

## Kjente resultater om laplacetransformer

$$\text{i) } \mathcal{L}(1) = \frac{1}{s}$$

$$\text{ii) } \mathcal{L}(t^n) = \frac{n!}{s^{n+1}}$$

$$\text{iii) } \mathcal{L}(e^{at}) = \frac{1}{s-a}$$

$$\text{iv) } \mathcal{L}(t^n e^{at}) = \frac{n!}{(s-a)^{n+1}}$$

$$\text{v) } \mathcal{L}(\sin(\omega t)) = \frac{\omega}{s^2 + \omega^2}$$

$$\text{vi) } \mathcal{L}(\cos(\omega t)) = \frac{s}{s^2 + \omega^2}$$

$$\text{vii) } \mathcal{L}(e^{at} \sin(\omega t)) = \frac{\omega}{(s-a)^2 + \omega^2}$$

$$\text{viii) } \mathcal{L}(e^{at} \cos(\omega t)) = \frac{s-a}{(s-a)^2 + \omega^2}$$

$$\text{ix) } \mathcal{L}(u(t-a)) = \frac{e^{-as}}{s}, \text{ der } u(t) \text{ er Heaviside-funksjonen (enhetsstegs-funksjonen).}$$

$$\text{x) } \mathcal{L}(\delta(t-a)) = e^{-as}, \text{ der } \delta(t) \text{ er impulsfunksjonen}$$

$$\text{xi) } \mathcal{L}(f(t-a) \cdot u(t-a)) = e^{-as} F(s) = e^{-as} \mathcal{L}(f(t))$$

$$\text{xii) } \mathcal{L}(f(t) \cdot u(t-a)) = e^{-as} \mathcal{L}(f(t+a))$$

$$\text{xiii) } \mathcal{L}(e^{at} f(t)) = F(s-a)$$

$$\text{xiv) } \mathcal{L}(f') = s\mathcal{L}(f) - f(0)$$

$$\text{xv) } \mathcal{L}(f'') = s^2 \mathcal{L}(f) - sf(0) - f'(0)$$

$$\text{xvi) } \mathcal{L}(f^{(n)}) = s^n \mathcal{L}(f) - s^{n-1} f(0) - s^{n-2} f'(0) - s^{n-3} f''(0) - \dots - f^{(n-1)}(0)$$