

- 1、设  $A=\{1, 2, 3, 4\}$  上的关系  $R=\{<1, 1>, <2, 3>, <2, 4>, <4, 1>\}$ ,  
则  $r(R)=$  \_\_\_\_\_。(5 分)
- 2、集合  $A=\{1, 2, \dots, 10\}$  上的关系  $R=\{<x, y> | x, y \in A \text{ 且 } x+y=10\}$ , 则  $R$  的性质为  
\_\_\_\_\_。(5 分)
- 3、设  $A=\{1, 2, 3, 4\}$  上的关系  $R=\{<1, 1>, <2, 3>, <2, 4>, <4, 1>\}$ ,  
则  $t(R)=$  \_\_\_\_\_。(5 分)
- 4、设集合  $A$  含有  $n$  个元素, 则在  $A$  上可定义 \_\_\_\_\_ 种不同的反自反关系,  
\_\_\_\_\_ 种不同的既不是自反也不是反自反的二元关系。(5 分)
- 5、(10 分) 设  $A=\{1, 2, 3, 4\}$ , 定义在  $A$  上的关系  $R$  如下:  
 $R=\{<1, 2>, <2, 1>, <2, 3>, <3, 4>\}$   
画出  $R$  的关系图, 并写出  $R$  的关系矩阵。
- 6、(20 分) 设  $A=\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ , 定义在  $A$  上的关系  $R$  如下:  
 $R=\{<1, 2>, <2, 1>, <4, 5>, <5, 6>, <6, 4>\}$   
利用关系图法和关系矩阵法, 求出  $R^n$  ( $n$  为自然数), 注意: 两种方法的计算结果都用列举法表示。
- 7、(20 分) 设  $R$  是集合  $A=\{a, b, c, d\}$  上的二元关系, 已知  $R=\{<a, b>, <b, c>, <c, d>, <d, a>\}$ ,  
则:  
(1) 求  $R^2, R^{-1}$ ;  
(2) 分别用关系矩阵的运算和 Warshall 算法这两种方法来求  $t(R)$ 。
- 8、(10 分) 设  $R$  是  $A$  上的一个二元关系,  
 $S=\{<x, y> | (x, y \in A) \wedge (\text{存在一个 } z \in A, \text{ 有 } <x, z> \in R \text{ 且 } <z, y> \in R)\}$   
证明: 若  $R$  是一个等价关系, 则  $S$  是一个等价关系。
- 9、(10 分) 设  $A, B, C$  和  $D$  是任意四个集合,  $R$  是从  $A$  到  $B$  的关系,  $S_1, S_2$  是从  $B$  到  $C$  的关系,  $T$  是从  $C$  到  $D$  的关系, 证明:  $R \circ (S_1 \cap S_2) \subseteq (R \circ S_1) \cap (R \circ S_2)$ 。
- 10、(10 分) 设  $R_1$  与  $R_2$  为集合  $A$  上的关系, 证明  $\text{dom}(R_1 \cup R_2) = \text{dom} R_1 \cup \text{dom} R_2$ 。