```
In [1]: # Gruppe 18
        # Gustav Gabrielsen, Nesta Ndungu, Johannes Pedersen
```

Mappeoppgave 1

Beskrivelse

<u>Les oppgaveteksten nøye. Se hvordan man leverer oppgaven her og her. Husk at den skal</u> leveres både som jupyter-fil og som PDF. Kommenter kodene du skriver i alle oppgaver og vær nøye på å definere aksene mm i figurer. I noen av oppgavetekstene står det hint, men det betyr ikke at de ikke kan løses på andre måter

For å hente denne filen til Jupyter gjør du slik:

- 1. <u>Åpne et "terminalvindu"</u>
- 2. Gå til hjemmeområdet ditt

[user@jupty02 ~]\$ cd

3. <u>Lag en ny mappe på ditt hjemmeområde ved å skrive inn i terminalvinduet</u> [user@jupty02 ~]\$ mkdir SOK-1003-eksamen-2022-mappe1

4. <u>Gå så inn i den mappen du har laget ved å skrive</u>

[user@jupty02 ~]\$ cd SOK-1003-eksamen-2022-mappe1

5. <u>Last ned kursmateriellet ved å kopiere inn følgende kommando i kommandovinduet:</u>

[user@jupty02 sok-1003]\$ git clone https://github.com/uit-sok-1003h22/mappe/

Oppgi gruppenavn m/ medlemmer på epost o.k.aars@uit.no innen 7/10, så blir dere satt opp til tidspunkt for presentasjon 19/10.

Bruk så denne filen til å gjøre besvarelsen din. Ved behov; legg til flere celler ved å trykke "b"

<u>Oppgavene</u>

Oppgave 1 (5 poeng)

a) Lag en kort fortelling i en python kode som inkluderer alle de fire typer variabler vi har lært om i kurset. Koden skal kunne kjøres med print(). Koden burde inneholde utregninger av elementer du har definert

In [2]: # Lager fire variabler som skal brukes i fortellingen.

<u>Per og Pål dro på en butikk, der møtte de en mystisk trollmann som solgte 4 trylle staver.</u>

<u>En tryllestav kostet 19.99 kroner. Per og Pål var usikre om dem hadde råd til alle tryllestavene.</u>

<u>Derfor spurte de om trollmannen kunne telle hvor mange penger de hadde. Trollmanne n telte myntene.</u>

<u>Til slutt ropte trollmannen EUREKA!!!. Han fortalte at: The Prophecy is True.</u>

<u>Per og Pål hadde akkurat 79.96 kroner i pengeboken. Dermed kjøpte de alle tryllest avene fra trollmannen.</u>

Oppgave 2 (10 poeng)

<u>Leieprisene i landet har steget de siste månedene. Ved å bruke realistiske tall</u>
<u>a) Lag tilbuds og etterspørselsfunksjoner for leie av bolig (Bruk av ikke-lineære funksjoner belønnes).</u>

Definer funksjonene slik at det er mulig å finne en likevekt

b) Vis at disse er henholdvis fallende og stigende, ved bruk av

- Regning
- <u>figurativt (matplotlib) Husk å markere aksene tydelig og at funskjonene er definert slik</u> <u>at linjene krysser</u>

```
In [19]: print("Ser at tilbusfunksjonen er økende.")
    print(f"Setter inn for 1:")
    print(supply(1))
    print(supply(2))
    print("Ser at etterspørselen er fallende")
    print("Setter inn for 1")
    print(demand(1))
    print("Setter inn for 2")
    print(demand(2))
```

45000

Ser at tilbusfunksjonen er økende.

Setter inn for 1:

2500

Setter inn for 2:

5000

Ser at etterspørselen er fallende

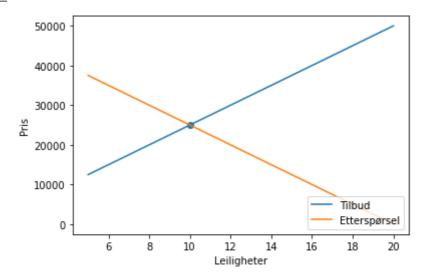
Setter inn for 1

47500

Setter inn for 2

In [5]: import numpy as np
 from matplotlib import pyplot as plt # Importerer pakker.
 x = np.linspace(5,20) # Definerer x - aksen.
 plt.plot(x,supply(x), label="Tilbud") # Tilbud
 plt.plot(x,demand(x),label="Etterspørsel") # Ettersørsel
 plt.legend(loc="lower right") # Legend og Labels.
 plt.ylabel('Pris')
 plt.xlabel("Leiligheter")
 plt.scatter(10,25000) # Markerer Likevektspunkt.

Out[5]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x7f3b128c2e20>



c) Kommenter funksjonene og likevekten. Vis gjerne figurativt hvor likevekten er ved bruk av scatter

In [6]: # Tilbudet øker ved kvantum av leiligher, og etterspørselen synker.
Har markert likevekt i figuren ved bruk av scatter, her møtes etterspørsel og til
Printer ut.
print(f"Likevekt er ved 25000 leiligheter.")
print(f"Det er det punktet hvor tilbudet møter etterspørselen")

<u>Likevekt er ved 25000 leiligheter.</u> <u>Det er det punktet hvor tilbudet møter etterspørselen</u>

Oppgave 3 (15 poeng)

SSB har omfattende data på befolkningsutvikling (https://www.ssb.no/statbank/table/05803/tableViewLayout1/). Disse dataene skal du bruke i de neste deloppgavene.

<u>a) lag lister av følgende variabler: "Befolkning 1. januar", "Døde i alt", "Innflyttinger" og</u> "<u>Utflyttinger". Velg selv variabelnavn når du definerer dem i python. Første element i hver</u> liste skal være variabelnavnet. Bruk tall for perioden 2012-2021. Lag så en liste av disse listene. Du kan kalle den "ssb".

Hint: når du skal velge variabler på SSB sin nettside må du holde inne ctrl for å velge flere variabler.

In [7]: import numpy as np
import pandas as pd

Lager lister med variabelene i perioden 2012 - 2021.

arstall = ["arstall", 2012, 2013, 2014, 2015, 2016, 2017, 2018, 2019, 2020, 2021]
befolkning = ["befolkning", 4985870, 5051275, 5109056, 5165802, 5213985, 5258317, '
døde = ["døde", 41992, 41282, 40394, 40727, 40726, 40774, 40840, 40684, 40611, 4206
innflyttning = ["innflyttning", 78570, 75789, 70030, 67276, 66800, 58192, 52485, 52:
utflyttning = ["utflyttning", 31227, 35716, 31875, 37474, 40724, 36843, 34382, 2682

ssb = [årstall, befolkning, døde, innflyttning, utflyttning] # Legger Listene samme

print(ssb) # Printer ut listen.

[['arstall', 2012, 2013, 2014, 2015, 2016, 2017, 2018, 2019, 2020, 2021], ['befolk ning', 4985870, 5051275, 5109056, 5165802, 5213985, 5258317, 5295619, 5328212, 536 7580, 5391369], ['døde', 41992, 41282, 40394, 40727, 40726, 40774, 40840, 40684, 4 0611, 42002], ['innflyttning', 78570, 75789, 70030, 67276, 66800, 58192, 52485, 52 153, 38071, 53947], ['utflyttning', 31227, 35716, 31875, 37474, 40724, 36843, 3438 2, 26826, 26744, 34297]]

b) konverter "ssb" til en numpy matrise og gi den et nytt navn

In [8]: np ssb = np.array(ssb) # Konverterer til array
print(np ssb) # Printer ut.

[['årstall' '2012' '2013' '2014' '2015' '2016' '2017' '2018' '2019' '2020' '2021']

['befolkning' '4985870' '5051275' '5109056' '5165802' '5213985' '5258317' '5295619' '5328212' '5367580' '5391369']

['døde' '41992' '41282' '40394' '40727' '40726' '40774' '40840' '40684' '40611' '42002']

_['innflyttning' '78570' '75789' '70030' '67276' '66800' '58192' '52485' _'52153' '38071' '53947']

c) Putt alle tallene inn i en egen matrise og konverter disse til int

In [9]: # Fjerner første rad slik at vi bare får tall verdier.
np ssb2 = np ssb[:,1:]

Gjør matrisen om til int.

np_ssb_int = np_ssb2.astype(int)

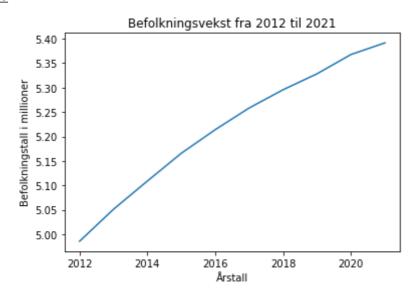
Printer ut:
print(np ssb int)

_].].	2012	2013	2014	2015	2016	2017	2018	2019	2020
	2021].							
_[4	4985870	5051275	5109056	5165802	5213985	5258317	5295619	5328212	5367580
<u>5391369]</u>									
[41992	41282	40394	40727	40726	40774	40840	40684	40611
	42002].							
[78570	75789	70030	67276	66800	58192	52485	52153	38071
	53947].							
[31227	35716	31875	37474	40724	36843	34382	26826	26744
	34297	1.1.							

<u>d) vis befolkningsutviklingen grafisk for de gjeldene årene ved bruk av matplotlib, og mer spesifikt "fig, ax = plt.subplots()". Vis befolkning på y-aksen i millioner</u>

```
In [10]: fig, ax = plt.subplots() # Bruker subplots
ax.plot(np_ssb_int[0,:],np_ssb_int[1,:]/1000000) # Bruker sliceing for å hente date
ax.set_title("Befolkningsvekst fra 2012 til 2021") # Legger til tittel og labels:
ax.set_ylabel("Befolkningstall i millioner")
ax.set_xlabel("Årstall")
```

Out[10]: Text(0.5, 0, 'Arstall')



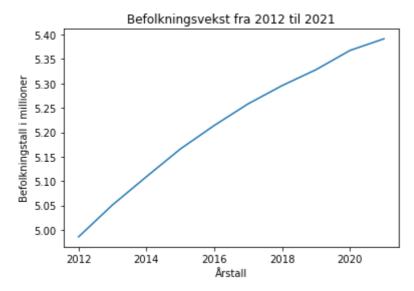
e) Lag det samme plottet ved bruk av oppslag. Hva er fordelen med dette?

```
In [11]: # Bruker slice til å lage oppslag.
a=dict()
a['årstall']=np_ssb_int[0,:]
a['befolkning']=np_ssb_int[1,:]/1000000 # Deler på 1 million.
a['døde']=np_ssb_int[2,:]
a['innflytning']=np_ssb_int[3,:].
a['utflyttning']=np_ssb_int[4,:].

# Dette gjør koden lesbar og mer håndterlig. Man slipper å velge ut kolonner og kar
fig, ax = plt.subplots().

# Bruker nå oppslagene til å plotte figuren.
ax.plot(a['årstall'],a['befolkning'])
ax.set_ylabel("Befolkningstall i millioner")
ax.set_xlabel("Årstall")
ax.set_title("Befolkningsvekst fra 2012 til 2021")
```

Out[11]: Text(0.5, 1.0, 'Befolkningsvekst fra 2012 til 2021')



f) Hva er den relative befolkningstilveksten utenom fødsler (dvs. innvandring/utvandring)?

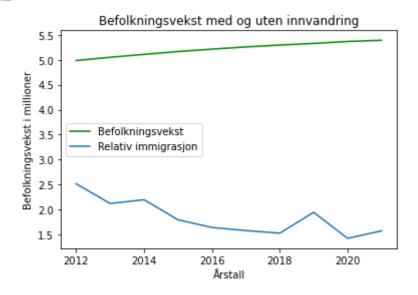
Definer en ny array og legg den til i oppslaget du laget i oppgaven tidligere. Kall den

"rel immigration". Plot denne sammen med grafen du laget i (d).

```
In [12]: rel immigration = a['innflytning'] / a['utflyttning']
# Deler innvandring på utvandring og kaller den for rel immigration.

fig, ax = plt.subplots()
ax.plot(a['årstall'],a['befolkning'], label = "Befolkningsvekst", color = "green")
ax.plot(a['årstall'],rel immigration, label = "Relativ immigrasjon")
ax.set ylabel("Befolkningsvekst i millioner") # Gir aksene passende labels.
ax.set xlabel("Årstall")
ax.set title("Befolkningsvekst med og uten innvandring") # Gir figuren en passende
ax.legend(loc = "center left")
```

Out[12]: <matplotlib.legend.Legend at 0x7f3b08b5f7f0>



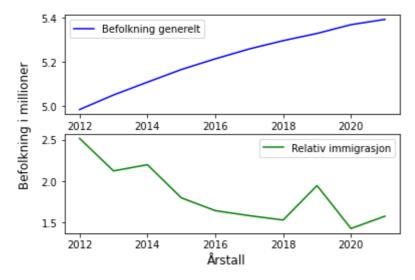
g) <u>ekstrapoeng. Kan plotte de samme tallene (dvs "rel immigration" og "befolkning" sammen med år) i to figurer ved siden av hverandre ved bruk av "fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2)". Gi grafene ulik farge</u>

```
In [13]: fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(2) # Bruker subplots.
# fortsetter å bruke oppslag når vi skal plott figuren.
ax1.plot(a['årstall'],a['befolkning'], label = 'Befolkning generelt', color = 'blue ax2.plot(a['årstall'],rel_immigration, label = 'Relativ immigrasjon', color = 'green'
```

```
ax1.legend() # Lager Legends.
ax2.legend()
fig.suptitle('Befolkningsvekst og relativ immigrasjon') # Lager en tittel og gir al
fig.supxlabel('Årstall')
fig.supylabel('Befolkning i millioner')
```

Out[13]: Text(0.02, 0.5, 'Befolkning i millioner')

Befolkningsvekst og relativ immigrasjon



Oppgave 4 (20 poeng)

Et lån består som regel av et månedlig terminbeløp. Dette beløpet er summen av avdrag (nedbetalingen på lånet) og renter. Vi antar månedlig forrenting i alle oppgavene. Dvs. at det er 12 terminer i hvert år.

a) Lag en funksjon som regner ut hvor mye lånet "x" koster deg i renteutgifter for "t" terminer med årlig rente "r" for et serielån.

Siden dette er et serielån, så vil avdragene være like hver måned men renteutgiftene reduseres i takt med avdragene. Renteutgiftene for en gitt termin "t" vil derfor være den årlige renten "r" (delt på antall forrentinger "f") på gjenværende beløp på det tidspunktet. $\frac{1}{2} = (x-a^*t)^* r^*$

Siden vi er ute etter den totale kostnaden i svaret, må du summere renteutgiftene over alle terminer, det vil si $\sum_{t=1}^{N(x-a^t)}$

<u>Hint:</u> siden terminbeløpet varierer for hver måned (pga at rentene endres), må alle enkeltperioder summeres. Det kan være nyttige å bruke funksjonen np.arange() til dette.

```
In [14]: # Skriver ned hva de ulike boksavene betyr slik at de er enklere og jobbe med.
# x = lånet
# t = terminer
# r = rente
# a = avdrag
# f = forrentning
# Funksjonen skal vise hvor mye lånet koster deg i renteutgifter etter antall term
```

```
# Bruker np.arrange funksjonen slik at jeg får renteutgiftene ut i en liste.

def renteutgifter(x,a,t,r,f):
    return (x-a*np.arange(t-1))*r/f
```

<u>b) regn ut hvor mye lånet koster deg med henholdsvis 10, 20 og 30 års tilbakebetaling. Anta 1 000 000 kr lånebeløp med 3% rente</u>

```
In [15]: forrentning = 12 # Vi vet at lånet skal forrentes hver måned.
         <u>lånebeløp = 1000000 # Vi vet også lånebeløpet.</u>
          # Siden lånet skal nedbetales i 10, 20 og 30 år er det ulike avdragsbeløp. Lager v
         def avdrag(x,t):
              return x/t
         # Definerer en funksjon for å finne antall terminer.
         def terminer(forrentning, år):
            return år*forrentning
         # Bruker funksjonen for å finne antall terminer.
         print(f"Bruker funksjonen for å finne antall terminer ved ulik nedbetalingsplan:")
         print(terminer(forrentning,10))
         # Gjør det samme med 20 og 30 års nedbetaling:
         print(terminer(forrentning, 20))
          print(terminer(forrentning,30))
         # Bruker funksjonen til å finne avdragene.
         print("Bruker funksjon for avdrag til å finne avdragsbeløpene:")
         print(avdrag(1000000,120)) # Avdrag 10 års nedbetaling
         print(avdrag(1000000,240)) # Avdrag 20 års nedbetaling
         print(avdrag(1000000,360)) # Avdrag 30 års nedbetaling
         Bruker funksjonen for å finne antall terminer ved ulik nedbetalingsplan:
         120
         240
         360
         Bruker funksjon for avdrag til å finne avdragsbeløpene:
         8333.333333333334
         4166.66666666667
         2777.7777777778
In [16]: # Nå som vi vet avdrag og antall terminer setter vi inn i funksjonen for renteutgij
         <u>utgifter10 = (renteutgifter(1000000,8333,121, 0.03,12)) # Legger inn i funksjonen l</u>
         print(f"Et Lan med pa 1 million med 3 % rente og 10 ars nedbetaling koster totalt:'
         print(sum(utgifter10)) # Summerer utgiftene
         <u>utgifter20 = (renteutgifter(1000000,4166,241, 0.03,12)) # Legger inn i funksjonen l</u>
         print(f"Et lån på 1 million med 3 % rente og 20 års nedbetaling koster totalt:")
         print(sum(utgifter20)) # Summerer utgiftene.
         <u>utgifter30 = (renteutgifter(1000000,2777,361, 0.03,12)) # Legger inn i funksjonen i</u>
         print(f"Et lån på 1 million med 3 % rente og 30 års nedbetaling koster totalt:")
         print(sum(utgifter30)) # Summerer utgiftene.
```

Et Lån med på 1 million med 3 % rente og 10 års nedbetaling koster totalt: 151255.9499999998

<u>Et lån på 1 million med 3 % rente og 20 års nedbetaling koster totalt:</u> 301297.8

<u>Et lån på 1 million med 3 % rente og 30 års nedbetaling koster totalt:</u> 451375.6499999997

c) Vis hva det samme lånet koster som annuitetslån, dvs differansen mellom alle

terminbeløp og lånebeløp.

Annuitetslån gir like terminbeløp hver måned, men renten utgjør en større del av dette beløpet i starten. Terminbeløpet for et annuitetslån er definert ved formelen: $T = x^{r/f}$ $\{(1-(1+(r/f))^{-1})\}$, hvor x=lånebeløp, r = årlig rente, t = terminer, f= antall forrentinger

In [17]: # Definerer funksjonen for annuitetslån def annuitetslån(x,r,f,t): return x*((r/f)/(1-(1+(r/f))**(-t)))# Legger inn verdier for å finne terminbeløp ved 10 årsnedbetaling. # Vi vet allerede antall terminer fra forrige oppgave print(f"Anniutetslån med 10år/120terminer koster {annuitetslån(1000000,0.03,12,120 # Finner terminbeløp og definerer dette: $terminbel \phi p = 9656$ <u># Lager en funksjon for kostand av annuitetslånet:</u> def kostnad annuitetslån(terminbeløp,terminer,lånebeløp): return (terminbeløp*terminer)-lånebeløp #Printer ut hva lånet koster totalt: print("Lånet koster totalt:") print(kostnad annuitetslån(terminbeløp,120,lånebeløp))

> Anniutetslån med 10år/120terminer koster 9656.07446983913 per termin. <u>Lånet koster totalt:</u>

158720

Det vil si at et annuiteslån er dyrere enn et serielån ved 10 årsnedbetaling.

print("Det vil si at et annuiteslån er dyrere enn et serielån ved 10 årsnedbetaling

d) Vis hvordan utviklingen i rentekostnader og avdrag på terminer for serielån grafisk ved hjelp av stackplot funksjonen i matplotlib. Anta et bankinnskudd x = 1 000 000 kr, årlig rente r=3% og antall terminer t = 240 (det vil si 20 år). Siden vi må vise utviklingen per termin, husk at "t" også definerer hvilken måned vi er i. Dvs, hvis t=15, har det gått 1 år og 3 mnd med terminer. Se forøvrig relevante formler i oppgave (a)

Hint1: Siden avdragene er like for alle måneder, kan det være lurt å definere det månedlige avdraget som en liste og gange det med antall perioder. </br>
Hint2: Siden vi er ute etter både rentekostnader og avdrag hver for seg, kan det være lurt å definere en funksjon for hver av dem. </br>

In [18]: from matplotlib import pyplot as plt

Vi har laget funksjoner for avdrag og antall terminer så vi kan legge svarende de avdrag = [4166] * 240 # Liste med avdrag ganger det med antall terminer <u>termin240 = list(range(0,240)) # Lager en liste for alle terminene.</u>

<u># Vi vet fra tidligere hva avdraget er og i hvor mange terminer lånet skal nedbetal</u> # Legger dette inn i funksjonen for serielån. <u>renteutgifter2 = renteutgifter(1000000,4166,241, 0.03, 20)</u>

Så kan vi plotte serielånet.

plt.stackplot(termin240, avdrag, renteutgifter2) # Bruker stackplot til å illustre # Plottet illusterer et serielån, der avdragene er like mens renteutgiftene synker # Et serielån dyrest i starten, da renteutgiftene er store. # Serielånet er billigere men mindre forutsigbart enn et annuitetslån.

