CONVERTIR UNA GRAFICA EN BLANCO/NEGRO A NUBE DE PUNTOS EN COORDENADAS ESFERICAS

El primer paso es leer el archivo que contiene la gráfica a convertir, utilizando la función interconstruída de MathCAD READBMP. Esta función admite como argumento un string con el nombre del archivo en formato BMP. Como resultado, regresa una matriz 2D con filas y columnas por cada pixel de la foto. Los valores de esta matriz son el tono de gris de cada pixel en un rango 0-255, en donde 0 es negro y 255 blanco.

Foto := READBMP("PicMap.bmp")



Foto

Los valores de filas y columnas puedenobtenerse con las funciones de MathCAD:

MAXFIL := rows(Foto) MAXFIL = 374

MAXCOL := cols(Foto) MAXCOL = 910

y las variables índices para modificarcada valor de la matriz de pixeles:

i := 0 ... MAXFIL - 1 j := 0 ... MAXCOL - 1

Para hacer la conversión a coordenadas esféricas es necesario convertir todos los pixeles (filas x columnas) en 3 vectores que representan los valores de X, Y, Z.

$$\begin{split} & \underbrace{\text{Foto}_{i,\,j}} := \text{if} \big(\text{Foto}_{i,\,j} > 200\,, 0\,, 1 \big) \\ \\ & \theta_i := \frac{i}{\text{MAXFIL}} \cdot 1 \cdot \pi \qquad \phi_j := \frac{j}{\text{MAXCOL}} \cdot 2 \cdot \pi \\ \\ & X_{i,\,j} := \text{Foto}_{i,\,j} \cdot \sin(\theta_i) \cdot \cos(\phi_j) \qquad x_{i,\,j} := \sin(\theta_i) \cdot \cos(\phi_j) \\ \\ & Y_{i,\,j} := \text{Foto}_{i,\,j} \cdot \sin(\theta_i) \cdot \sin(\phi_j) \qquad y_{i,\,j} := \sin(\theta_i) \cdot \sin(\phi_j) \\ \\ & Z_{i,\,j} := \text{Foto}_{i,\,j} \cdot \cos(\theta_i) \qquad z_{i,\,j} := \cos(\theta_i) \end{split}$$

Para graficar 3D es necesario un vector *(world)* que contiene los valores de X, Y, Z en la columna cero. La columna uno es para establecer un fondo de colores que hagan un mejor constraste.



world :=
$$\begin{pmatrix} X & x \\ Y & y \\ Z & z \end{pmatrix}$$

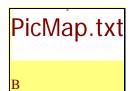
Es posible contruir la matriz B copiando en sus columnas los vectores xyz:

$$k := 0.. MAXFIL \cdot MAXCOL - 1$$

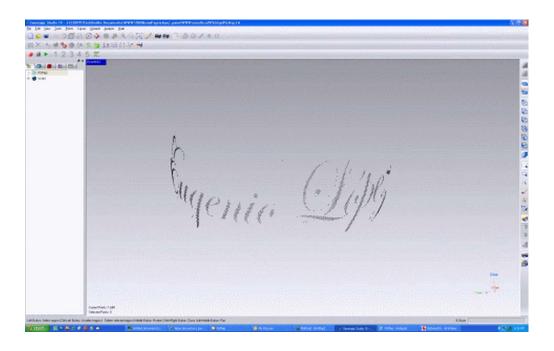
$$Px_k := mod(k, MAXFIL)$$
 $Py_k := mod(k, MAXCOL)$

$$B_{k,0} \coloneqq X_{\left(Px_k,Py_k\right)} \ B_{k,1} \coloneqq Y_{\left(Px_k,Py_k\right)} \quad B_{k,2} \coloneqq Z_{\left(Px_k,Py_k\right)}$$

y guardar la matriz B en un archivo de texto, separado por comas:



La importación de datos en un programa de CAD se muestra a continuación:



El archivo **PDF** está disponible en este link.