

Geometria Analítica e Álgebra Linear

CCET - Unimontes - Montes Claros

Prof. Antônio Wilson Vieira

2026

Geometria Analítica e Álgebra Linear

Tópicos: Sistemas lineares, Álgebra de vetores, Transformação linear.

Bibliografia:

- 1) Álgebra Linear com Aplicações (Howard Anton)
- 2) Geometria analítica: um tratamento vetorial (Paulo Boulos)

Metodologia:

- 1) Aulas teóricas em quadro/giz e em datashow
- 2) Softwares livres Geogebra e Octave
- 3) Atividades individuais e em grupo

Avaliação:

- 1) Listas de exercícios (30 pontos)
- 3) Avaliações escritas (70 pontos)

Professor: Antônio Wilson Vieira (antonio.vieira@unimontes.br)

Sistemas de Equações Lineares

Considere o seguinte problema:

$$\text{3 oranges} + \text{2 bananas} = 7$$

$$\text{3 bananas} + \text{4 apples} = 11$$

$$\text{4 oranges} + \text{2 apples} = 10$$

$$\text{1 orange} + \text{1 apple} + \text{1 banana} = ?$$

Sistemas de Equações Lineares

Chamando de x o preço da laranja, de y o preço da banana e de z o preço da maçã, o problema acima é modelado no seguinte

Sistema de Equações Lineares:

$$\begin{cases} 3x + 2y = 7 \\ 4y + 3z = 11 \\ 4x + 2z = 10 \end{cases}$$

Cuja solução única é $\begin{cases} x = 1,50 \text{ (laranja)} \\ y = 1,25 \text{ (banana)} \\ z = 2,00 \text{ (maçã)} \end{cases}$



 +  +  = 4,75

Sistemas de Equações Lineares

Modele e resolva o problema: Uma loja vende pacotes de brinquedos variados (dados, bolas, carrinhos) com os preços de cada pacote indicados abaixo. Quanto deve custar, individualmente, um dado, uma bola e um carrinho, para que os preços dos pacotes estejam corretos.

$$[\text{dados} \text{ bolas} \text{ carrinhos}] = \text{R\$ } 40$$

$$[\text{dados} \text{ bola} \text{ carrinho}] = \text{R\$ } 25$$

$$[\text{dados} \text{ carrinhos}] = \text{R\$ } 36$$

Sistemas de Equações Lineares

Em determinadas situações aplicadas, especialmente nas engenharias, um problema costuma ser modelado em um sistema linear com **milhões** de variáveis e equações. Daí a importância de se conhecer meios eficientes para se analisar e resolver os sistemas lineares de tamanho arbitrário.

$$\begin{cases} 2x + 3y - 5z + 4w + 3r + 2s + t - 4u + 3v = 2 \\ 3x + 2y + z + 2w + 6r + 4s + 2t + 3u + 2v = 7 \\ x + 2y + 3z + 4w + 3r + 3s + t + 4u + 3v = 11 \\ 5x + 5y + 4z + 5w + 2r + 2s + 3t + 5u + 5v = 8 \\ x + 3y + 2z + 3w + 3r + 5s + t - 3u - 4v = 1 \\ -3x + 6y - 3z + 1w - 4r + 2s + 4t - 4u + 3v = 0 \\ 4x + 2y + 5z - 3w + 8r + 4s + t - 2u + 2v = 3 \\ 2x + 6y + 2z + 4w + 3r + 5s + 2t - 4u + 5v = 2 \\ 8x - 3y - 7z + 2w + 5r + 3s + t + 8u - 3v = 5 \end{cases}$$

Sistemas de Equações Lineares

Definição: Uma equação linear, com n variáveis x_1, x_2, \dots, x_n é uma equação que pode ser expressa na forma

$$a_1x_1 + a_2x_2 + \dots + a_nx_n = b$$

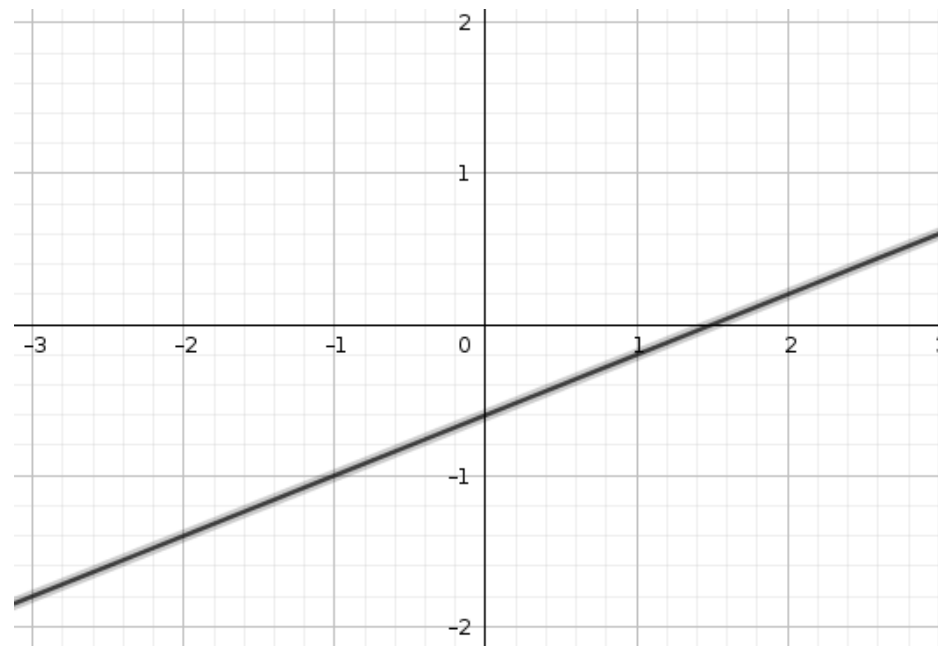
,
onde $a_1, a_2, \dots, a_n \in \mathbb{R}$ são denominados *coeficientes*, e não são todos nulos, e $b \in \mathbb{R}$ é denominado *termo independente*.

Exemplos:

- ▶ $2x - 5y = 3;$
- ▶ $3x + 4y + 5z = 2;$
- ▶ $4x + 2y - 3z + 5w = 1;$
- ▶ $2x - 3y + 4z + w + 3s = 5.$

Sistemas de Equações Lineares

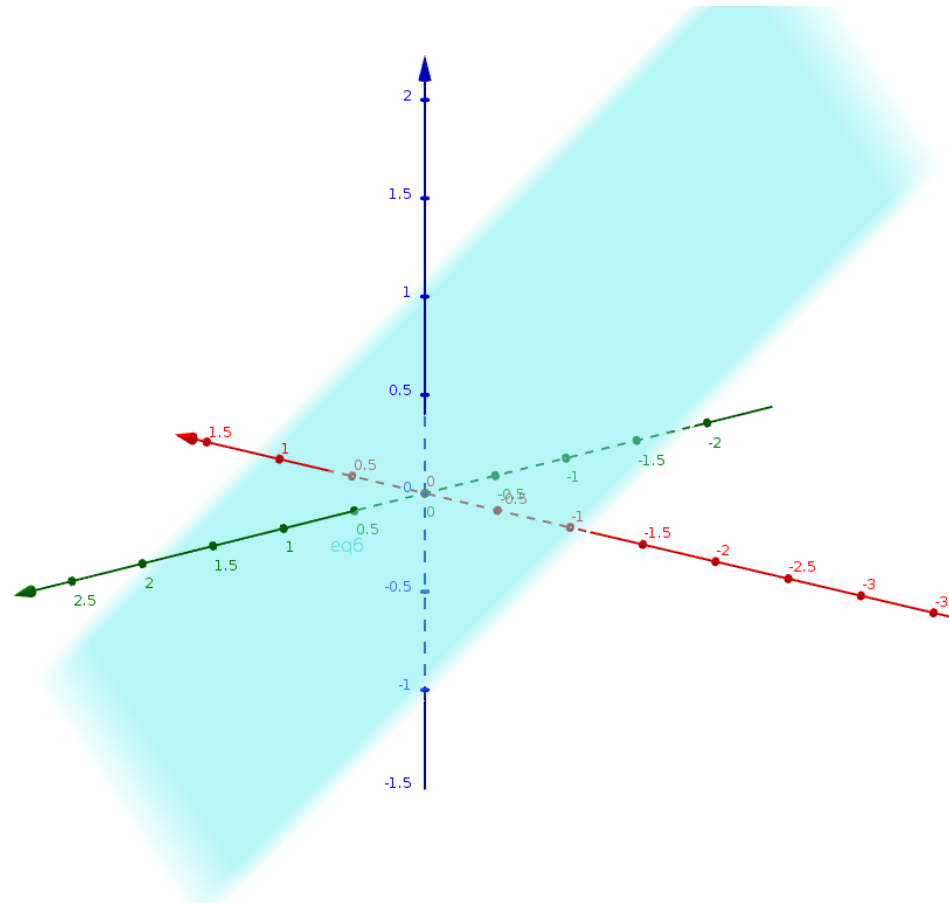
No espaço R^2 , o conjunto de pontos (x, y) que satisfaz à equação de duas variáveis $a_1x + a_2y = b$ determina uma reta.



$$2x - 5y = 3$$

Sistemas de Equações Lineares

No espaço R^3 , o conjunto de pontos (x, y, z) que satisfaz à equação de três variáveis $a_1x + a_2y + a_3z = b$ determina um plano.



$$3x + 4y + 5z = 2$$

Sistemas de Equações Lineares

Por definição, nas equações lineares as variáveis aparecem na primeira potência (com expoente 1) e nunca como argumento de funções transcendentes.

Exemplo: Não são equações lineares

- ▶ $2x^2 + 3y = 3;$
- ▶ $2xy - 3y + \frac{4y}{z} = 5;$
- ▶ $3\sqrt{x} + 4y^3 + 5z = 2;$
- ▶ $4\text{sen}(x) + 2\ln(y) - 3z + 5w = 1;$

Sistemas de Equações Lineares

Definição: Denomina-se *Sistema de Equações Lineares*, ou, simplesmente, Sistema Linear, um conjunto de Equações Lineares com as mesmas variáveis, denominadas **incógnitas**.

Exemplos:

$$\blacktriangleright \begin{cases} 3x + 2y = 1 \\ 2x - 5y = 3 \end{cases}$$

$$\blacktriangleright \begin{cases} 3x + 4y + 5z = 2 \\ 4x + 2y - 3z = 4 \end{cases}$$

$$\blacktriangleright \begin{cases} 2x - 3y + 5z = 1 \\ 3x + 2y + 3z = 0 \\ 4x + 5y - 3z = 8 \end{cases}$$

Sistemas de Equações Lineares

Um sistema linear arbitrário, de m equações e n incógnitas, pode ser escrito como:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \cdots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \cdots + a_{2n}x_n = b_2 \\ a_{31}x_1 + a_{32}x_2 + a_{33}x_3 + \cdots + a_{3n}x_n = b_3 \\ \vdots \quad \quad \quad \vdots \quad \quad \quad \vdots \quad \quad \quad \vdots \quad \quad \quad \vdots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \cdots + a_{mn}x_n = b_m \end{cases}$$

Uma **solução** para um sistema linear de n incógnitas x_1, x_2, \dots, x_n é uma sequência de números s_1, s_2, \dots, s_n para os quais todas as m equações são verdadeiras ao tomar

$$x_1 = s_1, \quad x_2 = s_2, \quad \dots, \quad x_n = s_n$$

Sistemas de Equações Lineares

Exemplos:

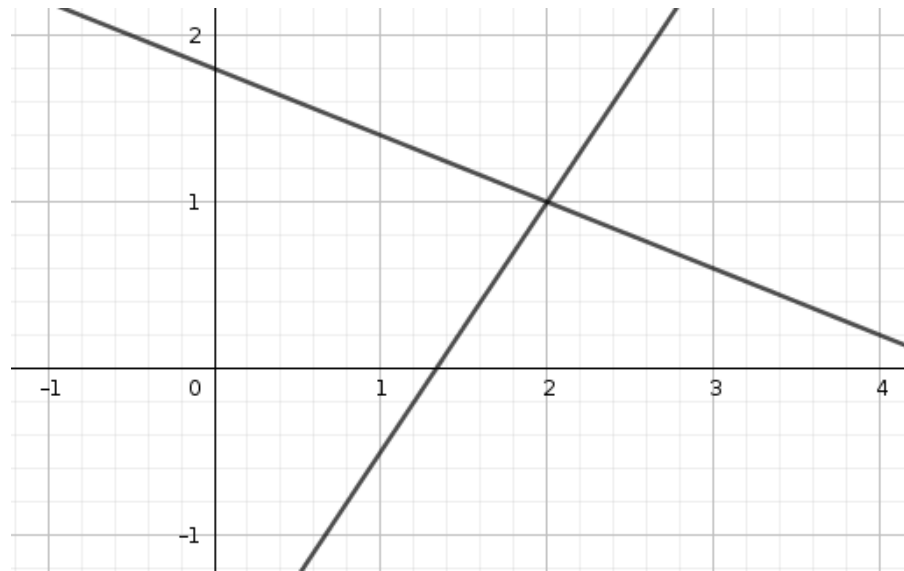
▶
$$\begin{cases} 3x - 2y = 4 \\ 2x + 5y = 9 \end{cases} \quad \text{tem solução } x = 2, y = 1$$

▶
$$\begin{cases} 6x + 4y = 10 \\ 3x + 2y = 4 \end{cases} \quad \text{não tem solução}$$

▶
$$\begin{cases} 2x - 3y + 5z = 16 \\ 3x + 2y - 2z = 2 \\ 4x - 5y + 2z = 9 \end{cases} \quad \text{tem solução } x = 2, y = 1 \text{ e } z = 3$$

Sistemas de Equações Lineares

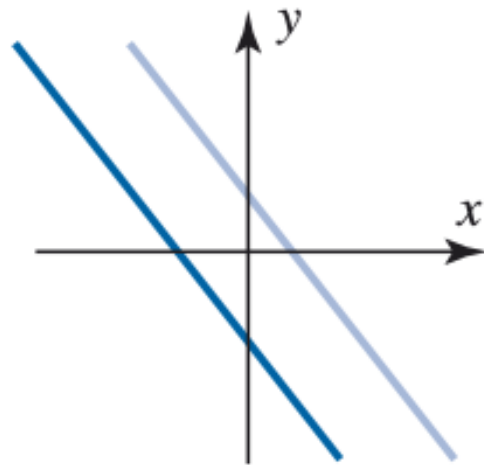
Cada solução de um sistema de duas equações lineares de duas variáveis representa, no espaço R^2 , um ponto pertencente às duas retas definidas pelas equações.



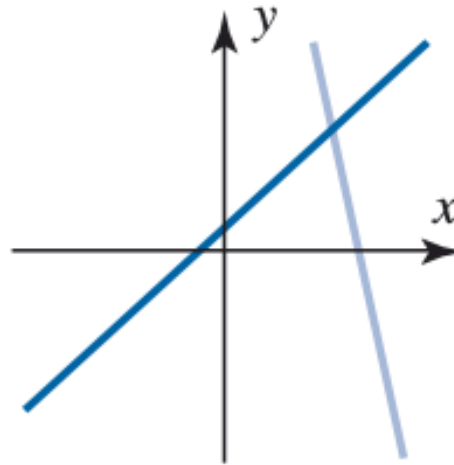
$$\begin{cases} 3x - 2y = 4 \\ 2x + 5y = 9 \end{cases} \quad \text{solução } (2, 1)$$

Sistemas de Equações Lineares

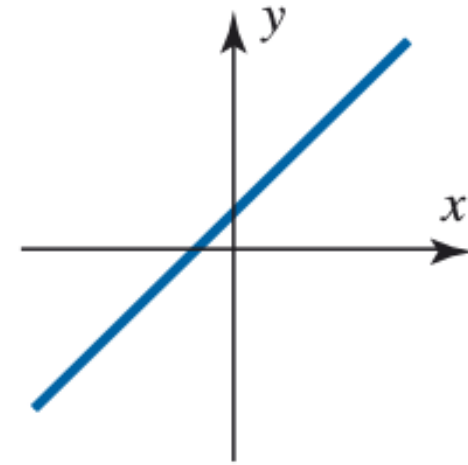
O sistema pode ser **inconsistente** (sem solução) ou **consistente** (com uma ou infinitas soluções).



Nenhuma solução



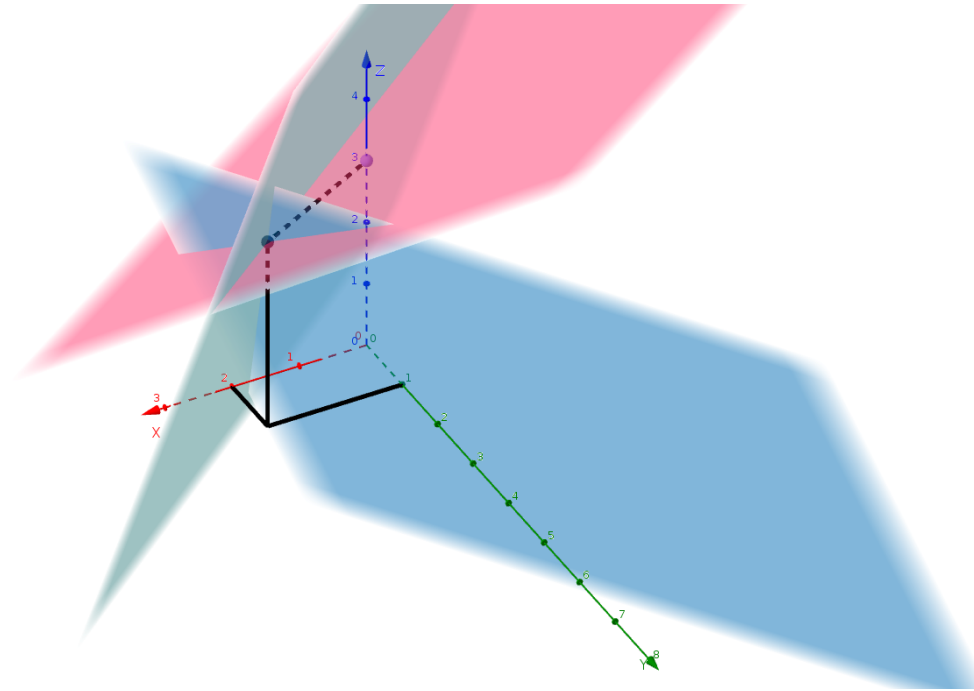
Uma solução



Uma infinidade
de soluções
(retas coincidentes)

Sistemas de Equações Lineares

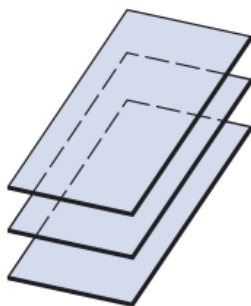
Cada solução de um sistema de três equações lineares de três variáveis representa, no espaço R^3 , um ponto pertencente aos três planos definidos pelas equações.



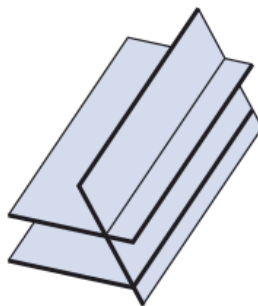
$$\begin{cases} 2x - 3y + 5z = 16 \\ 3x + 2y - 2z = 2 \\ 4x - 5y + 2z = 9 \end{cases} \quad \text{solução } (2, 1, 3)$$

Sistemas de Equações Lineares

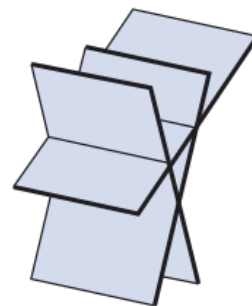
O sistema pode ser **inconsistente** (sem solução) ou **consistente** (com uma ou infinitas soluções).



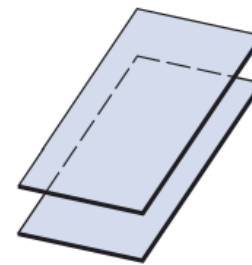
Nenhuma solução
(três planos paralelos,
sem interseção comum)



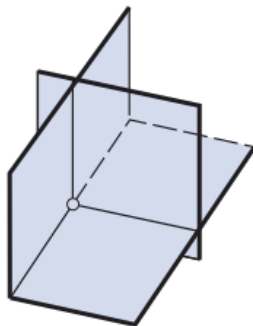
Nenhuma solução
(dois planos paralelos,
sem interseção comum)



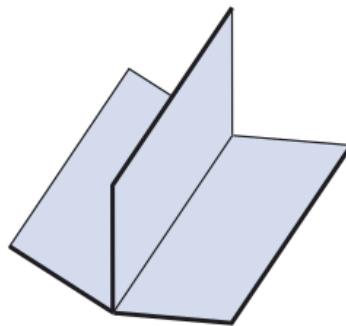
Nenhuma solução
(sem interseção comum)



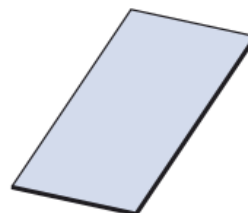
Nenhuma solução
(dois planos coincidentes,
paralelos ao terceiro,
sem interseção comum)



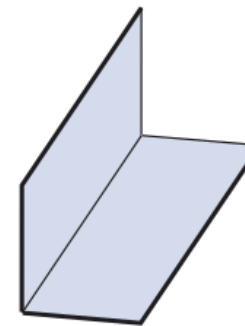
Uma solução
(a interseção é um ponto)



Uma infinidade de soluções
(a interseção é uma reta)



Uma infinidade de soluções
(todos os planos coincidem;
a interseção é um plano)



Uma infinidade de soluções
(dois planos coincidentes;
a interseção é uma reta)

Sistemas de Equações Lineares

Exemplo de um sistema linear **com uma solução**: $\begin{cases} x - y = 1 \\ 2x + y = 6 \end{cases}$

$$\begin{cases} x - y = 1 \\ 2x + y = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2x + 2y = -2 \\ 2x + y = 6 \end{cases} \quad (\text{Multiplica primeira linha por } -2)$$

$$\begin{cases} -2x + 2y = -2 \\ 2x + y = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2x + 2y = -2 \\ 3y = 4 \end{cases} \quad (\text{Soma segunda linha com primeira})$$

$$\begin{cases} x = \frac{7}{3} \\ y = \frac{4}{3} \end{cases} \quad (\text{Obtém } y \text{ na } 2^{\text{a}} \text{ linha e substitui na } 1^{\text{a}} \text{ para obter } x)$$

Sistemas de Equações Lineares

Exemplo de um sistema linear **com uma solução**:
$$\begin{cases} x - y = 1 \\ 2x + y = 6 \end{cases}$$

Nesse caso, as retas correspondentes às equações dadas se intersectam no ponto

$$\left(\frac{7}{3}, \frac{4}{3}\right)$$



Sistemas de Equações Lineares

Exemplo de um sistema linear **sem solução**:
$$\begin{cases} x + y = 4 \\ 3x + 3y = 6 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 4 \\ 3x + 3y = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -3x - 3y = -12 \\ 3x + 3y = 6 \end{cases} \quad (\text{Multiplica primeira linha por } -3)$$

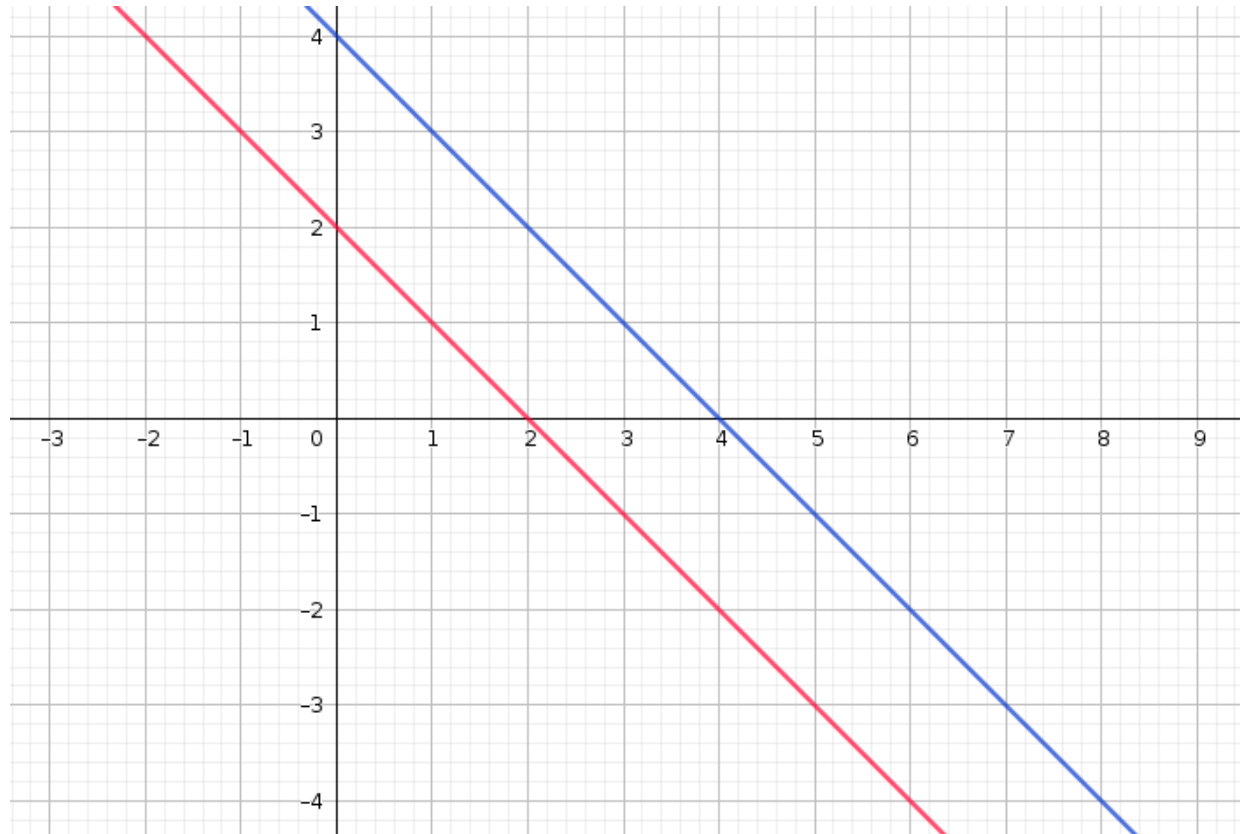
$$\begin{cases} -3x - 3y = -12 \\ 3x + 3y = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -3x - 3y = -12 \\ 0 = -6 \end{cases} \quad (\text{Soma segunda linha com primeira})$$

A segunda linha chega a uma afirmação absurda e, portanto, o sistema não tem solução.

Sistemas de Equações Lineares

Exemplo de um sistema linear **sem solução**:
$$\begin{cases} x + y = 4 \\ 3x + 3y = 6 \end{cases}$$

Nesse caso, as retas correspondentes às equações dadas são paralelas e distintas e, portanto, não se intersectam (não tem ponto em comum).



Sistemas de Equações Lineares

Exemplo de um sistema linear **com infinitas soluções**:
$$\begin{cases} 4x - 2y = 1 \\ 16x - 8y = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4x - 2y = 1 \\ 16x - 8y = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -16x + 8y = -4 \\ 16x - 8y = 4 \end{cases} \quad (\text{Multiplica primeira linha por } -4)$$

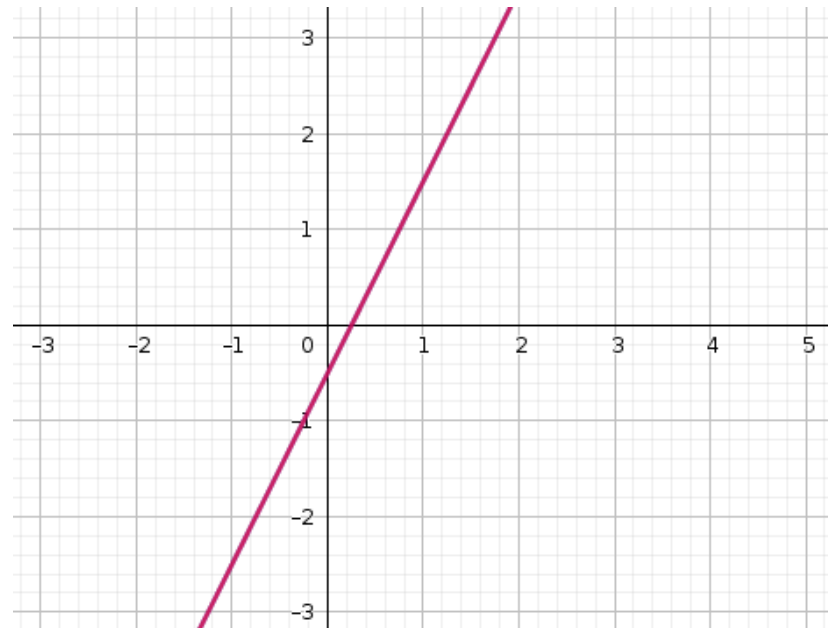
$$\begin{cases} -16x + 8y = -4 \\ 16x - 8y = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -3x - 3y = -12 \\ 0 = 0 \end{cases} \quad (\text{Soma segunda linha com primeira})$$

A segunda linha não impõe restrições para valores de x e y e, portanto, quaisquer par (x, y) que atenda à primeira equação satisfaz ao sistema.

Sistemas de Equações Lineares

Exemplo de um sistema linear **com infinitas soluções**:
$$\begin{cases} 4x - 2y = 1 \\ 16x - 8y = 4 \end{cases}$$

Nesse caso, as retas correspondentes às equações dadas são coincidentes e, portanto, todo ponto que pertence à primeira reta também pertence à primeira.



Sistemas de Equações Lineares

À medida que aumenta o número de equações e incógnitas num sistema linear, cresce a complexidade das operações para solução.

Uma notação simplificada pode padronizar e facilitar a solução. Considerando o sistema arbitrário

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \cdots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \cdots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \vdots \quad \quad \quad \vdots \quad \quad \quad \vdots \quad \quad \quad \vdots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + \cdots + a_{mn}x_n = b_m \end{cases},$$

podemos considerar apenas uma tabela com os coeficientes e termos independentes, numa notação chamada **matriz aumentada** do sistema.

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} & b_1 \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} & b_2 \\ \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} & b_m \end{bmatrix}$$

Sistemas de Equações Lineares

Exemplo: Considere o seguinte sistema linear com 3 equações e 3 incógnitas:

$$\begin{cases} x + y + 2z = 9 \\ 2x + 4y - 3z = 1 \\ 3x + 6y - 5z = 0 \end{cases}$$

A **matriz aumentada** do sistema fica

$$\left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 2 & 4 & -3 & 1 \\ 3 & 6 & -5 & 0 \end{array} \right]$$

Sistemas de Equações Lineares

Uma forma de simplificar a solução de um sistema é se obter sistemas mais simples e equivalentes ao primeiro.

Sistemas equivalentes são obtidos por meio de **operações elementares com linhas** da matriz aumentada. As seguintes operações elementares podem ser usadas:

- ▶ Multiplicar uma linha por uma constante não nula;
- ▶ Trocar duas linhas entre sí;
- ▶ Substituir uma linha pela sua soma com outra linha.

Sistemas de Equações Lineares

Exemplo: Considere o sistema linear abaixo e respectiva matriz aumentada. Em cada passo, é construído um sistema equivalente e sua nova matriz aumentada

$$\begin{cases} x & + y & + 2z & = 9 \\ 2x & + 4y & - 3z & = 1 \\ 3x & + 6y & - 5z & = 0 \end{cases} \quad \left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 2 & 4 & -3 & 1 \\ 3 & 6 & -5 & 0 \end{array} \right]$$

Soma a segunda linha com a primeira multiplicada por -2 para obter

$$\begin{cases} x & + y & + 2z & = 9 \\ & 2y & - 7z & = -17 \\ 3x & + 6y & - 5z & = 0 \end{cases} \quad \left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 2 & -7 & -17 \\ 3 & 6 & -5 & 0 \end{array} \right]$$

Soma a terceira linha com a primeira multiplicada por -3 para obter

$$\begin{cases} x & + y & + 2z & = 9 \\ & 2y & - 7z & = -17 \\ & 3y & - 11z & = -27 \end{cases} \quad \left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 2 & -7 & -17 \\ 0 & 3 & -11 & -27 \end{array} \right]$$

Multiplica a segunda linha por $\frac{1}{2}$ para obter

$$\begin{cases} x & + y & + 2z & = 9 \\ & y & - \frac{7}{2}z & = \frac{-17}{2} \\ & 3y & - 11z & = -27 \end{cases} \quad \left[\begin{array}{ccc|c} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 1 & \frac{-7}{2} & \frac{-17}{2} \\ 0 & 3 & -11 & -27 \end{array} \right]$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\left\{ \begin{array}{rrcr} x & + y & + 2z & = 9 \\ & y & - \frac{7}{2}z & = \frac{-17}{2} \\ & 3y & - 11z & = -27 \end{array} \right. \quad \left[\begin{array}{rrrr} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 1 & \frac{-7}{2} & \frac{-17}{2} \\ 0 & 3 & -11 & -27 \end{array} \right]$$

Soma a terceira linha com a segunda multiplicada por -3 para obter

$$\left\{ \begin{array}{rrcr} x & + y & + 2z & = 9 \\ & y & - \frac{7}{2}z & = \frac{-17}{2} \\ & & \frac{-1}{2}z & = \frac{-3}{2} \end{array} \right. \quad \left[\begin{array}{rrrr} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 1 & \frac{-7}{2} & \frac{-17}{2} \\ 0 & 0 & -\frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \end{array} \right]$$

Multiplica a terceira linha por -2 para obter

$$\left\{ \begin{array}{rrcr} x & + y & + 2z & = 9 \\ & y & - \frac{7}{2}z & = \frac{-17}{2} \\ & & z & = 3 \end{array} \right. \quad \left[\begin{array}{rrrr} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 1 & \frac{-7}{2} & \frac{-17}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 3 \end{array} \right]$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\left\{ \begin{array}{rcrcrcrcrcrcl} x & & + y & & + 2z & & = & 9 \\ & & & y & - \frac{7}{2}z & & = & \frac{-17}{2} \\ & & & & & z & = & 3 \end{array} \right. \quad \left[\begin{array}{cccc} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 1 & -\frac{7}{2} & -\frac{17}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 3 \end{array} \right]$$

Soma a primeira linha com a segunda multiplicada por -1 para obter

$$\left\{ \begin{array}{rcl} x & + \frac{11}{2}z & = \frac{35}{2} \\ y & - \frac{7}{2}z & = -\frac{17}{2} \\ & z & = 3 \end{array} \right. \quad \left[\begin{array}{cccc} 1 & 0 & \frac{11}{2} & \frac{35}{2} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{2} & -\frac{17}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 3 \end{array} \right]$$

Soma a primeira linha com a terceira multiplicada por $-\frac{11}{2}$

Soma a segunda linha com a terceira multiplicada por $\frac{7}{2}$

$$\left\{ \begin{array}{lcl} x & = & 1 \\ y & = & 2 \\ z & = & 3 \end{array} \right. \quad \left[\begin{array}{cccc} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & 3 \end{array} \right]$$

Sistemas de Equações Lineares

A mesma estratégia de operações elementares pode ser aplicada para sistemas de tamanho arbitrário. Por exemplo, o sistema

$$\begin{cases} 2x + 3y - 5z + 4w + 3r + 2s + t - 4u + 3v = 2 \\ 3x + 2y + z + 2w + 6r + 4s + 2t + 3u + 2v = 7 \\ x + 2y + 3z + 4w + 3r + 3s + t + 4u + 3v = 11 \\ 5x + 5y + 4z + 5w + 2r + 2s + 3t + 5u + 5v = 8 \\ x + 3y + 2z + 3w + 3r + 5s + t - 3u - 4v = 1 \\ -3x + 6y - 3z + 1w - 4r + 2s + 4t - 4u + 3v = 0 \\ 4x + 2y + 5z - 3w + 8r + 4s + t - 2u + 2v = 3 \\ 2x + 6y + 2z + 4w + 3r + 5s + 2t - 4u + 5v = 2 \\ 8x - 3y - 7z + 2w + 5r + 3s + t + 8u - 3v = 5 \end{cases}$$

pode ser representado na matriz aumentada abaixo

$$\left[\begin{array}{cccccccccc} 2 & 3 & -5 & 4 & 3 & 2 & 1 & -4 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 1 & 2 & 6 & 4 & 2 & 3 & 2 & 7 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 3 & 3 & 1 & 4 & 3 & 11 \\ 5 & 5 & 4 & 5 & 2 & 2 & 3 & 5 & 5 & 8 \\ 1 & 3 & 2 & 3 & 3 & 5 & 1 & -3 & -4 & 1 \\ -3 & 6 & -3 & 1 & -4 & 2 & 4 & -4 & 3 & 0 \\ 4 & 2 & 5 & -3 & 8 & 4 & 1 & -2 & 2 & 3 \\ 2 & 6 & 2 & 4 & 3 & 5 & 2 & -4 & 5 & 2 \\ 8 & -3 & -7 & 2 & 5 & 3 & 1 & 8 & -3 & 5 \end{array} \right]$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\left[\begin{array}{cccccccccc} 2 & 3 & -5 & 4 & 3 & 2 & 1 & -4 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 1 & 2 & 6 & 4 & 2 & 3 & 2 & 7 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 3 & 3 & 1 & 4 & 3 & 11 \\ 5 & 5 & 4 & 5 & 2 & 2 & 3 & 5 & 5 & 8 \\ 1 & 3 & 2 & 3 & 3 & 5 & 1 & -3 & -4 & 1 \\ -3 & 6 & -3 & 1 & -4 & 2 & 4 & -4 & 3 & 0 \\ 4 & 2 & 5 & -3 & 8 & 4 & 1 & -2 & 2 & 3 \\ 2 & 6 & 2 & 4 & 3 & 5 & 2 & -4 & 5 & 2 \\ 8 & -3 & -7 & 2 & 5 & 3 & 1 & 8 & -3 & 5 \end{array} \right] \begin{array}{l} L1 \\ L2 \\ L3 \\ L4 \\ L5 \\ L6 \\ L7 \\ L8 \\ L9 \end{array}$$

$$\left[\begin{array}{cccccccccc} \mathbf{1} & 1.5 & -2.5 & 2 & 1.5 & 1 & 0.5 & -2 & 1.5 & 1 \\ 3 & 2 & 1 & 2 & 6 & 4 & 2 & 3 & 2 & 7 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 3 & 3 & 1 & 4 & 3 & 11 \\ 5 & 5 & 4 & 5 & 2 & 2 & 3 & 5 & 5 & 8 \\ 1 & 3 & 2 & 3 & 3 & 5 & 1 & -3 & -4 & 1 \\ -3 & 6 & -3 & 1 & -4 & 2 & 4 & -4 & 3 & 0 \\ 4 & 2 & 5 & -3 & 8 & 4 & 1 & -2 & 2 & 3 \\ 2 & 6 & 2 & 4 & 3 & 5 & 2 & -4 & 5 & 2 \\ 8 & -3 & -7 & 2 & 5 & 3 & 1 & 8 & -3 & 5 \end{array} \right] \begin{array}{l} L1 = L1/2 \\ L2 \\ L3 \\ L4 \\ L5 \\ L6 \\ L7 \\ L8 \\ L9 \end{array}$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\left[\begin{array}{cccccccccc|c} \mathbf{1} & 1.5 & -2.5 & 2 & 1.5 & 1 & 0.5 & -2 & 1.5 & 1 & L1 \\ 3 & 2 & 1 & 2 & 6 & 4 & 2 & 3 & 2 & 7 & L2 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 3 & 3 & 1 & 4 & 3 & 11 & L3 \\ 5 & 5 & 4 & 5 & 2 & 2 & 3 & 5 & 5 & 8 & L4 \\ 1 & 3 & 2 & 3 & 3 & 5 & 1 & -3 & -4 & 1 & L5 \\ -3 & 6 & -3 & 1 & -4 & 2 & 4 & -4 & 3 & 0 & L6 \\ 4 & 2 & 5 & -3 & 8 & 4 & 1 & -2 & 2 & 3 & L7 \\ 2 & 6 & 2 & 4 & 3 & 5 & 2 & -4 & 5 & 2 & L8 \\ 8 & -3 & -7 & 2 & 5 & 3 & 1 & 8 & -3 & 5 & L9 \end{array} \right]$$

$$\left[\begin{array}{cccccccccc|c} \mathbf{1} & 1.5 & -2.5 & 2 & 1.5 & 1 & 0.5 & -2 & 1.5 & 1 & L1 \\ 0 & -2.5 & 8.5 & -4 & 1.5 & 1 & 0.5 & 9 & -2.5 & 4 & L2 = L2 - 3L1 \\ 0 & 0.5 & 5.5 & 2 & 1.5 & 2 & 0.5 & 6 & 1.5 & 10 & L3 = L3 - L1 \\ 0 & -2.5 & 16.5 & -5 & -5.5 & -3 & 0.5 & 15 & -2.5 & 3 & L4 = L4 - 5L1 \\ 0 & 1.5 & 4.5 & 1 & 1.5 & 4 & 0.5 & -1 & -5.5 & 0 & L5 = L5 - L1 \\ 0 & 10.5 & -10.5 & 7 & 0.5 & 5 & 5.5 & -10 & 7.5 & 3 & L6 = L6 + 3L1 \\ 0 & -4 & 15 & -11 & 2 & 0 & -1 & 6 & -4 & -1 & L7 = L7 - 4L1 \\ 0 & 3 & 7 & 0 & 0 & 3 & 1 & 0 & 2 & 0 & L8 = L8 - 2L1 \\ 0 & -15 & 13 & -14 & -7 & -5 & -3 & 24 & -15 & -3 & L9 = L9 - 8L1 \end{array} \right]$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\left[\begin{array}{cccccccccc} \mathbf{1} & 1.5 & -2.5 & 2 & 1.5 & 1 & 0.5 & -2 & 1.5 & 1 \\ 0 & 1 & -3.4 & 1.6 & -0.6 & -0.4 & -0.2 & -3.6 & 1 & -1.6 \\ 0 & 0.5 & 5.5 & 2 & 1.5 & 2 & 0.5 & 6 & 1.5 & 10 \\ 0 & -2.5 & 16.5 & -5 & -5.5 & -3 & 0.5 & 15 & -2.5 & 3 \\ 0 & 1.5 & 4.5 & 1 & 1.5 & 4 & 0.5 & -1 & -5.5 & 0 \\ 0 & 10.5 & -10.5 & 7 & 0.5 & 5 & 5.5 & -10 & 7.5 & 3 \\ 0 & -4 & 15 & -11 & 2 & 0 & -1 & 6 & -4 & -1 \\ 0 & 3 & 7 & 0 & 0 & 3 & 1 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & -15 & 13 & -14 & -7 & -5 & -3 & 24 & -15 & -3 \end{array} \right] \begin{array}{l} L1 \\ L2 = L2/(-2.5) \\ L3 \\ L4 \\ L5 \\ L6 \\ L7 \\ L8 \\ L9 \end{array}$$

$$\left[\begin{array}{cccccccccc} \mathbf{1} & 1.5 & -2.5 & 2 & 1.5 & 1 & 0.5 & -2 & 1.5 & 1 \\ 0 & \mathbf{1} & -3.4 & 1.6 & -0.6 & -0.4 & -0.2 & -3.6 & 1 & -1.6 \\ 0 & 0 & 7.2 & 1.2 & 1.8 & 2.2 & 0.6 & 7.8 & 1 & 10.8 \\ 0 & 0 & 8 & -1 & -7 & -4 & 0 & 6 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 9.6 & -1.4 & 2.4 & 4.6 & 0.8 & 4.4 & -7 & 2.4 \\ 0 & 0 & 25.2 & -9.8 & 6.8 & 9.2 & 7.6 & 27.8 & -3 & 19.8 \\ 0 & 0 & 1.4 & -4.6 & -0.4 & -1.6 & -1.8 & -8.4 & 0 & -7.4 \\ 0 & 0 & 17.2 & -4.8 & 1.8 & 4.2 & 1.6 & 10.8 & -1 & 4.8 \\ 0 & 0 & -38 & 10 & -16 & -11 & -6 & -30 & 0 & -27 \end{array} \right] \begin{array}{l} L1 \\ L2 \\ L3 = L3 - 0.5L2 \\ L4 = L4 + 2.5L2 \\ L5 = L5 - 1.5L1 \\ L6 = L6 - 10.53L2 \\ L7 = L7 + 4L2 \\ L8 = L8 - 3L2 \\ L9 = L9 + 15L2 \end{array}$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\left[\begin{array}{cccccccccc} 1 & 3/2 & -5/2 & 2 & 3/2 & 1 & 1/2 & -2 & 3/2 & 1 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 8 & -1 & -7 & -4 & 0 & 6 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 48/5 & -7/5 & 12/5 & 23/5 & 4/5 & 22/5 & -7 & 12/5 \\ 0 & 0 & 126/5 & -49/5 & 34/5 & 46/5 & 38/5 & 139/5 & -3 & 99/5 \\ 0 & 0 & 7/5 & -23/5 & -2/5 & -8/5 & -9/5 & -42/5 & 0 & -37/5 \\ 0 & 0 & 86/5 & -24/5 & 9/5 & 21/5 & 8/5 & 54/5 & -1 & 24/5 \\ 0 & 0 & -38 & 10 & -16 & -11 & -6 & -30 & 0 & -27 \end{array} \right] \begin{array}{l} L1 \\ L2 \\ L3 = L3/(7.2) \\ L4 \\ L5 \\ L6 \\ L7 \\ L8 \\ L9 \end{array}$$

$$\left[\begin{array}{cccccccccc} 1 & 3/2 & -5/2 & 2 & 3/2 & 1 & 1/2 & -2 & 3/2 & 1 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & -7/3 & -9 & -58/9 & -2/3 & -8/3 & -10/9 & -13 \\ 0 & 0 & 0 & -3 & 0 & 5/3 & 0 & -6 & -25/3 & -12 \\ 0 & 0 & 0 & -14 & 1/2 & 3/2 & 11/2 & 1/2 & -13/2 & -18 \\ 0 & 0 & 0 & -29/6 & -3/4 & -73/36 & -23/12 & -119/12 & -7/36 & -19/2 \\ 0 & 0 & 0 & -23/3 & -5/2 & -19/18 & 1/6 & -47/6 & -61/18 & -21 \\ 0 & 0 & 0 & 49/3 & -13/2 & 11/18 & -17/6 & 67/6 & 95/18 & 30 \end{array} \right]$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\begin{bmatrix} 1 & 3/2 & -5/2 & 2 & 3/2 & 1 & 1/2 & -2 & 3/2 & 1 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 81/7 & 209/21 & 6/7 & -18/7 & -145/21 & 33/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 109/2 & 241/6 & 19/2 & 33/2 & 1/6 & 60 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 501/28 & 317/28 & -15/28 & -123/28 & 59/28 & 122/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 379/14 & 845/42 & 33/14 & 13/14 & 11/42 & 152/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -139/2 & -89/2 & -15/2 & -15/2 & -5/2 & -61 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3/2 & -5/2 & 2 & 3/2 & 1 & 1/2 & -2 & 3/2 & 1 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1630/243 & 295/54 & 515/18 & 7943/243 & 2041/54 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -659/162 & -67/36 & -5/12 & 2071/162 & 365/36 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -769/243 & 19/54 & 125/18 & 3989/243 & 577/54 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 3712/243 & -127/54 & -413/18 & -4573/104 & -1765/54 \end{bmatrix}$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\begin{bmatrix} 1 & 3/2 & -5/2 & 2 & 3/2 & 1 & 1/2 & -2 & 3/2 & 1 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -2675/517 & -4282/241 & -542/77 & -8986/703 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1451/652 & -4273/652 & 1621/1630 & -293/41 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 3289/326 & 13761/326 & 24831/815 & 5499/103 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3/2 & -5/2 & 2 & 3/2 & 1 & 1/2 & -2 & 3/2 & 1 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 2448/2249 & 6383/1587 & -361/219 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1309/173 & 14482/865 & 22515/791 \end{bmatrix}$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\begin{bmatrix} 1 & 3/2 & -5/2 & 2 & 3/2 & 1 & 1/2 & -2 & 3/2 & 1 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -673/60 & 7745/194 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3/2 & -5/2 & 2 & 3/2 & 1 & 1/2 & -2 & 3/2 & 1 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 13/5 & -2/5 & 12/5 & 8/5 & 4/5 & 17/5 & 0 & 17/5 \\ 0 & 1 & -17/5 & 8/5 & -3/5 & -2/5 & -1/5 & -18/5 & 1 & -8/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -5/6 & 7/4 & 29/36 & 7/12 & 7/12 & -13/36 & -1/2 \\ 0 & 1 & 0 & 13/6 & 1/4 & 23/36 & 1/12 & 1/12 & 53/36 & 7/2 \\ 0 & 0 & 1 & 1/6 & 1/4 & 11/36 & 1/12 & 13/12 & 5/36 & 3/2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 139/28 & 87/28 & 23/28 & 43/28 & 1/28 & 29/7 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & -227/28 & -449/84 & -15/28 & -67/28 & 37/84 & -60/7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -11/28 & -13/84 & 1/28 & 25/28 & 5/84 & 4/7 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 27/7 & 58/21 & 2/7 & 8/7 & 10/21 & 39/7 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -565/486 & 49/108 & 95/36 & 1457/486 & 229/108 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 791/486 & 7/108 & -151/36 & -2137/486 & -569/108 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 89/486 & 7/108 & 29/36 & -85/486 & 79/108 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -5/9 & 0 & 2 & 25/9 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 209/243 & 2/27 & -2/9 & -145/243 & 11/27 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

Sistemas de Equações Lineares

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -643/1304 & -856/369 & -1739/652 & -2698/609 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1813/1304 & 3583/1304 & 986/279 & 679/174 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 279/1304 & 2069/1304 & 2339/3260 & 1751/993 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & -295/652 & -241/652 & 23/326 & 567/652 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 505/652 & 2247/652 & 5859/1630 & 4639/883 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -531/652 & -2781/652 & -307/63 & -2406/427 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -52/83 & -547/274 & -1121/349 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -152/75 & 2252/1371 & 979/2094 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1916/2249 & 959/2249 & 2777/2249 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 2663/2249 & 1543/2249 & 1262/635 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1769/2249 & 9721/3826 & 7933/2375 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -937/638 & -2564/681 & -1949/538 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 7723/2249 & 1657/1218 & 3429/1388 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

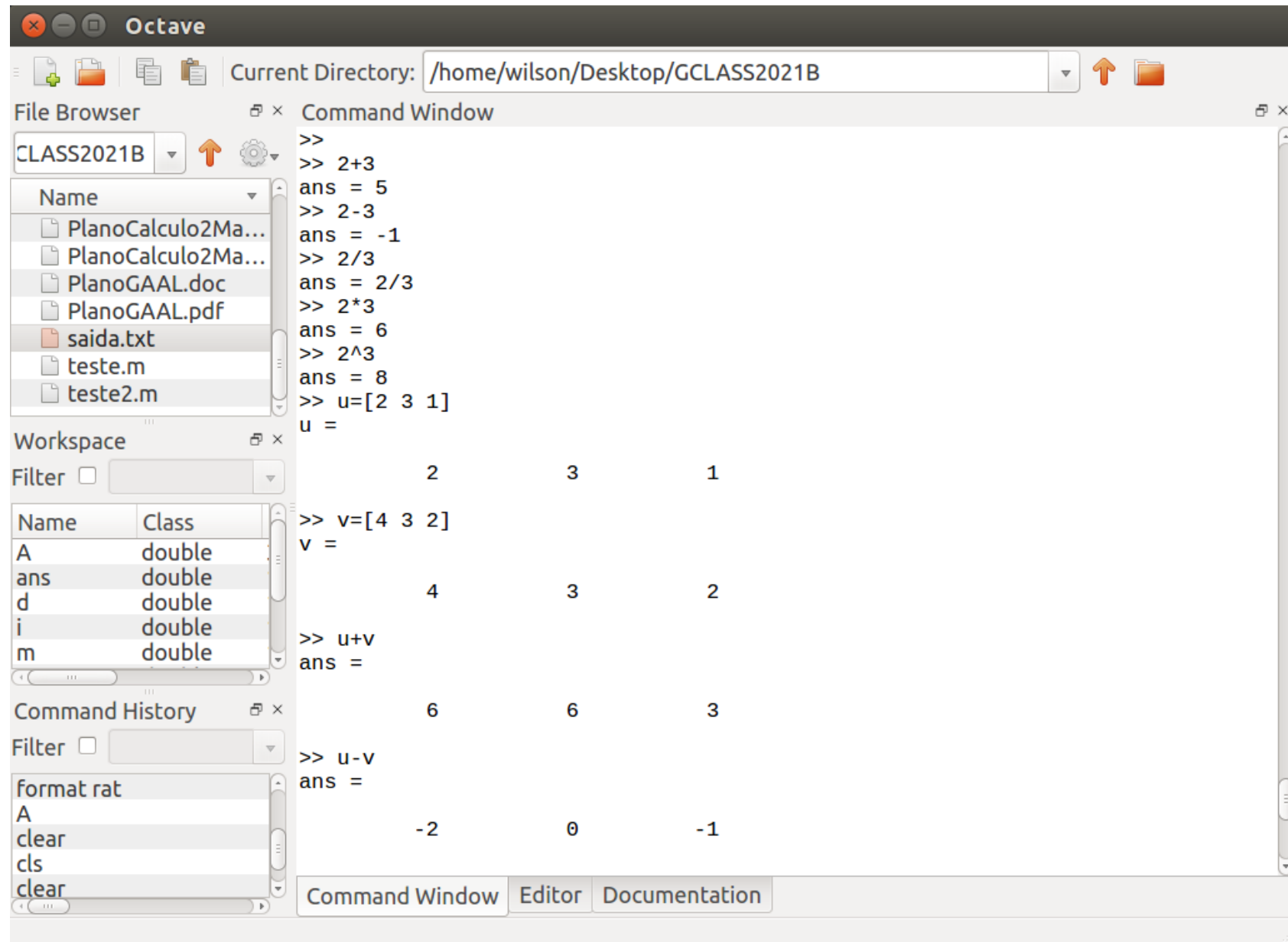
Sistemas de Equações Lineares

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 65/204 & -3079/740 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4657/510 & -307/118 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -694/255 & 1164/461 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1745/473 & 1947/515 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & -373/1020 & 938/207 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 113/68 & -4771/816 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -2311/204 & 606/79 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 3769/1020 & -368/243 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -566/187 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 8581/287 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -4118/575 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -2590/277 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 801/248 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 125/1844 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & -3820/117 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 5679/488 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1292/363 \end{bmatrix}$$

Sistemas de Equações Lineares

Comandos básicos com Matlab/Octave



The screenshot displays the Octave software interface. The title bar reads "Octave". The "Current Directory" is set to `/home/wilson/Desktop/GCLASS2021B`. The "File Browser" on the left shows a list of files: `CLASS2021B`, `PlanoCalculo2Ma...`, `PlanoGAAL.doc`, `PlanoGAAL.pdf`, `saida.txt`, `teste.m`, and `teste2.m`. The "Workspace" section shows a table of variables:

Name	Class
A	double
ans	double
d	double
i	double
m	double

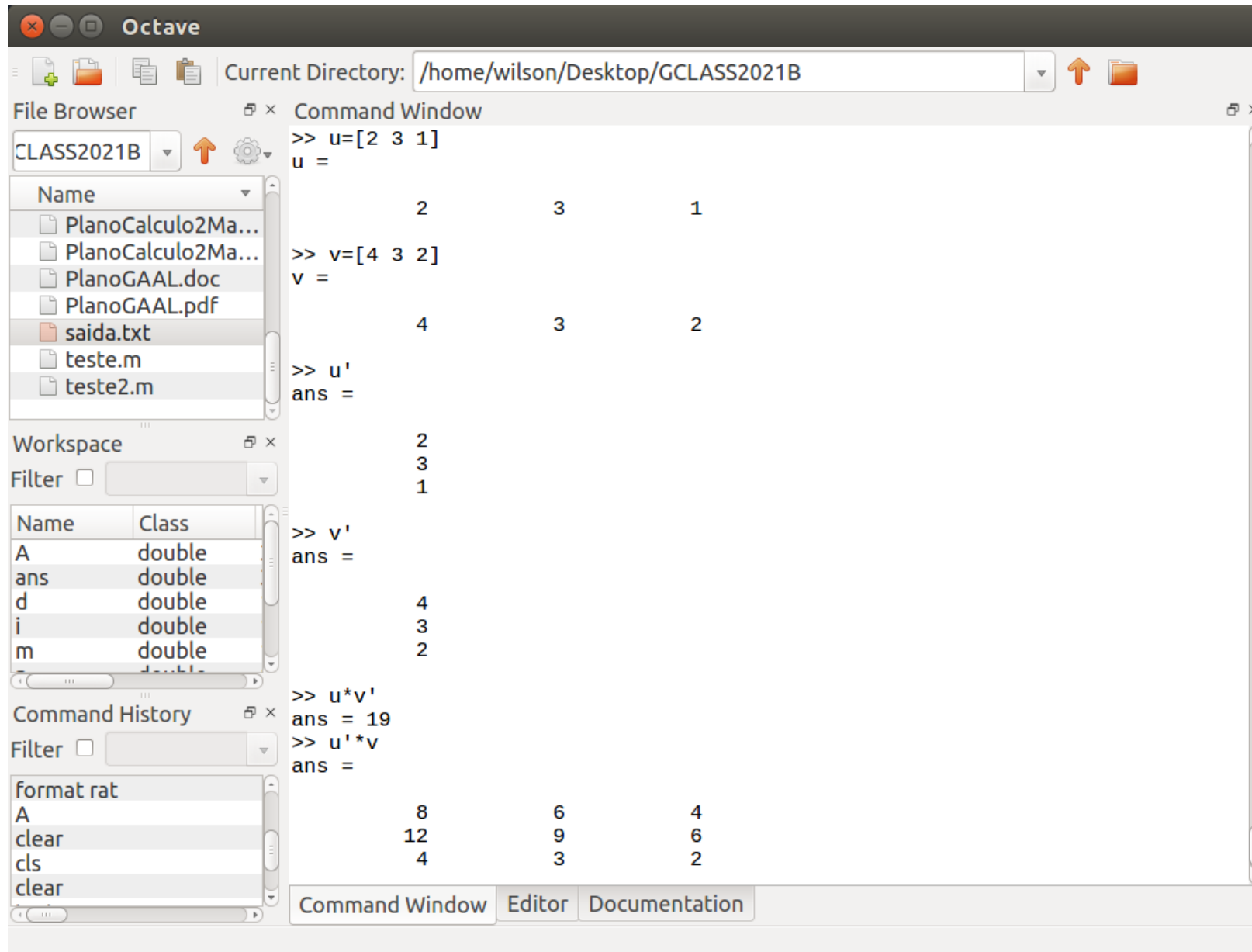
The "Command Window" on the right shows the following commands and their outputs:

```
>>  
>> 2+3  
ans = 5  
>> 2-3  
ans = -1  
>> 2/3  
ans = 2/3  
>> 2*3  
ans = 6  
>> 2^3  
ans = 8  
>> u=[2 3 1]  
u =  
      2      3      1  
  
>> v=[4 3 2]  
v =  
      4      3      2  
  
>> u+v  
ans =  
      6      6      3  
  
>> u-v  
ans =  
     -2      0     -1
```

The "Command History" section at the bottom left shows a list of commands: `format rat`, `A`, `clear`, `cls`, and `clear`. The bottom of the window has tabs for "Command Window", "Editor", and "Documentation".

Sistemas de Equações Lineares

Comandos básicos com Matlab/Octave



The screenshot shows the Octave software interface. The title bar reads "Octave". The "Current Directory" is set to `/home/wilson/Desktop/GCLASS2021B`. The "File Browser" on the left shows a list of files: `CLASS2021B`, `PlanoCalculo2Ma...`, `PlanoGAAL.doc`, `PlanoGAAL.pdf`, `saida.txt`, `teste.m`, and `teste2.m`. The "Workspace" panel shows a table of variables:

Name	Class
A	double
ans	double
d	double
i	double
m	double

The "Command History" panel shows the following commands:

```
format rat
A
clear
cls
clear
```

The "Command Window" on the right shows the execution of the following commands and their results:

```
>> u=[2 3 1]
u =
     2     3     1

>> v=[4 3 2]
v =
     4     3     2

>> u'
ans =
     2
     3
     1

>> v'
ans =
     4
     3
     2

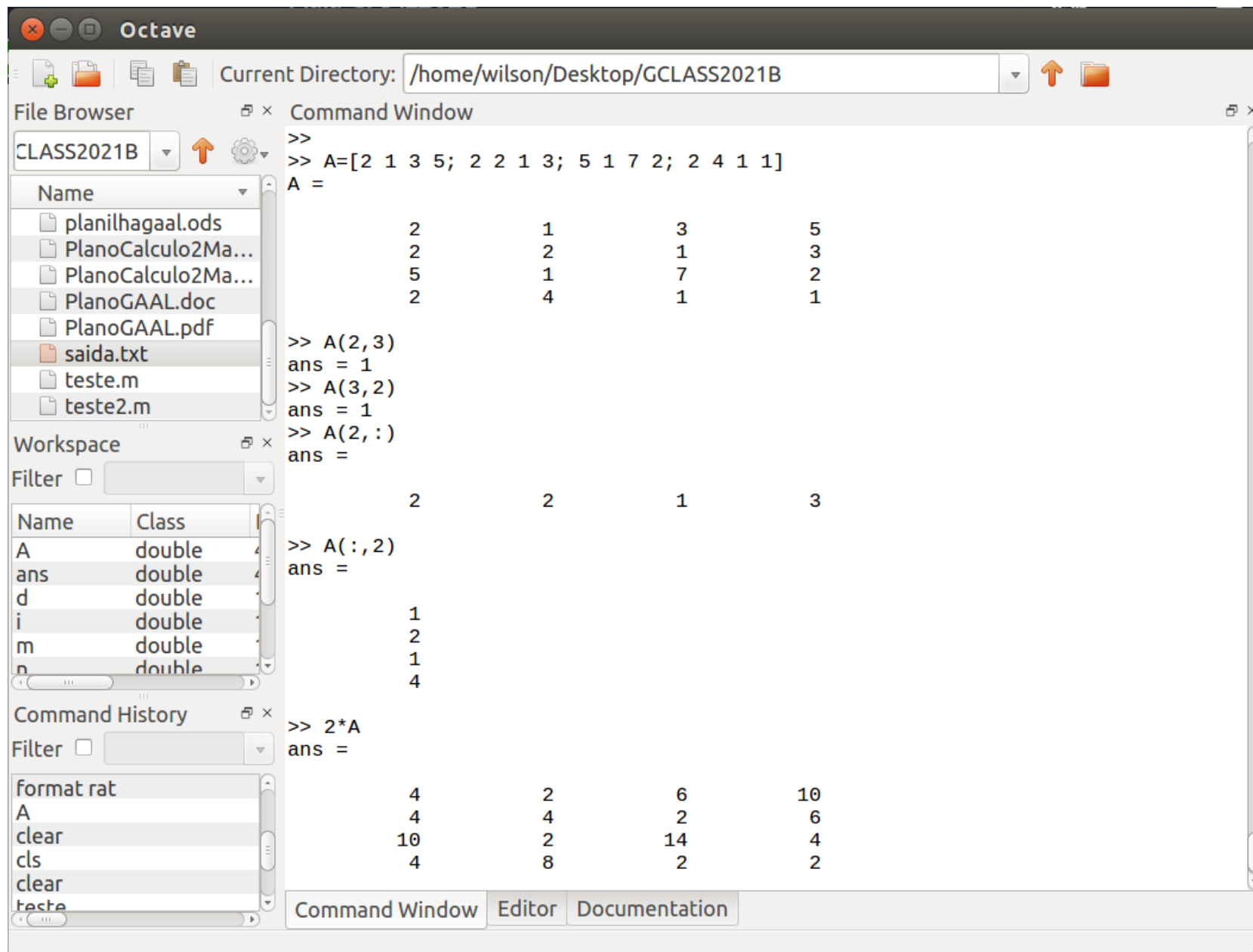
>> u*v'
ans = 19

>> u'*v
ans =
     8     6     4
    12     9     6
     4     3     2
```

The bottom of the window has tabs for "Command Window", "Editor", and "Documentation".

Sistemas de Equações Lineares

Comandos básicos com Matlab/Octave



The screenshot shows the Octave software interface. The title bar reads "Octave". The "Current Directory" is set to `/home/wilson/Desktop/GCLASS2021B`. The "File Browser" on the left shows a list of files: `planilhagaal.ods`, `PlanoCalculo2Ma...`, `PlanoCalculo2Ma...`, `PlanoGAAL.doc`, `PlanoGAAL.pdf`, `saida.txt`, `teste.m`, and `teste2.m`. The "Workspace" panel shows variables `A`, `ans`, `d`, `i`, `m`, and `n`, all of type `double`. The "Command History" panel shows a list of commands: `format rat`, `A`, `clear`, `cls`, `clear`, and `teste`. The "Command Window" on the right displays the following commands and their outputs:

```
>> A=[2 1 3 5; 2 2 1 3; 5 1 7 2; 2 4 1 1]
A =
     2     1     3     5
     2     2     1     3
     5     1     7     2
     2     4     1     1

>> A(2,3)
ans = 1

>> A(3,2)
ans = 1

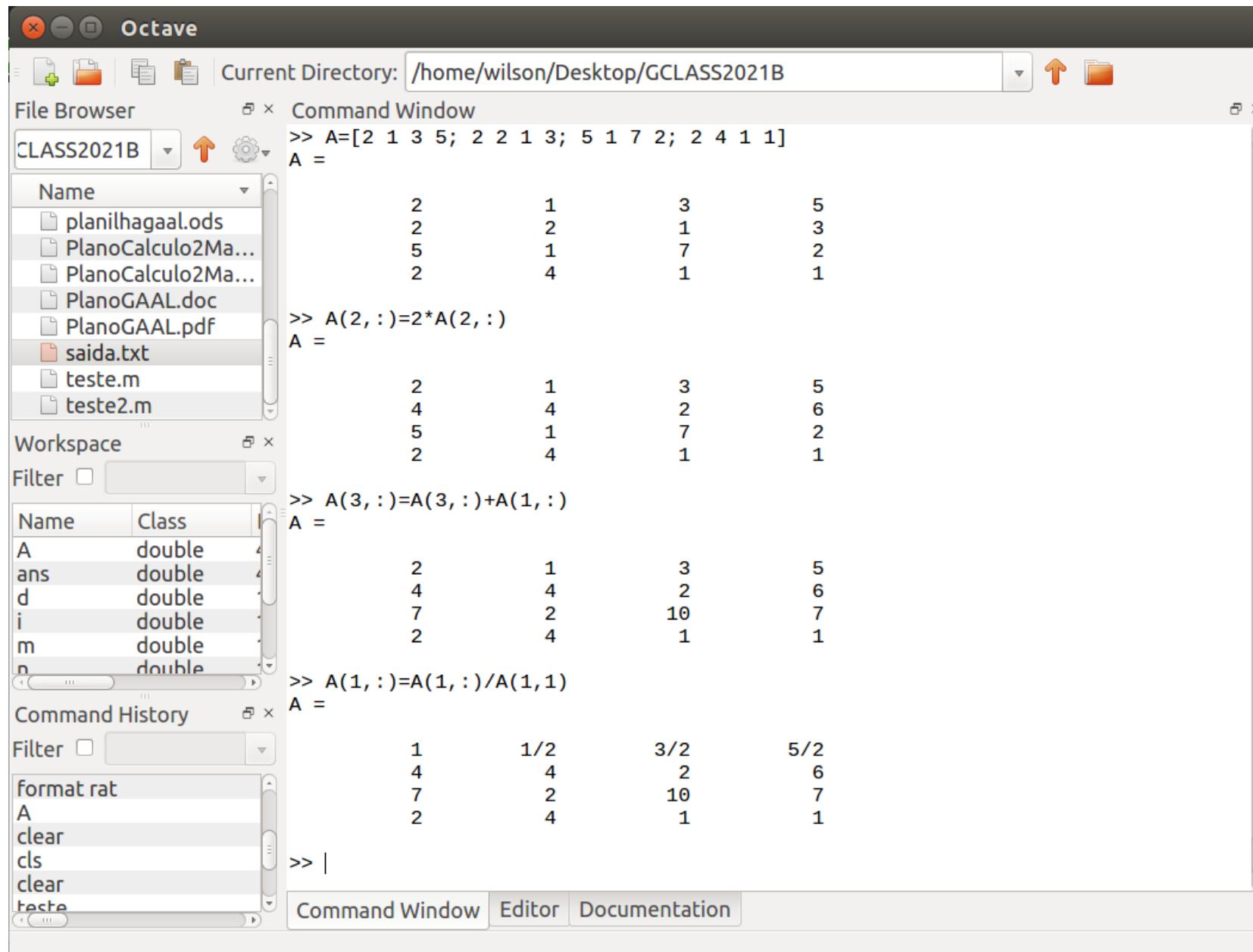
>> A(2,:)
ans =
     2     2     1     3

>> A(:,2)
ans =
     1
     2
     1
     4

>> 2*A
ans =
     4     2     6    10
     4     4     2     6
    10     2    14     4
     4     8     2     2
```

Sistemas de Equações Lineares

Comandos básicos com Matlab/Octave



The screenshot shows the Octave software interface with the following components:

- Current Directory:** /home/wilson/Desktop/GCLASS2021B
- File Browser:** Lists files in the current directory, including `planilhagaal.ods`, `PlanoCalculo2Ma...`, `PlanoGAAL.doc`, `PlanoGAAL.pdf`, `saida.txt`, `teste.m`, and `teste2.m`.
- Workspace:** Displays variables `A`, `ans`, `d`, `i`, `m`, and `n`, all of type `double`.
- Command Window:** Shows the execution of the following commands and the resulting matrix `A`:
 - `>> A=[2 1 3 5; 2 2 1 3; 5 1 7 2; 2 4 1 1]`
Initial matrix `A`:

2	1	3	5
2	2	1	3
5	1	7	2
2	4	1	1
 - `>> A(2,:) = 2*A(2,:)`
Matrix `A` after row 2 multiplication by 2:

2	1	3	5
4	4	2	6
5	1	7	2
2	4	1	1
 - `>> A(3,:) = A(3,:) + A(1,:)`
Matrix `A` after row 3 addition of row 1:

2	1	3	5
4	4	2	6
7	2	10	7
2	4	1	1
 - `>> A(1,:) = A(1, :)/A(1,1)`
Matrix `A` after row 1 division by its first element:

1	1/2	3/2	5/2
4	4	2	6
7	2	10	7
2	4	1	1
 - `>> |` (Prompt)
- Command History:** Lists the commands entered: `format rat`, `A`, `clear`, `cls`, `clear`, and `teste`.

Sistemas de Equações Lineares

Resolvendo um sistema pela Matriz Aumentada

The screenshot shows the Octave software interface with the following components:

- File Browser:** Displays the current directory `/home/wilson/Desktop/GCLASS2021B` and a list of files including `planilhagaal.ods`, `PlanoCalculo2Mat...`, `PlanoGAAL.doc`, `PlanoGAAL.pdf`, `saida.txt`, `teste.m`, and `teste2.m`.
- Workspace:** Shows variables `A`, `ans`, `d`, `i`, `m`, and `n`, all of type `double`.
- Command Window:** Contains the following commands and their outputs:
 - `>> A=[1 1 2 9; 2 4 -3 1; 3 6 -5 0]`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 2 & 4 & -3 & 1 \\ 3 & 6 & -5 & 0 \end{bmatrix}$
 - `>> A(2,:) = A(2,:) - 2*A(1,:)`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 2 & -7 & -17 \\ 3 & 6 & -5 & 0 \end{bmatrix}$
 - `>> A(3,:) = A(3,:) - 3*A(1,:)`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 2 & -7 & -17 \\ 0 & 3 & -11 & -27 \end{bmatrix}$
 - `>> A(2,:) = A(2,:)/2`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 1 & -7/2 & -17/2 \\ 0 & 3 & -11 & -27 \end{bmatrix}$
 - `>> A(3,:) = A(3,:) - 3*A(2,:)`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 1 & -7/2 & -17/2 \\ 0 & 0 & -1/2 & -3/2 \end{bmatrix}$

Sistemas de Equações Lineares

Resolvendo um sistema pela Matriz Aumentada

The screenshot shows the Octave software interface with the following components:

- File Browser:** Displays the current directory `/home/wilson/Desktop/GCLASS2021B` and a list of files including `planilhagaal.ods`, `PlanoCalculo2Mat...`, `PlanoGAAL.doc`, `PlanoGAAL.pdf`, `saida.txt`, `teste.m`, and `teste2.m`.
- Workspace:** Shows variables `A`, `ans`, `d`, `i`, `m`, and `n`, all of type `double`.
- Command Window:** Contains the following commands and their outputs:
 - `>>`
 - `>>`
 - `>> A(3,:) = A(3,:)/A(3,3)`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & 9 \\ 0 & 1 & -7/2 & -17/2 \\ -0 & -0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$
 - `>> A(1,:) = A(1,:) - A(1,2)*A(2,:)`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 11/2 & 35/2 \\ 0 & 1 & -7/2 & -17/2 \\ -0 & -0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$
 - `>> A(1,:) = A(1,:) - A(1,3)*A(3,:)`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -7/2 & -17/2 \\ -0 & -0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$
 - `>> A(2,:) = A(2,:) - A(2,3)*A(3,:)`
Output: $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \\ -0 & -0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$
 - `>>`
 - `>>`
 - `>>`
- Command History:** Lists the commands entered: `format rat`, `A`, `clear`, `cls`, `clear`, and `teste`.

Sistemas de Equações Lineares

Resolvendo um sistema pela Matriz Aumentada

The screenshot shows the Octave software interface with the following components:

- File Browser:** Displays the current directory `/home/wilson` and a list of files and folders including `anaconda3`, `Desktop`, `Documents`, `Downloads`, `libwacom`, `Music`, `myenv`, and `Pictures`.
- Workspace:** Shows a table of variables in the workspace:

Name	Class	Dimensions
A	double	3x4
d	double	1x1
i	double	1x1

- Command Window:** Displays the commands and output for solving the system:

```
>>
>>
>>
>>
>> A=[1 1 2 9;2 4 -3 1; 3 6 -5 0]
A =
    1    1    2    9
    2    4   -3    1
    3    6   -5    0

>> for d=1:3; A(d,:)=A(d,:)/A(d,d); for i=d+1:3; A(i,:)=A(i,:)-A(i,d)*A(d,:); end; end
>> A
A =
    1.00000    1.00000    2.00000    9.00000
    0.00000    1.00000   -3.50000   -8.50000
   -0.00000   -0.00000    1.00000    3.00000

>> for d=2:3; for i=1:d-1; A(i,:)=A(i,:)-A(i,d)*A(d,:); end; end
>> A
A =
    1    0    0    1
    0    1    0    2
   -0   -0    1    3

>>
>>
```

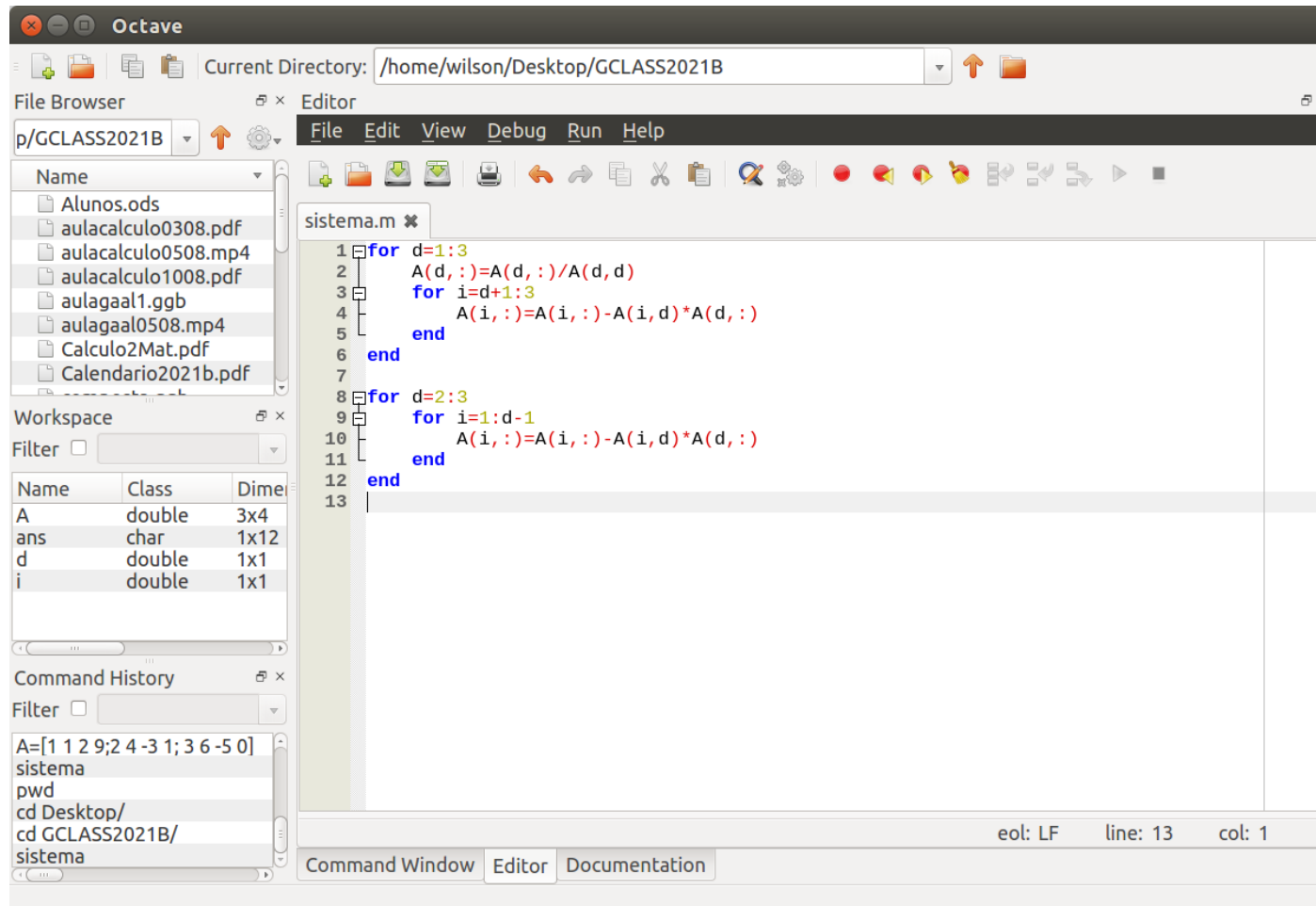
- Command History:** Shows the sequence of commands entered:

```
# Octave 4.0.0, Wed Aug 11
A=[1 1 2 9;2 4 -3 1; 3 6 -5 0]
for d=1:3; A(d,:)=A(d,:)/A(d,d)
A
for d=2:3; for i=1:d-1; A(i,:)=A(i,:)-A(i,d)*A(d,:); end; end
A
```

The interface also includes a **Command Window** tab, an **Editor** tab, and a **Documentation** tab at the bottom.

Sistemas de Equações Lineares

Execução de comandos em arquivo



The screenshot shows the Octave environment with the following components:

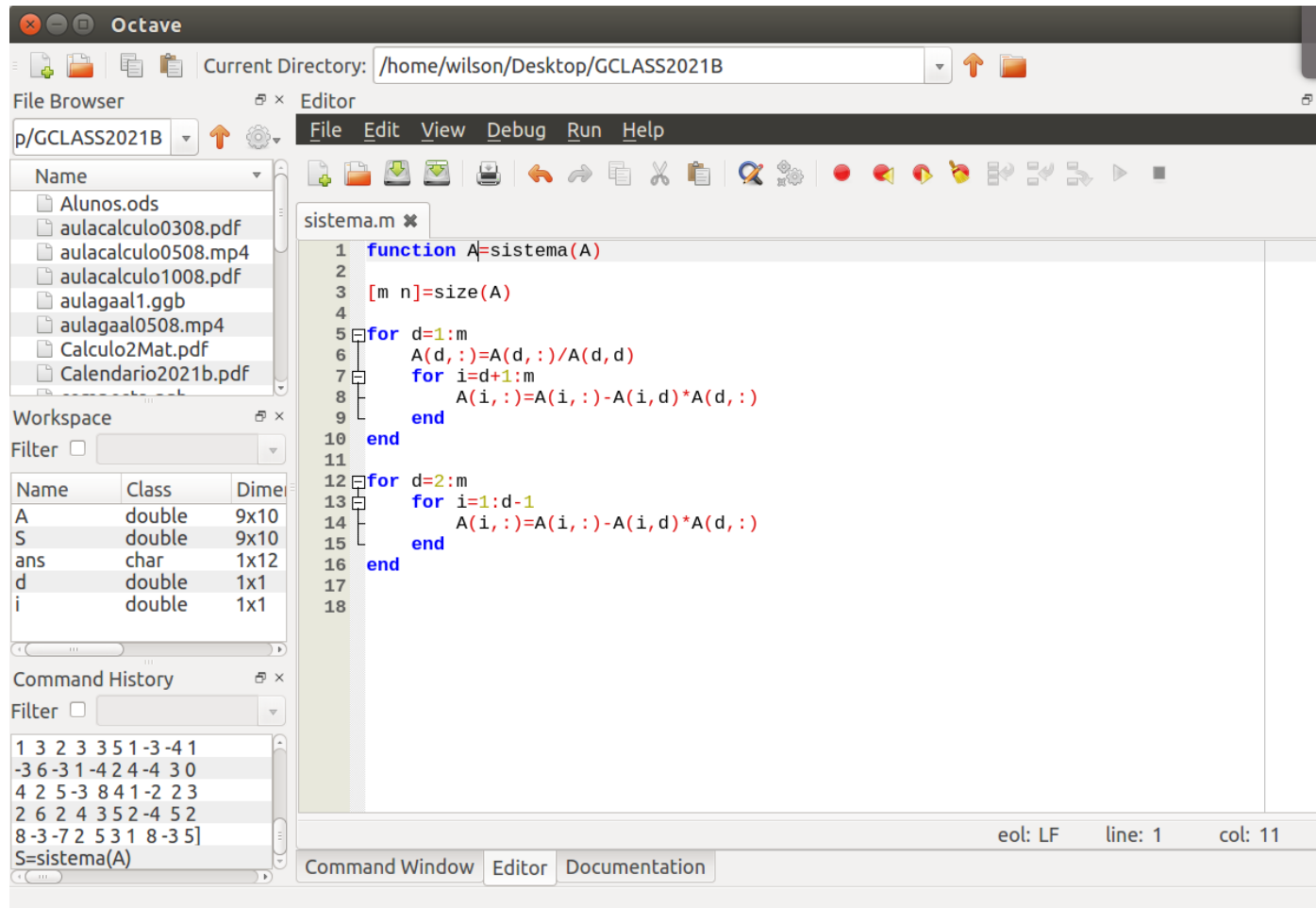
- File Browser:** Displays files in the directory `p/GCLASS2021B`, including `Alunos.ods`, `aulacalculo0308.pdf`, `aulacalculo0508.mp4`, `aulacalculo1008.pdf`, `aulagaal1.ggb`, `aulagaal0508.mp4`, `Calculo2Mat.pdf`, and `Calendario2021b.pdf`.
- Workspace:** Shows variables `A` (double, 3x4), `ans` (char, 1x12), `d` (double, 1x1), and `i` (double, 1x1).
- Command History:** Lists commands: `A=[1 1 2 9;2 4 -3 1; 3 6 -5 0]`, `sistema`, `pwd`, `cd Desktop/`, `cd GCLASS2021B/`, and `sistema`.
- Editor:** Displays the script `sistema.m` with the following code:

```
1 for d=1:3
2   A(d,:) = A(d,:)/A(d,d)
3   for i=d+1:3
4     A(i,:) = A(i,:) - A(i,d)*A(d,:)
5   end
6 end
7
8 for d=2:3
9   for i=1:d-1
10    A(i,:) = A(i,:) - A(i,d)*A(d,:)
11  end
12 end
13
```
- Status Bar:** Shows `eol: LF`, `line: 13`, and `col: 1`.

Veremos em laboratório que o código acima tem problemas. Ele considera que o elemento na diagonal, $A(d, d)$, é diferente de zero, mas isso não é regra e precisa ser tratado.

Sistemas de Equações Lineares

Um primeiro programa



The screenshot shows the Octave software interface. The current directory is `/home/wilson/Desktop/GCLASS2021B`. The file browser on the left shows a list of files including `Alunos.ods`, `aulacalculo0308.pdf`, `aulacalculo0508.mp4`, `aulacalculo1008.pdf`, `aulagaal1.ggb`, `aulagaal0508.mp4`, `Calculo2Mat.pdf`, and `Calendario2021b.pdf`. The workspace on the left shows variables `A` (double, 9x10), `S` (double, 9x10), `ans` (char, 1x12), `d` (double, 1x1), and `i` (double, 1x1). The command history on the left shows the command `S=sistema(A)`. The script editor on the right shows the following code:

```
1 function A=sistema(A)
2
3 [m n]=size(A)
4
5 for d=1:m
6     A(d,:)=A(d,:)/A(d,d)
7     for i=d+1:m
8         A(i,:)=A(i,:)-A(i,d)*A(d,:)
9     end
10 end
11
12 for d=2:m
13     for i=1:d-1
14         A(i,:)=A(i,:)-A(i,d)*A(d,:)
15     end
16 end
17
18
```

Veremos em laboratório que o código acima tem problemas. Ele considera que o elemento na diagonal, $A(d, d)$, é diferente de zero, mas isso não é regra e precisa ser tratado.

Sistemas de Equações Lineares

Exercícios:

Resolver exercícios ímpares da Seção 1.1
Livro Algebra Linear (Howard Anton)