypertext **P**reprocessor
  - **GRPC** **R**emote **P**rocedure **C**all
  - **YAML** **A**in't **M**arkup **L**anguage
- On les dit récursifs car ils se répètent indéfiniment.

# Définition : fonction récursive

- Une fonction est **récursive** si elle s'appelle elle-même.
- La récursion peut être **directe** si la fonction s'appelle elle-même directement.
- La récursion peut être **indirecte** si la fonction appelle une séquence de fonctions qui finit par appeler la fonction initiale.
- La récursion doit avoir une **condition de fin**. Sinon, son exécution prendrait un temps infini.

# Suites mathématiques

- En mathématiques, on peut définir la plupart des suites arithmético-géométriques de la manière suivante :

$$\forall \{a, b, b_0, c, N\} \in \mathbb{N}^5, \begin{cases} f(0) = b_0 \\ f(N) = af(N - 1)^c + b \end{cases}$$

- Il s'agit d'une **définition récursive** car l'évaluation de la fonction au rang  $N$  dépend des valeurs des rangs inférieurs.

# En Python

```
def f(N, a=1, b=0, c=1, b0=0):
    """Calcule la Nième valeur de la suite arithmético-géométrique f.

    f est définie telle que  $f(0) = b_0$ , et  $f(N) = a \cdot f(N-1)^c + b$  sinon.
    N - nombre entier strictement positif.
    a - nombre entier utilisé comme multiplicateur géométrique.
    b - nombre entier utilisé comme raison arithmétique.
    c - nombre entier comme puissance.
    b0 - nombre entier constituant le début de la suite.
    Retourne la Nième valeur de la suite.
    """

    if N == 0:
        return b0
    else:
        return a * (f(N - 1, a, b, c, b0) ** c) + b
```

# Simplification de l'exemple précédent

Pour  $a = 2$ ,  $b = 1$ ,  $b_0 = 0$ ,  $c = 1$  :

```
def f(N):
    """Calcule la Nième valeur de la suite arithmético-géométrique f.
    f est définie telle que f(0) = 0, et f(N) = 2 * f(N-1) + 1 sinon.
    Retourne la Nième valeur de la suite.
    """
    if N == 0:
        return 0
    else:
        return 2 * f(N - 1) + 1

resultat = f(3)
print(resultat)
```



# Instrumentation de l'exemple précédent

```
def f(N):
    if N == 0:
        print("f(0) = 0")
        return 0
    else:
        precedent = f(N - 1)
        actuel = 2 * precedent + 1
        print(f"f({N}) = {actuel}")
        return actuel

resultat = f(3)
```



```
f(0) = 0
f(1) = 1
f(2) = 3
f(3) = 7
```

# Limites de la pile

```
def f(N):
    if N == 0:
        return 0
    else:
        precedent = f(N - 1)
        actuel = 2 * precedent + 1
        return actuel

resultat = f(1000000)
```



```
RecursionError: maximum recursion depth exceeded
Fatal Python error: _Py_CheckRecursiveCall: Cannot recover from stack overflow.
```

# Notes concernant la récursivité

- Certains problèmes ont une **définition naturellement récursive**.
- Ces problèmes sont **plus faciles** à résoudre en utilisant la récursivité.
- Parfois, les solutions itératives équivalentes sont très difficiles à trouver.
- Les **solutions itératives** sont presque toujours **meilleures** car :
  - Elles n'engendrent pas de *stack overflow*.
  - Elles nécessitent souvent moins de mémoire car le contexte d'appel n'a pas à être sauvegardé.

# Fonctions d'ordre supérieur

Fonctions en tant qu'objets



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Intérêt

- Un **code propre** est écrit en fonction d'algorithmes et de structures de données.
- Lorsque l'on écrit des bibliothèques de fonctions, on souhaite que les fonctions fournies puissent être utilisées dans une grande variété de contextes.
- Les **fonctions d'ordre supérieur** sont un outil puissant pour **réutiliser** des algorithmes et les **généraliser**.

# Définition

- Une **fonction d'ordre supérieur** est une fonction qui fait au moins l'une des 2 choses suivantes :
  - Prend une fonction comme argument.
  - Renvoie une fonction comme résultat.

# Tout est objet

- En Python, tout est objet.
- En particulier, **une fonction est un objet**.

```
def foo():  
    pass  
  
foo_type = type(foo)  
print(f"{foo_type}")
```



```
<class 'function'>
```

# Attribution d'une fonction à une variable

```
def f():
    return 1

def g():
    return 2

fonction = f    # la variable "fonction" est liée à f
a = fonction() # f est appelée

fonction = g    # la variable "fonction" est liée à g
b = fonction() # g est appelée

print(f'a = {a} ; b = {b}')
```



a = 1 ; b = 2

## Généralisation de la dichotomie

```
def dichotomie(x, f, debut=0, fin=1000, epsilon=0.001):
    """Calcule la racine r telle que f(r) - x = 0 par dichotomie.
```

Généralisation de l'algorithme de dichotomie sur un intervalle [debut ; fin] avec une fonction d'évaluation f pour le calcul d'une racine r. La racine r doit être dans l'intervalle de recherche, sinon la condition de fin de l'algorithme n'est pas garantie.

x - nombre flottant dont on recherche la racine  $|f(r) - x| < \text{epsilon}$ .  
f - fonction d'évaluation prenant et renvoyant un flottant. Cette fonction doit être dérivable sur l'intervalle [debut ; fin].  
debut - début de l'intervalle de recherche de r.  
fin - fin de l'intervalle de recherche de r.  
epsilon - erreur acceptable qui doit être strictement supérieure à 0.  
Renvoie la racine r telle que  $|f(r) - x| < \text{epsilon}$ .

```
"""
r = (debut + fin) / 2
while abs(f(r) - x) >= epsilon:
    if f(r) < x:
        debut = r
    else:
        fin = r
    r = (debut + fin) / 2
return r
```

# Recherche dans un intervalle avec dichotomie d'ordre supérieur

```
def affine(x):
    """Renvoie la valeur en entrée."""
    return x

resultat = dichotomie(50, affine)
print(resultat)
```



49.999237060546875

# Racine carrée avec dichotomie d'ordre supérieur

```
def racine_carree(x, epsilon=0.001):
    """Renvoie la racine carrée de x."""

    def carre(x):
        return x ** 2

    debut = 0
    fin = max(1, x)

    return dichotomie(x, carre, debut, fin, epsilon)

resultat = racine_carree(25)
print(resultat)
```



4.9999237060546875

# Générateur de fonction (1/3)

- Le principe d'un générateur de fonction : on **retourne une nouvelle fonction** en capturant les entrées.
- Exemple : série mathématique paramétrable.

# Générateur de fonction (2/3)

```
def suite(a=1, b=0, c=1, b0=0):
    """Renvoie la suite f telle que f(0) = b0, et f(N) = a . f(N-1)^c + b.

    a - nombre entier utilisé comme multiplicateur géométrique.
    b - nombre entier utilisé comme raison arithmétique.
    c - nombre entier comme puissance.
    b0 - nombre entier constituant le début de la suite.
    Retourne une fonction prenant un paramètre entier N et renvoyant f(N).
    """

    def f(N):
        return b0 if N == 0 else a * (f(N - 1) ** c) + b

    return f
```

# Générateur de fonction (3/3)

```
suite_arithmetique = suite(b=2)
print(f"f(0) = {suite_arithmetique(0)}")
print(f"f(1) = {suite_arithmetique(1)}")
print(f"f(2) = {suite_arithmetique(2)}")
print(f"f(3) = {suite_arithmetique(3)}")
```



```
f(0) = 0
f(1) = 2
f(2) = 4
f(3) = 6
```

# Fonctions lambda



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Origine

- Le **calcul lambda**, noté  $\lambda$ -calcul est un système mathématique formel pour exprimer des calculs quelconques à partir des concepts de **fonction** et d'**application**.
- Il est inventé dans les années 1930 par Alonzo Church.
- Ce système est **Turing-complet**.
- Dans ce système, tout est fonction.

# Fonctions lambda dans les langages impératifs

- Une fonction lambda :
  - n'a pas de nom - elle est **anonyme**.
  - est courte.
- Les fonctions lambda sont utilisés dans la **programmation d'ordre supérieur**.
- Ces fonctions offrent une syntaxe plus légère pour les fonctions internes.

# Fonction lambda en Python

- Le mot clé `lambda` est suivi d'une liste de paramètres puis d'une expression.
- Cette expression est la valeur de retour de la fonction lambda.
- Exemple :

```
lambda x : x ** 2
```

# Racine carrée avec dichotomie et lambda

```
def racine_carree(x, epsilon=0.001):
    """Renvoie la racine carrée de x."""
    return dichotomie(
        lambda x : x ** 2,
        debut=0,
        fin=max(1, x),
        epsilon=epsilon)

resultat = racine_carree(25)
print(resultat)
```



4.9999237060546875

# Générateur de suite avec lambda (1/2)

```
def suite(a=1, b=0, b0=0):
    """Renvoie la suite f telle que f(0) = b0, et f(N) = a . f(N-1) + b.

    a - nombre entier utilisé comme multiplicateur géométrique.
    b - nombre entier utilisé comme raison arithmétique.
    b0 - nombre entier constituant le début de la suite.
    Retourne une fonction prenant un paramètre entier N et renvoyant f(N).
    """
    if a == 1:
        # Calcul du terme général dans le cas d'une suite arithmétique
        return lambda N : b0 + N * b
    else:
        # Calcul du terme général dans le cas général
        r = b / (1 - a)
        return lambda N : (a ** N) * (b0 - r) + r
```



# Générateur de suite avec lambda (2/2)

```
ma_suite = suite(a=2, b=1)
print(f"f(1) = {ma_suite(1)}")
print(f"f(2) = {ma_suite(2)}")
print(f"f(3) = {ma_suite(3)}")
```



```
f(1) = 1.0
f(2) = 3.0
f(3) = 7.0
```

# TP : Fonctions d'ordre supérieur



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# TP : Fonctions d'ordre supérieur

[\*\*Lien\*\* vers le sujet de TP.](#)

# Programmation impérative

vs

# Programmation fonctionnelle

Notions de pureté et d'immutabilité



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Contraintes des langages fonctionnels (1/2)

- Dans un langage fonctionnel :
  - Les variables sont **immuables**. Elles ne peuvent pas changer de valeur.
  - Les fonctions sont **pures** :
    - Les sorties ne dépendent que des entrées.
    - Il n'y a donc pas d'accès possible à une variable globale.
    - Il n'y a pas d'effet de bord : lecture depuis un fichier, entrée console, etc.

# Contraintes des langages fonctionnels (2/2)

- **Python n'est pas un langage fonctionnel** : on peut changer les valeurs des variables et accéder à des variables globales.
- Il est possible d'écrire du code fonctionnel avec Python en appliquant les principes fonctionnels.

# Quelques langages fonctionnels notables

- Haskell
- Scala
- F#
- Erlang

# Programmation impérative

- Etat **global** et effets de bords parfois difficiles à maîtriser.
- Pour comprendre une fonction : il faut potentiellement comprendre l'état global du programme.
- Un code non maîtrisé peut devenir un "plat de spaghetti".



# Solution fonctionnelle

- La programmation fonctionnelle tente de remédier à ces problèmes en ayant une **approche plus proche des mathématiques**.

# Pourquoi tout le monde ne fait pas du fonctionnel ? (1/2)

- **Performances :**
  - Les langages fonctionnels sont interprétés et comportent tous un *garbage collector*.
  - Un langage fonctionnel ne peut pas être aussi performant que C++ ou Rust.
  - Un langage fonctionnel peut être aussi performant que Python.

# Pourquoi tout le monde ne fait pas du fonctionnel ? (2/2)

- **Complexité :**
  - Les contraintes supplémentaires et le rattachement à la théorie des catégories peut sembler plus complexe à appréhender.
  - Les langages impératifs (ou multi-paradigmes) comme Python sont plus anciens et ont une plus grande communauté d'utilisateurs.
- **Bibliothèques :** Il existe moins de bibliothèques disponibles avec les langages fonctionnels.

# Les langages impératifs sont-ils condamnés à produire du mauvais code ?

- Non.
- Le langage de programmation C est impératif et il est très facile à utiliser de manière incorrecte.
- L'interpréteur **CPython** est implémenté dans le langage de programmation C.
- CPython est de très bonne qualité et fait environ 1 million de lignes de code.

# Kernel Linux

- Le **kernel Linux** est implémenté dans le langage de programmation C.
- Le kernel Linux fait **plusieurs millions de ligne de code**.
- Le kernel Linux est très propre et suit un **standard de programmation** très strict.
- La qualité du code est dépendante de l'**équipe de développeurs** plus que du langage.

# Un mot sur les méthodes

Avec l'exemple du type str



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# Langage Orienté-Objet

- Python est un langage de programmation **multi-paradigmes**.
- Python est un langage impératif et également **orienté objet**.
- La programmation orientée objet ne sera *pas* étudiée dans ce cours.
- En revanche, vous utilisez des objets qui sont fournis avec le langage.

# Méthodes sur str (1/2)

```
chaine = "bonjour, monde"
```

```
majuscules = chaine.upper()  
print(majuscules)
```

```
capitales = chaine.capitalize()  
print(capitales)
```

```
index_o = chaine.find("j")  
print(index_j)
```



BONJOUR, MONDE

Bonjour, monde

3

# Méthodes sur str (2/2)

- Les chaînes de caractères sont représentées par le type `str`.
- On a utilisé une syntaxe particulière pour appeler les fonctions `upper`, `capitalize` et `find` qui sont rattachées au type `str`.
- Ces fonctions rattachées à un type spécifiques s'appellent des **méthodes**.
- Chaque type peut définir son propre jeu de méthodes.

# Devoir à la Maison 02



CHAMBRE DE COMMERCE  
ET D'INDUSTRIE

1<sup>er</sup> ACCÉLÉRATEUR DES ENTREPRISES



# DM : Retours sur les fonctions et le débogage

[\*\*Lien vers le sujet de DM.\*\*](#)