Matrice ONI 2023 X Writeup

Camburu Luca

25 Iunie 2025

1 Introducere

Bucata asta va fi realizată numai pentru a da continuitate sursei de pe kilonova (aici)(id 754634 dacă nu merge link-ul) pentru cei ce nu vor să citească editorialul dat de comisie. Mai mult, acest document e doar un exercițiu de latex, întrucât, pe lângă faptul că soluția mea e diferită de cele oficiale, mai e si destul de laborioasă (ca întotdeauna, din ce observ).

2 Partea inteligibilă și comună

Notăm matricea dată cu A. Fie un element din matrice A[i][j].

Notăm rațiile de pe linii cu l[i], iar cele de pe coloane cu c[i].

Avem
$$A[i][j] = A[1][1] + (i-1)c[1] + (j-1)l[i]$$
.
În același timp, avem $A[i][j] = A[1][1] + (j-1)l[1] + (i-1)c[j]$
Doar am ales 2 drumuri diferite (primul e $(1,1) \to (i,1) \to (i,j)$, iar al doilea e $(1,1) \to (1,j) \to (i,j)$).

Avem
$$A[i][j]=A[1][1]+(i-1)c[1]+(j-1)l[i]=A[1][1]+(j-1)l[1]+(i-1)c[j]$$
 Adică $(i-1)c[1]+(j-1)l[i]=(j-1)l[1]+(i-1)c[j]$ Grupăm termenii și ajungem la

$$(i-1)(c[1]-c[j]) = (j-1)(l[1]-l[i]), \forall i \in [2,n], \forall j \in [2,m]$$

Avem

$$\frac{c[j] - c[1]}{j - 1} = \frac{l[i] - l[1]}{i - 1}$$

$$\frac{c[j] - c[1]}{i - 1} = \frac{l[i] - l[1]}{i - 1} = \frac{l[i + 1] - l[1]}{i + 1 - 1}$$

(doar am ales următoarea linie și același j)

$$\frac{l[i]-l[1]}{i-1} = \frac{l[i+1]-l[1]}{i} = \frac{l[i]-l[1]-l[i+1]+l[1]}{i-1-i} = \frac{l[i]-l[i+1]}{-1} = l[i+1]-l[i]$$

$$\frac{c[j] - c[1]}{j - 1} = l[i + 1] - l[i] \Rightarrow$$

diferențele dintre rațille oricăror 2 linii consecutive sunt constante.

Pe același principiu,

$$l[i+1] - l[i] = \frac{c[j] - c[1]}{j-1} = \frac{c[j+1] - c[1]}{j+1-1} = \frac{c[j] - c[1] - c[j+1] + c[1]}{j-1-j} = \frac{c[j] - c[j+1]}{-1} = c[j+1] - c[j]$$

$$l[i+1] - l[i] = c[j+1] - c[j], \forall i \in [2, n-1] \forall j \in [2, m-1]$$

Notăm această rație a rațiilor cu R. Astfel, un element A[i][j] se poate exprima în funcție de (A[1][1], l[1], c[1], R)

Scriem

$$A[i][j] = A[1][1] + (i-1)c[1] + (j-1)l[i]$$

Adică

$$A[1][1] + (i-1)c[1] + (j-1)(l[1] + (i-1)R)$$

$$A[1][1] + (i-1)c[1] + (j-1)l[1] + (i-1)(j-1)R,$$

$$\forall i \in [1, n], \forall j \in [1, m]$$

Vrem elementul cel mai mare, iar toate variabilele sunt pozitive, așadar cel mai mare element este A[N][M].

Ce vrem să aflăm este numărul soluțiilor inecuației

$$A[1][1] + (N-1)c[1] + (M-1)l[1] + (N-1)(M-1)R < T$$

cu următoarele condiții:

$$\begin{cases} A[1][1] \ge 0, \\ c[1] \ge 1, \\ l[1] \ge 1, \\ R \ge 0 \end{cases}$$

3 Panaetism si algebruh

3.1

A[1][1] este cam foarte liber, așadar, în loc de 4 variabile, ajungem la 3, având de calculat de fapt

$$answer = \sum_{(c[1], l[1], R)} T - (N-1)c[1] - (M-1)l[1] - (N-1)(M-1)R + 1$$

Doar am trecut restul chestiilor în cealaltă parte. Complexitatea $O(T^3)$ se face de aici ușor.

3.2

Pentru mai mult, fixăm R și notăm cu

$$d_A = \sum_{(c[1], l[1])}^{expr>0} A + 1 - (N-1)c[1] - (M-1)l[1]$$

Ce rămâne de calculat este

$$\sum_{R=0}^{\lfloor \frac{T}{(N-1)(M-1)} \rfloor} d_{T-(N-1)(M-1)R}$$

Prin expr>0, mă refer la faptul că $A+1-(N-1)c[1]-(M-1)l[1]\geq 0$. Pentru calculul unui d_A cu A fixat, mai fixăm și c[1], astfel având

$$A + 1 - (N - 1)c[1] \ge (M - 1)l[1]$$
$$1 \le l[1] \le \frac{A + 1 - (N - 1)c[1]}{M - 1}$$

Așadar, sunt $\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1}\rfloor$ valori pe care le poate lu
al[1]pentru a respecta inegalitatea. Expresia lu
i d_A se reduce la

$$\sum_{c[1]=1}^{\lfloor \frac{A+1}{N-1} \rfloor} (A+1-(N-1)c[1]) \lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \rfloor - (M-1) \frac{(\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \rfloor)(\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \rfloor + 1)}{2},$$

care se poate calcula în $O(T^2)$, chiar dacă arată monstruos (o să ajungă **mult** mai rău).

3.3

Observația esențială constă în valorile în care trebuie să calculăm suma. Astfel, are loc o trecere $A \to A + (N-1)(M-1)$, așa că multe expresii se simplifică.

Pentru început, redefinim răspunsul ca fiind,

$$\sum_{i=1} d_{A_i},$$

unde
$$\begin{cases} A_1 = T \mod ((N-1)(M-1)) \\ A_i = A_{i-1} + (N-1)(M-1) \\ A_i \le T \end{cases}$$

Acum vom căuta să vedem cum realizăm tranziția $A_i \to A_{i+1}$ în O(T).

Avem

$$d_{A_{i+1}} = \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_{i+1}+1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left(A_{i+1} + 1 - (N-1)c[1] \right) \left(\left\lfloor \frac{A_{i+1} + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor \right) - (M-1) \frac{\left(\left\lfloor \frac{A_{i+1}+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor \right) \left(\left\lfloor \frac{A_{i+1}+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor \right)}{2} \right)$$

$$=\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1+(N-1)(M-1)}{N-1}\right\rfloor} \left(\left(A_{i}+(N-1)(M-1)+1-(N-1)c[1]\right)\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1+(N-1)(M-1)-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right) - \left(M-1\right)\frac{\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+(N-1)(M-1)+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+(N-1)(M-1)+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)}{2}\right)$$

$$= \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor + M-1} \left(\left(A_i + (N-1)(M-1) + 1 - (N-1)c[1] \right) \left(\left\lfloor \frac{A_i+1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N-1 \right) - (M-1) \frac{\left(\left\lfloor \frac{A_i+1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N-1 \right) \left(\left\lfloor \frac{A_i+1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N \right)}{2} \right)$$

Pentru intervalul $\left[\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \rfloor + 1, \lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \rfloor + M - 1 \right]$, calculul expresiei se poate realiza brut, deoarece se vor efectua cel mult O(M) operații, care se amortizează la O(T) complexitate totală. Voi nota rezultatul acestui calcul cu B.

Expresia devine

$$\begin{split} B + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left(A_i + (N-1)(M-1) + 1 - (N-1)c[1] \right) \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N - 1 \right) \\ - (M-1) \frac{\left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N - 1 \right) \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N \right)}{2} \right) \\ = B + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i + 1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left(A_{i+1} + 1 - (N-1)c[1] \right) \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N - 1 \right) \\ - (M-1) \frac{\left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N - 1 \right) \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N \right)}{2} \right) \\ = B + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i + 1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left(A_{i+1} + 1 - (N-1)c[1] \right) (N-1) + \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N \right) \\ - (M-1) \frac{\left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N - 1 \right) \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N \right)}{2} \right) \\ = B + (N-1) \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i + 1}{N-1} \right\rfloor} \left(A_{i+1} + 1 - (N-1)c[1] \right) \\ + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i + 1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor \right) \left(A_{i+1} + 1 - (N-1)c[1] \right) \\ - \frac{M-1}{2} \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i + 1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N - 1 \right) \left(\left\lfloor \frac{A_i + 1 - (N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N \right) \end{split}$$

$$\begin{split} &=B+(N-1)(A_{i+1}+1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor-(N-1)^{2}\frac{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+1\right)}{2}\\ &+(A_{i+1}+1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)-(N-1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}c[1]\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)\\ &-\frac{M-1}{2}\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor^{2}+(2N-1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor+N(N-1)\right)\\ &=B+(N-1)(A_{i+1}+1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor-(N-1)^{2}\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+1\right)\\ &+(A_{i+1}+1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor-(N-1)^{2}\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+1\right)\\ &-\frac{M-1}{2}\left(\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor^{2}+(2N-1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor+\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}N(N-1)\right)\\ &=B+(N-1)(A_{i+1}+1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor-(N-1)^{2}\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+1\right)\\ &+(A_{i+1}+1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor-(N-1)^{2}\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor\left(\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+1\right)\\ &-\frac{M-1}{2}\left(N(N-1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor^{2}+(2N-1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)\\ &-\frac{M-1}{2}\left(N(N-1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor^{2}+(2N-1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)\\ &-\frac{M-1}{2}\left(N(N-1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor^{2}+(2N-1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)\\ &-\frac{M-1}{2}\left(N(N-1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor^{2}+(2N-1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)\\ &-\frac{M-1}{2}\left(N(N-1)\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor^{2}+(2N-1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor\right)\\ &+\frac{M-1}{2}\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor+\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)c[1]}{M-1}\right\rfloor^{2}+(2N-1)\sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor\frac{A_{i}+1}{N-1}\right\rfloor}\left\lfloor\frac{A_{i}+1-(N-1)$$

Cred că vedeți deja unde mă duc cu chestia asta. De aici, definim 3 șiruri astfel:

$$\begin{cases} \alpha_A = \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A+1}{N-1} \right\rfloor} \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor \\ \beta_A = \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A+1}{N-1} \right\rfloor} \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor^2 \\ \gamma_A = \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A+1}{N-1} \right\rfloor} c[1] \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor \end{cases}$$

Răspunsul devine

$$= B + (N-1)(A_{i+1}+1) \left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor - (N-1)^2 \frac{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor \left(\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor + 1 \right)}{2}$$

$$+ (A_{i+1}+1)\alpha_{A_i} - (N-1)\gamma_{A_i} - \frac{M-1}{2} \left(N(N-1) \left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor + \beta_{A_i} + (2N-1)\alpha_{A_i} \right).$$

De aici, singura responsabilitate este de a determina recurențele celor 3 șiruri. Ele se vor realiza asemănător cu ce am făcut până acum.

Voi nota bucățile realizate brut, prin același argument ca pentru șirul d, cu A, B si Γ , după sirul pe care-l reprezintă.

$$\alpha_{A_{i+1}} = A + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N-1 \right)$$

$$\alpha_{A_{i+1}} = A + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} (N-1)$$

$$\alpha_{A_{i+1}} = A + \alpha_{A_i} + (N-1) \left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor$$

Pentru β , avem

$$\beta_{A_{i+1}} = B + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N-1 \right)^2$$

$$\beta_{A_{i+1}} = B + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} \left(\left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor^2 + 2(N-1) \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + (N-1)^2 \right)$$

$$\beta_{A_{i+1}} = B + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor^2 + 2(N-1) \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} (N-1)^2 \left\lfloor \frac{A_i+1}{M-1} \right\rfloor$$

$$\beta_{A_{i+1}} = B + \beta_{A_i} + 2(N-1)\alpha_{A_i} + (N-1)^2 \left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor$$

Iar pentru γ , avem

$$\begin{split} \gamma_{A_{i+1}} &= \Gamma + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} c[1] \Big(\left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor + N-1 \Big) \\ \gamma_{A_{i+1}} &= \Gamma + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} \left(c[1](N-1) + c[1] \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor \right) \\ \gamma_{A_{i+1}} &= \Gamma + (N-1) \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} c[1] + \sum_{c[1]=1}^{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor} c[1] \left\lfloor \frac{A+1-(N-1)c[1]}{M-1} \right\rfloor \\ \hline \gamma_{A_{i+1}} &= \Gamma + (N-1) \frac{\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor \left(\left\lfloor \frac{A_i+1}{N-1} \right\rfloor + 1 \right)}{2} + \gamma_{A_i} \end{split}$$

Pentru a menține aceste șiruri, se utilizează variabile simple de tip int, întrucât este nevoie la fiecare pas doar de termenul anterior. Complexitate O(T), iar memorie O(1). Se mai poate și precalcula inversul modular al lui 2, dacă este nevoie, însă aritmetica modulară nu dă bătăi de cap aici.

Pentru cazurile N=1 sau M=1 sau combinate, răspunsurile se realizează prin analizarea formulei lui A[N][M], care se simplifică extraordinar de mult. Ajung niște sume Gauss, asemănător cu ce am făcut până acum.

4 Concluzie

Din simplul motiv că trebuie să evaluezi doar în puncte din (N-1)(M-1) în (N-1)(M-1), se reduc părțile întregi și expresia se simplifică, nu foarte mult, dar suficient pentru O(T). Nu recomand această soluție, pentru că cele oferite de comisie sunt mult mai elegante și mai ușor de scris, poate chiar și de gândit. Eu m-am obișnuit cu felul ăsta de spargeri foarte laborioase, care,

deși sunt greoaie, ajung la răspunsul corect. Așa că nu m-am gândit deloc la ecuații diofantice, MUULT mai ușor de băgat și mult mai documentate. Ca idee, în concurs tot soluția asta aș fi încercat-o, pentru că nu știu dacă stăpânesc algoritmul lui Euclid extins așa de bine, iar soluția cu programare dinamică din editorial încă mi-e neclară (în sensul ca nu înțeleg de ce ar fi alea singurele recurențe posibile).