LAPORAN HASIL TUGAS KECIL 3 IF2211 STRATEGI ALGORITMA SEMESTER II TAHUN 2021/2022

PENYELESAIAN PERSOALAN 15-PUZZLE DENGAN ALGORITMA BRANCH AND BOUND



Disusun oleh:

Steven 13520131

SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA
INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG
BANDUNG

2022

DAFTAR ISI

BAB I DESKRIPSI MASALAH	2
BAB II PENJELASAN ALGORITMA DALAM MENYELESAIKAN 15-PUZZLE	3
BAB III KODE PROGRAM DALAM PYTHON	4
BAB IV BERKAS TEKS BERISI CONTOH 5 BUAH PERSOALAN 15-PUZZLE	25
BAB V SCREENSHOT INPUT-OUTPUT PROGRAM	26
BAB VI TABEL CHECKLIST	30
BAB VII LINK GITHUB	31

BAB I DESKRIPSI MASALAH

Buatlah program dalam Java/Python untuk menyelesaikan persoalan 15-Puzzle dengan menggunakan Algoritma *Branch and Bound* seperti pada materi kuliah. Nilai *bound* tiap simpul adalah penjumlahan cost yang diperlukan untuk mencapai suatu simpul x dari akar, dengan taksiran cost simpul x untuk sampai ke goal. Taksiran cost yang digunakan adalah jumlah ubin tidak kosong yang tidak berada pada tempat sesuai susunan akhir (*goal state*). Untuk semua instansiasi persoalan 15-puzzle, susunan akhir yang diinginkan adalah sebagai berikut:

1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	

Posisi awal 15-puzzle dibangkitkan secara acak oleh program dan/atau dimasukkan dari file teks.

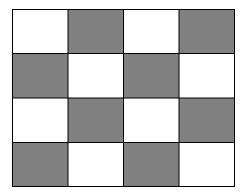
Program harus dapat menentukan apakah posisi awal suatu masukan dapat diselesaikan hingga mencapai susunan akhir, dengan mengimplementasikan fungsi Kurang(i) dan posisi ubin kosong di kondisi awal (X), seperti pada materi kuliah. Jika posisi awal tidak bisa mencapai susunan akhir, program akan menampilkan pesan tidak bisa diselesaikan. Jika dapat diselesaikan, program dapat menampilkan urutan matriks rute (path) aksi yang dilakukan dari posisi awal ke susunan terakhir.

BAB II

PENJELASAN ALGORITMA BRANCH AND BOUND DALAM MENYELESAIKAN 15-PUZZLE

Pada algoritma Branch and Bound, pertama-tama, akan dimasukkan simpul akar ke dalam antrian Q. Jika simpul akar adalah simpul solusi, maka solusi telah ditemukan. Dan, apabila hanya diinginkan satu solusi saja, maka berhentikan program. Langkah keduanya adalah melakukan pengecekan terhadap Q. Apabila Q kosong, maka berhentikan program. Apabila Q tidak kosong, pilih dari antrian Q yang mempunyai nilai cost paling kecil. Apabila terdapat beberapa yang memenuhi, dipilih satu secara sembarang. Langkah berikutnya adalah mengecek apakah simpul yang barusan dipilih merupakan simpul solusi. Apabila simpul merupakan simpul solusi, maka hentikan program apabila hanya satu solusi saya yang diinginkan. Apabila simpul bukan merupakan simpul solusi, maka bangkitkan semua anak-anaknya. Jika simpul ini tidak mempunyai anak, maka kembali ke langkah kedua. Untuk setiap anak, hitung costnya dan masukkan cost tersebut ke dalam Q. Kembali ke langkah kedua dan ulangi lagi langkah-langkahnya.

Untuk persoalan 15-Puzzle ini, simpul solusi hanya dapat tercapai apabila status awal $\sum_{i=0}^{16} KURANG(i) + X$ bernilai genap. Yang dimana X=1 jika sel kosong pada posisi awal ada pada sel yang diarsir



Cost setiap simpul dihitung dengan cara menjumlahkan ongkos mencapai simpul dari akar dengan ongkos mencapai simpul tujuan dari simpul

BAB III

KODE PROGRAM DALAM PYTHON

Berikut adalah file program yang diimplementasikan dalam *Python* untuk menyelesaikan persoalan 15-Puzzle dengan memanfaatkan algoritma *Branch and Bound*.

a. board.py

```
🥏 board.py 🛛 🗙
src > 💎 board.py
       class Board:
           def init (self):
               self.square = []
               self.missing_number_list = [i for i in range(1, 17)]
               self.missing number = 0
              override equality function untuk class
           def __eq__(self, other):
               return self.square == other.square
               override hash function untuk class
           def _ hash (self):
               return hash(tuple(self.square))
               Fungsi ini berfungsi untuk
               memasukkan angka ke dalam
               papan dengan berurut
           def add_square(self, new_square):
               if new square in self.square:
               self.square.append(new square)
               if new_square != -1:
                   self.missing_number_list.remove(new_square)
               if len(self.missing number list) == 1:
                   self.missing_number = self.missing_number_list[0]
               return True
```

```
🥏 board.py 🛛 🗙
src > 👶 board.py
               fungsi ini berfungsi untuk
               mengambila angka yang berada
               pada indeks ke-i di dalam papan.
               Mengembalikan -1 apabila
               out of range
           def get_number(self, index):
               if (index < 1) and (index > 16):
                   return -1
               return (self.square[index-1])
               fungsi ini mengembalikan sebuah indeks yang equivalent dengan format (x, y)
           def get_index_xy(self, x, y):
               fungsi ini berfungsi untuk
               mengambil indeks dari angka
               yang terdapat di dalam papan.
               Fungsi ini akan mengembalikan nilai
               -1 apabila tidak terdapat angka tersebut
               di dalam papan
           def get_index(self, number):
               result = None
               try:
                   result = self.square.index(number) + 1
               except ValueError:
                   result = -1
               return result
```

```
src > → board.py

fungsi ini berfungsi untuk mengembalikan banyaknya
angka yang tidak berada pada indeks yang seharusnya

def g_cost(self):
result = 0
for index in range(len(self.square)):
index_check = index + 1
elem = self.square[index]
if elem == -1:
continue
if index_check != elem:
result += 1
return result

fungsi ini berfungsi untuk mengembalikan copy dari self

def copy(self):
new_self = Board()
for elem in self.square:
new_self.add_square(elem)
return new_self
```

```
🥏 board.py 🛛 🗙
src > 🥏 board.py
               fungsi ini berfungsi convert
               class Board ke string
           def __str__(self):
               result = ''
               temp = 0
               for elem in self.square:
                   if temp == 0:
                       if elem // 10 < 1:
                       result += str(elem)
                   if temp == 4:
                       result += ']\n'
                       temp = 0
               return result
           def __repr__(self):
               return self.__str__()
```

b. handle_input.py

```
🥏 handle_input.py 🗙
src > P handle_input.py
       from random import shuffle, randint
       def file input():
           filename = input()
           board = Board()
           try:
               with open(filename, 'r') as f:
                       col_in = line.strip().split(' ')
                           print('the number of column doesn\'t match the required amount')
                           return None
                       int_form = []
                           try:
                                    int_form.append(-1)
                                    int form.append(int(elem))
                                    checker = int form[-1]
                                        print('your input contains a number that is out of range')
                           except ValueError:
                               print('one of your input doesn\'t contain integer')
                       for elem in int form:
                            if(not board.add square(elem)):
                               print('There\'s a duplicate number in your board')
                               return None
           except FileNotFoundError:
               print('file not found')
```

```
🥏 handle_input.py 🗙
src > 👶 handle_input.py
       def manual input():
           print('Please enter the starting matrix.')
           print('For the empty space, please insert the symbol')
           row index = 1
           board = Board()
           while row index <= 4:</pre>
               print('please insert the', row index, 'row')
                   variable ini digunakan untuk mengecek
                   kondisi dimana apabila input sukses, maka sambung
                   ke baris selanjutnya, dan apabila gagal,
                   mengulangi input baris yang gagal.
               succeed = True
                   kode ini menerima inputan pengguna
                   lalu menghilangkan spasi yang di mana
                   setelah spasi tersebut dihilangkan,
                   dilakukan pemisahan string inputan menjadi
                   beberapa substring menggunakan spasi sebagai
                   pemisah dan mengkonversinya menjadi list
                   sehingga dapat diolah lebih lanjur
               user in = list(input().strip().split(' '))
                   Code ini mengecek apakah user menginput
                   4 angka
               if len(user in) != 4:
                   print('Your input didn\'t have enough column')
                   succeed = False
               if not succeed:
                   continue
```

```
🗬 handle_input.py 🗙
src > 👶 handle_input.py
                   Variable ini digunakan untuk
                   menyimpan bentuk integer dari input user
               int_form = []
                   Code ini berguna untuk
                   mengubah input user
                   menjadi bentuk integer,
                   dan apabila input tersebut merupakan kosong (_)
                   maka diubah menjadi -1 di int_form.
                   Juga mengecek apakah angka yang dimasukkan
                   berada di antara 1-16
               for elem in user in:
                   try:
                            int form.append(-1)
                       else:
                            int form.append(int(elem))
                            checker = int_form[-1]
                                print('your input contains a number that is out of range')
                               succeed = False
                   except ValueError:
                       print('one of your input doesn\'t contain integer')
                       succeed = False
               if not succeed:
```

```
🥏 handle_input.py 🗙
src > 👶 handle_input.py
                   code ini berfungsi untuk memasukkan
                   baris-baris ke dalam class Board
                   sekalian mengecek apakah angka tersebut telah ada
                   di dalam class tersebut
               for elem in int form:
                   if(not board.add square(elem)):
                       print('There\'s already a', elem, 'in the board')
                       succeed = False
               if not succeed:
                   continue
               if succeed:
                   row index += 1
           return board
       def random input():
           board square = [i for i in range(1, 16)]
           board square.append(-1)
           shuffle(board_square)
           board = Board()
           for elem in board square:
               board.add square(elem)
           return board
```

c. cli.py

```
🥏 cli.py
           ×
src > 👶 cli.py
       from board import Board
       from handle input import manual input, random input, file input
       from time import time
       from functools import cmp to key
           fungsi untuk dimasukkan ke dalam parameter key
           di dalam fungsi min(), mengembalikan tuple dimana
           elem[0] merupakan level dan elem[1] merupakan cost
       def bnb_cmp(a, b):
           if a[0] < b[0]:
               return 1
           elif a[0] > b[0]:
               return -1
           else:
               if a[1] > b[1]:
                   return 1
               elif a[1] < b[1]:
                    return -1
               else:
                   return 0
           fungsi untuk mendapatkan semua angka yang lebih kecil dari X
           dengan constraint lebih besar dari 1
       def get smaller number list(number):
           result = []
           temp = number - 1
           while temp != 0:
               result.append(temp)
               temp -= 1
           return result
```

```
🥏 cli.py
src > 🥏 cli.py
           fungsi ini untuk mendapatkan apakah kurang nanti akan
           ditambah 1 atau 0. Fungsi ini mendapatkan hasil tersebut dengan patterm
           apabila index dari kosong yang terdapat pada board tersebut (asumsi mulai dari 0),
           dibagi 4 dan dimod 2 haslinya sama dengan dimod 2 saja, maka tidak berada di area arsir, sebaliknya
           apabila hasilnya dibagi 4 dan dimod 2 tidak sama dengan dimod 2 saja, maka berada di area arsir.
       def get_kurang_x(board):
           position = board.get_index(-1)
           row_check = (position // 4) % 2
           column_check = position % 2
if row_check == column_check:
               return 1
           fungsi ini mengkalkulasi semua kurang()
           dan mengembalikannya dalam bentuk list
       def get_kurang(board):
               elem = board.square[index]
               if elem == -1:
    elem = board.missing_number
                    other_index = board.get_index(i)
```

```
🥏 cli.py
           ×
src > 👶 cli.py
           fungsi ini berfungsi untuk memprint out
           kurang dalam format "i: {elem} kurang(i): {kurang}"
       def print kurang(kurang):
           for elem in kurang:
               print('i:', elem[0], 'kurang(i):', elem[1])
           pruning setelah mendapatkan solusi
           dari algoritma branch and bound
       def prune(queue):
           queue.empty()
           fungsi untuk membuat branch and bound
       def bnb(board):
           print(board)
           kurang = get kurang(board)
           print kurang(kurang)
           kurang sum = 0
           for elem in kurang:
               kurang sum += elem[1]
           x = get kurang x(board)
           checker = kurang_sum + x
           print('Sum from i=0 to 16 of KURANG(i) + X = ', checker)
           if checker % 2 != 0:
               print('Status tujuan tidak dapat dicapai (Puzzle Unsolvable)')
               return (None, None)
           queue = [(0, 0, board, None)]
           set_board = {board}
```

```
🥏 cli.py
           X
src > 🥏 cli.py
           print('\nDoing Branch and Bound')
           print('-----
           prev level = 0
           total_explored = 1
           board output = []
           while True:
               to_check = min(queue, key=cmp_to_key(bnb_cmp))
               queue.remove(to check)
               check_board = to_check[2]
               check level = to_check[0] + 1
               check_dir = to_check[3]
               if prev level >= check level:
                   board_output = [(board, None)]
               prev level = check level
               board output.append((check board, check dir))
               if check board.g cost() == 0:
                   break
                   mendapatkan posisi dari square yang kosong di board
               empty pos = check board.square.index(-1)
               row_pos = empty_pos // 4
               col_pos = empty_pos % 4
```

```
🥏 cli.py
src > 👶 cli.py
                   move up
               succeed = True
               up board = check board.copy()
               if row_pos == 0:
                   up_row = row_pos - 1
                   up index = up board.get index xy(col pos, up row)
                   temp = up_board.square[up_index]
                   up_board.square[up_index] = up_board.square[empty_pos]
                   up_board.square[empty_pos] = temp
               if up_board in set_board:
                   cost = up_board.g_cost() + (check_level)
                   queue.append((check_level, cost, up_board, 'UP'))
                   set_board.add(up_board)
                   total_explored += 1
```

```
🥏 cli.py
src > 👶 cli.py
               succeed = True
               bottom_board = check_board.copy()
               if row pos == 3:
                   bottom_row = row_pos + 1
                   bottom_index = bottom_board.get_index_xy(col_pos, bottom_row)
                   temp = bottom_board.square[bottom_index]
                   bottom_board.square[bottom_index] = bottom_board.square[empty_pos]
                   bottom_board.square[empty_pos] = temp
               if bottom_board in set_board:
                   succeed = False
                   cost = bottom_board.g_cost() + (check_level)
                   queue.append((check_level, cost, bottom_board, 'DOWN'))
                   set_board.add(bottom_board)
                   total_explored += 1
```

```
🥏 cli.py
src > 🕏 cli.py
                left board = check board.copy()
                if col_pos == 0:
                     left_pos = col_pos - 1
                     left_index = left_board.get_index_xy(left_pos, row_pos)
                     temp = left_board.square[left_index]
                     left_board.square[left_index] = left_board.square[empty_pos]
                     left_board.square[empty_pos] = temp
                if left board in set board:
                if succeed:
                     cost = left_board.g_cost() + (check_level)
queue.append((check_level, cost, left_board, 'LEFT'))
                     set_board.add(left_board)
                     total_explored += 1
```

```
<code-block> cli.py</code>
src > 🥏 cli.py
                   move right
               right board = check board.copy()
                if col_pos == 3:
                   right_pos = col_pos + 1
                   right_index = right_board.get_index_xy(right_pos, row_pos)
                    temp = right_board.square[right_index]
                   right_board.square[right_index] = right_board.square[empty_pos]
                   right_board.square[empty_pos] = temp
               if right_board in set_board:
                   cost = right_board.g_cost() + (check_level)
                    queue.append((check_level, cost, right_board, 'RIGHT'))
                   set_board.add(right_board)
                   total_explored += 1
```

```
🥏 cli.py
           ×
src > 🥏 cli.py
       def main():
           print('Please choose an input type')
           print('1. Manual Input')
           print('2. Random Input')
           print('3. File Input')
           input_type = int(input('>> '))
           board = None
           if input type == 1:
               board = manual input()
           elif input type == 2:
               board = random input()
           elif input_type == 3:
               board = file input()
           else:
               main()
               return
           if board is None:
               return
           start = time()
           (board output, total explored) = bnb(board)
           end = time()
           if board output is not None:
               for elem in board output:
                    if elem[1] != None:
                        print(elem[1])
                   print(elem[0])
           if total explored is not None:
               print('Jumlah simpul yang dibangkitkan:', total_explored)
               print('Total Move Taken:', len(board_output)-1)
           print('This program takes ', end - start, ' second(s)')
       if __name__ == '__main__':
           main()
```

d. app.py

```
🥏 арр.ру
src > 👶 app.py
       import eel
       from board import Board
       from time import time
       from functools import cmp_to_key
           fungsi untuk dimasukkan ke dalam parameter key
           di dalam fungsi min(), mengembalikan tuple dimana
           elem[0] merupakan level dan elem[1] merupakan cost
       def bnb_cmp(a, b):
           if a[0] < b[0]:
               return 1
           elif a[0] > b[0]:
               return -1
           else:
               if a[1] > b[1]:
                   return 1
               elif a[1] < b[1]:
                   return -1
               else:
                 return 0
           fungsi untuk mendapatkan semua angka yang lebih kecil dari X
           dengan constraint lebih besar dari 1
       def get smaller number list(number):
           result = []
           temp = number - 1
           while temp != 0:
               result.append(temp)
               temp -= 1
           return result
```

```
🥏 арр.ру
src > 🥏 app.py
           fungsi ini untuk mendapatkan apakah kurang nanti akan
           ditamabah 1 atau 0. Fungsi ini mendapatkan hasil tersebut dengan patterm
           apabila index dari kosong yang terdapat pada board tersebut (asumsi mulai dari 0),
           dibagi 4 dan dimod 2 haslinya sama dengan dimod 2 saja, maka tidak berada di area arsir, sebaliknya
           apabila hasilnya dibagi 4 dan dimod 2 tidak sama dengan dimod 2 saja, maka berada di area arsir.
      def get_kurang_x(board):
           position = board.get_index(-1)
           row_check = (position // 4) % 2
          column_check = position % 2
if row_check == column_check:
           fungsi ini mengkalkulasi semua kurang()
           dan mengembalikannya dalam bentuk list
      def get_kurang(board):
           for index in range(len(board.square)):
               elem = board.square[index]
               if elem == -1:
                   elem = board.missing number
           return result
```

```
🥏 app.py
           ×
src > 🥏 app.py
           fungsi untuk membuat branch and bound
       def bnb(board):
           kurang = get kurang(board)
           eel.set kurang(kurang)
           kurang sum = 0
           for elem in kurang:
               kurang_sum += elem[1]
           x = get_kurang_x(board)
           checker = kurang sum + x
           eel.set kurang x(checker)
           if checker % 2 != 0:
               eel.set error('Unable to finish the 15 puzzle')
               return (None, None)
           queue = [(0, 0, board)]
           set board = {board}
           board id = 1
           output board = []
           prev level = 0
           total explored = 1
```

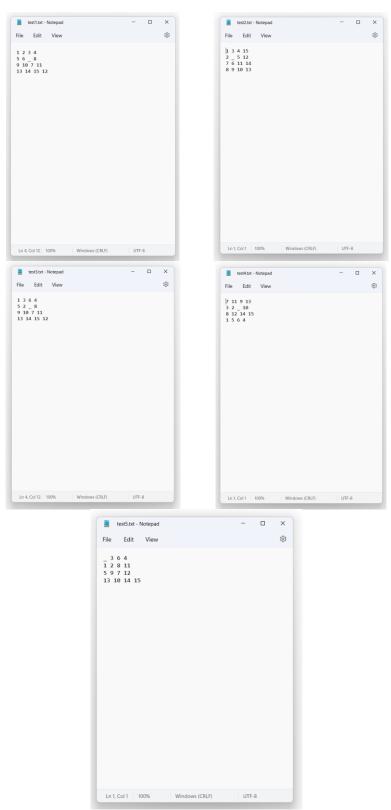
```
🥏 app.py
src > 🥏 app.py
                   move up
               succeed = True
               up board = check board.copy()
               if row pos == 0:
                   up_row = row_pos - 1
                   up_index = up_board.get_index_xy(col_pos, up_row)
                   temp = up board.square[up index]
                   up board.square[up index] = up board.square[empty pos]
                   up_board.square[empty_pos] = temp
               if up board in set board:
                   succeed = False
               if succeed:
                   cost = up_board.g_cost() + (check_level)
                   queue.append((check level, cost, up board))
                   set_board.add(up_board)
                   total_explored += 1
```

```
🥏 арр.ру
src > 🤚 app.py
                   move left
               succeed = True
               left board = check board.copy()
               if col_pos == 0:
                   left pos = col pos - 1
                   left_index = left_board.get_index_xy(left_pos, row_pos)
                   temp = left_board.square[left_index]
                   left_board.square[left_index] = left_board.square[empty_pos]
                   left_board.square[empty_pos] = temp
               if left board in set board:
                   succeed = False
                   cost = left_board.g_cost() + (check_level)
                   queue.append((check_level, cost, left_board))
                   set_board.add(left_board)
                   total explored += 1
```

```
e app.py
src > 🥏 app.py
                  move right
               succeed = True
               right_board = check_board.copy()
               if col pos == 3:
                   succeed = False
               else:
                   right pos = col pos + 1
                   right index = right board.get index xy(right pos, row pos)
                   temp = right_board.square[right_index]
                   right_board.square[right_index] = right_board.square[empty_pos]
                   right_board.square[empty_pos] = temp
               if right_board in set_board:
                   succeed = False
               if succeed:
                   cost = right_board.g_cost() + (check_level)
                   queue.append((check level, cost, right board))
                   set_board.add(right_board)
                   total explored += 1
           return (output_board, total_explored)
```

```
🥏 app.py
           ×
src > 🥏 app.py
       def main():
           @eel.expose
           def calculate bnb(board val):
               board = Board()
               for elem in board val:
                   board.add_square(elem)
               print('calculating')
               start = time()
               (output board, total explored) = bnb(board)
               end = time()
               eel.set time taken(end - start)
               if total explored is not None:
                   eel.set explored(total explored)
               output board list = []
               if output board is not None:
                   for elem in output board:
                       output board list.append(elem.square)
               return output board list
           @eel.expose
           def stop program():
               exit()
           eel.start('index.html')
       if name == ' main ':
           main()
```

BAB IV
BERKAS TEKS BERISI CONTOH 5 BUAH PERSOALAN 15-PUZZLE



BAB V SCREENSHOT INPUT-OUTPUT PROGRAM

test1.txt

```
lease choose an input type
1. Manual Input
2. Random Input
3. File Input
Please insert the file name
 ../test/test1.txt
[01 02 03 04]
[05 06 __ 08]
[09 10 07 11]
[13 14 15 12]
i: 1 kurang(i): 0
i: 2 kurang(i): 0
i: 3 kurang(i): 0
i: 4 kurang(i): 0
i: 5 kurang(i): 0
i: 6 kurang(i): 0
i: 7 kurang(i): 0
i: 8 kurang(i): 1
i: 8 kurang(i): 1
i: 9 kurang(i): 1
i: 10 kurang(i): 1
i: 11 kurang(i): 0
i: 12 kurang(i): 0
i: 13 kurang(i): 1
i: 14 kurang(i): 1
 i: 15 kurang(i): 1
i: 16 kurang(i): 9
 Sum from i=0 to 16 of KURANG(i) + X = 16
```

```
Doing Branch and Bound
[01 02 03 04]
[13 14 15 12]
DOWN
[01 02 03 04]
[05 06 07 08]
[09 10 __ 11]
[13 14 15 12]
RIGHT
[01 02 03 04]
[05 06 07 08]
[09 10 11 __]
[13 14 15 12]
DOWN
[01 02 03 04]
[05 06 07 08]
[09 10 11 12]
[13 14 15 __]
Jumlah simpul yang dibangkitkan: 10
Total Move Taken: 3
```

test2.txt

```
. Manual Input
    Random Input
    File Input
71ease 11sert the
../test/test2.txt
[01 03 04 15]
[02 __ 05 12]
[07 06 11 14]
[08 09 10 13]
 : 1 kurang(i): 0
    2 kurang(i): 0
3 kurang(i): 1
    4 kurang(i): 1
  : 5 kurang(i): 0
: 6 kurang(i): 0
    7 kurang(i): 1
   8 kurang(i): 0
  : 9 kurang(i): 0
: 10 kurang(i): 0
    11 kurang(i): 3
    12 kurang(i):
    13 kurang(i): 0
  : 14 kurang(i): 4
 : 15 kurang(i): 11
: 16 kurang(i): 10
:um from i=0 to 16 of KURANG(i) + X = 37
Status tujuan tidak dapat dicapai (Puzzle Unsolvable)
This program takes 0.0009982585906982422 second(s)
```

test3.txt

```
Please choose an input type

1. Manual Input
2. Random Input
3. File Input
4. File Input
5. The State Info Info Info Info Info
6. File Info Info Info Info Info Info
6. File Info Info Info Info Info
6. File Info Info Info Info Info Info
6. File Info Info Info Info Info Info
6. File Info Info Info Info
6. File Info Info Info Info
6. File Info Info Info Info Info Info
6. File Info Info Info
6. File Info
6.
```

```
[01 03 06 04]
[05 02 07 08]
[09 10 11 __]
[13 14 15 12]
DOWN
[01 03 06 04]
.
[05 02 07 08]
[09 10 11 12]
13 14 15 __]
[01 03 06 04]
[05 02 07 08]
[09 10 11 12]
[13 14 __ 15]
[01 03 06 04]
[05 02 07 08]
[09 10 __ 12]
[13 14 11 15]
[01 03 06 04]
[13 14 11 15]
[09 10 07 12]
[13 14 11 15]
```

```
LEFT
[01 __ 03 04]
[05 02 06 08]
[09 10 07 12]
[13 14 11 15]

DOWN
[01 02 03 04]
[05 __ 06 08]
[09 10 07 12]
[13 14 11 15]

RIGHT
[01 02 03 04]
[05 06 __ 08]
[09 10 07 12]
[13 14 11 15]

DOWN
[01 02 03 04]
[05 06 __ 08]
[09 10 __ 12]
[13 14 11 15]

DOWN
[01 02 03 04]
[05 06 07 08]
[09 10 __ 12]
[13 14 11 15]

DOWN
[01 02 03 04]
[05 06 07 08]
[09 10 __ 12]
[13 14 11 15]

RIGHT
[01 02 03 04]
[05 06 07 08]
[09 10 11 12]
[13 14 __ 15]

RIGHT
RIGHT
[01 02 03 04]
[05 06 07 08]
[09 10 11 12]
[13 14 __ 15]

RIGHT
[01 02 03 04]
[05 06 07 08]
[09 10 11 12]
[13 14 15 __]

Jumlah simpul yang dibangkitkan: 34
Total Move Taken: 13
This program takes  0.0040013790130615234 second(s)
```

test4.txt

```
Please choose an input type
1. Manual Input
2. Random Input
3. File Input
>> 3
Please insert the file name
../test/test4.txt
[07 11 09 13]
[03 02 __ 10]
[08 12 14 15]
[01 05 06 04]
i: 1 kurang(i): 0
i: 2 kurang(i): 1
i: 3 kurang(i): 2
i: 4 kurang(i): 0
i: 5 kurang(i): 1
i: 6 kurang(i): 1
i: 7 kurang(i): 6
i: 8 kurang(i): 4
i: 9 kurang(i): 7
i: 10 kurang(i): 5
i: 11 kurang(i): 9
i: 12 kurang(i): 4
i: 13 kurang(i): 9
i: 14 kurang(i): 4
i: 15 kurang(i): 4
i: 16 kurang(i): 9
Sum from i=0 to 16 of KURANG(i) + X = 67
Status tujuan tidak dapat dicapai (Puzzle Unsolvable)
This program takes 0.004004716873168945 second(s)
```

test5.txt

```
Please choose an input type
1. Manual Input
   Random Input
3. File Input
>> 3
Please insert the file name
 ./test/test5.txt
[__ 03 06 04]
[01 02 08 11]
[05 09 07 12]
[13 10 14 15]
i: 1 kurang(i): 0
i: 2 kurang(i): 0
i: 3 kurang(i): 2
i: 4 kurang(i): 2
i: 5 kurang(i): 0
i: 6 kurang(i): 4
   7 kurang(i): 0
i: 8 kurang(i): 2
i: 9 kurang(i): 1
i: 10 kurang(i): 0
i: 11 kurang(i): 4
i: 12 kurang(i): 1
i: 13 kurang(i): 1
i: 14 kurang(i): 0
i: 15 kurang(i): 0
```

```
Doing Branch and Bound
                                       RIGHT
                                        [01 03 06 04]
   03 06 04]
                                        [05 02 08 11]
[09 10 07 12]
[01 02 08 11]
[05 09 07 12]
                                        [13 14 15 __]
[13 10 14 15]
DOWN
                                        [01 03 06 04]
[01 03 06 04]
                                        [05 02 08 11]
  _ 02 08 11]
                                        [09 10 07
05 09 07 12]
                                        [13 14 15 12]
[13 10 14 15]
DOWN
                                        [01 03 06 04]
[01 03 06 04]
                                        [05 02 08 ]
[05 02 08 11]
                                        [09 10 07 11]
 09 07 12]
                                        [13 14 15 12]
[13 10 14 15]
                                        LEFT
RIGHT
                                        [01 03 06 04]
[01 03 06 04]
                                        [05 02 08 11]
[13 14 15 12]
                                        DOWN
DOWN
                                        [01 03 06 04]
[01 03 06 04]
                                        [05 02 07 08]
[05 02 08 11]
                                        [09 10 __
                                                 11]
[09 10 07 12]
                                        [13 14 15 12]
[13 __ 14 15]
                                        RIGHT
RIGHT
                                        [01 03 06 04]
[01 03 06 04]
                                        [05 02 07 08]
[05 02 08 11]
                                        [09 10 11 ]
[09 10 07 12]
                                        [13 14 15 12]
[13 14 __ 15]
```

```
DOWN
                                   DOWN
[01 03 06 04]
                                   [01 02 03 04]
[05 02 07 08]
                                   [05 __ 06 08]
[09 10 11 12]
                                   [09 10 07 12]
[13 14 15 __]
                                   [13 14 11 15]
LEFT
                                   RIGHT
[01 03 06 04]
                                   [01 02 03 04]
[05 02 07 08]
                                   [05 06 __ 08]
[09 10 11 12]
                                   [09 10 07 12]
[13 14 __ 15]
                                   [13 14 11 15]
                                   DOWN
[01 03 06 04]
[05 02 07 08]
                                   [01 02 03 04]
[09 10 __ 12]
                                   [05 06 07 08]
[13 14 11 15]
                                   [09 10 __ 12]
                                   [13 14 11 15]
[01 03 06 04]
                                   DOWN
[05 02 __ 08]
                                   [01 02 03 04]
[09 10 07 12]
                                   [05 06 07 08]
[13 14 11 15]
                                   [09 10 11 12]
                                   [13 14 __ 15]
[01 03
        04]
                                   RIGHT
[05 02 06 08]
                                   [01 02 03 04]
[09 10 07 12]
[13 14 11 15]
                                   [05 06 07 08]
                                   [09 10 11 12]
LEFT
                                   [13 14 15 __]
      03 04]
[05 02 06 08]
                                   Jumlah simpul yang dibangkitkan:
[09 10 07 12]
                                   Total Move Taken: 22
[13 14 11 15]
                                   This program takes 0.00600028038
```

BAB VI Tabel Checklist

Poin	Ya	Tidak
Program berhasil dikompilasi		
Program berhasil running		
Program dapat menerima input dan menulis output		
Luaran sudah benar untuk semua data uji	✓	
Bonus dibuat	✓	

BAB VII LINK GITHUB

https://github.com/loopfree/Tucil3 13520131