

## Contrôle sur les codes correcteurs et détecteurs d'erreurs

### 1. Code de Hamming

1. On veut déterminer le nombre  $k$  de bits de contrôle d'une séquence.

La séquence est  $A1A6128_{16}$  de taille  $n = 28$  bits. On doit avoir  $2^k - k \geq n + 1$ .

On a donc  $2^6 - 6 \geq 28 + 1 \Leftrightarrow 58 \geq 29$ .

Le nombre de bits de contrôle est donc  $k = 6$ .

2. Parmi les positions proposées, les positions 13 et 26 sont contrôlées par le bit de contrôle  $k_4$  car le 4<sup>ème</sup> bit de leur codage binaire est à 1.

### 2. Code de Redondance Cyclique

#### 2.1 Calcul du CRC d'une séquence binaire

La séquence est 1101011011

Le polynôme générateur est  $G(x) = x^8 + x^7 + x^6 + x^4 + x^2 + 1$

$$1101011011 \div 111010101 = 1 \text{ et } R(x) = 11110001$$

On ajoute donc les  $d$  bits de  $R(x)$  à la fin de  $S(x)$  pour trouver la séquence transmise

$T(x)$ . D'où :

$$T(x) = 11010110111110001$$

#### 2.2 Vérification d'une séquence binaire

La séquence  $T(x)$  donnée est la suivante : 0x29DA8. Cela donne la séquence suivante en base 2: 101001110110101000.

Le polynôme fourni pour la vérification est :  $G(x) = x^8 + x^7 + x^6 + x^4 + x^2 + 1$

On cherche le reste de la division suivante modulo 2 :  $\frac{T(x)}{G(x)}$ .

Le reste trouvé est 0. Il n'y a donc pas d'erreur.