# Задача А. Кузнечик

Имя входного файла: grig.in
Имя выходного файла: grig.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

У одного из преподавателей параллели С в комнате живёт кузнечик, который очень любит прыгать по клетчатой одномерной доске. Длина доски — N клеток. К его сожалению он умеет прыгать только на  $1, 2, \ldots, k$  клеток вперёд.

Однажды преподавателям стало интересно, сколькими способами кузнечик может допрыгать из первой клетки до последней. Помогите им ответить на этот вопрос.

#### Формат входных данных

В первой и единственной строке входного файла записано два целых числа — N и k  $(1 \leqslant N \leqslant 30, 1 \leqslant k \leqslant 10).$ 

# Формат выходных данных

Выведите одно число — количество способов, которыми кузнечик может допрыгать из первой клетки до последней.

| grig.in | grig.out |
|---------|----------|
| 8 2     | 21       |

# Задача В. ПДД в ЛКШ

Имя входного файла: pdd.in
Имя выходного файла: pdd.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Совсем недавно девятиклассник Коля прибыл в Летнюю Кинематографическую Школу.

Первым делом он решил посетить киностудию. В детском лагере «Олененок», где ЛКШ проводится в этом году, проложено множество асфальтированных дорожек и их пересечения образуют перекрестки. «Олененок» — необычный лагерь, и поэтому на всех дорожках и перекрестках нарисована разметка, а так же действуют правила дорожного движения, за нарушение которых полагаются штрафы.

Киностудия расположена на юго-востоке от корпуса, в котором живет Коля, поэтому школьник решил передвигаться только на восток и на юг. Ему очень хотелось побыстрее добраться до киностудии, и потому он решил не обращать внимания на правила, и переходить перекрестки как ему вздумается. Однако, как настоящий ЛКШонок, Коля должен позаботиться о том, чтобы суммарный размер штрафов за его нарушения был минимален. Помогите ему в этом.

В вашем распоряжении карта лагеря, представляющая собой клетчатый прямоугольник N на M, в котором на пересечении i-ой строки и j-ого столбца указан размер штрафа при попадании на этот перекресток.

Корпус, в котором живет Коля находится в северо-западном углу лагеря, а киностудия — в юго-восточном. Помогите Коле добраться до места назначения, заплатив минимально возможный штраф.

# Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа N и M ( $1 \le N, M \le 1000$ ). В последующих N строках содержатся по M чисел — карта лагеря «Олененок».

## Формат выходных данных

В первой строчке выведите одно целое число — минимальный размер штрафа, который придётся заплатить Коле. Во второй строчке выведите количество перекрестков на пути. В следующих строчках выведите координаты перекрестков, через которые школьник пройдет. Гарантируется, что штраф не превысит  $10^9$ .

| pdd.in  | pdd.out |
|---------|---------|
| 2 2     | 351     |
| 163 165 | 3       |
| 83 105  | 1 1     |
|         | 2 1     |
|         | 2 2     |

# Задача С. Ход конём

Имя входного файла: knight.in Имя выходного файла: knight.out Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана прямоугольная доска  $N \times M$  (N строк и M столбцов). В левом верхнем углу находится шахматный конь, которого необходимо переместить в правый нижний угол доски. В данной задаче конь может перемещаться на две клетки вниз и одну клетку вправо или на одну клетку вниз и две клетки вправо.



Необходимо определить, сколько существует различных маршрутов, ведущих из левого верхнего в правый нижний угол.

# Формат входных данных

Входной файл содержит два натуральных числа N и M ( $1 \le N, M \le 50$ ).

## Формат выходных данных

В выходной файл выведите единственное число — количество способов добраться конём до правого нижнего угла доски.

| knight.in | knight.out |
|-----------|------------|
| 3 2       | 1          |
| 31 34     | 293930     |

# Задача D. Ход конём - 2

Имя входного файла: knight2.in Имя выходного файла: knight2.out Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана прямоугольная доска  $N \times M$  (N строк и M столбцов). В левом верхнем углу находится шахматный конь, которого необходимо переместить в правый нижний угол доски.

При этом конь может ходить следующим образом:



Необходимо определить, сколько существует различных маршрутов, ведущих из левого верхнего в правый нижний угол.

# Формат входных данных

Входной файл содержит два натуральных числа N и M ( $1 \le N, M \le 50$ ).

# Формат выходных данных

В выходной файл выведите единственное число — количество способов добраться конём до правого нижнего угла доски.

| knight2.in | knight2.out |
|------------|-------------|
| 4 4        | 2           |
| 2 3        | 1           |

# Задача Е. Три единицы подряд

Имя входного файла: ones.in
Имя выходного файла: ones.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

По данному числу N определите количество последовательностей из нулей и единиц длины N, в которых никакие три единицы не стоят рядом.

# Формат входных данных

Во входном файле написано натуральное число N, не превосходящее 35.

#### Формат выходных данных

Выведите количество искомых последовательностей. Гарантируется, что ответ не превосходит  $2^{31}-1$ .

| ones.in | ones.out |
|---------|----------|
| 4       | 13       |

# Задача F. Калькулятор

Имя входного файла: calcul.in Имя выходного файла: calcul.out Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Имеется калькулятор, который выполняет следующие операции:

- $\bullet$  умножить число X на 2;
- $\bullet$  умножить число X на 3;
- ullet прибавить к числу X единицу.

Определите, какое наименьшее количество операций требуется, чтобы получить из числа 1 число N.

# Формат входных данных

Во входном файле написано натуральное число N, не превосходящее  $10^6$ .

# Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите минимальное количество операций. Во второй строке выведите числа, последовательно получающиеся при выполнении операций. Первое из них должно быть равно 1, а последнее N. Если решений несколько, выведите любое.

| calcul.in | calcul.out  |
|-----------|---|
| 1         | 0   |
|           | 1   |
| 5         | 3   |
|           | 1 3 4 5   |
| 962340    | 17<br>1 3 9 27 54 55 165 495 1485 4455 8910<br>17820 17821 53463 160389 160390<br>481170 962340 |

# Задача G. Кролик учит геометрию.

Имя входного файла: rabbits.in Имя выходного файла: rabbits.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Кролики — очень любопытны. Они любят изучать геометрию, бегая по грядкам. Наш кролик как раз из таких. Сегодня он решил изучить новую фигуру — квадрат.

Кролик бегает по грядке — клеточному полю  $N \times M$  клеток. В некоторых из них посеяны морковки, в некоторых нет.

Помогите Кролику найти сторону квадрата наибольшей площади, заполненного морковками полностью.

## Формат входных данных

В первой строке даны два натуральных числа N и M ( $1 \le N, M \le 1000$ ). Далее в N строках расположено по M чисел, разделенных пробелами (число равно 0, если в клетке нет морковки или 1, если есть).

# Формат выходных данных

Выведите одно число — сторону максимального квадрата, заполненного морковками.

| rabbits.in | rabbits.out |
|------------|-------------|
| 4 5        | 2           |
| 0 0 0 1 0  |             |
| 0 1 1 1 0  |             |
| 0 0 1 1 0  |             |
| 1 0 1 0 0  |             |