# Le grandezze fisiche e gli errori - Eserciziario

### Chiara Spagnoli

**Notazione:** Data una misura x, indicheremo con  $\overline{x}$  il valore più attendibile, con  $\Delta(x)$  l'errore assoluto della misurazione, con  $\varepsilon_x$  l'errore relativo e con  $E_x$  l'errore percentuale.

# 1 Notazione scientifica e ordine di grandezza

Esercizio 1.1 Arrotonda i seguenti numeri alla seconda cifra decimale (senza scrivere il risultato in notazione scientifica):

$$\frac{2}{3}$$
;  $\sqrt{2}$ ;  $\frac{1}{5}$ ;  $\sqrt{3}$ ;  $\frac{6}{13}$ ;  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ ;  $\frac{\pi}{2}$ ;  $0, \overline{37}$ ;  $\frac{1}{2}$ ;  $\pi$ ;  $0, \overline{3}$ ;  $\frac{\pi}{\sqrt{3}}$ .

Esercizio 1.2 Scrivi i seguenti numeri in notazione scientifica e valuta per ogni numero l'ordine di grandezza:

$$\frac{7}{3}; \quad 10\sqrt{2}; \quad \frac{111}{5}; \quad \sqrt{3340}; \quad \frac{6}{13}\sqrt{47}; \quad \frac{\sqrt{555}}{2}; \quad \frac{33\pi}{2}; \quad 0, \overline{37}; \quad \frac{1}{200}; \quad \pi; \quad 10, \overline{3}; \quad \frac{30\pi}{\sqrt{3}}.$$

Esercizio 1.3 Dati i seguenti valori,

$$a = 5, 0 \cdot 10^{-3}, b = 2, 2 \cdot 10^{-1}, c = -9, 5 \cdot 10^{5}$$

esegui le operazioni richieste esprimendo il risultato in notazione scientifica arrotondando alla seconda cifra decimale. Per ogni risultato valuta l'ordine di grandezza:

$$3a; \qquad -5c; \qquad a+b; \qquad a \cdot b;$$

$$c \cdot (a+b); \qquad \frac{a}{c}; \qquad \frac{a}{b} \cdot c; \qquad a^{-1};$$

$$10 \cdot a - 10^{-2} \cdot b; \qquad c \cdot b - a^{-1}; \qquad 2 \cdot 10^{-1} \cdot b; \qquad (a \cdot 10^{2} + b) \cdot 10^{-2};$$

$$\frac{c}{b+10a}; \qquad \frac{1}{a} \cdot \frac{1}{b} \cdot \frac{1}{c}; \qquad \frac{1}{a} + \frac{100}{b}; \qquad a^{-10};$$

### 2 Unità di misura e conversioni

Esercizio 2.1 Converti le seguenti misure nell'unità di misura indicata a fianco. Esprimi ogni risultato in notazione scientifica, approssimando se necessario alla seconda cifra decimale.

$$10 \ cm = \underline{\qquad} \ m; \qquad 5, 3 \cdot 10^4 \ mg = \underline{\qquad} \ kg; \qquad 8.53 \cdot 10^{-3} \ \mu l = \underline{\qquad} \ l;$$

$$\frac{1}{3} \ Mm = \underline{\qquad} cm; \qquad \sqrt{2} \cdot 10^{-3} \ kg = \underline{\qquad} mg; \qquad 3,04 \cdot 10^5 \ ml = \underline{\qquad} kl;$$

2000 
$$m =$$
\_\_\_\_\_  $nm;$   $0, \overline{5} \cdot 10^{10} \ mg =$ \_\_\_\_\_  $hg;$   $\frac{1}{5} \cdot 10^{-5} \ dal =$ \_\_\_\_  $dl;$ 

Esercizio 2.2 Converti le seguenti misure nell'unità di misura indicata a fianco. Esprimi ogni risultato in notazione scientifica, approssimando se necessario alla seconda cifra decimale.

$$0,1 \ cm^2 = \underline{\hspace{1cm}} m^2; \qquad 5, 3 \cdot 10^4 \ mm^3 = \underline{\hspace{1cm}} km^3; \qquad 8.53 \cdot 10^{-3} \ \mu km^3 = \underline{\hspace{1cm}} pm^3;$$

$$\frac{1}{3} Mm^2 = \underline{\qquad} cm^2; \qquad \sqrt{2} \cdot 10^{-3} \ km^2 = \underline{\qquad} mm^2; \qquad 3,04 \cdot 10^5 \ mm^3 = \underline{\qquad} dm^3;$$

$$2000 \ m^2 = \underline{\hspace{1cm}} nm^2; \hspace{0.5cm} 0, \overline{5} \cdot 10^{10} \ mm^2 = \underline{\hspace{1cm}} hm^2; \hspace{0.5cm} \frac{1}{5} \cdot 10^{-5} \ dam^3 = \underline{\hspace{1cm}} dm^3;$$

Esercizio 2.3 Converti le seguenti misure nell'unità di misura indicata a fianco. Esprimi ogni risultato in notazione scientifica, approssimando se necessario alla seconda cifra decimale.

$$30 \text{ } cm^3 = \underline{\phantom{a}} l; \qquad 5, 3 \cdot 10^4 \text{ } mm^3 = \underline{\phantom{a}} dl; \qquad 8.53 \cdot 10^{-3} \text{ } \mu l = \underline{\phantom{a}} m^3;$$

$$\frac{1}{3} \ Mm^3 = \underline{\qquad} \ Ml; \quad \sqrt{2} \cdot 10^{-3} \ km^3 = \underline{\qquad} \ cl; \quad 3,04 \cdot 10^5 \ ml = \underline{\qquad} \ dm^3;$$

# 3 Errore assoluto, relativo e percentuale

Esercizio 3.1 Date le seguenti misure, calcola errore relativo ed errore percentuale:

$$x_1 = (5, 2 \pm 0, 3) \cdot 10^{-3} \ m;$$
  $x_2 = (0, 02 \pm 0, 01) \ cm;$   $x_3 = (10, 3 \pm 0, 2) \ dm;$   $x_4 = (0, 100 \pm 0, 005) \cdot 10^{-3} \ g;$   $x_5 = (5, 0 \pm 0, 5) \ kg;$   $x_6 = (0, 3 \pm 0, 1) \cdot 10^6 \ hg;$   $x_7 = (8, 004 \pm 0, 003) \ l;$   $x_8 = (10, 02 \pm 0, 02) \cdot 10^3 \ ml;$   $x_9 = (230 \pm 4) \cdot 10^4 \ kl;$ 

Esercizio 3.2 Dati i valori più attendibili e gli errori relativi  $\varepsilon_i$  o percentuali  $E_i$ , scrivi la misura nella forma  $(\overline{x} \pm \Delta x)$  prestando attenzione alle approssimazioni:

$$\overline{x}_1 = 5 \ cm; \ \varepsilon_1 = 0, 4;$$
  $\overline{x}_2 = 10, 4 \ m; \ E_2 = 1\%;$   $\overline{x}_3 = \frac{1}{3} \ dm; \ \varepsilon_3 = 0, 02;$   $\overline{x}_4 = 11, 4 \ dg; \ \varepsilon_4 = 0, 05;$   $\overline{x}_5 = 0, 004 \ Mm; \ E_5 = 0, 2\%;$   $\overline{x}_6 = \frac{4}{7} \ l; \ E_6 = 4\%;$   $\overline{x}_7 = \sqrt{2} \ dam^2; \ E_7 = 0, 2\%;$   $\overline{x}_8 = 4 \cdot 10^4 \ kg; \ E_8 = 1, 23\%;$   $\overline{x}_9 = 4, \overline{4} \ \mu m; \ \varepsilon_9 = 0, 31;$ 

# 4 La propagazione dell'errore

Esercizio 4.1 Sulla base delle misure presenti nell'esercizio 3.1, esegui i seguenti calcoli esprimendo i risultati con la giusta approssimazione:

$$x_1 + x_2;$$
  $3 \cdot x_5;$   $10x_9;$   $x_1 - x_4;$   $2x_6 - 5x_5;$   $x_4 \cdot x_6;$   $x_9 \cdot (x_8 - x_7);$   $x_3 + 2 \cdot x_4;$   $x_6 : x_8;$   $x_1 \cdot (0, 2x_3 + x_1);$   $x_4 : x_2;$   $x_9 + x_1.$ 

Esercizio 4.2 Sulla base delle misure presenti nell'esercizio 3.2, esegui i seguenti calcoli esprimendo i risultati con la giusta approssimazione:

$$x_1 + x_2;$$
  $3 \cdot x_5;$   $10x_9;$   $x_1 - x_4;$   $2x_6 - 5x_5;$   $x_4 \cdot x_6;$   $x_9 \cdot (x_8 - x_7);$   $x_3 + 2 \cdot x_4;$   $x_6 : x_8;$   $x_1 \cdot (0, 2x_3 + x_1);$   $x_4 : x_2;$   $x_9 + x_1.$ 

# 5 Esercizi a crocette

Esercizio 5.1 Convertendo 114 cm in Mm si ottiene:

- [A]  $1,14 \cdot 10^{-6} Mm;$
- [B]  $1,14 \cdot 10^{-10} Mm;$
- [C]  $1,14 \cdot 10^{-8} Mm;$
- [D]  $1,14 \cdot 10^{10} \ Mm$ .

**Esercizio 5.2** Convertendo  $0,4m^2$  in  $\mu m^2$  si ottiene:

- [A]  $4, 0 \cdot 10^6 \ \mu m^2$ ;
- [B]  $4, 0 \cdot 10^5 \ \mu m^2$ ;
- [C]  $4, 0 \cdot 10^{11} \ \mu m^2$ ;
- [D]  $4, 0 \cdot 10^{12} \ \mu m^2$ .

Esercizio 5.3 Quanti litri sono  $23 cm^3$  di acqua?

- [A]  $2, 3 \cdot 10^{-2} l;$
- [B]  $2, 3 \cdot 10^3 \ l;$
- [C]  $2, 3 \cdot 10^{-3} l;$
- [D]  $2, 3 \cdot 10^{-4} l$ .

Esercizio 5.4 Convertendo  $0,02\ kg$  in mg si ottiene:

- [A] 0,02 mg;
- [B]  $2 \cdot 10^{-8} \ mg$ ;
- [C]  $2, 0 \cdot 10^{-6} mg$ ;
- [D]  $0.02 \cdot 10^6 \ mg$ .

**Esercizio 5.5** Convertendo  $0,04dm^3$  in  $hm^3$  si ottiene:

- [A]  $4, 0 \cdot 10^6 \ hm^3$ ;
- [B]  $4, 0 \cdot 10^7 \ hm^3$ ;
- [C]  $4, 0 \cdot 10^{-11} \ hm^3$ ;
- [D]  $4, 0 \cdot 10^9 \ hm^3$ .

**Esercizio 5.6** Quanti  $dam^3$  sono  $2, 3 \cdot 10^4$  litri di acqua?

[A] 
$$2, 3 \cdot 10^{-2} \ dam^3$$
;

[B] 
$$2, 3 \cdot 10^{-6} \ dam^3$$
;

[C] 
$$2, 3 \cdot 10^2 \ dam^3$$
;

[D] 
$$2, 3 \cdot 10^{+4} \ dam^3$$
.

**Esercizio 5.7** Date le seguenti misurazioni,  $x=(110\pm3)\ m,\ y=(20\pm1)\ m$  calcola l'errore relativo della somma x+y:

[A] 
$$\varepsilon_{x+y} = 4$$
;

[B] 
$$\varepsilon_{x+y} = 0.03;$$

[C] 
$$\varepsilon_{x+y} = 3$$
;

[D] 
$$\varepsilon_{x+y} = 0,02.$$

Esercizio 5.8 Date le seguenti misurazioni,  $x=(110\pm3)\ m,\ y=(20\pm1)\ m$  calcola l'errore relativo della differenza x-y:

[A] 
$$\varepsilon_{x-y} = 0,04;$$

[B] 
$$\varepsilon_{x-y} = 0,02;$$

[C] 
$$\varepsilon_{x-y} = 4$$
;

[D] 
$$\varepsilon_{x-y} = 3$$
.

Esercizio 5.9 Date le seguenti misurazioni,  $x=(110\pm3)\ m,\ y=(20\pm1)\ m$  calcola l'errore assoluto della differenza x-y:

[A] 
$$\Delta(x - y) = 0.04;$$

[B] 
$$\Delta(x-y) = 0,02;$$

[C] 
$$\Delta(x-y) = 4$$
;

[D] 
$$\Delta(x-y) = 3$$
.

Esercizio 5.10 Date le seguenti misurazioni,  $x=(110\pm3)\ m,\ y=(20\pm1)\ m$  calcola l'errore assoluto del prodotto  $x\cdot y$ :

[A] 
$$\Delta(x \cdot y) = 170;$$

[B] 
$$\Delta(x \cdot y) = 0.08;$$

[C] 
$$\Delta(x \cdot y) = 8;$$

[D] 
$$\Delta(x \cdot y) = 100$$
.

**Esercizio 5.11** Data la seguente misurazione,  $x = (110 \pm 3) m$ , calcola l'errore percentuale di 3x:

- [A]  $E_{3x} = 0.027\%$ ;
- [B]  $E_{3x} = 2,7\%;$
- [C]  $E_{3x} = 8,2\%$ ;
- [D]  $E_{3x} = 0.08\%$ .

**Esercizio 5.12** Dati i seguenti valori  $x=10^4, y=3, 0\cdot 10^{-5}, z=0, 2\cdot 10^{-1}$  calcola il valore  $\frac{x\cdot z}{y}$ :

- [A]  $6, 0 \cdot 10^{+6}$ ;
- [B]  $0.06 \cdot 10^{+6}$ ;
- [C]  $6 \cdot 10^{-4}$ ;
- [D]  $0.06 \cdot 10^{-3}$ .

Esercizio 5.13 Dati i seguenti valori  $x=10^4,\,y=3,0\cdot 10^{-5},\,z=0,2\cdot 10^{-1}$  calcola il valore  $x\cdot y\cdot z$ :

- [A]  $6 \cdot 10^{-3}$ ;
- [B]  $0.6 \cdot 10^{-3}$ ;
- [C]  $6 \cdot 10^{-4}$ ;
- [D]  $0.06 \cdot 10^{-4}$ .

### Esercizio 5.14 Quale delle seguenti affermazioni è sbagliata?

- [A] L'errore assoluto della somma di due misurazioni è pari all'errore assoluto della loro differenza.
- [B] L'errore relativo della moltiplicazione di due misurazioni è pari all'errore relativo del loro quoziente.
- [C] L'errore relativo di una misurazione è sempre minore o uguale a 1.
- [D] L'errore assoluto di una misurazione è sempre maggiore dell'errore relativo della stessa.

### Esercizio 5.15 Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- [A] L'errore relativo della somma di due misurazioni è pari all'errore assoluto della loro differenza.
- [B] L'errore percentuale della moltiplicazione di due misurazioni è pari all'errore percentuale del loro quoziente.
- $[C] \quad \textit{L'errore percentuale di una misurazione è sempre minore o uguale a 1.}$
- [D] L'errore assoluto di una misurazione è sempre minore dell'errore relativo della stessa.

# Le grandezze fisiche e gli errori - Soluzioni

### Chiara Spagnoli

# 1 Notazione scientifica e ordine di grandezza

#### Esercizio 1.1

$$\frac{2}{3} = 0,67; \quad \sqrt{2} = 1,41; \quad \frac{1}{5} = 0,2; \quad \sqrt{3} = 1,73; \quad \frac{6}{13} = 0,46; \quad \frac{\sqrt{5}}{2} = 1,12;$$

$$\frac{\pi}{2} = 1,57; \quad 0,\overline{37} = 0,37; \quad \frac{1}{2} = 0,5; \quad \pi = 3,14; \quad 0,\overline{3} = 0,33; \quad \frac{\pi}{\sqrt{3}} = 1,81.$$

#### Esercizio 1.2

$$\frac{7}{3} = 2,33 \cdot 10^{0}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{0} \; ; \qquad 10\sqrt{2} = 1,41 \cdot 10^{1}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{1} \; ; \\ \frac{111}{5} = 2,22 \cdot 10^{1}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{1} \; ; \qquad \sqrt{3340} = 5,78 \cdot 10^{1}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{2} \; ; \\ \frac{6}{13}\sqrt{47} = 3,16 \cdot 10^{0}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{0} \; ; \qquad \frac{\sqrt{555}}{2} = 1,78 \cdot 10^{1}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{1} \; ; \\ \frac{33\pi}{2} = 5,18 \cdot 10^{1}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{2} \; ; \qquad 0,\overline{37} = 3,74 \cdot 10^{-1}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{-1} \; ; \\ \frac{1}{200} = 5,00 \cdot 10^{-3}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{-2} \; ; \qquad \pi = 3,14 \cdot 10^{0}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{0} \; ; \\ 10,\overline{3} = 1,03 \cdot 10^{1}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{1} \; ; \qquad \frac{30\pi}{\sqrt{3}} = 5,44 \cdot 10^{1}. \text{ ordine di grandezza: } 10^{2} \; ; \\ \end{cases}$$

#### Esercizio 1.3

- $3a = 1, 5 \cdot 10^{-2}$ . ordine di grandezza:  $10^{-2}$ ;
- $-5c = 2,85 \cdot 10^6$ . ordine di grandezza:  $10^6$ ;
- $a+b=2,25\cdot 10^{-1}$ . ordine di grandezza:  $10^{-1}$ ;
- $a \cdot b = 1, 1 \cdot 10^{-3}$ . ordine di grandezza:  $10^{-3}$ ;
- $c \cdot (a+b) = -2,14 \cdot 10^5$ . ordine di grandezza:  $10^5$ ;
- $\frac{a}{c} = -5,26 \cdot 10^{-9}$ . ordine di grandezza:  $10^{-8}$ ;
- $\frac{a}{b} \cdot c = -2, 16 \cdot 10^4$ . ordine di grandezza:  $10^4$ ;
- $a^{-1} = 2, 0 \cdot 10^2$ . ordine di grandezza:  $10^2$ ;
- $10 \cdot a 10^{-2} \cdot b = 4{,}78 \cdot 10^{-2}$ . ordine di grandezza:  $10^{-2}$ ;
- $c \cdot b a^{-1} = -2,09 \cdot 10^5$ . ordine di grandezza:  $10^5$ ;
- $2 \cdot 10^{-1} \cdot b = 4, 4 \cdot 10^{-2}$ . ordine di grandezza:  $10^{-2}$ ;
- $(a \cdot 10^2 + b) \cdot 10^{-2} = 7, 2 \cdot 10^{-3}$ . ordine di grandezza:  $10^{-2}$ ;
- $\frac{c}{b+10a} = -3.52 \cdot 10^6$ . ordine di grandezza:  $10^6$ ;
- $\frac{1}{a} \cdot \frac{1}{b} \cdot \frac{1}{c} = -9,57 \cdot 10^{-4}$ . ordine di grandezza:  $10^{-3}$ ;
- $\frac{1}{a} + \frac{100}{b} = 6,54 \cdot 10^2$ . ordine di grandezza:  $10^3$ ;
- $a^{-10} = 1,024 \cdot 10^{23}$ . ordine di grandezza:  $10^{23}$ ;

## 2 Unità di misura e conversioni

#### Esercizio 2.1

$$10 \ cm = 1 \cdot 10^{-1} \ m; \qquad \quad 5, 3 \cdot 10^4 \ mg = 5, 3 \cdot 10^{-2} \ kg; \qquad 8.53 \cdot 10^{-3} \ \mu l = 8, 53 \cdot 10^{-9} \ l;$$

$$\frac{1}{3} Mm = 3,33 \cdot 10^7 cm;$$
  $\sqrt{2} \cdot 10^{-3} kg = 1,41 \cdot 10^3 mg;$   $3,04 \cdot 10^5 ml = 3,04 \cdot 10^{-1} kl;$ 

2000 
$$m = 2 \cdot 10^{12} \ nm;$$
  $0, \overline{5} \cdot 10^{10} \ mg = 5, 56 \cdot 10^4 \ hg;$   $\frac{1}{5} \cdot 10^{-5} \ dal = 2 \cdot 10^{-4} \ dl;$ 

### Esercizio 2.2

$$0, 1 \ cm^2 = 1 \cdot 10^{-5} \ m^2; \qquad 5, 3 \cdot 10^4 \ mm^3 = 5, 3 \cdot 10^{-14} km^3; \qquad 8.53 \cdot 10^{-3} \ \mu km^3 = 8, 53 \cdot 10^{15} \ pm^3;$$
 
$$\frac{1}{3} \ Mm^2 = 3, 33 \cdot 10^{15} \ cm^2; \qquad \sqrt{2} \cdot 10^{-3} \ km^2 = 1, 41 \cdot 10^9 \ mm^2; \qquad 3, 04 \cdot 10^5 \ mm^3 = 3, 04 \cdot 10^{-1} \ dm^3;$$

$$2000 \ m^2 = 2, 0 \cdot 10^{21} nm^2; \qquad 0, \overline{5} \cdot 10^{10} \ mm^2 = 5.55 \cdot 10^{-1} \ hm^2; \qquad \qquad \frac{1}{5} \cdot 10^{-5} \ dam^3 = 2dm^3;$$

## Esercizio 2.3

$$30 \ cm^3 = 3 \cdot 10^{-2} \ l; \qquad 5, 3 \cdot 10^4 \ mm^3 = 5, 3 \cdot 10^{-1} \ dl; \qquad 8.53 \cdot 10^{-3} \ \mu l = 8, 53 \cdot 10? -12 \ m^3;$$

$$\tfrac{1}{3}\ Mm^3 = 3,33 \cdot 10^{14} Ml; \qquad \sqrt{2} \cdot 10^{-3}\ km^3 = 1,41 \cdot 10^{11}\ cl; \qquad \ 3,04 \cdot 10^5\ ml = 3,04 \cdot 10^2\ dm^3;$$

# 3 Errore assoluto, relativo e percentuale

#### Esercizio 3.1.

$$\varepsilon_{x_1} = 0,0577, E_{x_1} = 5,77\%, \qquad \varepsilon_{x_2} = 0,5, E_{x_2} = 50\%;$$

$$\varepsilon_{x_3} = 0,0194, E_{x_3} = 1,94\%; \qquad \varepsilon_{x_4} = 0,05, E_{x_4} = 5\%;$$

$$\varepsilon_{x_5} = 0,1, E_{x_5} = 10\%; \qquad \varepsilon_{x_6} = 0,333, E_{x_6} = 33,3\%;$$

$$\varepsilon_{x_7} = 0,000375, E_{x_7} = 0,0375\%; \qquad \varepsilon_{x_8} = 0,0020, E_{x_8} = 0,20\%;$$

$$\varepsilon_{x_9} = 0,0174, E_{x_9} = 1,74\%$$

#### Esercizio 3.2.

$$x_1 = (5 \pm 2) \ cm;$$
  $x_2 = (10, 4 \pm 0, 1)m;$   $x_3 = (0, 333 \pm 0, 007) \ dm;$   $x_4 = (11, 4 \pm 0, 6) \ dg;$   $x_5 = (0, 004000 \pm 0, 000008) \ Mm;$   $x_6 = (0, 571 \pm 0, 023) \ l;$   $x_7 = (1, 4121 \pm 0.0028) \ dam^2;$   $x_8 = (4, 000 \pm 0, 049) \cdot 10^4 \ kg;$   $x_9 = (4, 4 \pm 1, 4) \ \mu m;$ 

# 4 La propagazione dell'errore

#### Esercizio 4.1.

- $x_1 + x_2 = (2, 52 \pm 1, 03) \cdot 10^{-2}$
- $3 \cdot x_5 = (15, 0 \pm 1, 5)$
- $10x_9 = (230 \pm 4) \cdot 10^5$
- $x_1 x_4 = (5, 1 \pm 0, 3) \cdot 10^{-3}$
- $2x_6 5x_5 = (6 \pm 2) \cdot 10^5$
- $x_4 \cdot x_6 = (30 \pm 11)$
- $x_9 \cdot (x_8 x_7) = (2, 30 \pm 0.04) \cdot 10^{10}$
- $x_3 + 2 \cdot x_4 = (10, 3 \pm 0, 2)$
- $x_6$ :  $x_8 = (29, 9 \pm 10)$
- $x_1 \cdot (0, 2x_3 + x_1) = (1, 08 \pm 0, 09) \cdot 10^{-2}$
- $x_4: x_2 = (5 \pm 3) \cdot 10^{-3}$
- $x_9 + x_1 = (230 \pm 4) \cdot 10^4$

### Esercizio 4.2 .

• 
$$x_1 + x_2 = (15, 4 \pm 2, 1)$$

• 
$$3 \cdot x_5 = (0,012000 \pm 0,000024)$$

• 
$$10x_9 = (44 \pm 14)$$

• 
$$x_1 - x_4 = -(6, 4 \pm 2, 6)$$

• 
$$2x_6 - 5x_5 = (1, 122 \pm 0, 046)$$

• 
$$x_4 \cdot x_6 = (6, 5 \pm 0.6)$$

• 
$$x_9 \cdot (x_8 - x_7) = (11.4 \pm 3.9)$$

• 
$$x_3 + 2 \cdot x_4 = (32, 1 \pm 1, 2)$$

• 
$$x_6$$
:  $x_8 = (0.143 \pm 0,007) \cdot 10^{-4}$ 

• 
$$x_1 \cdot (0, 2x_3 + x_1) = (25 \pm 10)$$

• 
$$x_4: x_2 = (1, 10 \pm 0.07)$$

• 
$$x_9 + x_1 = (9, 4 \pm 3, 4)$$

### 5 Esercizi a crocette

Esercizio 5.1 Convertendo 114 cm in Mm si ottiene:

[A] 
$$1,14 \cdot 10^{-6} Mm$$

**Esercizio 5.2** Convertendo  $0, 4m^2$  in  $\mu m^2$  si ottiene:

[C] 
$$4, 0 \cdot 10^{11} \ \mu m^2$$

Esercizio 5.3 Quanti litri sono  $23 cm^3$  di acqua?

[A] 
$$2, 3 \cdot 10^{-2} l$$

Esercizio 5.4 Convertendo  $0,02\ kg$  in mg si ottiene:

[D] 
$$0.02 \cdot 10^6 \ mg$$

**Esercizio 5.5** Convertendo  $0,04dm^3$  in  $hm^3$  si ottiene:

[C] 
$$4.0 \cdot 10^{-11} \ hm^3$$

Esercizio 5.6 Quanti  $dam^3$  sono  $2, 3 \cdot 10^4$  litri di acqua?

[A] 
$$2, 3 \cdot 10^{-2} \ dam^3$$

Esercizio 5.7 Date le seguenti misurazioni,  $x=(110\pm3)\ m,\ y=(20\pm1)\ m$  calcola l'errore relativo della somma x+y:

[B] 
$$\varepsilon_{x+y} = 0.03$$

Esercizio 5.8 Date le seguenti misurazioni,  $x=(110\pm3)\ m,\ y=(20\pm1)\ m$  calcola l'errore relativo della differenza x-y:

[A] 
$$\varepsilon_{x-y} = 0.04$$

Esercizio 5.9 Date le seguenti misurazioni,  $x=(110\pm3)\ m,\ y=(20\pm1)\ m$  calcola l'errore assoluto della differenza x-y:

[C] 
$$\Delta(x-y) = 4$$

Esercizio 5.10 Date le seguenti misurazioni,  $x=(110\pm3)\ m,\ y=(20\pm1)\ m$  calcola l'errore assoluto del prodotto  $x\cdot y$ :

[A] 
$$\Delta(x \cdot y) = 170$$

Esercizio 5.11 Data la seguente misurazione,  $x = (110 \pm 3) m$ , calcola l'errore percentuale di 3x:

[B] 
$$E_{3x} = 2,7\%$$

Esercizio 5.12 Dati i seguenti valori  $x=10^4,\ y=3,0\cdot 10^{-5},\ z=0,2\cdot 10^{-1}$  calcola il valore  $\frac{x\cdot z}{y}$ :

[A] 
$$6.0 \cdot 10^{+6}$$

Esercizio 5.13 Dati i seguenti valori  $x=10^4,\,y=3,0\cdot 10^{-5},\,z=0,2\cdot 10^{-1}$  calcola il valore  $x\cdot y\cdot z$ : [A]  $6\cdot 10^{-3}$ 

Esercizio 5.14 Quale delle seguenti affermazioni è sbagliata?

[D] L'errore assoluto di una misurazione è sempre maggiore dell'errore relativo della stessa.

Esercizio 5.15 Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

 $[B] \begin{tabular}{ll} $L'errore\ percentuale\ della\ moltiplicazione\ di\ due\ misurazioni\ \`e\ pari\ all'errore\ percentuale\ della\ loro\ quoziente. \end{tabular}$