

说明

- 1.此文件是814数据结构内容文档;
- 2.此文件包含以下几个部分:
 - (1)数据结构知识点
 - (2)数据结构基础代码
 - (3)知识点的应用(考法)
- 3.此资料内部使用, 请勿外传, 谢谢!
- 4.有任何问题请联系QQ: 1932824470
- 5.西南科技大学814考研学习交流群: 873339498

开始之前的必要准备工作

1. 请将代码文件新建为.hpp结尾的文件(方便用C++的方法来测试C代码是否合格), 例如"Code.hpp";
2. 请在"Code.hpp"文件的最顶上写入如下内容后再开始写后续代码:

```
1  #define _CRT_SECURE_NO_WARNINGS
2  #include <iostream>
3  #include <stdio.h>
4  #include <stdlib.h>
5  #include <vector>
6  #include <string.h>
7  #include <string>
8  #include <map>
9
10 using namespace std;
11
12 typedef int DataType;
```

至此, 欢迎你进入数据结构的强化阶段。

第一章 顺序表

顺序表的基本操作

```
1  /*顺序表的操作*/
2  //1. 插入
3  //2. 删除
4  //3. 查找
5  //4. 遍历
6
7  /*顺序表应用*/
8  //1. 排序算法(在排序部分单独来做)
9  //2. 二分查找:在长度为n的数组arr中查找val值的下标,未找到返回-1
10 //3. 模拟双端栈(节省空间)、循环队列 -- 可以不用管
11 //4. 反转顺序表的前x位和后n-x位,或反转整个顺序表
12 //5. 删除有序表中的重复元素, 并返回最后数组的长度
```

代码部分从下页开始

1.1.二分查找

```
1 //2. 二分查找:在长度为n的数组arr中查找val值的下标,未找到返回-1
2 //C语言版:
3 DataType binarySearch_C(DataType*arr,DataType n,DataType val){
4     DataType lchild=0,rchild=n-1;    //定左右边界
5     while(lchild<=rchild){           //判断左右边界是否相等
6         DataType mid=(lchild+rchild)/2; //计算中间值
7         if(arr[mid]==val){           //找到val
8             return mid;
9         }else if(arr[mid]>val){       //中间值大于val,向左边查找
10            rchild=mid-1;
11        }else{                       //中间值小于val,向右边查找
12            lchild=mid+1;
13        }
14    }
15    return -1;                       //没找到,返回-1
16 }
17 //C++版:
18 DataType binarySearch_CPP(vector<DataType>arr,DataType val){
19     DataType lchild=0,rchild=arr.size()-1; //定左右边界
20     while(lchild<=rchild){               //判断左右边界是否相等
21         DataType mid=(lchild+rchild)/2;   //计算中间值
22         if(arr[mid]==val){               //找到val
23             return mid;
24         }else if(arr[mid]>val){           //中间值大于val,向左边查找
25             rchild=mid-1;
26         }else{                           //中间值小于val,向右边查找
27             lchild=mid+1;
28         }
29     }
30     return -1;                           //没找到,返回-1
31 }
```

1.2.反转顺序表的前x位和后n-x位,或反转整个顺序表

```
1 void reverseI2J(DataType*arr,int i,int j){ //反转顺序表的第i-j位元素,j是最右边元素的下标
2     int L = i,R = j;
3     while(L<R){ //互换i和j位置的元素即可
4         DataType tmp = arr[L];
5         arr[L++] = arr[R];
6         arr[R--] = tmp;
7     }
8 }
9 void reverseHeadX(DataType*arr,int n,int x,int mode){
10     //其中mode = 1:反转前x位, mode = 2:反转前x位和后n-x位, mode = 3:反转整个顺序表
11     //1.反转前x位
12     reverseI2J(arr,0,x-1);
13     if(mode == 1)return;
14     //2.反转后n-x位
15     reverseI2J(arr,x,n-1);
16     if(mode == 2)return ;
17     //3.反转整个顺序表
18     reverseI2J(arr,0,n-1);
19 }
```

1.3.删除有序表中的重复元素，并返回最后数组的长度

```
1 int delDuplication(DataType*arr,int n){
2     int i = 0,j = 1;    //i+1做最后的返回值，j代表当前待比较的最左边的元素
3     for(;i < n;i++){
4         while(arr[i] == arr[j])j++;//跳过重复元素
5         arr[++i] = arr[j++];
6     }
7     return i+1;        //新数组的长度
8 }
```

第二章 链表

开始之前的准备工作

请在开始代码之前，将如下代码复制到"Code.hpp"中。

```
1 typedef struct linknode{      //单链表
2     int data;                  //数据域
3     struct linknode*next;     //指针域
4 }LinkList,LinkListHead,CycleLinkList,CycleLinkListHead,LinkNode,CycleLinkNode;
5 typedef struct doublelinknode{ //双链表
6     int data;                  //数据域
7     struct doublelinknode*next,*pre;//指针域
8 }DoubleLinkList,DoubleLinkListHead,DoubleLinkNode;
```

链表的基本操作

```
1  /*以下链表的插入分为头插和尾插*/
2  /*带\不带 头结点的 单\双\循环 链表的操作*/
3  //1.插入
4  //2.删除
5  //3.查找
6  //4.遍历
7
8  /*链表的应用*/
9  //1.反转单链表、反转双链表、反转循环单链表、反转循环双链表；
10 //2.递归/非递归删除值为val的元素
11 //3.打印两个有序单链表中的共同部分；
12 //4.判断单链表是否是回文单链表
13 //5.判断单链表是否有环，若有环则找出环的入口
14 //6.找两个单链表的公共后缀
15 //7.将单链表按某值划分成左边小，中间相等，右边大的形式；
16 //8.单链表设计循环队列
17 //9.找链表的中间结点
```

2.1.1.反转不带头结点的单链表

```
1  LinkedList* reverseLinkedList(LinkedList*head){    //使用头插法
2      if(!head)return NULL;    //空链表返回NULL
3      LinkNode*cur = head,*next = cur->next;    //cur指向第一个结点,next指向下一个结点防止断链
4      head = NULL;
5      while(cur){    //当前未走到最后一个结点
6          cur->next = head;    //头插,cur作为新的头结点,与head及其后边的结点建立连接
7          head = cur;    //更新head为cur
8          cur = next;    //cur继续往后走
9          if(next)next = next->next;    //next仍然不是NULL时,就继续往后走防止断链
10     }
11     return head;    //返回新的head结点(因为要换头,所以必须返回head)
12 }
```


2.1.2.反转带头结点的单链表

```
1  bool reverseLinkedListHead(LinkListHead*head){
2      if(!head->next)return true; //空链表返回true,也可以返回false;
3      LinkNode*cur = head->next,*next = cur->next; //cur指向第一个结点,next指向下一个结点防止断链
4      head->next = NULL; //重置head的next指针,保持链表为空,进行头插
5      while(cur){ //当cur不是最后一个结点时
6          cur->next = head->next; //头插更新头结点head连接的第一个结点
7          head->next = cur; //更新head的next指针,指向新头插的结点cur
8          cur = next; //cur继续往后走,进行头插法
9          if(next)next = next->next; //若next未结束则继续指向后边结点,防止断链
10     }
11     return true; //反转完毕,返回true
12 }
```

2.1.3.反转带头结点的单链表

```
1  cycleLinkedList*reverseCyclyLinkList(cycleLinkedList*head){ //使用头插法
2      if(!head)return NULL; //空链表返回NULL
3      cycleLinkNode*cur_head = head; //记录当前头结点,会变成尾结点
4      cycleLinkNode*cur = head,*next = cur->next; //cur指向第一个结点,next指向下一个结点防止断链
5      head = NULL;
6      while(1){
7          cur->next = head; //头插,cur作为新的头结点,与head及其后边的结点建立连接
8          head = cur; //更新head为cur
9          if(next == cur_head) break; //若next指向头结点则跳出循环,此时cur指向原链表的尾结点
10         cur = next; //cur继续往后走
11         next = next->next; //next继续往后走防止断链
12     }
13     cur_head->next = cur; //cur指向原链表的尾结点,此时cur_head指向原链表的头结点,next反转
14     return head; //返回新的head结点(因为要换头,所以必须返回head)
15 }
```

2.1.4.反转带头结点的单链表

```
1 bool reverseCyclyLinkListHead(CycleLinkListHead*head){
2     if(!head->next)return true; //空链表返回true,也可以返回false
3     CycleLinkNode*cur = head->next->next,*next = cur->next; //cur指向第二个结点,next指向下一个
    结点防止断链
4     head->next->next = head; //重置head->next的next指针,保持链表为空,进行头插
5
6     return true; //反转完毕,返回true
7 }
```

2.1.5.反转带头结点的单链表

```
1 DoubleLinkedList*reverseDoubleLinkedList(DoubleLinkedList*head){
2     if(!head)return NULL;    //空链表返回NULL
3     DoubleLinkNode*cur = head->next,*next = cur->next;    //cur指向第二个结点,next指向下一个结点
    防止断链
4     head->next= NULL;        //调整head的next指针和pre指针
5     head->pre = NULL;
6     while(cur){              //当前未走到最后一个结点
7         cur->next = head;    //头插,cur作为新的头结点,与head及其后边的结点建立连接
8         cur->pre = NULL;    //更新cur的pre指针
9         head->pre = cur;    //更新head的pre指针,指向新头插的结点cur
10        head = cur;        //更新head为cur
11        cur = next;        //cur继续往后走
12        if(next)next = next->next;    //next仍然不是NULL时,就继续往后走防止断链
13    }
14    return head;            //返回新的head结点(因为要换头,所以必须返回head)
15 }
```

2.1.6.反转带头结点的单链表

```
1  bool reverseDoubleLinkedListHead(DoubleLinkedListHead*head){
2      if(!head->next)return true; //空链表返回true,也可以返回false
3      DoubleLinkNode*cur = head->next,*next = cur->next; //cur指向第一个结点,next指向下一个结点
防止断链
4      head->next = NULL; //重置head的next指针,保持链表为空,进行头插
5      while(cur){ //开始头插
6          cur->next = head->next; //修改cur指针的next
7          cur->pre = head; //修改cur指针的pre,先让其指向head
8          if(head->next) //若head->next不为空
9              head->next->pre = cur; //则让head->next的pre指向新的头插结点cur
10         head->next = cur; //将头插结点放入head->next
11         cur = next; //cur继续往后走
12         if(next)next = next->next; //next继续往后走防止断链
13     }
14     return true; //反转完毕,返回true
15 }
```

2.2.1.递归删除不带头结点的单链表中值为val的元素

```
1 LinkList* deleteDuplication(LinkList*head,int val){
2     if(!head)return NULL;    //结束条件
3     LinkList*next = head->next; //next用于指向下一个结点,防止断链
4     if(next->data == val) free(head);    //如果下一个结点的值等于val,则释放该结点
5     return deleteDuplication(next,next->data);    //返回后续结点的递归检查结果
6 }
```

2.2.2. 非递归删除不带头结点的单链表中值为val的元素

```
1  LinkList* deleteDuplication2(LinkList*head,int val){
2      if(!head)return NULL;    //空链表直接结束
3      while(head && head->data==val){ //先固定头结点,找值不为val的结点做为新的头结点
4          LinkList*tmp = head->next; //tmp指向head->next防止断链
5          free(head);                //释放head
6          head = tmp;
7      }
8      LinkList*pre = head;           //pre从head开始
9      LinkList*cur = head?head->next:NULL; //cur指向已经固定的头结点的第二个结点
10     LinkList*next = cur?cur->next:NULL; //next用于指向下一个结点,防止断链
11     while(cur){
12         if(cur->data == val){        //cur结点值等于val
13             pre->next = next;        //将pre->next指向next
14             free(cur);               //释放cur
15             cur = next;               //cur继续往后走
16             if(next)next = next->next;
17         }else{                       //cur结点值不等于val
18             pre = cur;                //pre继续往后走
19             cur = cur->next;           //cur继续往后走
20             next = next?next->next:NULL;
21         }
22     }
23     return head;                     //返回新的head
24 }
```

2.3.打印两个不带头结点的有序单链表中的共同部分

```
1 void getCommonList(LinkList*head1,LinkList*head2){
2     if(!head1 || !head2)return ;    //空链表直接返回
3     LinkList *L = head1,*R = head2; //L和R分别指向两个链表
4     while(L && R){                    //开始循环判断
5         if(L->data == R->data)        //若两个结点的值相等
6             printf("%d ",L->data);
7         if(L->data < R->data)        //若L结点的值小于R结点的值
8             L = L->next;
9             printf("%d ",L->data);
10        if(L->data<R->data)L = L->next;
11        if(L->data>R->data)R = R->next;
12    }
13    printf("\n");    //加个换行符,也可以不加,看题目要求
14 }
```


2.4.判断不带头结点的单链表是否是回文单链表

```
1  bool isPalindrome(LinkList*head){    //使用快慢指针找中点,逆序后比较
2      if(!head || !head->next)return false;    //空链表返回false
3      //1.快慢指针找后续链表的中点
4      LinkNode*fast = head,*slow = head;
5      do{    //快指针走两步,慢指针走一步
6          if(fast->next && fast->next->next)fast = fast->next->next;
7          else break;
8          slow = slow->next;
9      }while(1);    //退出循环后slow->next指向的就是后半部分链表的第一个结点
10     //2.反转slow->next开始的所有结点 - 为省空间,可将该过程写成函数进行调用
11     LinkNode*cur = slow->next,*next = cur->next;
12     slow->next = NULL;
13     while(cur){ //开始翻转,使用头插法
14         cur->next = slow->next;
15         slow->next = cur;
16         cur = next;
17         if(next)next = next->next;
18     }
19     //3.开始比较,cur和next用来指向前后半部分的结点
20     cur = head;    //指向前半部分
21     next = slow->next;    //指向后半部分
22     while(cur && next){ //任意一个走到NULL时停止
23         if(cur->data != next->data)return false;
24         cur = cur->next;
25         next = next->next;
26     }
27     //4.比较完成,将后半部分链表重新反转回来
28     cur = slow->next;
29     next = cur->next;
30     slow->next = NULL;
31     while(cur){ //开始翻转,使用头插法
32         cur->next = slow->next;
33         slow->next = cur;
34         cur = next;
35         if(next)next = next->next;
36     }
37     return true; //比较结束,返回true
38 }
```

2.5.判断不带头结点的单链表是否有环,若有环则找出环的入口

```
1  LinkNode* isLoopList(LinkList*head){    //使用快慢指针
2      if(!head)return NULL;    //空链表,无环,返回NULL
3      LinkNode*slow = head,*fast = head;    //slow指向第一个结点,fast指向第一个结点
4      do{
5          slow = slow->next;    //慢指针走一步
6          if(fast->next && fast->next->next)fast = fast->next->next;//快指针走两步
7          else return NULL;    //无环直接返回NULL,只用判断快指针,因为快指针始终在慢指针前边
8      }while(slow!=fast);    //快慢指针相遇,有环
9      //快指针回到起点,慢指针不变,同时开始一步一步地走,相遇的结点即入口
10     fast = head;
11     while(fast != slow){    //fast和slow指针开始同步走
12         fast = fast->next;
13         slow = slow->next;
14     }
15     return fast;    //返回slow也可以,此时fast == slow
16 }
```

2.6.找两个不带头结点的单链表的公共后缀,返回起始节点

```
1  int getLinkListLength(LinkList*head){    //求链表长度
2      int count = 0;
3      LinkList*cur = head;
4      while(cur){        //遍历一遍计数
5          count++;
6          cur = cur->next;
7      }
8      return count;
9  }
10 LinkNode*getLinkListRearNode(LinkList*head){    //找单链表的尾结点
11     LinkList*p = head;
12     while(p->next) p = p->next;
13     return p;
14 }
15 LinkNode*getCommonFinalNode(LinkList*head1,LinkList*head2){
16     //1.求两个链表的长度
17     int len1 = getLinkListLength(head1);
18     int len2 = getLinkListLength(head2);
19     //2.求两个链表的尾结点
20     LinkNode*tail1 = getLinkListRearNode(head1);
21     LinkNode*tail2 = getLinkListRearNode(head2);
22     //3.求公共部分
23     if(tail1!=tail2)return NULL;    //尾结点不一样,说明没有公共后缀
24     LinkNode*LongList = len1>len2?head1:head2;    //LongList指向更长的链表
25     LinkNode*ShortList = LongList==head1?head2:head1;    //ShortList指向更短的链表
26     int delta = len1>len2?len1-len2:len2-len1;    //求长度差值
27     while(delta-->0)    //长链表先走差值步
28         LongList = LongList->next;
29     while(LongList!=ShortList){    //两个链表同时走,直到走到公共起始节点
30         LongList = LongList->next;
31         ShortList = ShortList->next;
32     }
33     return LongList;    //返回ShortList也可以,此时它们都指向公共后缀的第一个结点
34 }
```

2.7.将不带头结点的单链表按某值划分成左边小,中间相等,右边大的形式

```
1  LinkNode* partition(LinkList*head,int val){
2      //六个变量,记录三个区间的头结点和尾结点,并初始化为NULL
3      LinkNode*BigHead,*BigEnd,*EquHead,*EquEnd,*Sm1Head,*Sm1End;
4      BigHead=BigEnd=EquHead=EquEnd=Sm1Head=Sm1End = NULL;
5      LinkNode*cur = head;    //从head开始判断
6      while(cur){             //将所有结点放到对应的区
7          if(cur->data<val){   //放到小于区
8              if(!Sm1Head)    //小于区还未放任何结点
9                  Sm1Head = Sm1End = cur;
10             else{           //否则放到最后
11                 Sm1End->next = cur;
12                 Sm1End = Sm1End->next;
13             }
14         }else if(cur->data == val){ //放到等于区
15             if(!EquHead)    //等于区还未放任何结点
16                 EquHead = EquEnd = cur;
17             else{           //否则放到最后
18                 EquEnd->next = cur;
19                 EquEnd = EquEnd->next;
20             }
21         }else{              //放到大于区
22             if(!BigHead)    //大于区还未放任何结点
23                 BigHead = BigEnd = cur;
24             else{           //否则放到最后
25                 BigEnd->next = cur;
26                 BigEnd = BigEnd->next;
27             }
28         }
29         cur = cur->next;    //cur继续往后走
30     }
31     head = Sm1Head;        //head指向大于区的头结点
32     Sm1End->next = EquHead; //Sm1End指向等于区的头结点
33     EquEnd->next = BigHead; //EquEnd指向大于区的头结点
34     return head;           //因为涉及到"换头"操作,所以要返回大于区的头结点作为新的头结点
35 }
```

2.8.1.单链表设计循环队列——入队操作

```
1 //思路:使用循环单链表来做,为简单插入删除操作,只使用尾指针
2 //先设计数据结点及结构体
3 typedef struct queueNode{ //数据结点
4     DataType data; //数据域
5     struct queueNode*next; //指针域
6 }myQueueNode;
```

入队操作 - 队列尾进头出:

```
1 bool EnQueue(myQueueNode**q,DataType data){ //此时的queue是尾结点
2     //可能涉及"换尾"操作,因此queue的传入需要用二级指针
3     if(!(*q)){ //空队,直接将元素插入即可
4         *q = (myQueueNode*)malloc(sizeof(myQueueNode));
5         (*q)->data = data;
6         (*q)->next= (*q); //单个节点时指向自己
7         return true;
8     }
9     //队非空,则插入q->next即可
10    myQueueNode*tmp = (myQueueNode*)malloc(sizeof(myQueueNode));
11    tmp->data = data;
12    tmp->next = (*q)->next; //tmp接上q的头结点
13    (*q)->next = tmp; //尾结点q指向tmp
14    (*q) = tmp; //更新tmp成为新的尾结点
15    return true;
16 }
```

2.8.2.出队操作,值放到e中 - 队列头进尾出

```
1  bool DeQueue(myQueueNode**q,DataType*e){ //此时的queue是尾结点
2      if(!(*q)) return false; //空队,出队失败
3      *e = (*q)->next->data; //队头元素出队
4      if((*q)->next == (*q)){ //只有一个元素时
5          free(*q);
6          *q = NULL;
7          return true;
8      }
9      //还有其余元素,则将队头出队
10     myQueueNode*tmp = (*q)->next; //将出队元素拿出来
11     *e = tmp->data; //取值放入e
12     (*q)->next = tmp->next; //重新链接原链表
13     free(tmp); //释放内存空间
14     return true;
15 }
```

2.8.3.取队头队尾及判空/清空队列 - 队列头进尾出

```
1 //取队头元素 - 队列头进尾出
2 bool GetHead(myQueueNode*q,DataType*e){
3     if(!q) return false;
4     *e = q->next->data;
5     return true;
6 }
7 //取队尾元素 - 队列尾进头出
8 bool GetTail(myQueueNode*q,DataType*e){
9     if(!q) return false;
10    *e = q->data;
11    return true;
12 }
13 //判断队列是否为空
14 bool isEmpty(myQueueNode*q){
15     return !q;
16 }
17 //清空队列
18 void ClearQueue(myQueueNode**q){ //q指向尾结点
19     if(!(*q)) return;
20     myQueueNode*tmp = (*q)->next; //从头结点开始删除
21     while(tmp != (*q)){ //当未删到尾结点时
22         (*q)->next = tmp->next;
23         free(tmp);
24         tmp = (*q)->next;
25     }
26     free(*q); //单独删除尾结点即可
27     *q = NULL;
28 }
```

2.8.4.找链表的中间结点 - 快慢指针

```
1  LinkNode* FindMid(LinkNode*head){
2      if(!head)return NULL;
3      LinkNode*fast = head,*slow = head;
4      do{          //快指针走两步,慢指针走一步
5          if(fast->next && fast->next->next)fast = fast->next->next;
6          else break;
7          slow = slow->next;
8      }while(1); //slow指向中间结点(奇数结点时)或中间结点的前一个结点(偶数结点时)
9      return fast->next?slow->next:slow; //当链表个数奇、偶数时的不同处理方法
10 }
```


第三章 栈

栈的基本操作

```
1  /*顺序栈、链栈的操作*/
2  //1.判空判满
3  //2.Push&Pop
4  //3.取栈顶Top
5
6  /*栈的应用*/
7  //注:树的非递归遍历等需要用到栈,但归结到树的知识点中去
8  //1.括号匹配
9  //2.表达式求值
10 //3.中缀转后缀
```

3.1.括号匹配,思路: 读到左括号入栈,读到右括号出栈并判断是否匹配

```
1  bool isMatch(char* str,int len){    //串的长度为len,不考虑字符串结尾的'\0'
2      char*arr = (char*)malloc(sizeof(char)*len); //模拟栈
3      for(int i = 0;i < len; i++)arr[i] = '\0';    //初始化栈元素
4      int top = 0;    //标示栈顶
5      for(int i = 0;i<len;i++){    //遍历串
6          if(str[i] == '(' || str[i] == '[' || str[i] == '{') //左括号入栈
7              arr[top++] = str[i];
8          else if(str[i] == ')' || str[i] == ']' || str[i] == '}'){    //右括号则进行匹配
9              switch(str[i]){    //匹配左括号与右括号
10                 case ')':    //左圆括号
11                     if(arr[top-1] == '(')top--; //匹配成功,继续匹配
12                     else return false;    //匹配失败,直接结束
13                     break;
14                 case ']':    //左方括号
15                     if(arr[top-1] == '[')top--; //匹配成功,继续匹配
16                     else return false;    //匹配失败,直接结束
17                     break;
18                 case '}':    //左花括号
19                     if(arr[top-1] == '{')top--; //匹配成功,继续匹配
20                     else return false;    //匹配失败,直接结束
21                     break;
22                 default:    //其他情况,直接返回false
23                     return false;
24             }
25         }
26     }
27     free(arr);    //释放内存空间
28     return top == 0?true:false; //遍历结束,且栈空,则匹配
29 }
```

3.2.表达式求值

```
1 int ExpressionEvaluate(char* str, int len) {
2     char* sym = (char*)malloc(sizeof(char) * len); //符号栈
3     int* num = (int*)malloc(sizeof(int) * len); //操作数栈
4     for (int i = 0; i < len; i++) { //初始化栈元素
5         sym[i] = '\0';
6         num[i] = 0;
7     }
8     int top_sym = 0, top_num = 0; //符号栈和操作数栈的栈顶
9     for (int i = 0; i < len; i++) { //遍历串,将所有符号和操作数入栈
10        if (str[i] >= '0' && str[i] <= '9') //数字进num栈
11            num[top_num++] = str[i] - '0';
12        else if (str[i] == '(') //左括号直接进sym栈
13            sym[top_sym++] = str[i];
14        else if (str[i] == '+' || str[i] == '-') { //加减号要比较sym栈元素优先级
15            if (top_sym == 0 || sym[top_sym - 1] == '(' || sym[top_sym - 1] == '\0')
16                sym[top_sym++] = str[i]; //优先级高,直接入栈即可
17            else { //优先级相等或更低,则一直出栈或走到'('处
18                while (sym[top_sym - 1] != '(' && top_sym > 0) {
19                    int b = num[--top_num], a = num[--top_num];
20                    switch (sym[--top_sym]) { //对a、b进行计算
21                        case '*': num[top_num++] = a * b; break;
22                        case '/': num[top_num++] = a / b; break;
23                        case '+': num[top_num++] = a + b; break;
24                        case '-': num[top_num++] = a - b; break;
25                    }
26                }
27                sym[top_sym++] = str[i]; //当前符号入栈
28            }
29        }
30        else if (str[i] == ')') { //右括号直接出栈到左括号为止
31            while (sym[top_sym - 1] != '(') {
32                int b = num[--top_num], a = num[--top_num];
33                switch (sym[--top_sym]) { //对a、b进行计算
34                    case '*': num[top_num++] = a * b; break;
35                    case '/': num[top_num++] = a / b; break;
36                    case '+': num[top_num++] = a + b; break;
37                    case '-': num[top_num++] = a - b; break;
38                }
39            }
40            top_sym--; //左括号出栈
41        }
42        else if (str[i] == '*' || str[i] == '/') //直接往栈里扔
43            sym[top_sym++] = str[i];
44    }
45    while (top_sym > 0) { //遍历串后对sym栈进行出栈
46        int b = num[--top_num], a = num[--top_num];
47        switch (sym[--top_sym]) { //对a、b进行计算
48            case '*': num[top_num++] = a * b; break;
49            case '/': num[top_num++] = a / b; break;
50            case '+': num[top_num++] = a + b; break;
51            case '-': num[top_num++] = a - b; break;
52        }
53    }
54    free(sym); //释放栈
```

```
55 |     top_num = num[0];
56 |     free(num); //释放栈
57 |     return top_num;
58 | }
```

3.3.中缀转后缀

```
1 //一种思路:只用一个栈,遇到数字就输出,遇到符号看情况输出
2 void InToPost(char* str,int len){
3     char*sym = (char*)malloc(sizeof(char)*len); //符号栈
4     for(int i=0;i<len;i++)sym[i]='\0'; //初始化栈
5     int top = 0; //标示栈顶
6     for(int i = 0; i < len; i++){ //开始遍历字符串
7         if(str[i]>='0' && str[i] <='9') printf("%c",str[i]); //数字直接输出
8         else if(str[i] == '+' || str[i] == '-'){ //加减则输出栈中其余符号,直到空或 '('
9             while(top>0 && sym[top-1]!='(')
10                 printf("%c",sym[--top]);
11             sym[top++] = str[i]; //当前符号入栈
12         }else if(str[i] == '*' || str[i] == '/' || str[i] == '('){ //乘除括号直接入栈
13             sym[top++] = str[i];
14         }else if(str[i] == ')'){ //出栈直到左括号
15             while(sym[top-1]!='(')
16                 printf("%c",sym[--top]);
17             top--; //左括号出栈
18         }
19     }
20     while(top>0) //剩余元素出栈
21         printf("%c",sym[--top]);
22 }
```

第四章 队列

队列的基本操作

```
1  /*普通队列、双端队列、循环队列的操作*/
2  //1.入队出队
3  //2.判空判满
4  //3.取队头队尾元素
5
6  /*队列的应用*/
7  //基本上都是在二叉树层序遍历等算法中应用。
```

第五章 二叉树

开始之前的准备工作

请在开始代码之前，将如下代码复制到"Code.hpp"中。

```
1  typedef struct binarytreenode{ //二叉树结构体
2      int data; //数据域
3      struct binarytreenode* lchild,*rchild; //左孩子
4      struct binarytreenode* left,*right; //右孩子
5      //以下是一些特殊的树用得上的东西,为了方便起见,就一起定义到这里边了
6      struct binarytreenode* parent; //父结点
7      int ltag; //左标志
8      int rtag; //右标志
9      int level; //层
10     int height; //高度
11     int count; //结点数
12     bool balance; //是否平衡
13 }BTree,BTNode;
14 #define MaxSize 1000
```

二叉树的基本操作

```
1  /*二叉树的操作*/
2  //1.递归遍历:前序、中序、后序;
3  //2.非递归遍历:前序、中序、后序、层序;
4  //3.实现二叉排序树
5  //4.实现平衡二叉树
6  //5.实现线索二叉树(非递归的Morris遍历)
7  //6.构造B树
8  //7.构造B+树
9  //8.构造哈夫曼树
10
11 /*二叉树的应用*/
12 //1.查找值为val的结点;
13 //2.求给定二叉树T的深度;
14 //3.求给定二叉树T的宽度(结点数最多的一层);
15 //4.找给定结点Node的双亲结点;
16 //5.翻转二叉树(所有左子树变右子树);
17 //6.判断二叉树是否为完全二叉树;
18 //7.判定给定的二叉树T是否是平衡二叉树;
19 //8.判定给定的二叉树T是否是二叉排序树;
20 //9.判定给定的二叉树T是否是满二叉树;
21 //10.找值为val的第一个结点
22 //11.统计二叉树结点个数
```

5.0.写一个构造二叉树的测试算法

```
1 //用于测试后边的其他算法 - 将按层序给的数组arr转换成二叉树返回
2 BTree* CreateBTree(int*arr,int n){ //没有结点的位置值为-1
3     if(!arr || !n)return NULL; //空数组返回NULL
4     BTreeNode*root = (BTreeNode*)malloc(sizeof(BTreeNode));
5     root->data = arr[0];
6     root->lchild = root->rchild = root->lchild = root->rchild = NULL;
7     //构造队列层序添加结点
8     BTreeNode**tmp = (BTreeNode**)malloc(sizeof(BTreeNode)*MaxSize);
9     int rear = 0,head = 0,top = 1; //队列头尾浮标
10    tmp[rear++] = root;
11    while(top < n){ //所有数放好后结束
12        BTreeNode*cur = tmp[head++]; //队头结点出队
13        if(arr[top++] != -1){ //左结点
14            cur->lchild = (BTreeNode*)malloc(sizeof(BTreeNode));
15            cur->lchild->data = arr[top-1];
16            cur->lchild->lchild = cur->lchild->rchild = NULL;
17            tmp[rear++] = cur->lchild; //左孩子入队
18        }
19        if(arr[top++] != -1){ //右节点
20            cur->rchild = (BTreeNode*)malloc(sizeof(BTreeNode));
21            cur->rchild->data = arr[top-1];
22            cur->rchild->lchild = cur->rchild->rchild = NULL;
23            tmp[rear++] = cur->rchild; //右孩子入队
24        }
25    }
26    free(tmp); //释放内存
27    return root; //返回构造好的头结点
28 }
```


5.1.1.递归遍历(先中后序)

```
1 void PreOrder_Iterator(BTree*root){ //先序
2     if(!root)return;
3     printf("%d ",root->data); //打印根节点
4     PreOrder_Iterator(root->lchild); //打印左子树
5     PreOrder_Iterator(root->rchild); //打印右子树
6 }
7 void InOrder_Iterator(BTree*root){ //中序
8     if(!root)return;
9     InOrder_Iterator(root->lchild); //打印左子树
10    printf("%d ",root->data); //打印根节点
11    InOrder_Iterator(root->rchild); //打印右子树
12 }
13 void PostOrder_Iterator(BTree*root){ //后序
14     if(!root)return;
15     PostOrder_Iterator(root->lchild); //打印左子树
16     PostOrder_Iterator(root->rchild); //打印右子树
17     printf("%d ",root->data); //打印根节点
18 }
```

5.1.2.1.递归遍历一(层序)

```
1 //层序遍历的两种实现思路：
2 //a.使用单链表模仿链队列：
3 typedef struct LevelNode{ //存储二叉树结点的结构
4     BTree*node;           //存储二叉树节点
5     struct LevelNode*next; //存储下一个二叉树结点
6 }LevelNodeList;
7 void LevelOrder_IteratorList(BTree*root){//层序
8     if(!root)return ; //判误
9     LevelNodeList*head = (LevelNodeList*)malloc(sizeof(LevelNodeList));//头结点
10    head->node = root;
11    head->next = NULL;
12    LevelNodeList*cur = head,*rear = head; //头尾节点,模仿队列
13    while(cur){ //队列不空
14        printf("%d\n",cur->node->data); //输出队列结点
15        if(cur->node->lchild){//左孩子有的话就入队
16            LevelNode*n = (LevelNode*)malloc(sizeof(LevelNode));
17            n->next = NULL;
18            n->node = cur->node->lchild;
19            rear->next = n;
20            rear = rear->next;
21        }
22        if(cur->node->rchild){//右孩子有的话就入队
23            LevelNode*n = (LevelNode*)malloc(sizeof(LevelNode));
24            n->next = NULL;
25            n->node = cur->node->rchild;
26            rear->next = n;
27            rear = rear->next;
28        }
29        cur = cur->next; //继续往下一个结点去
30    }
31    //记得要销毁动态分配的堆区内存
32    cur = head;
33    rear = cur->next;
34    while(cur){ //销毁LevelNodeList释放内存
35        free(cur);
36        cur = rear;
37        if(rear)rear = rear->next;
38    }
39 }
```

5.1.2.2.递归遍历二(层序)

```
1 //b.使用指针数组实现队列:
2 int countTree(BTree*root); //函数原型,声明是定义在下边应用题里的,这里要使用,就要提前定义
3 //考试的时候记得要把统计结点个数的代码写出来
4 void LevelOrder_IteratorArray(BTree*root){//层序
5     if(!root)return ; //判误
6     //1.求二叉树的结点个数
7     int num = countTree(root);
8     BTree**arr = (BTree**)malloc(sizeof(BTree*)*num); //申请二维数组
9     int rear = 0,top = 0;
10    arr[rear++] = root; //头结点入队
11    while(top<rear){
12        BTreeNode*cur = arr[top++];
13        printf("%d ",cur->data); //输出队列结点
14        if(cur->lchild) arr[rear++] = cur->lchild; //左孩子入队
15        if(cur->rchild)arr[rear++] = cur->rchild; //右孩子入队
16    }
17    free(arr); //记得释放内存
18 }
```

5.2.1.非递归遍历-总结及Morris本体

```
1  * Morris算法-在时间复杂度 $O(n)$ ,空间复杂度 $O(1)$ 的条件下遍历二叉树
2  Morris还有个叫法->线索二叉树
3  步骤:cur从root结点开始,当cur非空时:
4  输出其值(进行访问);
5  (1)cur无左子树时,cur = cur->rchild;
6  (2)cur有左子树时找其左子树的最右结点R:
7      (a)R->rchild==NULL,表示第一次访问cur结点,执行以下操作:
8          R->rchild = cur;
9          cur = cur->lchild;
10     (b)R->rchild==root,表示第二次访问cur结点,执行以下操作:
11         cur = cur->rchild;
12 (3)cur==NULL时停止
13
14 普通循环遍历-使用栈、队列等方式遍历二叉树
15  */
```

Morris算法本体如下:

```
1  void Morris(BTree*root){
2      if(!root)return;    //空树返回
3      BTreeNode*cur = root; //cur从root开始
4      while(cur){          //cur空则停止
5          printf("%d\n",cur->data); //输出cur的值-访问
6          if(!cur->lchild)cur=cur->rchild; //只能到一次的结点
7          else{             //上边的情况(2)
8              BTreeNode*R = cur->lchild; //找左子树最右结点
9              while(R->rchild && R->rchild!=cur)R=R->rchild;
10             if(!R->rchild){ //情况(a), 第一次访问
11                 R->rchild = cur;
12                 cur = cur->lchild;
13             }else{         //情况(b), 第二次访问
14                 R->rchild = NULL;
15                 cur = cur->rchild;
16             }
17         }
18     }
19 }
```

5.2.2.Morris实现先序和中序遍历

1.先序遍历:

```
1 //思路: 输出第一次到达或只能到达一次的结点的值
2 //与5.2.1相比, 不同之处用*标出
3 void Morris_PreOrder(BTree*root){
4     if(!root)return;    //空树返回
5     BTreeNode*cur = root; //cur从root开始
6     while(cur){          //cur空则停止
7         if(!cur->lchild){ //只能到一次的结点
8             printf("%d\n",cur->data); //输出cur的值-访问
9             cur = cur->rchild;
10        }else{           //上边的情况(2)
11            BTreeNode*R = cur->lchild; //找左子树最右结点
12            while(R->rchild && R->rchild != cur)R = R->rchild;
13            if(!R->rchild){ //情况(a), 第一次访问
14                R->rchild = cur;
15                printf("%d\n",cur->data); //输出cur的值-访问
16                cur = cur->lchild;
17            }else{        //情况(b), 第二次访问
18                R->rchild = NULL;
19                cur = cur->rchild;
20            }
21        }
22    }
23 }
```

2.中序遍历:

```
1 //思路: 输出第二次到达或只能到达一次的结点的值
2 //与2.1相比, 不同之处用*标出
3 void Morris_MidOrder(BTree*root){
4     if(!root)return;    //空树返回
5     BTreeNode*cur = root; //cur从root开始
6     while(cur){          //cur空则停止
7         if(!cur->lchild){ //只能到一次的结点
8             printf("%d\n",cur->data); //输出cur的值-访问
9             cur = cur->rchild;
10        }else{           //上边的情况(2)
11            BTreeNode*R = cur->lchild; //找左子树最右结点
12            while(R->rchild && R->rchild != cur)R = R->rchild;
13            if(!R->rchild){ //情况(a), 第一次访问
14                R->rchild = cur;
15                cur = cur->lchild;
16            }else{        //情况(b), 第二次访问
17                R->rchild = NULL;
18                printf("%d\n",cur->data); //输出cur的值-访问
19                cur = cur->rchild;
20            }
21        }
22    }
23 }
```

5.2.3.Morris实现后续遍历

```
1 //思路:只在第二次到达的结点处逆序输出其左子树所有右结点,最后逆序输出整棵树右节点
2 //为保证空间复杂度为O(1),逆序输出时采用反转单链表的方式进行
3 //2.4.1.反转结点cur的左子树所有右节点
4 void reverseRoot(BTNode*cur){
5     if(!cur)return;
6     BTNode*lchild = cur->lchild;//lchild作为头结点
7     BTNode*R = lchild->rchild; //R指向右节点,防止断链
8     cur->lchild = NULL;      //cur->lchild先置空
9     while(lchild){          //lchild不空就继续执行
10         lchild->rchild = cur->lchild;
11         cur->lchild = lchild;
12         lchild = R;
13         if(R && R->rchild && R->rchild !=cur) R = R->rchild;
14         else R = NULL;      //当R->rchild指向cur时保证R置空
15     }
16 }
17 //2.4.2.Morris后续遍历算法
18 void Morris_PostOrder(BTNode*root){
19     if(!root)return;      //空树返回
20     BTNode*cur = root;    //cur从root开始
21     while(cur){
22         if(!cur->lchild)cur = cur->rchild; //只访问一次的结点
23         else{
24             BTNode*R = cur->lchild;      //找左子树最右结点
25             while(R->rchild && R->rchild!=cur) R=R->rchild;
26             if(!R->rchild){ //第一次访问到cur结点
27                 R->rchild = cur;
28                 cur = cur->lchild;
29             }else{        //第二次访问到cur结点,要逆序输出所有
30                 R->rchild = NULL;      //R->rchild先置空,方便反转
31                 reverseRoot(cur);      //反转cur的左子树
32                 R = cur->lchild;      //R作为临时指针用于访问所有右结点
33                 while(R){
34                     printf("%d\n",R->data);
35                     R = R->rchild;
36                 }
37                 reverseRoot(cur);      //再将cur的左子树反转回来
38                 cur = cur->rchild;
39             }
40         }
41     }
42     //逆序输出整棵树的右节点
43     BTNode* tmp = (BTNode*)malloc(sizeof(BTNode));
44     tmp->lchild = root;
45     reverseRoot(tmp); //先反转
46     cur = tmp->lchild;
47     while (cur) {
48         printf("%d\n", cur->data);
49         cur = cur->rchild;
50     }
51     reverseRoot(tmp);
52     free(tmp);
53 }
```

5.3.1.常规非递归先序遍历二叉树 - 根 左 右

```
1 void PreOrderTree(BTree*root){
2     if(!root)return ;
3     BTreeNode**q = (BTreeNode**)malloc(sizeof(BTreeNode)*MaxSize);    //结点栈
4     int top = 0;    //栈顶
5     q[top++] = root;
6     while(top){    //栈空则结束
7         BTreeNode*cur = q[--top];    //栈顶元素出栈
8         printf("%d\n",cur->data);    //输出栈顶元素
9         if(cur->rchild)q[top++] = cur->rchild;    //右结点入栈
10        if(cur->lchild)q[top++] = cur->lchild;    //左结点入栈
11    }
12    free(q);    //释放内存
13 }
```

5.3.2.常规非递归中序遍历二叉树 - 左根右

```
1  /*
2      思路:
3      1.cur从root开始
4      2.cur非空或栈非空时, 执行以下操作
5          (1)cur非空时入栈cur, cur=cur->left;
6          (2)cur为空时出栈, 并访问结点, 接着cur=cur->right
7  */
8  void InOrderTree(BTree*root){
9      if(!root)return ;
10     BTreeNode**q = (BTreeNode**)malloc(sizeof(BTreeNode)*MaxSize);    //结点栈
11     int top = 0;    //栈顶
12     BTreeNode*cur = root;    //1.cur从root开始
13     while(top || cur){    //cur非空或栈非空
14         while(cur){    //(1).cur非空时入栈cur, 并继续往左树走
15             q[top++] = cur;
16             cur = cur->lchild;
17         }
18         cur = q[--top];    //(2).cur为空时出栈, 并访问结点
19         printf("%d\n",cur->data);
20         cur = cur->rchild;
21     }
22     free(q);    //释放内存
23 }
```


5.3.3.常规非递归后序遍历二叉树 - 左右根

```
1  /*
2      思路：
3      1.cur从root开始；
4      2.cur非空或栈非空时，执行以下操作
5          (1)cur非空时入栈cur，cur=cur->left；
6          (2)cur为空时出栈，根据以下条件判断：
7              a.若无右节点或右节点已访问过，则访问cur结点，并置cur = NULL；
8              b.否则cur重新压栈，并继续往右树走
9  */
10 void PostOrderTree(BTree*root){
11     if(!root)return ;
12     BTreeNode**q = (BTreeNode**)malloc(sizeof(BTreeNode)*MaxSize); //结点栈
13     int*arr = (int*)malloc(sizeof(int)*MaxSize); //记录结点值是否访问过，假设结点值<MaxSize
14     memset(arr,0,MaxSize); //将arr初始化为0
15     int top = 0; //栈顶
16     BTreeNode*cur = root; //1.cur从root开始
17     while(top || cur){ //cur非空或栈非空
18         while(cur){ //（1）.cur非空时入栈cur，并继续往左树走
19             q[top++] = cur;
20             cur = cur->lchild;
21         }
22         cur = q[--top]; //（2）.cur为空时出栈并进行下边的判断
23         if(!cur->rchild || arr[cur->rchild->data]){ //a.若无右节点或右节点已访问过，则访问cur结
点，并置cur = NULL
24             printf("%d\n",cur->data);
25             arr[cur->data] = 1;
26             cur = NULL;
27         }else{
28             q[top++] = cur; //b.否则cur重新压栈并继续往右树走
29             cur = cur->rchild;
30         }
31     }
32 }
```

5.4.实现二叉排序树

```
1 BTree* CreateBST(int*arr,int n){
2     if(!arr || !n)return NULL; //空数组返回NULL
3     int cur = 0; //当前正在构造的结点
4     BTree*root = (BTreeNode*)malloc(sizeof(BTreeNode)); //根节点
5     root->data = arr[cur++];
6     root->lchild = root->rchild = NULL;
7     BTreeNode*p = root; //p从root开始找合适的位置插入结点
8     while(cur < n){
9         p = root; //每轮循环都从root开始找
10        BTreeNode*tmp = (BTreeNode*)malloc(sizeof(BTreeNode)); //创建新结点
11        tmp->data = arr[cur++];
12        tmp->lchild = tmp->rchild = NULL;
13        while(p){
14            if(tmp->data < p->data){ //新结点值更小，往左走
15                if(p->lchild)p = p->lchild;
16            }
17            else{
18                p->lchild = tmp;
19                break;
20            }
21        }
22        if(p->rchild)p = p->rchild; //新结点值更大，往右走
23        else{
24            p->rchild = tmp;
25            break;
26        }
27    }
28    return root;
29 }
```

5.n_说明

一些比较难的暂时没放代码，基本上814也考不到那么难，所以主要重点照顾这些给出来的代码。

二叉树的平衡二叉树、线索二叉树、构造B树、B+树及哈夫曼树都不做代码要求。

【下边从标号5.5开始，这些跳过的代码补在最后】

5.5.查找值为val的结点

```
1 int countTree(BTree*root); //函数原型(因为定义在后边,所以要先声明一下)
2 BNode* FindNode(BTree*root,int val){
3     if(!root)return NULL; //空结点返回NULL
4     if(root->data == val)return root; //当前结点值等于val,返回
5     BNode*lchild = FindNode(root->lchild,val); //递归查找左子树
6     BNode*rchild= FindNode(root->rchild,val); //递归查找右子树
7     return lchild?lchild:rchild?rchild:NULL; //返回左子树或右子树
8 }
```

5.6.求给定二叉树T的深度

```
1 int Depth(BTree*root){
2     if(!root)return 0;    //空树深度为0
3     int lchild = Depth(root->lchild);    //递归求左子树深度
4     int rchild = Depth(root->rchild);    //递归求右子树深度
5     return lchild>rchild?lchild+1:rchild+1;
6 }
```

5.7.求给定二叉树T的宽度(结点数最多的一层)

```
1 //思路: 先求树T高度,再使用数组来统计每一层的结点数,这就需要使用辅助函数
2 void levelCount(BTree*root,int *depthArr,int level){
3     //depthArr是统计的数组,level是当前所在层
4     if(!root)return; //空树返回
5     depthArr[level]++; //统计当前层的结点数
6     levelCount(root->lchild,depthArr,level+1); //递归左子树
7     levelCount(root->rchild,depthArr,level+1); //递归右子树
8 }
9 int Width(BTree*root){
10    //1.求树高度(深度)
11    int depth = Depth(root); //直接用上边现成代码了,考试就把上边Depth的代码抄到这儿
12    //2.用数组记录每一层的结点数
13    int *arr = (int*)malloc(sizeof(int)*depth);
14    memset(arr, 0, depth); //初始化为0
15    //3.用辅助函数统计每一层的结点数 - root结点假设在第0层
16    levelCount(root,arr,0);
17    //4.找最大宽度
18    int max = arr[0];
19    for(int i = 1;i < depth;i++)
20        if(arr[i]>max) max = arr[i];
21    return max; //返回最大宽度
22 }
```

5.8.找给定结点Node的双亲结点

```
1 BTreeNode* FindParent(BTree*root,BTreeNode*node){
2     if(!root)return NULL;    //空树返回NULL
3     if(root == node)return node;    //当前结点是待查找node,则返回当前结点
4     BTreeNode*lchild = FindParent(root->lchild,node);    //递归查找左子树
5     if(lchild)return lchild == node?root:lchild;    //左子树是node,则root是其父结点,父结点肯定
    不是node
6     BTreeNode*rchild = FindParent(root->rchild,node);    //递归查找右子树
7     if(rchild)return rchild == node?root:rchild;    //右子树是node,同上,直接返回root
8     return NULL;
9 }
```

5.9.翻转二叉树(所有左子树变右子树)

```
1 void ReverseTree(BTree*root){
2     if(!root)return;           //空树返回
3     BTreeNode*lchild = root->lchild;    //接住左子树
4     root->lchild = root->rchild;    //右子树换到左子树去
5     root->rchild = lchild;         //左子树换到右子树去
6     ReverseTree(root->lchild);    //左子树上继续转换
7     ReverseTree(root->rchild);    //右子树上继续转换
8 }
```


5.10.判断二叉树是否为完全二叉树

```
1  bool IsCompleteTree(BTree*root){
2      int flag = 0;    //表示不是完全二叉树
3      //思路:新建辅助队列,用来层序遍历树,当遍历到第一个小于1个孩子的结点时,其余结点都必须是叶节点
4      int num = countTree(root); //先求结点个数
5      BTree**arr = (BTree**)malloc(sizeof(BTree*)*num);
6      for(int i = 0;i < num;i++)arr[i] = NULL;    //初始化队列
7      int top = 0,rear = 0;    //表示队列的头尾
8      arr[rear++] = root;    //根结点入队
9      while(top < rear){    //队列非空时
10         BTreeNode*cur = arr[top++];    //取队列头结点
11         if(flag)    //此节点只能是叶节点
12             if(cur->lchild||cur->rchild)return false;    //若有孩子则不是完全二叉树
13         else {    //还未走到最后一个结点
14             if(!cur->lchild || !cur->rchild)flag = 1;    //此结点是第一个小于1个孩子的结点
15         }
16         if(cur->lchild)arr[rear++] = cur->lchild; //左孩子入队
17         if(cur->rchild)arr[rear++] = cur->rchild; //右孩子入队
18     }
19     return true;    //比较完成,该二叉树是完全二叉树
20 }
```

5.11.判定给定的二叉树T是否是平衡二叉树

```
1 bool IsBalanceTree(BTree*root){
2     if(!root)return true;           //空树返回true
3     int lchild = Depth(root->lchild); //求左子树深度
4     int rchild = Depth(root->rchild); //求右子树深度
5     int delta = lchild>rchild?lchild-rchild:rchild-lchild; //平衡因子
6     return delta <= 1 && IsBalanceTree(root->lchild) && IsBalanceTree(root->rchild);
7 }
```

5.12.判定给定的二叉树T是否是二叉排序树

```
1 bool IsSortTree(BTree*root){
2     if(!root)return true;    //空树返回true
3     if(root->lchild)if(root->lchild->data>root->data)return false;//左子树大于根结点返回false
4     if(root->rchild)if(root->rchild->data<root->data)return false;//右子树小于根结点返回false
5     return IsSortTree(root->lchild)&&IsSortTree(root->rchild); //继续递归左右子树
6 }
```

5.13.判定给定的二叉树T是否是满二叉树-两种方法实现

```
1 //1.通过递归深度实现
2 bool IsFullTree(BTree*root){
3     if(!root)return false;    //空树返回false
4     int lchild = Depth(root->lchild);    //求左子树深度
5     int rchild = Depth(root->rchild);    //求右子树深度
6     return lchild == rchild;
7 }
8 //2.通过统计高度实现
9 bool IsFullTree2(BTree*root){
10    //1.求树深度
11    int depth = Depth(root);
12    //2.求深度为depth时的结点个数
13    int num = 1;
14    for(int i = 0;i < depth;i++)num*=2;
15    num-=1;
16    //3.判断是否满二叉树
17    return num == countTree(root);
18 }
```

5.14.找值为val的第一个结点

```
1 BTreeNode* FindFirstNode(BTree*root,int val){
2     if(!root)return NULL;    //空树返回NULL
3     if(root->data == val)return root;    //当前结点值等于val,返回
4     BTreeNode*lchild = FindFirstNode(root->lchild,val); //递归查找左子树
5     BTreeNode*rchild= FindFirstNode(root->rchild,val); //递归查找右子树
6     return lchild?lchild:rchild?rchild:NULL;    //返回左子树或右子树
7 }
```

5.15.统计二叉树结点个数

```
1 int countTree(BTree*root){
2     if(!root)return 0; //空树返回0
3     int lchild = countTree(root->lchild); //递归左子树
4     int rchild= countTree(root->rchild); //递归右子树
5     return lchild+rchild+1; //返回左子树个数+右子树个数+当前结点
6 }
```

第六章 图

开始之前

本章一样只先给出最可能会考代码的部分，其余部分基本不会涉及代码问题，所以重点仍然是这些给了的代码。

图的基本操作

```
1  /*图的基本操作*/
2  //1. 构造图的邻接矩阵
3  //2. 构造图的邻接链表
4  //3. 十字链表法构造图
5  //4. 邻接多重表的构造
6  //5. 图的深度优先遍历(DFS)和广度优先遍历(BFS)
7  //6. 求图某一个结点的入度
8  //7. 求图某一个结点的出度
```

图的数据结构定义

```
1  #define MAX_VERTICES 100
2  typedef struct {      //邻接矩阵的结构
3      int vertices;      //图中顶点的数量
4      int adjacencyMatrix[MAX_VERTICES][MAX_VERTICES]; //邻接矩阵
5  }adjacencyGraph;
```

6.1.1构造图的邻接矩阵

```
1 void initAdjacencyGraph(adjacencyGraph*graph,int vertices){
2     graph->vertices = vertices; //初始化图的顶点数量
3     for(int i = 0;i < vertices;i++)
4         for(int j = 0;j < vertices;j++)
5             graph->adjacencyMatrix[i][j] = 0;
6     //2.用户输入邻接矩阵的值
7     puts("图顶点一律从1开始.");
8     for(int i = 0;i < graph->vertices;i++){
9         for(int j = 0;j < graph->vertices;j++){//i==j时权值为0
10            if(i == j) graph->adjacencyMatrix[i][j] = 0;
11            else{
12                printf("请输入顶点%d到顶点%d的权值:(没有路径填-1)",i+1,j+1);
13                scanf("%d",&graph->adjacencyMatrix[i][j]);
14            }
15        }
16    }
17    puts("图的邻接矩阵构造完毕.");
18 }
```


6.1.2.输出邻接矩阵

```
1 void displayAdjacencyMatrix(const adjacencyGraph*const graph){
2     if(!graph->vertices)return ;
3     //1.输出表头
4     printf(" ");
5     for(int i = 0;i < graph->vertices;i++){
6         printf("%d ",i+1);
7     }
8     printf("\n");
9     //2.输出数据
10    for(int i = 0;i < graph->vertices;i++){
11        printf("%d ",i+1);
12        for(int j = 0;j < graph->vertices;j++){
13            if(graph->adjacencyMatrix[i][j] == -1)printf("∞ ");
14            else printf("%d ",graph->adjacencyMatrix[i][j]);
15        }
16        printf("\n");
17    }
```

6.2.1.构造图的邻接链表

邻接链表的结构定义

```
1 typedef struct adjacencyNode{ //顶点结点
2     int vertex; //顶点编号
3     struct adjacencyNode*next; //指向下一个顶点的指针
4 }AdjNode; //图顶点的结构
5 typedef struct { //邻接链表的结构
6     int vertices; //图中顶点的数量
7     struct adjacencyNode*adjacencyList[MAX_VERTICES]; //邻接链表
8     //传统邻接链表是用来记录无权图的,因此通常不具备查询权值的功能,但可以如下方式扩充:
9     int EdgeArray[MAX_VERTICES][MAX_VERTICES]; //权重表-用来记录每两个顶点之间的权值
10 }AdjListGraph; //邻接链表的结构
```

构造邻接链表

```
1 void initAdjListGraph(AdjListGraph*graph,int vertices){ //初始化邻接链表
2     graph->vertices = vertices; //初始化图的顶点数量
3     for(int i = 0;i < vertices;i++) //初始化图的每个顶点
4         graph->adjacencyList[i] = NULL;
5     //2.用户输入邻接链表的值
6     AdjNode*rear = NULL; //用于找当前顶点的最后一个顶点
7     puts("图顶点一律从1开始.");
8     for(int i = 0;i < graph->vertices;i++){
9         rear = graph->adjacencyList[i];
10        while(rear->next)rear = rear->next;
11        for(int j = 0;j < graph->vertices;j++){//i==j时权值为0
12            if(i != j) { //当结点不同时才在第i个顶点后边新增顶点
13                printf("请输入顶点%d到顶点%d的权值:(没有路径填-1)",i+1,j+1);
14                int weight = -1;
15                scanf("%d",&weight);
16                if(weight != -1){ //权值不为-1,则有路径相连,接入顶点
17                    rear->next = (AdjNode*)malloc(sizeof(AdjNode));
18                    rear->next->vertex = j; //添加新顶点的编号
19                    rear->next->next = NULL;//新顶点的指针置为空
20                    rear = rear->next; //rear重新指向下一个顶点
21                    graph->EdgeArray[i][j] = weight;//更新权重表
22                }else graph->EdgeArray[i][j] = -1; //权值为-1,只更新权重表
23            }else graph->EdgeArray[i][j] = 0; //i==j时也只更新权重表
24        }
25    }
26    puts("图的邻接链表构造完毕.");
27 }
```

6.2.2.输出邻接链表

```
1 void displayAdjListGraph(const AdjListGraph*const graph){
2     if(!graph->vertices)return ;
3     //1.输出邻接链表结构:
4     for(int i = 0;i < graph->vertices;i++){        //一共有多少个顶点
5         printf("%d:",i+1);    //输出第i+1个顶点的链
6         AdjNode*rear = graph->adjacencyList[i]; //rear从连接到第i个顶点的第一个顶点开始
7         while(rear){        //依次往后输出每个顶点
8             printf("%d->",rear->vertex);    //输出顶点
9             rear = rear->next;
10        }
11        printf("\n");
12    }
13    //2.输出表头
14    printf(" ");
15    for(int i = 0;i < graph->vertices;i++)
16        printf("%d ",i+1);
17    printf("\n");
18    //3.输出权重表的数据-本质就是遍历一个二维数组
19    for(int i = 0;i < graph->vertices;i++){
20        printf("%d ",i+1);
21        for(int j = 0;j < graph->vertices;j++){
22            if(graph->EdgeArray[i][j] == -1)printf("∞ ");
23            else printf("%d ",graph->EdgeArray[i][j]);
24        }
25        printf("\n");
26    }
27 }
```

第七章 串

串的考点如下

- 1 /*串的存储结构*/
- 2 //1. 串的定长存储
- 3 //2. 串的堆存储
- 4
- 5 /*串的基本应用*/
- 6 //1. 给定子串s1, 求s1的长度
- 7 //2. 给定子串s1、s2, 求s1在s2中第一次出现的下标
- 8 //3. 给定子串s1、s2, 求s1在s2中最后一次出现的下标
- 9 //4. KMP算法求s1在s2中第一次出现的位置
- 10 //5. KMP算法求s1在s2中最后一次出现的位置

7.1.给定子串s1,求s1的长度 - 用暴力破解法

```
1 int getStrLength(char*str){ //字符串以'\0'结尾
2     int count = 0;
3     while(str[count]!='\0')count++;
4     return count;
5 }
```

7.2.给定串s1、s2,求s2在s1中第一次出现的下标

```
1  int locateStrFirst(char*s1,int n,char*s2,int m){ //在s2中找s1
2      if(!s1 || !s2 || n-m<0) return -1; //判误
3      for(int i = 0; i < n-m+1; i++){ //i是主串s1的当前位置
4          int p = i, flag = 0; //flag表示是否找到子串s2
5          for(int j = 0; j < m; j++){ //开始匹配主串与子串
6              if(s1[p] != s2[j]){ //不匹配
7                  flag = 1;
8                  break;
9              }
10             p++; //匹配则p++
11         }
12         if(!flag) return i; //找到子串,起始位置为i
13     }
14     return -1; //查找完都没找到,返回-1
15 }
```

7.3.给定子串s1、s2,求s1在s2中最后一次出现的下标

```
1  int locateStrLast(char*s1,int n,char*s2,int m){
2      if(!s1||!s2||n-m<0)return -1;    //判误
3      int last = -1;    //用于记录最后一次匹配的位置
4      for(int i = 0;i < n-m+1;i++){    //i是主串s1的当前位置
5          int p = i,flag = 0;    //flag表示是否找到子串s2
6          for(int j = 0;j < m;j++){    //开始匹配主串与子串
7              if(s1[p]!=s2[j]){    //不匹配
8                  flag = 1;
9                  break;
10             }
11             p++;    //匹配则p++
12         }
13         if(!flag) last = i;    //记录当前i位置
14     }
15     return last;    //返回最后记录的匹配位置即可;
16 }
```

7.4.KMP算法求s1在s2中第一次出现的位置

```
1 //1.求next数组
2 int* getNext(char*str,int n){ //KMP算法求next数组
3     int *next = (int*)malloc(sizeof(int)*n); //next数组
4     //for(int i = 0;i<n;i++)next[i] = -1; //初始化next数组,可有可无,反正下边会更新
5     next[0] = -1; //0位置的最长公共前后缀无意义,人为定义成-1
6     next[1] = 0; //1位置的最长公共前后缀只有一个字母,人为定义成0
7     int i = 2,cmp = 0; //从第i个位置开始求最长公共前后缀,cmp是与i位置进行比较的位置
8     while(i<n && cmp<n){ //开始求next
9         if(str[i-1] == str[cmp])//当str[i-1]与cmp位置字符相同时
10             next[i++] = ++cmp; //next值是cmp+1,因为cmp是前缀的最后一个位置,因此+1表示前缀的长度
11         else if(cmp>0)cmp = next[cmp]; //当还能回溯时进行回溯
12         else next[i++] = 0; //最长公共前后缀是0
13     }
14     return next;
15 }
16 //2.KMP算法
17 int KMP(char*str,int n,char*sub_str,int m){
18     if(!str || !sub_str)return -1; //判误
19     //1.拿next数组加速
20     int *next = getNext(sub_str,m);
21     //2.开始KMP:
22     int i = 0,j = 0; //分别是主串与子串的指针
23     while(i<n && j<m){
24         if(str[i] == sub_str[j]){ //相同往后走
25             i++;
26             j++;
27         }else if(j>=0) j = next[j]; //回溯
28         else { //已经不能回溯了(j== -1),则从下一个位置开始比较
29             i++;
30             j++;
31         }
32     }
33     return j==m?i-j:-1;
34 }
```


7.5.KMP算法求串最后一次出现的下标

```
1  int KMPLast(char*str,int n,char*sub_str,int m){
2      if(!str || !sub_str)return -1;  //判误
3      //1.拿next数组加速
4      int *next = getNext(sub_str,m);
5      //2.开始KMP:
6      int i = 0,j = 0;    //分别是主串与子串的指针
7      int index = -1;    //记录最后结点
8      while(i<n){
9          if(str[i] == sub_str[j]){    //相同往后走
10             i++;
11             j++;
12         }else if(j>=0) j = next[j]; //回溯
13         else {    //已经不能回溯了(j==-1),则从下一个位置开始比较
14             i++;
15             j++;
16         }
17         if(j>m)break;    //子串已经比主串长,返回
18         else if(j == m){
19             index = i-j; //记录当前匹配的串的起始下标
20             i = i-j+1;   //防止已匹配串里有后续匹配串中的字符
21             j = 0;       //j回到开头
22         }
23     }
24     return index;
25 }
```

第八章 散列表(Hash)

开始之前

本章不会考代码，只会考简答题，所以把简答题复习好就行

散列表的操作

```
1  /*哈希表的应用*/
2  //1. 实现hash表-使用线性探测法(归属于开放定址法)
3  //2. 实现hash表-使用平方探测法(归属于开放定址法)
4  //3. 实现hash表-使用再散列法(归属于开放定址法)
5  //4. 实现hash表-链地址法
```

第九章 排序算法

排序算法考点

1	//1. 冒泡排序
2	//2. 插入排序
3	//3. 选择排序
4	//4. 快速排序
5	//5. 折半插入排序
6	//6. 希尔排序
7	//7. 归并排序
8	//8. 堆排序
9	//9. 计数排序

9.1.冒泡排序

```
1  bool BubbleSort(DataType*arr,int n){    //默认升序
2      if(!arr)return false;
3      DataType temp;                    //临时变量
4      for(int i = n-1;i>0;i--){          //外层循环
5          for(int j = 0;j < i;j++){      //内层循环
6              if(arr[j]>arr[j+1]){        //比较并交换
7                  temp = arr[j];
8                  arr[j] = arr[j+1];
9                  arr[j+1] = temp;
10             }
11         }
12     }
13     return true;
14 }
```

9.2.插入排序

```
1  bool InsertSort(DataType*arr,int n){    //默认升序
2      if(!arr)return false;
3      DataType temp;                    //临时变量
4      for(int i = 1;i<n;i++){            //外层循环
5          for(int j = i;j>0;j--){        //内层循环
6              if(arr[j]<arr[j-1]){        //比较并交换
7                  temp = arr[j];
8                  arr[j] = arr[j-1];
9                  arr[j-1] = temp;
10             }else break;                //已排好序,退出循环
11         }
12     }
13     return true;
14 }
```

9.3.选择排序

```
1  bool SelectSort(DataType*arr,int n){    //默认升序
2      if(!arr)return false;
3      for(int i = 0;i<n-1;i++){           //外层循环
4          int min = i;                     //记录最小值的下标
5          for(int j = i+1;j<n;j++){        //内层循环
6              if(arr[j]<arr[min]){          //比较并交换
7                  min = j;
8              }
9          }
10         if(min!=i){                      //交换
11             DataType temp = arr[i];
12             arr[i] = arr[min];
13             arr[min] = temp;
14         }
15     }
16     return true;
17 }
```

9.4.快速排序

```
1 void partition(DataType*arr,int L,int R){//快排主过程
2     if(L>=R)return;           //已经有序,直接返回-递归结束条件
3     int min = L-1,max = R+1;   //定义小于部分、大于部分
4     int cur = L;               //当前指针
5     int baseVal = arr[L+(R-L)/2]; //取分类的基准值,该轮partition会将基准值放到合适的位置
6     while(cur<max){
7         if(arr[cur]<baseVal){    //小于基准值,放到小于部分
8             DataType tmp = arr[++min];
9             arr[min] = arr[cur];
10            arr[cur++] = tmp;    //这里的cur++是因为cur前边换过来的值已经比较过了
11        }else if(arr[cur]>baseVal){ //大于基准值,放到大于部分
12            DataType tmp = arr[--max];
13            arr[max] = arr[cur];
14            arr[cur] = tmp;
15            //这里不会cur++,因为从cur后边换过来的值还未进行比较
16        }else cur++;           //等于基准值,直接cur++,即min到cur之间的值都等于baseVal
17    }
18    //通过上述步骤,将基准值放到合适的位置,接着再左右开弓,递归将小于区和大于区都分别进行partition
19    partition(arr,L,min);       //让小于区也有序
20    partition(arr,max,R);       //让大于区也有序
21 }
22 void quickSort(DataType*arr,int n){ //快排主函数
23     partition(arr,0,n-1);      //调用快排主过程进行快排
24 }
```

9.5.折半插入排序

```
1  int BinarySort(DataType*arr,int n,int val){    //默认升序-折半插入排序的折半查找,返回插入位置的下
    标
2      if(n == 1) return arr[0]<val?1:0;    //只有一个元素时
3      int L = 0,R = n-1;
4      while(L<=R){    //二分查找
5          int mid = (L+R)/2;
6          if(arr[mid]<val) L = mid+1;    //小于就往右更大的地方找
7          else if(arr[mid]>val) R = mid-1;    //大于就往左更小的地方找
8          else{    //相等就找第一个适合插入的位置-会破坏稳定性
9              while(arr[mid--]==val);
10             return ++mid;
11         }
12     }
13     return L;    //返回L,L会始终指向正确的插入位置,可以手动模拟一下各种情况
14 }
15 void BinaryInsertSort(DataType*arr,int n){    //默认升序-折半插入排序
16     for(int i = 1;i<n;i++){
17         DataType val = arr[i];    //待查找值
18         int index = BinarySort(arr,i,val);    //折半查找前i个元素,找到插入位置的下标
19         for(int j = i;j>index;j--)    //移动元素
20             arr[j] = arr[j-1];
21         arr[index] = val;    //放置val
22     }
23 }
```


9.6.希尔排序

```
1 void ShellSort(DataType*arr,int n){
2     int gap = n/2; //分组的间隔
3     while(gap>0){
4         for(int i=0;i<gap;i++){ //分gap组进行插入排序
5             for(int j = i+gap;j<n;j+=gap){ //开始直接插入排序
6                 for(int k = j;k>0;k-=gap){
7                     if(arr[k]<arr[k-gap]){ //比较并交换,默认升序
8                         DataType temp = arr[k];
9                         arr[k] = arr[k-gap];
10                        arr[k-gap] = temp;
11                    }else break;
12                }
13            }
14        }
15        gap/=2; //每次减少间隔
16    }
17 }
```

9.7.归并排序

```
1 void merge(DataType*arr,int lchild,int rchild){
2     if(lchild>=rchild)return;        //递归结束条件
3     int mid = (lchild+rchild)/2;    //中点
4     merge(arr,lchild,mid);          //左边归并有序
5     merge(arr,mid+1,rchild);        //右边归并有序
6     int i = lchild,j = mid+1,k = 0; //左右部分开始并的过程
7     DataType *temp_arr = (DataType*)malloc(sizeof(DataType)*(rchild-lchild+1)); //临时数组
8     while(i<=mid&&j<=rchild){      //谁小谁先写
9         if(arr[i]<arr[j]) temp_arr[k++] = arr[i++];
10        else temp_arr[k++] = arr[j++];
11    }
12    while(i<=mid) temp_arr[k++] = arr[i++]; //将剩余元素补齐
13    while(j<=rchild) temp_arr[k++] = arr[j++]; //将剩余元素补齐
14    for(int i = lchild;i<=rchild;i++) arr[i] = temp_arr[i-lchild]; //元素拷贝回arr中
15 }
16 void MergeSort(DataType*arr,int n){ //归并排序主函数
17     merge(arr,0,n-1); //调用merge函数进行归并
18 }
```

9.8.堆排序

```
1 void HeapSort(DataType*arr,int n){//默认升序
2     DataType*heap = (DataType*)malloc(sizeof(DataType)*n); //建立堆
3     //1.先将用户数据转换成小根堆
4     heap[0] = arr[0];
5     for(int i=1;i<n;i++){ //从第二个元素开始往堆里扔
6         heap[i] = arr[i];
7         int fa = (i-1)/2; //开始和父节点做比较
8         for(int j = i;j>0;){
9             if(heap[fa]>heap[j]){ //父结点更大就换下来
10                DataType temp = heap[fa];
11                heap[fa] = heap[j];
12                heap[j] = temp;
13                j = fa;
14                fa = (fa-1)/2;
15            }else break; //否则比较结束
16        }
17    }
18    //2.开始堆排序
19    int count = n; //用于记录当前堆个数
20    int cur = 0; //用于记录当前arr中元素的位置
21    while(count>0){ //堆个数大于1时
22        arr[cur++]=heap[0]; //堆顶最小元素放入arr中
23        heap[0] = heap[--count]; //最后一个元素放入堆顶
24        if(count == 0)break;
25        //开始重新将堆调整为小根堆,向下比较
26        int h_i = 0; //h_i为堆顶,此时是待调整结点
27        int L_child = 2*h_i+1,R_child=2*h_i+2; //左右孩子
28        while(h_i<count){ //当前结点仍在堆里
29            if(L_child<count){ //当有左孩子时
30                if(R_child>=count){ //当右孩子不存在时
31                    if(heap[h_i]>heap[L_child]){ //左孩子更小时交换
32                        DataType tmp = heap[h_i];
33                        heap[h_i] = heap[L_child];
34                        heap[L_child] = tmp;
35                        h_i = L_child;
36                    }
37                }else{ //当heap[h_i]比左孩子或右孩子小时,更小的孩子上来
38                    if(heap[L_child]<heap[R_child]){ //左孩子更小时
39                        if(heap[h_i]>heap[L_child]){ //若heap[h_i]更大则交换
40                            DataType tmp = heap[h_i];
41                            heap[h_i] = heap[L_child];
42                            heap[L_child] = tmp;
43                            h_i = L_child;
44                        }//否则就不管
45                    }else{ //右孩子更小或相等时,统一换右孩子
46                        if(heap[h_i]>heap[R_child]){ //若heap[h_i]更大则交换
47                            DataType tmp = heap[h_i];
48                            heap[h_i] = heap[R_child];
49                            heap[R_child] = tmp;
50                            h_i = R_child;
51                        }
52                    }
53                }
54            }
55        }
56    }
57 }
```

```
55 |         break;//没有左孩子时直接进行下一轮循环
56 |     }
57 | }
58 | }
```

9.9.计数排序

```
1 void CountSort(DataType*arr,int n){
2     DataType max = arr[0];
3     //1.找最大值
4     for(int i=1;i<n;i++) if(arr[i]>max) max = arr[i];
5     //2.申请辅助数组空间
6     DataType *temp = (DataType*)malloc(sizeof(DataType)*(max+1));
7     for(int i=0;i<max+1;i++) temp[i] = 0;    //初始化为0
8     //3.统计数组
9     for(int i=0;i<n;i++) temp[arr[i]]++;
10    //4.拷贝回原数组
11    int i = 0,j = 0;    //i标记arr当前长度,j标记当前temp的下标
12    while(j<max+1){    //j从0到max+1依次查看temp数组
13        while(temp[j]-->0)    //temp数组值非空时拷贝下标到arr中
14            arr[i++] = j;
15        j++;
16    }
17 }
```

第十章 广义表

开始之前的说明

这章几乎不会考代码，主要考Head,Tail等操作，熟悉这些操作即可。

广义表的基本操作

```
1  /*广义表的基本操作*/
2  //1.广义表的顺序存储
3  //2.广义表的链式存储
4  //3.求表头
5  //4.求表尾
```

第十一章 查找

开始之前的说明

查找基本上就只考折半查找，诸如哈希等查找方法在"第八章 散列表中"会涉及。

查找的基本操作

```
1  /*查找算法*/
2  //1.折半查找
3  //2.其他应用如哈希查找等,不在此处涉及
```

折半查找

```
1  //折半查找 - 只能找有序表
2  int BinarySearch(DataType*arr,int n,DataType val){
3      DataType lchild=0,rchild=n-1;          //定左右边界
4      while(lchild<=rchild){                  //判断左右边界是否相等
5          DataType mid=(lchild+rchild)/2;      //计算中间值
6          if(arr[mid]==val){                    //找到val
7              return mid;
8          }else if(arr[mid]>val){                //中间值大于val,向左边查找
9              rchild=mid-1;
10         }else{                                //中间值小于val,向右边查找
11             lchild=mid+1;
12         }
13     }
14     return arr[lchild]==val?lchild:-1;        //没找到,返回-1
15 }
```

第十二章 扩展部分 - 可不学

说明

- 1.该部分是数据结构的扩展部分，可以不用学；
- 2.若时间足够，可做部分了解；
- 3.若时间充足，可学习以进一步增强自己的数据结构水平。

内容概要(目前暂时有的)

- | | |
|---|------------------------------|
| 1 | //1. 并查集 |
| 2 | //2. Manacher-回文子串算法 - 马拉车算法 |

12.1.并查集

并查集操作及必要数据结构定义

```
1  /*并查集操作*/
2  //1.Union过程 - 将两个元素合并到同一个集合
3  //2.isSame查询过程 - 查询两个元素是否在同一个集合中
4  typedef struct UFSNode{ //并查集的结构
5      DataType data;
6      struct UFSNode *parent; //父结点
7  }UFS;
```

代码

```
1  //先决条件,找结点node的最顶上的父结点
2  UFSNode*find(UFSNode*node){ //在找的过程中集成优化(路径压缩)过程
3      //1.先找最顶上的父结点
4      if(!node)return NULL; //空结点返回NULL
5      UFSNode*f = node; //f从node开始
6      while(f->parent!=f) f=f->parent; //f往上继续找
7      //2.优化guoc
8      UFSNode*cur = node,*p = node->parent;
9      while(cur!=f){ //扁平化,路径上所有node的parent都指向f
10         cur->parent = f;
11         cur = p;
12         p = p->parent;
13     }
14     return f;
15 }
16 //1.Union过程
17 bool isSame(UFSNode*node1,UFSNode*node2);
18 bool Union(UFSNode*node1,UFSNode*node2){ //将两个结点node1与node2合并到同一个集合
19     //1.求node1与node2是否同一个集合:
20     if(isSame(node1,node2))return true;
21     //2.合并 - 由于在查找过程中会进行优化(路径压缩)操作,因此将一个父结点并到另一个父结点上即可
22     node2->parent = node1;
23     //3.检查是否合并成功
24     return isSame(node1,node2);
25 }
26 //2.isSame查询过程
27 bool isSame(UFSNode*node1,UFSNode*node2){
28     //1.找两个结点的父结点 - 集成了优化过程
29     UFSNode*f1 = find(node1),*f2 = find(node2);
30     //2.比较两个结点的parent是否相同
31     return f1 == f2?true:false;
32 }
```

12.2.1.Manacher-找最长回文子串-说明

```
1  /*
2      说明: Manacher(马拉车)算法用于在字符串str中找出最长的回文子串
3      1.i>R:暴力扩,narr[i] = 2j-1,c=i,R=i+(j-1)//j从1开始
4      2.i≤R:找i关于c的对称点i1,L=2c-R,L1=i1-narr[i1]/2;
5          2.1.i1的范围在L-R内:narr[i]=narr[i1];
6          2.2.i1的左边界等于L:找R关于i的对称点R1,R1=2i-R;
7              a.R+j与R1-j相等,继续扩(j从1开始)
8              b.不相等或出界时:narr[i]=narr[i1]+(j-1)*2
9              R=R+j-1,c=i
10         2.3.i1左边界<L:
11         j=R-i+1,当i+j<n时:从j开始比较str[i-j]与str[i+j]
12         相等就j++,否则narr[i] = 1+(j-1)*2;
13 */
```

12.2.2.Manacher-代码

```
1  bool Manacher(char*str,int n,int*index,int*len){
2      //index表示每个回文串的中点下标,len表示回文串长度
3      if(!str || n<=0)return false;
4      //处理字符串,如将1221变成#1#2#2#1#,即在开始、结束和每个字符之间加入分隔符#
5      char *s = (char*)malloc(sizeof(char)*(n*2+1));
6      for(int i = 0;i < 2*n+1;i++){
7          if(i%2==0)s[i] = '#';    //偶数位放'#'
8          else s[i] = str[i/2];    //奇数位放str中的值
9      }
10     // //调试
11     // for(int i = 0;i < 2*n+1;i++)cout<<s[i]<<" ";
12     // cout<<endl;
13     // //调试
14     int *narr = (int*)malloc(sizeof(int)*n);    //存储每个字符的回文半径
15     int i = 0,j = 0,c = -1,R = -1;    //含义见上方注释
16     while(i<2*n+1){ //开始求narr数组
17         // //调试
18         // cout<<"当前走到"<<s[i]<<":"<<endl;
19         // cout<<"i = "<<i<<","j = "<<j<<","c = "<<c<<","R = "<<R<<"narr[i] = "<<narr[i]
20         <<endl;
21         // //调试
22         if(i>R){//1.看i是否大于R,大于R则暴力扩展
23             j = 1;
24             while(i-j>=0 && i+j<2*n+1 && s[i-j]==s[i+j])
25                 j++;
26             narr[i] = 2*j-1;
27             if(R<i+j-1){
28                 R = i+j-1;
29                 c = i;
30             }
31         }else{ //2.i在R内,开始找对称点并做判断:
32             int i1 = 2*c-i; //i关于c的对称点
33             int L = 2*c-R;    //当前最长子串的左边界
34             int L1 = i1-narr[i1]/2; //i1的左边界
35             int R1 = 2*i-R;    //找R关于i的对称点
36             if(L1>L)    //2.1.i1的范围在L-R内
37                 narr[i] = narr[i1];
38             else if(L1==L){ //2.2.i1的左边界等于L
39                 j = 1;
40                 while(R1-j>=0 && (R+j<i+j)&&(i+j<2*n+1) && s[R1-j]==s[R+j])    //相等继续扩
41                     j++;
42                 narr[i] = 2*(j-1)+narr[i1];    //否则结束扩展
43                 if(R<R+j-1){//若右边界变化,则更新所有相关内容
44                     R = R+j-1;
45                     c = i;
46                 }
47             }else{    //2.3.i1的左边界大于L
48                 j = 1;
49                 while(R1-j>=0 && (R+j<i+j)&&(i+j<2*n+1) && s[R1-j]==s[R+j])    //相等继续扩
50                     j++;
51                 narr[i] = 2*(j-1)+narr[i1];    //否则结束扩展
52                 if(R<R+j-1){//若右边界变化,则更新所有相关内容
53                     R = R+j-1;
54                     c = i;
```

```

54         }
55     }
56 }
57 // //调试
58 // cout<<"当前结尾"<<s[i]<<":"<<endl;
59 // cout<<"i = "<<i<<","j = "<<j<<","c = "<<c<<","R = "<<R<<"narr[i] = "<<narr[i]
<<endl;
60 // //调试
61 i++;    //往后继续比较
62 }
63 //找出最长回文串
64 *index = -1;
65 *len = -1;
66 //调试
67 // cout<<"*****"<<endl;
68 // for(int i = 0;i < 2*n+1;i++)cout<<narr[i]<<" ";
69 // cout<<"*****"<<endl;
70 //调试
71 for(int i = 1;i < 2*n+1;i+=2){
72     if(narr[i]>*len){
73         *index = i/2;
74         *len = narr[i]/2;
75     }
76 }
77 return true;
78 }

```